

Пономаренко Николай

Язык Python и библиотеки для анализа данных: задание 1

/Работа выполнена на третьей версии Python./

1 Python

1) Чем отличаются типы list и tuple? Какой из них можно использовать в качестве ключа в dict и добавлять в set? Почему? На какой структуре данных реализован dict в python? Чем отличается range от xrange в Python2.x? Что такое list comprehension? Как работают функции map и reduce в Python?

Во-первых, List является изменяемым типом, а тип tuple не является таковым. Во-вторых, они занимают в памяти разный размер (см. код ниже). Конечно, это не особо существенно, но операции с tuple происходят немного быстрее.

In [1]:

```
a = tuple(range(1000))
b = list(range(1000))

print(a.__sizeof__())
print(b.__sizeof__())
```

8024

9088

Так как list является изменяемым типом, то его нельзя использовать в качестве ключа в словаре (так как нехешируемый тип), когда tuple, к счастью, обладает таким свойством. Оба типа можно добавлять в set.

In [2]:

```
a = (1,2)
b = [1,2]

c = {a: 1}
print('OK')
c = set(a)
print('OK')
c = set(b)
print('OK')
try:
    c = {b: 1}
except Exception:
    print('Так нельзя:(')
```

OK

OK

OK

Так нельзя:(

Словарь в Python реализован в виде хэш-таблицы с методом открытой адресации.

xrange() очень похож на range(), но возвращает xrange object вместо list. Это, например, даёт преимущества при работе с большими циклами, так как xrange() не хранит весь list объектов, по которым производится итерация.

list comprehension обеспечивает краткий способ создания списков. Обычно применяется при создании новых списков, в которых каждый элемент является результатом некоторых операций, применяемых к каждому члену другой последовательности, или для создания подпоследовательности тех элементов, которые удовлетворяют определенному условию.

map(function, iterable, ...)

Применяет функцию к каждому элементу итерируемого объекта и возвращает объект типа list в качестве результата (во втором Питоне) или объект типа map (третий Питон).

In [3]:

```
arr = [i for i in range(10)]
print(arr)
mod_arr = list(map(lambda x: x ** 2, arr))
print(mod_arr)
```

[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]

[0, 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, 64, 81]

reduce(function, iterable[, initializer])

Применяет функцию двух аргументов кумулятивно к элементам итерируемого объекта слева направо, чтобы уменьшить итерируемый объект до одного значения. Пример: reduce(lambda x, y: x+y, [1, 2, 3, 4, 5]) вычисляет (((1+2)+3)+4)+5).

In [4]:

```
from functools import reduce
reduce(lambda x, y: x+y, [1, 2, 3, 4, 5])
```

Out[4]:

15

2) Напишите рекурсивную функцию, возвращающую N -ное число Фибоначчи. Проверьте работу для небольших N . Выясните, для какого N начинаются проблемы с глубиной рекурсии. Дополнительное задание для любознательных: попробуйте выяснить, можно ли в Python изменить допустимую глубину рекурсии.

In [5]:

```
def fib_rec(N):
    if N == 0 or N == 1:
        return 1
    return fib_rec(N - 1) + fib_rec(N - 2)
```

In [6]:

```
# Проверим работу для первых 10 чисел.

for i in range(10):
    print(fib_rec(i))
```

1
1
2
3
5
8
13
21
34
55

Начиная с $N = 972$ появляются проблемы с глубиной рекурсии.

In [7]:

```
try:
    fib_rec(972)
except RecursionError:
    print('From here.')
```

From here.

In [8]:

```
import sys
sys.getrecursionlimit()
```

Out[8]:

1000

Функция, вызванная выше возвращает текущее значение предела рекурсии, максимальную глубину стека интерпретатора Python. Этот предел предотвращает бесконечную рекурсию из-за переполнения стека. Максимальная глубина рекурсии может быть изменена с помощью `sys.setrecursionlimit(limit)`.

In [9]:

```
print(sys.getrecursionlimit())
sys.setrecursionlimit(2000)
print(sys.getrecursionlimit())
sys.setrecursionlimit(1000)
```

1000

2000

3) Попробуйте измерить время работы предыдущей функции при разных N .

In [10]:

```
import time

for i in range(40):
    start_time = time.clock()
    fib_rec(i)
    print("N =", i, "is done in", time.clock() - start_time, "seconds")
```

```
N = 0 is done in 3.84e-06 seconds
N = 1 is done in 2.9866666666662767e-06 seconds
N = 2 is done in 4.693333333333216e-06 seconds
N = 3 is done in 4.266666666667349e-06 seconds
N = 4 is done in 6.4000000000001556e-06 seconds
N = 5 is done in 9.813333333334034e-06 seconds
N = 6 is done in 1.450666666666725e-05 seconds
N = 7 is done in 2.602666666666649e-05 seconds
N = 8 is done in 3.797333333333333e-05 seconds
N = 9 is done in 6.91199999999989e-05 seconds
N = 10 is done in 8.234666666666682e-05 seconds
N = 11 is done in 0.00015744 seconds
N = 12 is done in 0.00023850666666666576 seconds
N = 13 is done in 0.00037162666666666795 seconds
N = 14 is done in 0.0006438399999999997 seconds
N = 15 is done in 0.0009787733333333336 seconds
N = 16 is done in 0.0017949866666666682 seconds
N = 17 is done in 0.0021934933333333344 seconds
N = 18 is done in 0.003971413333333333 seconds
N = 19 is done in 0.008821333333333334 seconds
N = 20 is done in 0.011462826666666662 seconds
N = 21 is done in 0.018600533333333333 seconds
N = 22 is done in 0.028808533333333344 seconds
N = 23 is done in 0.04699136000000001 seconds
N = 24 is done in 0.07119658666666667 seconds
N = 25 is done in 0.10566314666666665 seconds
N = 26 is done in 0.20628906666666667 seconds
N = 27 is done in 0.15513941333333336 seconds
N = 28 is done in 0.20680789333333338 seconds
N = 29 is done in 0.3405183999999999 seconds
N = 30 is done in 0.54475904 seconds
N = 31 is done in 1.0015321599999998 seconds
N = 32 is done in 1.49713152 seconds
N = 33 is done in 2.4251741866666663 seconds
N = 34 is done in 4.531554986666667 seconds
N = 35 is done in 6.376645120000001 seconds
N = 36 is done in 9.950345813333335 seconds
N = 37 is done in 17.962469546666668 seconds
N = 38 is done in 29.778318506666672 seconds
N = 39 is done in 48.53847168 seconds
```

4) Напишите функцию, возвращающую (через запятую) модуль и аргумент комплексного числа по заданной мнимой и действительной части. Возможно, вам потребуется импортировать какие-то тригонометрические функции из модуля `math`. Приведите примеры работы. Каков тип возвращаемого вашей функцией значения?

In [11]:

```
# Для более красивого код будем использовать библиотеку cmath,  
# так как в ней есть функция phase().  
import cmath  
  
def my_func_complex_num(x, y):  
    modulus = abs(complex(x, y))  
  
    # phase() не учитывает этот вариант.  
  
    if (x == y == 0):  
        raise Exception('Undefined.')  
  
    arg = cmath.phase(complex(x, y))  
    return modulus, arg
```

In [12]:

```
# z = 1 + 0j  
print(my_func_complex_num(1, 0))  
  
# z = 1 + 1j  
print(my_func_complex_num(1, 1))  
  
# z = -3 + -5j  
print(my_func_complex_num(-3, -5))  
  
(1.0, 0.0)  
(1.4142135623730951, 0.7853981633974483)  
(5.830951894845301, -2.1112158270654806)
```

Тип возвращаемого моей функцией значения - tuple.

In [13]:

```
type(my_func_complex_num(1, 1))
```

Out[13]:

tuple

5) Напишите docstrings к вашей последней функции. Изучите библиотеку doctest и попробуйте проверить, что написанные в docstrings примеры выполняются, без явного копирования кода оттуда (т.е. с помощью doctest).

In [14]:

```
# Для более красивого код будем использовать библиотеку cmath,
# так как в ней есть функция phase().
import cmath

"""
Common example.

>>> my_func_complex_num_dt(1, 1)
(1.4142135623730951, 0.7853981633974483)
"""

def my_func_complex_num_dt(x, y):

    """
    Returns modulus and arg of complex number x+iy.

    Another examples.

    >>> my_func_complex_num_dt(0, 1)
    (1.0, 1.5707963267948966)

    >>> my_func_complex_num_dt(0, 0)
    Traceback (most recent call last):
      ...
    Exception: Undefined.

    """

    modulus = abs(complex(x, y))

    # phase() не учитывает этот вариант.

    if (x == y == 0):
        raise Exception('Undefined.')

    arg = cmath.phase(complex(x, y))
    return modulus, arg

if __name__ == "__main__":
    import doctest
    doctest.testmod()
```

P.S. Я не очень понял, что значит "попробуйте проверить, что написанные в docstrings примеры выполняются, без явного копирования кода оттуда (т.е. с помощью doctest)". Поэтому я просто написал различные примеры проверок корректности моего кода, аналогично тому, что указано в документации.

6) Реализуйте класс комплексных чисел с самым базовым функционалом. Цель не продемонстрировать умение спроектировать класс из каждого второго домашнего задания по любому языку программирования, а посмотреть на особенности реализации классов на питоне.

In [15]:

```
class Complex_numbers:
    """Class of complex numbers."""

    def __init__(self, x = 0, y = 0):
        """
        Constructor.
        x, y - Real and Img parts of complex number.
        Default values: x = y = 0.

        """
        self.x = x
        self.y = y

    def __add__(self, other):
        """
        Redefining of '+' operator.
        """

        return Complex_numbers(self.x + other.x, self.y + other.y)

    def __repr__(self):
        """
        Redefining of represenation.
        """

        return "{}{}{}i".format(self.x, '-' if self.y < 0 else '+', abs(self.y))
```

In [16]:

```
a = Complex_numbers(-1, -1)
b = Complex_numbers(0, 1)
c = Complex_numbers()
print(a)
print(b)
print(c)
print(a + b)
```

```
-1-1i
0+1i
0+0i
-1+0i
```

7) Изучите примеры работы с декораторами из официальной документации. Фактически, декоратор - это функция, которая принимает на вход другую функцию и возвращает её в модифицированном виде. Синтаксически предусмотрена возможность использовать декоратор, написав перед объявлением функции имя_декоратора. Попробуйте найти реализацию (или сделать сами) кэширующего декоратора и декоратора, вычисляющего время работы функции. Попробуйте применить эти декораторы в разной последовательности к функции, вычисляющей числа Фибоначчи, сравнить и объяснить результаты. Объясните также, как работают использованные вами декораторы.

In [17]:

```
def memoize(function):
    dic = {}
    def wrapper(*args, **kwargs):
        if args not in dic:
            dic[args] = function(*args, **kwargs)
        return dic[args]
    return wrapper
```

Данный декоратор работает следующим образом: создаётся словарь, в котором будут уже подсчитанные значения функции. Далее проверяется, вызывалась ли ранее функция с такими аргументами. Если нет, то вычисляем её значения при данных аргументах, а потом запоминаем его. Возвращаем значения функции от данных аргументов.

In [18]:

```
@memoize
def fib_rec_decor_m(N):
    if N == 0 or N == 1:
        return 1
    return fib_rec_decor_m(N - 1) + fib_rec_decor_m(N - 2)
```

In [19]:

```
fib_rec_decor_m(100)
```

Out[19]:

```
573147844013817084101
```

In [20]:

```
def timer(f):
    is_evaluating = False
    def g(x):
        nonlocal is_evaluating
        if is_evaluating:
            return f(x)
        else:
            start_time = time.clock()
            is_evaluating = True
            try:
                value = f(x)
            finally:
                is_evaluating = False
            end_time = time.clock()
            print('time taken: {time}'.format(time=end_time-start_time))
            return value
    return g
```

Отметим, что мы не должны считать рекурсивные вызовы функции отдельно. Поэтому если функция вызывает сама себя, то это значит, что у нас уже начали вычислять время её работы. Тем самым мы замерим время от первого вызова функции до возвращения результата работы рекурсивной функции.

In [21]:

```
@timer
def fib_rec_decor_t(N):
    if N == 0 or N == 1:
        return 1
    return fib_rec_decor_t(N - 1) + fib_rec_decor_t(N - 2)
```

In [22]:

```
fib_rec_decor_t(32)
```

time taken: 2.4474073599999997

Out[22]:

3524578

In [23]:

```
@memoize
@timer
def fib_rec_decor_tm(N):
    if N == 0 or N == 1:
        return 1
    return fib_rec_decor_tm(N - 1) + fib_rec_decor_tm(N - 2)
```

In [24]:

```
fib_rec_decor_tm(100)
```

time taken: 0.0022468266666677748

Out[24]:

573147844013817084101

8) Выясните, чем отличается задание поля `x` через `"self.x ="` от объявления метода с декоратором `property`.

Рассмотрим следующий пример.

In [25]:

```
class Person(object):
    """
    def __init__(self, first_name, last_name):
        """Конструктор"""
        self.first_name = first_name
        self.last_name = last_name

    @property
    def full_name(self):
        """
        Возвращаем полное имя
        """
        return "%s %s" % (self.first_name, self.last_name)
```

In [26]:

```
person = Person("Mike", "Driscoll")

print(person.full_name) # Mike Driscoll
print(person.first_name) # Mike
try:
    person.full_name = "Jackalope"
except AttributeError:
    print('Нельзя изменить.')

person.first_name = "Jackalope"
print('А вот так можно.')
print(person.first_name)
```

Mike Driscoll

Mike

Нельзя изменить.

А вот так можно.

Jackalope

Декоратор `@property` превращает метод класса в «getter» в ТОЛЬКО ДЛЯ ЧТЕНИЯ атрибут с тем же именем, а вот заданное поле `x` через `"self.x ="` в последствие можно изменить.

9) Напишите setter и getter для полей класса комплексного числа.

In [27]:

```
class Complex_numbers_decor:
    """Class of complex numbers."""

    def __init__(self, x=0, y=0):
        """
        Constructor.
        x, y - Real and Img parts of complex number.
        Default values: x = y = 0.

        """
        self._x = x
        self._y = y

    @property
    def x(self):
        """I'm the 'x' property."""
        return self._x

    @property
    def y(self):
        """I'm the 'y' property."""
        return self._y

    @x.setter
    def x(self, val):
        """Set real part."""
        self._x = val

    @y.setter
    def y(self, val):
        """Set img part."""
        self._y = val

    def __add__(self, other):
        """
        Redefining of '+' operator.
        """

        return Complex_numbers_decor(self.x + other.x, self.y + other.y)

    def __repr__(self):
        """
        Redefining of representation.
        """

        return "{}{}{}i".format(self.x, '-' if self.y < 0 else '+', abs(self.y))
```

2 Requests/urllib + BeautifulSoup

Скачайте html-код страницы с новостью с любого новостного сайта и, распарсив его с помощью библиотеки BeautifulSoup или любой другой аналогичной, получите текст статьи (без html-тегов или вкраплений java script).

In [28]:

```
import requests
from bs4 import BeautifulSoup

# Почитаем про то, как наша фигуристка заняла лишь второе место :(.
url = "https://lenta.ru/articles/2018/12/09/grand_prix_final/"

# Скачиваю html-код страницы с новостью, преобразую её к типу 'str'.
text = requests.get(url).text

# Распарсиваем её с помощью библиотеки Beautiful Soup.
text_good = BeautifulSoup(text, "lxml")

# Печатаем именно текст статьи.
print(text_good.find(itemprop="articleBody").text)
```

Три года подряд россиянки не отдавали никому золото в финале Гран-при по фигурному катанию. Елизавета Туктамышева, Евгения Медведева, Алина Загитова: фигуристки сборной России приучили отечественную публику не переживать за судьбу медали высшей пробы. Загитова по всем законам жанра в этом году должна была оформить золотой дубль на льду Ванкувера. Но на ее пути встала Рика Кихира – японка с феноменальным техническим заделом. В чем сила Кихиры и почему действующая олимпийская чемпионка проиграла бывшей юниорке – разбирались «Лента.ру». Проспорили «Алина Загитова или Евгения Медведева?» – только в таком контексте было принято говорить о женском фигурном катании в последние два сезона. Россиянки выясняли отношения на недосягаемом для всех остальных уровне, будто соревновались в другом, собственном дивизионе. Противостояние двух выдающихся фигуристок, а в этом году еще и двух тренеров, Этери Тутберидзе и Брайана Орсера, захватило внимание всего спортивного мира, не оставив возможности даже подумать о существовании какой-либо посторонней силы. Говорят, что третий – всегда лишний, но... На этот раз лишним и оказались первые две. Пока мир гудел, выясняя, кто из россиянок лучше и чей тренер подкованнее, из тени, окрепнув и осмелев, выбралась новая звезда. Возможно, мирового масштаба. Японка Рика Кихира в финале Гран-при в Ванкувере заявила: Россия в женском фигурном катании – больше не единоличный лидер, а уникальная система Тутберидзе – не панацея. Российская публика не привыкла к поражениям отечественных фигуристок, зато привыкла к их мировым рекордам. Подопечные Тутберидзе весь прошлый сезон вплоть до Олимпиады по очереди задирали планку все выше, подтверждая, что предела их возможностям просто не существует. В текущем сезоне Загитова эту добрую традицию продолжила. Медведева же из гонки выбыла, когда приняла решение переехать за океан в группу канадских специалистов. Победа Загитовой в финале Гран-при под сомнение не ставилась, хотя основания на то были. Звоночек прозвенел давно: в тот самый момент, когда 16-летняя японка Кихира заявила и сделала два тройных акселя в произвольной программе. Это самый трудный и дорогой прыжок в женском фигурном катании. И в данный момент россиянка им не владеет. «Я могу бороться с этими спортсменками» В финал Гран-при в 2018 году отобрались шесть лучших фигуристок планеты: россиянки Алина Загитова, Елизавета Туктамышева, Софья Самодурова и японки Рика Кихира, Сатоко Мияхара и Каори Сакамото. Три на три. Алина Загитова Maxim Shemetov / Reuters Серьезно задуматься о пьедестале еще до старта соревнований могли все шесть спортсменок, но это могли быть мысли только о бронзовой награде. Туктамышевой для победы недостаточно технической базы, особенно – вращательной, Самодуровой не хватает опыта и владения элементами ультра-си, а Мияхаре и Сакамото – стабильности и прыжкового арсенала. Поэтому главной интригой была, конечно, готовность Загитовой и Кихиры. И после объявления оценок японки в короткой программе те, кто заранее повесил на шею Загитовой золотую медаль, начали переобуваться на ходу. 82,51 балла – так пал мировой рекорд, который россиянка установила на этапе Гран-при в Москве меньше месяца назад. Кихира в короткой программе действительно была безупречна. Коронный тройной аксель, чистейший каскад тройной флип – тройной тулуп и тройной лутц со сложным выездом в ласточку; все это позволило ей ощутимо оторваться от соперниц. Возможно, программа японки не впечатляет хореографической зрелищностью, возможно, в ней нет драмы, нет остроты – таков уж «Лунный свет» Клода Дебюсси. Зато в ней есть самый сложный в мире технический набор. Загитова же на лед выходила последней и знала, что притязания на ее корону очень серьезные. Она блестяще справилась со сложнейшим каскадом тройной лутц – тройной риттбергер, с тем самым элементом, который помог завоевать золото Олимпиады. Затем тяжело, но все же приземлила двойной аксель, а под конец прыгнула тройной флип. Все это было сделано с настроением, уверенно, немного нагло: так, как на Играх в Пхенчхане. Только вот повторить триумф не удалось. Загитова, откатавшись без видимых срывов, получила всего 77,93 балла. Сразу на пять баллов меньше, чем неопытная, но фантастически техничная японка. «Эти мысли (о тройном акселе – прим. «Ленты.ру») пощекотали мне нервы. Но я знаю, что если делаю все идеально, могу бороться с этими спортсменками», – сказала Загитова после короткой программы. Жаль, что настоящей борьбы не получилось ни в один из соревновательных дней. «У Алины сильный соперник» Зад

ел из пяти баллов после короткой программы – это если не гарантия, то одно значно неплохое подспорье для победы. Загитова эти баллы проиграла на бумаге. И шансов исправить ситуацию, опять же математически, имела не так много. В произвольной последней каталась уже Кихира, а Загитова получила четвертый стартовый номер. Как и накануне, внешне она была абсолютно спокойна. Ничего другого ей не оставалось, ведь эта уверенность – ее единственный козырь. Получилось не все: Загитовой-Кармен не покорился тройной тулуп в каскаде с тройным лутцем. А ведь его в команде Тутберидзе называют разминочным. «Я не очень хорошо приземлилась с лутца и попыталась вытащить тройной тулуп. Но в один момент у меня что-то щелкнуло, и...», – оправдывалась Загитова после проката. Это «щелкнуло» для спортсменки, выступающей в статусе действующей олимпийской чемпионки, звучит несерьезно. Но что еще она могла сказать? Ведь в остальном прокат удался, хотя сравнить его с выступлением на Гран-при в Москве можно лишь с натяжкой. Рика Кихира Emmanuel Foudrot / Reuters Кихира на этот раз тоже не была идеальна. В самом начале программы она упала с тройного акселя и поэтому не смогла прицепить к нему тройной тулуп. Она сделала это позже, рискуя, но лишь увеличивая надбавку к оценке. И даже с падением японка превзошла Загитову. По итогам произвольной – на два балла, по сумме – на семь. Туктамышева с отставанием в 18 баллов замкнула тройку призеров, а Самодурова стала пятой. «Думаю, причина моих успехов в том, что у меня были провалы в последние два года. Я пообещала себе, что запомню их и больше подобных ошибок не повторю», – заявила новоиспеченная победительница. Если так и дальше пойдет, судьба золота чемпионата мира тоже окажется в ее руках. «Хочется всегда быть первой, но это невозможно», – поделилась Загитова после объявления оценок японки. Вторя ей, специалисты отнеслись к этому поражению сдержанно: мол, ничего страшного, бывает. «У Алины – сильный соперник, который владеет мощной технической базой. Не может человек все время быть первым», – отметила заслуженный тренер Татьяна Тарасова. Тем не менее Загитовой и тренерскому штабу Тутберидзе точно есть над чем подумать. За олимпийскую чемпионку тревожно. Ведь в Ванкувере она проиграла абсолютно по делу.

3 NumPy

1) Создайте `numpy.ndarray` размерностью `3x4x2` и продемонстрируйте разные способы обращения по индексам из документации NumPy

In [29]:

```
import numpy as np

a = np.ndarray(shape=(3, 4, 2), dtype=int, order='F')
for i in range(3):
    for j in range(4):
        for k in range(2):
            a[i,j,k] = i * 21 + j * 5 + k
print(a)
print(a.shape)
```

```
[[[ 0  1]
   [ 5  6]
   [10 11]
   [15 16]]

  [[21 22]
   [26 27]
   [31 32]
   [36 37]]

  [[42 43]
   [47 48]
   [52 53]
   [57 58]]]
(3, 4, 2)
```

Теперь продемонстрируем различные способы обращения к элементам данного объекта.

In [30]:

```
print(a[2,3,1])
```

58

In [31]:

```
# Да, можно обращаться к индексам в обратном порядке.
print(a[2,-2,1])
```

53

In [32]:

```
# В плане выдаваемого значения это эквивалентного первому примеру.
print(a[2][3][1])
```

58

In [33]:

```
# Поддерживаются слайсы.
```

```
a[1:]
```

Out[33]:

```
array([[21, 22],
       [26, 27],
       [31, 32],
       [36, 37]],

      [[42, 43],
       [47, 48],
       [52, 53],
       [57, 58]])
```

In [34]:

```
# Да, слайсы сразу по нескольким осям.
```

```
a[1::, 2:]
```

Out[34]:

```
array([[31, 32],
       [36, 37]],

      [[52, 53],
       [57, 58]])
```

In [35]:

```
# Не знаю, кто этим пользуется, но всё же...
```

```
a[1,...,1]
```

Out[35]:

```
array([22, 27, 32, 37])
```

2) Попробуйте сравнить по производительности `numpy.array` и `list`, выполняя какую-то стандартную операцию с каждым из типов много раз.

In [36]:

```
matrix = []
inner = []
for j in range(50):
    for i in range(10):
        inner.append(i+j*10)
    matrix.append(inner)
    inner = []
matrix
```

Out[36]:

```
[[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9],
 [10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19],
 [20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29],
 [30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39],
 [40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49],
 [50, 51, 52, 53, 54, 55, 56, 57, 58, 59],
 [60, 61, 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, 69],
 [70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 78, 79],
 [80, 81, 82, 83, 84, 85, 86, 87, 88, 89],
 [90, 91, 92, 93, 94, 95, 96, 97, 98, 99],
 [100, 101, 102, 103, 104, 105, 106, 107, 108, 109],
 [110, 111, 112, 113, 114, 115, 116, 117, 118, 119],
 [120, 121, 122, 123, 124, 125, 126, 127, 128, 129],
 [130, 131, 132, 133, 134, 135, 136, 137, 138, 139],
 [140, 141, 142, 143, 144, 145, 146, 147, 148, 149],
 [150, 151, 152, 153, 154, 155, 156, 157, 158, 159],
 [160, 161, 162, 163, 164, 165, 166, 167, 168, 169],
 [170, 171, 172, 173, 174, 175, 176, 177, 178, 179],
 [180, 181, 182, 183, 184, 185, 186, 187, 188, 189],
 [190, 191, 192, 193, 194, 195, 196, 197, 198, 199],
 [200, 201, 202, 203, 204, 205, 206, 207, 208, 209],
 [210, 211, 212, 213, 214, 215, 216, 217, 218, 219],
 [220, 221, 222, 223, 224, 225, 226, 227, 228, 229],
 [230, 231, 232, 233, 234, 235, 236, 237, 238, 239],
 [240, 241, 242, 243, 244, 245, 246, 247, 248, 249],
 [250, 251, 252, 253, 254, 255, 256, 257, 258, 259],
 [260, 261, 262, 263, 264, 265, 266, 267, 268, 269],
 [270, 271, 272, 273, 274, 275, 276, 277, 278, 279],
 [280, 281, 282, 283, 284, 285, 286, 287, 288, 289],
 [290, 291, 292, 293, 294, 295, 296, 297, 298, 299],
 [300, 301, 302, 303, 304, 305, 306, 307, 308, 309],
 [310, 311, 312, 313, 314, 315, 316, 317, 318, 319],
 [320, 321, 322, 323, 324, 325, 326, 327, 328, 329],
 [330, 331, 332, 333, 334, 335, 336, 337, 338, 339],
 [340, 341, 342, 343, 344, 345, 346, 347, 348, 349],
 [350, 351, 352, 353, 354, 355, 356, 357, 358, 359],
 [360, 361, 362, 363, 364, 365, 366, 367, 368, 369],
 [370, 371, 372, 373, 374, 375, 376, 377, 378, 379],
 [380, 381, 382, 383, 384, 385, 386, 387, 388, 389],
 [390, 391, 392, 393, 394, 395, 396, 397, 398, 399],
 [400, 401, 402, 403, 404, 405, 406, 407, 408, 409],
 [410, 411, 412, 413, 414, 415, 416, 417, 418, 419],
 [420, 421, 422, 423, 424, 425, 426, 427, 428, 429],
 [430, 431, 432, 433, 434, 435, 436, 437, 438, 439],
 [440, 441, 442, 443, 444, 445, 446, 447, 448, 449],
 [450, 451, 452, 453, 454, 455, 456, 457, 458, 459],
 [460, 461, 462, 463, 464, 465, 466, 467, 468, 469],
 [470, 471, 472, 473, 474, 475, 476, 477, 478, 479],
 [480, 481, 482, 483, 484, 485, 486, 487, 488, 489],
 [490, 491, 492, 493, 494, 495, 496, 497, 498, 499]]
```

In [37]:

```
# То же самое, только через np.array.
```

```
np_array = np.arange(500).reshape(50,10)  
np_array
```

Out[37]:

```
array([[ 0,  1,  2,  3,  4,  5,  6,  7,  8,  9],  
       [10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19],  
       [20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29],  
       [30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39],  
       [40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49],  
       [50, 51, 52, 53, 54, 55, 56, 57, 58, 59],  
       [60, 61, 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, 69],  
       [70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 78, 79],  
       [80, 81, 82, 83, 84, 85, 86, 87, 88, 89],  
       [90, 91, 92, 93, 94, 95, 96, 97, 98, 99],  
       [100, 101, 102, 103, 104, 105, 106, 107, 108, 109],  
       [110, 111, 112, 113, 114, 115, 116, 117, 118, 119],  
       [120, 121, 122, 123, 124, 125, 126, 127, 128, 129],  
       [130, 131, 132, 133, 134, 135, 136, 137, 138, 139],  
       [140, 141, 142, 143, 144, 145, 146, 147, 148, 149],  
       [150, 151, 152, 153, 154, 155, 156, 157, 158, 159],  
       [160, 161, 162, 163, 164, 165, 166, 167, 168, 169],  
       [170, 171, 172, 173, 174, 175, 176, 177, 178, 179],  
       [180, 181, 182, 183, 184, 185, 186, 187, 188, 189],  
       [190, 191, 192, 193, 194, 195, 196, 197, 198, 199],  
       [200, 201, 202, 203, 204, 205, 206, 207, 208, 209],  
       [210, 211, 212, 213, 214, 215, 216, 217, 218, 219],  
       [220, 221, 222, 223, 224, 225, 226, 227, 228, 229],  
       [230, 231, 232, 233, 234, 235, 236, 237, 238, 239],  
       [240, 241, 242, 243, 244, 245, 246, 247, 248, 249],  
       [250, 251, 252, 253, 254, 255, 256, 257, 258, 259],  
       [260, 261, 262, 263, 264, 265, 266, 267, 268, 269],  
       [270, 271, 272, 273, 274, 275, 276, 277, 278, 279],  
       [280, 281, 282, 283, 284, 285, 286, 287, 288, 289],  
       [290, 291, 292, 293, 294, 295, 296, 297, 298, 299],  
       [300, 301, 302, 303, 304, 305, 306, 307, 308, 309],  
       [310, 311, 312, 313, 314, 315, 316, 317, 318, 319],  
       [320, 321, 322, 323, 324, 325, 326, 327, 328, 329],  
       [330, 331, 332, 333, 334, 335, 336, 337, 338, 339],  
       [340, 341, 342, 343, 344, 345, 346, 347, 348, 349],  
       [350, 351, 352, 353, 354, 355, 356, 357, 358, 359],  
       [360, 361, 362, 363, 364, 365, 366, 367, 368, 369],  
       [370, 371, 372, 373, 374, 375, 376, 377, 378, 379],  
       [380, 381, 382, 383, 384, 385, 386, 387, 388, 389],  
       [390, 391, 392, 393, 394, 395, 396, 397, 398, 399],  
       [400, 401, 402, 403, 404, 405, 406, 407, 408, 409],  
       [410, 411, 412, 413, 414, 415, 416, 417, 418, 419],  
       [420, 421, 422, 423, 424, 425, 426, 427, 428, 429],  
       [430, 431, 432, 433, 434, 435, 436, 437, 438, 439],  
       [440, 441, 442, 443, 444, 445, 446, 447, 448, 449],  
       [450, 451, 452, 453, 454, 455, 456, 457, 458, 459],  
       [460, 461, 462, 463, 464, 465, 466, 467, 468, 469],  
       [470, 471, 472, 473, 474, 475, 476, 477, 478, 479],  
       [480, 481, 482, 483, 484, 485, 486, 487, 488, 489],  
       [490, 491, 492, 493, 494, 495, 496, 497, 498, 499]])
```

In [38]:

```
def add10(matrix):  
    for count_x,x in enumerate(matrix):  
        for count_y,y in enumerate(x):  
            matrix[count_x][count_y]+=10  
    return matrix
```

In [39]:

```
%timeit add10(matrix)
```

10000 loops, best of 3: 120 µs per loop

In [40]:

```
%timeit np_array+10
```

The slowest run took 20.89 times longer than the fastest. This could mean that an intermediate result is being cached.

1000000 loops, best of 3: 1.39 µs per loop

Очевидно, что `np.array()` работает намного быстрее `list()`.

3) Изучите `numpy.linspace()`, напишите свою реализацию аналогичной функции с помощью `list comprehension`, дающий тот же результат, только в виде `list`, а не `numpy.ndarray`. Сравните по производительности два варианта на достаточно больших массивах.

In [41]:

```
%timeit np.linspace(-100, 100, 1000000)
```

100 loops, best of 3: 13.6 ms per loop

In [42]:

```
def my_linspace(start = -100, end = 100, size = 1000000):  
    return [start + i * (end - start) / (size - 1) for i in range(size)]
```

In [43]:

```
%timeit my_linspace()
```

1 loop, best of 3: 269 ms per loop

Очевидно, что встроенная функция `np.linspace()` работает намного быстрее.

4 Matplotlib

1) Что делает в `Ipython Notebook` команда `%matplotlib inline`?

С помощью этого мейджика вывод команд построения отображается в виде строки внутри интерфейсов, таких как блокнот `Jupyter`, непосредственно под ячейкой кода, которая его создала. Полученные графики также будут сохранены в документе записной книжки.

2) Используя `numpy.linspace` и генераторы, постройте в `matplotlib` график какой-нибудь элементарной функции. В минимальном варианте вам потребуются только `pyplot` из `matplotlib` и методы `pyplot.plot()` и `pyplot.show()`. Помните, что если импортируете модуль под каким-то именем (например, `plt`), то обращаться надо уже к нему, а не к `pyplot`.

In [44]:

```
import matplotlib.pyplot as plt
%matplotlib inline

plt.title('График функции  $f(x) = \sin(x)$  на отрезке  $[0, 10]$ .')
plt.plot(np.linspace(0, 10, 10000), [np.sin(i) for i in np.linspace(0, 10, 10000)], label=r'$\sin(x)$')
plt.legend(loc=0)
plt.show()
```

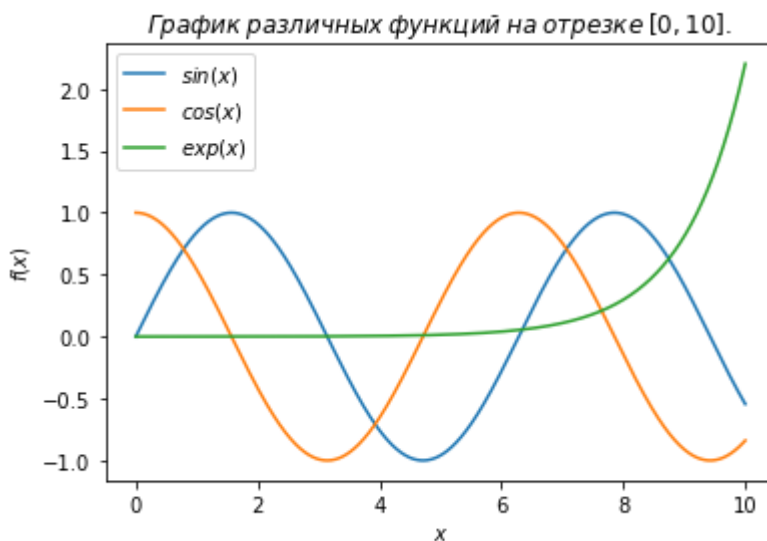


3) Постройте графики еще нескольких элементарных функций (на том же рисунке) и сделайте к ним подписи (легенду) с формулами (в подписях можно использовать LATEX, как обычно, в знаках \$). Добавьте какие-нибудь подписи к осям координат и название графика. Сохраните изображение в файл одной строчкой на Python.

In [45]:

```
plt.title(r'$График \: различных \: функций \: на \: отрезке \: [0, 10].$')
plt.plot(np.linspace(0, 10, 10000), [np.sin(i) for i in np.linspace(0, 10, 10000)], label=r'$sin(x)$')
plt.plot(np.linspace(0, 10, 10000), [np.cos(i) for i in np.linspace(0, 10, 10000)], label=r'$cos(x)$')
plt.plot(np.linspace(0, 10, 10000), [np.exp(i)/10000 for i in np.linspace(0, 10, 10000)], label=r'$exp(x)$')
plt.legend(loc=0)
plt.xlabel(r'$x$')
plt.ylabel(r'$f(x)$')
plt.show()

plt.savefig('my_functions.png', format='png', dpi=100)
```



4) Изучите документацию matplotlib и попробуйте построить на одном изображении 4 системы координат, на верхних двух - квадратичную и кубическую параболы, на нижних - экспоненту и логарифм

In [46]:

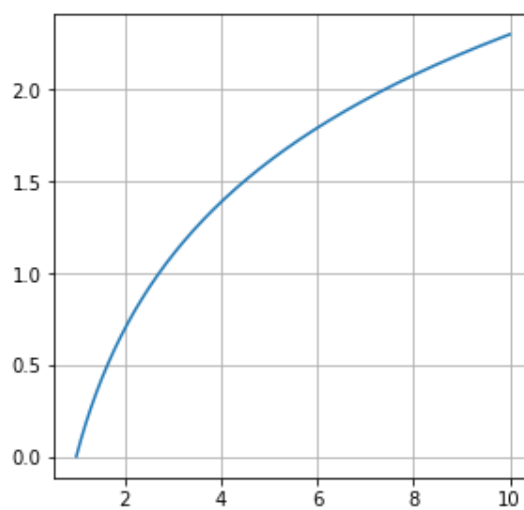
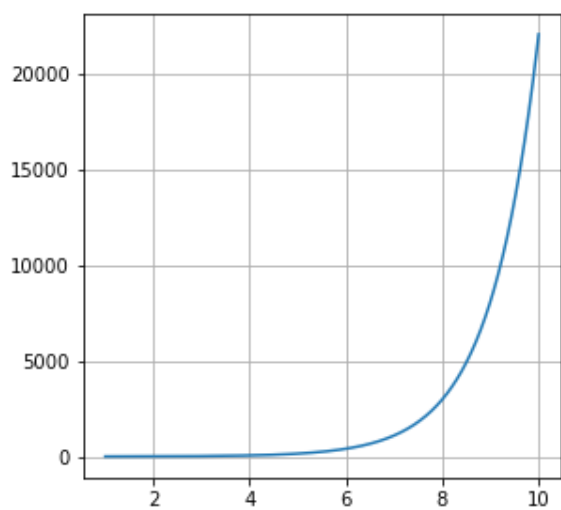
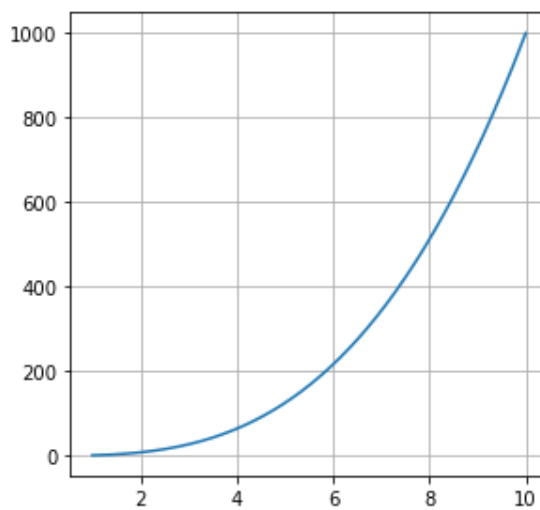
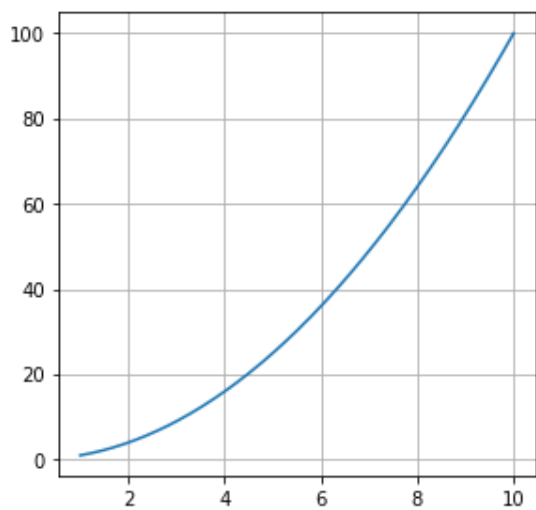
```
import matplotlib.pyplot as plt
import matplotlib.gridspec as gridspec

fig = plt.figure(figsize=(10, 10))

ax1 = plt.subplot2grid((2,2), (0, 0))
ax2 = plt.subplot2grid((2,2), (0, 1))
ax3 = plt.subplot2grid((2,2), (1, 0))
ax4 = plt.subplot2grid((2,2), (1, 1))

for num, ax in enumerate(fig.axes):
    i += 1
    if num == 0:
        ax.plot(np.linspace(1, 10, 1000), list(map(lambda x: x ** 2, np.linspace(1, 10, 1000))))
    elif num == 1:
        ax.plot(np.linspace(1, 10, 1000), list(map(lambda x: x ** 3, np.linspace(1, 10, 1000))))
    elif num == 2:
        ax.plot(np.linspace(1, 10, 1000), list(map(lambda x: np.exp(x), np.linspace(1, 10, 1000))))
    else:
        ax.plot(np.linspace(1, 10, 1000), list(map(lambda x: np.log(x), np.linspace(1, 10, 1000))))
        ax.grid(True)

plt.show()
```

5) Изучите вопрос построения heatmap и изобразите его для функции $f(x, y) = 3xy + x - 2y$ в области $[0; 5]^2$.

In [47]:

```
# Использу данную библиотеку, так как именно с ней был пример на семинаре.
```

```
import seaborn as sns
```

```
data = np.zeros(shape=(1000, 1000))
```

```
for x in range(1000):
```

```
    for y in range(1000):
```

```
        data[x, y] = 3 * x/1000*5 * y/1000*5 + x/1000*5 - 2 * y/1000*5
```

```
ax = sns.heatmap(data, xticklabels=False, yticklabels=False)
```



6) А теперь постройте трехмерный график той же функции в той же области.

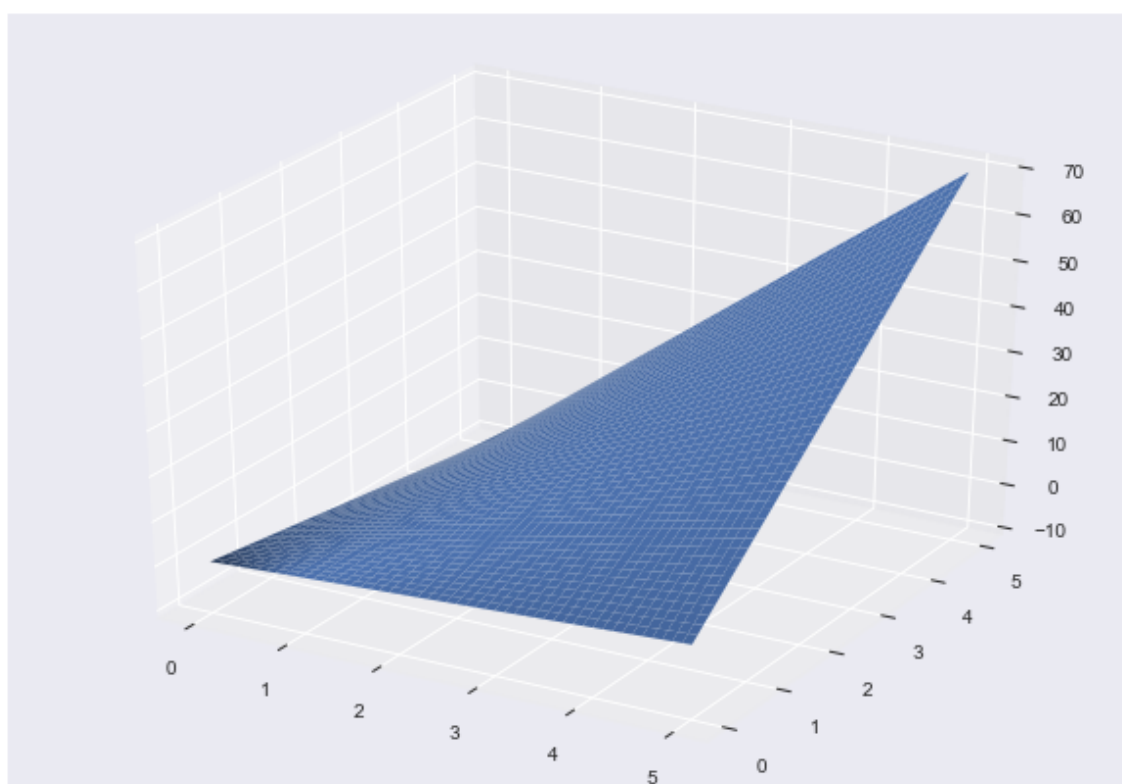
In [50]:

```
from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D

def makeData ():
    x = np.linspace(0, 5, 1000)
    y = np.linspace(0, 5, 1000)
    xgrid, ygrid = np.meshgrid(x, y)

    zgrid = 3 * xgrid * ygrid + xgrid - 2 * ygrid
    return xgrid, ygrid, zgrid

x, y, z = makeData()
fig = plt.figure()
axes = Axes3D(fig)
axes.plot_surface(x, y, z)
plt.show()
```



5 Всё вместе + SciPy

Сгенерируйте точки (y, x) (500 будет достаточно), удовлетворяющие зависимости $y = x^3 + 2x^2 - 3x + 2$, затем, с помощью `numpy.random` добавьте к координатам y нормальный шум. С помощью `scipy` восстановите исходную зависимость, считая известной степень полинома. Вам поможет `curvefit` или `scipy.optimize.minimize`, запущенный для суммы квадратичных отклонений. У восстановленной зависимости найдите экстремумы численно. Покажите на графике все вместе: исходные точки, восстановленную зависимость, найденные экстремумы.

Дополнительное задание: подберите коэффициенты многочлена, точно проходящего через точки (без добавления нормального шума), составив и решив с помощью `scipy` систему линейных уравнений.

In [51]:

```
# Я не очень понял условие сформулированной задачи, поэтому проинтерпретировал я его следующим образом:  
# 1) Для начала рассмотрим функцию на интервале [-3, 3], так как на нём она принимает небольшие значения +  
# имеет как максимум, так и минимум.  
# 2) Далее внесём нормальный шум в координаты по оси ординат.  
# 3) Потом, используя функцию curve_fit() посчитаем восстановим исходную зависимость по данным с шумом.  
# Отмечу, что я не понял, почему не было предложено использовать np.polyfit(func, 3), это же проще)  
# 4) Далее нахожу с помощью scipy.optimize.minimize() локальные минимумы и максимумы функции, коэффициенты  
# для которой мы нашли по данным с шумом.  
# 5) Далее нахожу с помощью scipy.optimize.minimize() локальные минимумы и максимумы исходной функции.  
# 6) Изображаю всё на графике.
```

```
from scipy.optimize import curve_fit, minimize
```

```
x_real = np.linspace(-3, 3, 500)  
y_real = np.array([x ** 3 + 2 * x ** 2 - 3 * x + 2 for x in x_real])  
y_new = list(map(lambda y: y + (np.random.rand() - 0.5) * 5, y_real))
```

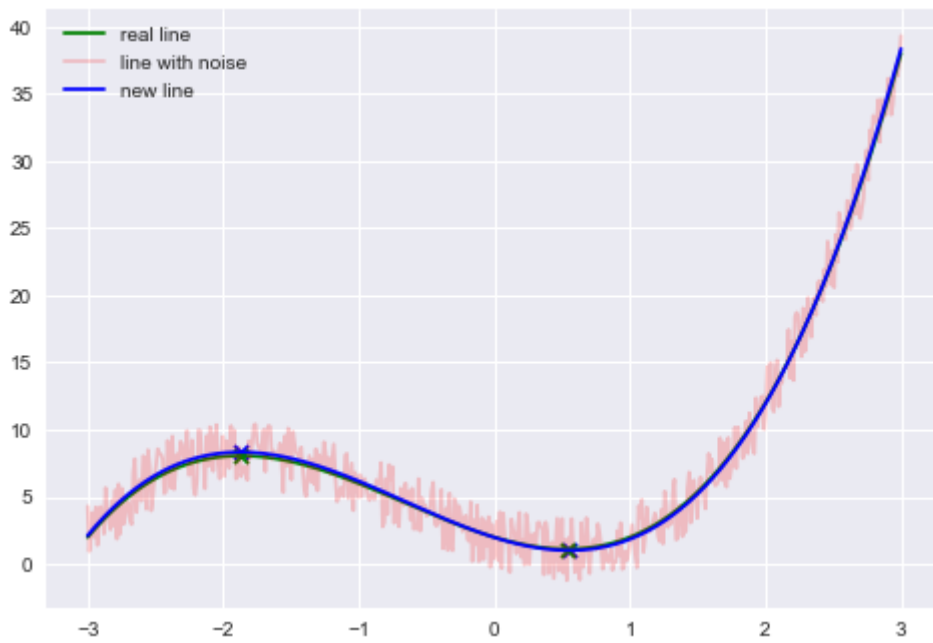
```
def func(x, a, b, c, d):  
    return a * x ** 3 + b * x ** 2 + c * x + d
```

```
popt, pcov = curve_fit(func, x_real, y_new)  
print('Found coeffs:', popt)
```

```
min_new = minimize(lambda x: +(popt[0] * x ** 3 + popt[1] * x ** 2 + popt[2] * x + popt[3]), 0, method='Nelder-Mead').x[0]  
max_new = minimize(lambda x: -(popt[0] * x ** 3 + popt[1] * x ** 2 + popt[2] * x + popt[3]), 0, method='Nelder-Mead').x[0]  
min_real = minimize(lambda x: +(x ** 3 + 2 * x ** 2 - 3 * x + 2), 0, method='Nelder-Mead').x[0]  
max_real = minimize(lambda x: -(x ** 3 + 2 * x ** 2 - 3 * x + 2), 0, method='Nelder-Mead').x[0]
```

```
plt.plot(x_real, y_real, color='g', label='real line')  
plt.plot(x_real, y_new, color='r', label='line with noise', alpha=0.2)  
plt.plot(x_real, list(map(lambda x: +(popt[0] * x ** 3 + popt[1] * x ** 2 + popt[2] * x + popt[3]), x_real)), color='b',  
        label='new line')  
plt.scatter(min_new, popt[0] * min_new ** 3 + popt[1] * min_new ** 2 + popt[2] * min_new + popt[3], linewidths=10, marker="x",  
        color='b')  
plt.scatter(max_new, popt[0] * max_new ** 3 + popt[1] * max_new ** 2 + popt[2] * max_new + popt[3], linewidths=10, marker="x",  
        color='b')  
plt.scatter(min_real, min_real ** 3 + 2 * min_real ** 2 - 3 * min_real + 2, linewidths=100, marker="x",  
        color='g')  
plt.scatter(max_real, max_real ** 3 + 2 * max_real ** 2 - 3 * max_real + 2, linewidths=10, marker="x",  
        color='g')  
plt.legend(loc=0)  
plt.show()
```

Found coeffs: [1.02447203 2.02707654 -3.1860579 1.98600316]



Так как многочлен ТОЧНО проходит через все точки, то я решал следующую систему:

In [52]:

```
# Как я понял, в доп. задании степень многочлена = 499.
```

```
X = np.vander(x_real)  
np.linalg.solve(X, y_real)
```

Out[52]:

```
array([ 9.40730227e-40, -4.94858897e-39, -6.19710645e-38,
        2.84090950e-37,  1.67302218e-36, -5.89162728e-36,
       -2.36037456e-35,  3.87966769e-35,  1.93787240e-34,
        3.39635593e-34, -1.28805770e-33, -5.67296828e-33,
        1.20107276e-32,  8.74334420e-34, -1.06421956e-31,
        3.67439072e-31,  6.25432041e-31, -2.71082964e-30,
       -1.34996531e-30,  1.63065856e-29, -3.45121632e-29,
       -7.35717723e-29,  2.10139165e-28,  1.87948051e-30,
        3.57370933e-27, -4.36754612e-27, -1.40748923e-26,
        5.23514232e-26, -3.35248704e-25, -2.12159916e-25,
       -6.30327671e-27,  4.36616274e-24,  3.15708537e-23,
       -2.61238208e-23, -7.09541550e-23, -2.23040105e-22,
       -2.86235208e-22,  7.46924341e-22, -5.37924398e-21,
        2.00010600e-20, -4.71475718e-21, -5.49185830e-20,
        2.37907363e-19, -1.33096419e-18,  3.36958873e-18,
        7.42468253e-18, -1.81997801e-17,  6.02616760e-17,
       -1.61802584e-16, -8.31597401e-16,  4.49616933e-16,
        4.02672179e-15,  1.54798160e-14, -2.20143844e-14,
       -1.52512199e-13,  2.26983393e-13,  1.88914521e-13,
       -1.29456224e-12,  3.96728586e-12, -4.68638364e-12,
       -3.23556459e-12,  8.39831850e-11, -1.12313893e-11,
        5.80762913e-11, -1.13550334e-09, -3.80852669e-09,
        8.91515925e-10,  2.95882275e-08,  8.33045188e-10,
       -3.68241486e-07,  5.64602474e-07,  1.98713846e-06,
       -3.29034928e-06,  6.61399304e-06,  8.12662074e-06,
       -9.08023975e-05,  6.63292659e-05,  1.93286017e-04,
       -1.48201424e-03,  9.17628673e-04,  6.79398757e-04,
       -3.50225173e-03,  5.54602907e-02, -4.89531536e-02,
        6.32558409e-02, -1.34705102e-01, -1.42101574e+00,
        5.87680688e+00,  1.89785945e+00, -1.55326943e+01,
       -5.78493071e+01, -3.85818401e+01,  1.11164419e+02,
       -7.08735620e+02,  3.21765067e+03,  7.61641217e+03,
       -1.85254347e+04, -1.66563383e+04,  1.22363667e+05,
       -1.16560462e+05, -4.25941035e+05,  1.85977452e+05,
       -5.11098916e+06,  1.10413290e+07,  2.77260185e+07,
       -5.72955430e+07,  1.36488833e+08, -9.34816526e+07,
       -1.16185074e+09,  9.25984930e+08,  6.05993071e+08,
       -4.80396866e+09,  1.95449751e+10,  4.08059891e+10,
       -5.08460546e+10,  8.45281984e+10, -5.14880289e+11,
       -2.11948476e+12,  3.18229002e+12,  6.36337053e+12,
        7.72389535e+12, -6.74114976e+12, -1.08079734e+14,
        4.56002014e+13, -1.74678167e+14, -5.63319170e+12,
        4.85294108e+15, -1.88424861e+13, -1.22242287e+16,
       -1.47128834e+16, -1.44829600e+16,  9.08454806e+16,
       -8.97803496e+16,  5.46064232e+16, -1.86058155e+17,
       -3.47639710e+18,  2.52641113e+18,  2.00035260e+19,
        6.21255174e+19, -2.71755106e+19, -2.63669630e+20,
       -2.15944843e+20, -1.12464544e+21,  7.44582716e+20,
        5.55277641e+21,  7.44101020e+20,  1.07509366e+22,
        8.60156634e+21, -9.64522063e+22, -4.48727872e+22,
        5.29317896e+22, -7.54521346e+23,  2.47866397e+24,
        4.23585780e+24, -1.02108042e+25,  9.14364688e+24,
        9.93305871e+23, -1.00759852e+26, -1.12104803e+26,
        4.66454458e+25,  7.01011043e+26,  1.18657186e+27,
        2.14138127e+27, -4.21692557e+27, -5.84686028e+27,
        1.48047689e+28, -6.24646643e+28, -7.71691473e+28,
        1.28572320e+29,  3.13640813e+29,  3.59739009e+29,
       -8.05759136e+29, -6.80137609e+29, -4.87300452e+29,
       -3.63772792e+30,  4.96442489e+30,  4.38047879e+31,
```

4.49487344e+31,	-2.67709115e+31,	-1.10897661e+32,
-9.55332437e+32,	-1.27545724e+33,	3.58437706e+32,
5.23105749e+33,	1.17930951e+34,	-5.98196174e+33,
1.58165254e+34,	4.53560604e+34,	-1.49958145e+35,
-1.51806632e+35,	1.92865736e+35,	-5.30911879e+35,
-2.33211553e+36,	1.48234208e+36,	9.19207092e+36,
6.40592274e+36,	4.29048205e+36,	6.36294380e+36,
-8.31933411e+36,	-1.67722406e+38,	-2.48454057e+38,
2.27342045e+38,	3.57213090e+38,	3.33659069e+38,
5.70867709e+38,	2.19370938e+39,	-2.90750794e+38,
-1.07808040e+40,	1.00194305e+40,	-5.94500118e+39,
-5.41612631e+40,	8.52461268e+40,	9.23408989e+40,
-2.00804103e+41,	-3.73229426e+41,	3.44213317e+41,
1.11636279e+42,	1.06094418e+42,	1.19194892e+42,
-7.37473464e+42,	-4.80470886e+42,	1.03083470e+42,
-1.30924739e+43,	5.50648973e+43,	-5.00527918e+42,
-6.76323905e+43,	1.90514087e+44,	-4.68156352e+43,
-3.13050180e+43,	-2.10174780e+43,	-9.13254140e+44,
-1.79961716e+45,	-1.14234454e+44,	8.15767667e+45,
1.83130317e+45,	4.73943698e+45,	3.24871025e+45,
-6.53041239e+46,	2.26466194e+46,	7.93275032e+46,
-8.18013365e+46,	-2.69547755e+46,	-1.07057852e+47,
1.98016759e+47,	4.75283130e+47,	9.78623039e+46,
-4.44861505e+47,	-1.38133025e+48,	1.77503469e+48,
-5.54843919e+47,	-1.17036202e+48,	1.57513962e+48,
-1.67293873e+49,	1.47226170e+49,	1.82950368e+49,
-3.75605163e+49,	5.57596361e+49,	1.41214681e+50,
3.23533076e+49,	-4.56898748e+50,	-6.32385576e+50,
3.61434045e+50,	1.16295152e+51,	5.31684403e+50,
-1.19864136e+50,	4.74678350e+49,	-4.13923767e+51,
-3.91709640e+50,	8.29982567e+51,	-4.08519456e+51,
6.02902124e+51,	-1.00774756e+52,	-3.30802710e+52,
5.71132984e+52,	-2.60150758e+52,	-5.11687938e+52,
1.89805520e+53,	-7.24659025e+51,	-1.28868318e+53,
-1.43842662e+53,	-3.06688263e+53,	5.48395394e+53,
3.24770233e+53,	-9.09752619e+53,	6.12802812e+53,
9.10651696e+53,	-9.99606753e+53,	5.31518338e+53,
-1.24114485e+53,	-3.57327565e+54,	-1.45232638e+54,
5.41094249e+54,	8.27997220e+54,	-6.47572835e+54,
-8.34422860e+54,	5.45454291e+54,	-1.01268283e+54,
1.17113187e+55,	-1.97397122e+55,	-3.39799889e+55,
6.43676622e+55,	3.57511420e+55,	4.34607817e+54,
-9.08702522e+55,	-2.23265644e+56,	2.20730169e+56,
3.54898147e+56,	-1.54177088e+56,	-2.95903809e+56,
-1.15917445e+56,	2.25573563e+56,	1.28672410e+55,
-5.47839996e+55,	2.29639351e+56,	-3.30406307e+56,
5.43197629e+56,	4.40517393e+56,	-1.59274072e+57,
-2.15894457e+56,	8.18343201e+56,	5.55252145e+56,
6.47494019e+56,	-1.40023165e+57,	-6.55274446e+55,
1.53049962e+57,	-7.57216230e+56,	-7.81071716e+56,
-1.42489958e+57,	-1.92834479e+56,	4.05778649e+57,
1.05519960e+57,	-2.97217764e+57,	-8.69739702e+56,
2.98213840e+55,	-7.25652381e+56,	6.29714240e+56,
1.57954106e+57,	7.10930848e+56,	-3.74997459e+56,
-1.42176016e+57,	-6.35444284e+56,	9.16867736e+56,
-1.77274552e+56,	-1.08201425e+56,	1.14536291e+57,
-5.73332370e+56,	-9.61210324e+56,	1.22929061e+57,
4.72168194e+56,	-1.75160253e+57,	-2.33769542e+56,
1.65406530e+57,	-1.11844766e+56,	-7.66308902e+56,
4.47833251e+56,	-2.33919002e+56,	-4.05372239e+56,
5.65625435e+56,	1.79875609e+56,	-2.85381909e+56,


```

-9.72436903e+55, -3.36125214e+55, 1.12283782e+56,
1.15992222e+56, -8.33084263e+55, -6.74056893e+55,
2.40429194e+55, 1.86520349e+55, 9.08470380e+54,
1.52351055e+54, -1.30655577e+55, -2.67190478e+54,
6.02691697e+54, -2.51942742e+54, 8.80407065e+53,
4.14464212e+54, -3.07635698e+54, -1.88019741e+54,
1.78371073e+54, 1.64546038e+53, -6.14685970e+53,
-5.92652053e+52, 5.98467613e+53, 1.58316296e+53,
-6.81077943e+53, 8.54616729e+51, 3.99658394e+53,
-1.04860810e+53, -1.01935538e+53, 5.78585902e+52,
1.17236415e+51, -8.75984499e+51, -6.31208349e+51,
2.21815986e+51, 1.34423654e+52, -6.04780261e+51,
-7.32159935e+51, 4.23133034e+51, 1.46315590e+51,
-1.05152863e+51, 2.24693280e+50, -1.40203048e+50,
-1.84642008e+50, 1.44786193e+50, 4.30492130e+49,
-2.46466638e+49, -1.43656711e+49, -1.59894918e+48,
9.81192748e+48, -1.55681538e+48, -3.80524397e+48,
1.99402320e+48, 2.84252123e+47, -6.73919007e+47,
4.21134701e+47, 6.09648876e+46, -2.38247863e+47,
2.25772760e+46, 7.08299937e+46, -6.02291748e+45,
-1.37044109e+46, -8.63942280e+44, 1.77426952e+45,
7.57815284e+44, -1.66085279e+44, -1.98498843e+44,
2.73804616e+43, 3.43815707e+43, -1.13355324e+43,
-6.78782737e+42, 4.13671387e+42, 1.90467624e+42,
-1.16077000e+42, -4.70279037e+41, 2.60908842e+41,
7.46556769e+40, -4.75277268e+40, -4.16812386e+39,
6.92160613e+39, -1.31231343e+39, -7.78961006e+38,
4.58150494e+38, 6.30500632e+37, -8.17764765e+37,
-3.01289850e+36, 1.00005817e+37, 2.29683534e+34,
-8.63920720e+35, -3.21260940e+33, 4.61484336e+34,
3.55007070e+33, -9.46773144e+30, -7.76863054e+32,
-3.13288159e+32, 1.02936506e+32, 4.08122893e+31,
-9.97240695e+30, -3.41950332e+30, 7.57465429e+29,
2.18932816e+29, -4.66217021e+28, -1.13022071e+28,
2.36589810e+27, 4.81331589e+26, -9.99058450e+25,
-1.70912315e+25, 3.52596853e+24, 5.08255283e+23,
-1.04122391e+23, -1.26665312e+22, 2.56917044e+21,
2.63998828e+20, -5.27850993e+19, -4.58163552e+18,
8.98095942e+17, 6.57756884e+16, -1.25593050e+16,
-7.74230003e+14, 1.42956883e+14, 7.38554829e+12,
-1.30819655e+12, -5.62443713e+10, 9.47587785e+09,
3.35351085e+08, -5.32768604e+07, -1.52583281e+06,
2.26775686e+05, 5.11706494e+03, -7.07469286e+02,
-1.20403400e+01, 1.54852599e+00, 1.84192995e-02,
-2.23509142e-03, -1.59112891e-05, 1.93335793e-06,
5.08798433e-09, 9.99999999e-01, 2.00000000e+00,
-3.00000000e+00, 2.00000000e+00])

```

6 Pandas + Scikit-learn

Считайте выборку из примера про детектирование кожи на фотографии с семинара с помощью библиотеки pandas. Продемонстрируйте индексацию по строкам и столбцам, labeled-based и index-based. Добавьте в DataFrame столбцы, соответствующие попарным произведениям признаков и модулям попарных разностей. Запустите на исходных признаках и на модифицированных KNeighboursClassifier, LogisticRegression и Random Forest из sklearn и сравните качество работы каждого метода до и после преобразования признаков.

In [53]:

```
import pandas as pd
```

In [54]:

```
# Считаем данные.
```

```
data = pd.read_table('Skin_NonSkin.txt', header=None)
```

In [55]:

```
# Посмотрим на первые 5 строк в таблице.
```

```
data.head(5)
```

Out[55]:

	0	1	2	3
0	74	85	123	1
1	73	84	122	1
2	72	83	121	1
3	70	81	119	1
4	70	81	119	1

Продемонстрирую основные примеры работы с `pd.DataFrame()`.

In [56]:

```
# Посмотрим, например, на второй столбец.
```

```
data[1]
```

Out[56]:

0	85
1	84
2	83
3	81
4	81
5	80
6	81
7	81
8	87
9	87
10	88
11	88
12	88
13	89
14	85
15	86
16	86
17	85
18	84
19	85
20	88
21	91
22	91
23	92
24	92
25	91
26	88
27	86
28	86
29	87
...	
245027	161
245028	161
245029	161
245030	161
245031	161
245032	161
245033	164
245034	164
245035	164
245036	164
245037	164
245038	163
245039	163
245040	163
245041	162
245042	162
245043	162
245044	162
245045	162
245046	162
245047	162
245048	162
245049	162
245050	162
245051	162
245052	162
245053	162
245054	162

```
245055    162
245056    255
Name: 1, Length: 245057, dtype: int64
```

In [57]:

```
# Посмотрим на 2-ую строчку. Отметим, что метод .ix устарел. Нужно использовать либо .loc,
# либо .iloc (в зависимости от того, что мы хотим получить: индексацию по значениям или
по индексам.)

data.loc[1]
```

Out[57]:

```
0    73
1    84
2   122
3     1
Name: 1, dtype: int64
```

In [58]:

```
# Выберем только те строки, в которых значение первого признака больше 155.
```

```
data_2 = data[data[0] > 155]  
data_2
```

Out[58]:

	0	1	2	3
74	156	185	230	1
75	164	190	236	1
76	165	189	235	1
77	168	190	238	1
78	168	189	244	1
79	170	190	247	1
80	175	195	250	1
81	180	201	253	1
82	187	203	255	1
83	192	207	255	1
84	194	208	255	1
85	196	209	253	1
86	205	214	255	1
87	206	215	253	1
88	207	215	252	1
89	210	217	250	1
90	215	217	251	1
91	217	220	251	1
92	220	222	252	1
93	221	224	255	1
94	222	228	255	1
95	218	226	255	1
96	215	223	255	1
97	213	221	255	1
98	211	219	255	1
99	210	218	255	1
100	211	219	255	1
101	211	219	255	1
102	210	218	255	1
103	211	219	255	1
...
245027	162	161	110	2
245028	162	161	110	2

	0	1	2	3
245029	162	161	110	2
245030	162	161	110	2
245031	162	161	110	2
245032	162	161	110	2
245033	165	164	113	2
245034	165	164	113	2
245035	165	164	113	2
245036	165	164	113	2
245037	165	164	113	2
245038	164	163	112	2
245039	164	163	112	2
245040	164	163	112	2
245041	163	162	112	2
245042	163	162	112	2
245043	163	162	112	2
245044	163	162	112	2
245045	163	162	112	2
245046	163	162	112	2
245047	163	162	112	2
245048	163	162	112	2
245049	163	162	112	2
245050	163	162	112	2
245051	163	162	112	2
245052	163	162	112	2
245053	163	162	112	2
245054	163	162	112	2
245055	163	162	112	2
245056	255	255	255	2

101781 rows × 4 columns

In [59]:

```
from sklearn.linear_model import LogisticRegression
from sklearn.ensemble import RandomForestClassifier
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier

from sklearn.model_selection import train_test_split
```

In [60]:

```
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(data.iloc[:, :-1], data.iloc[:, -1],
                                                    test_size=0.3, random_state=0)
```

Запускаю на исходных признаках KNeighborsClassifier.

In [61]:

```
model = KNeighborsClassifier()
model.fit(X_train, y_train)
predicted = model.predict(X_test)
print(sum(y_test == predicted) / len(y_test))
```

0.999496721891

Запускаю на исходных данных LogisticRegression.

In [62]:

```
model = LogisticRegression()
model.fit(X_train, y_train)
predicted = model.predict(X_test)
print(sum(y_test == predicted) / len(y_test))
```

0.918645773824

Запускаю на исходных данных RandomForestClassifier.

In [63]:

```
model = RandomForestClassifier()
model.fit(X_train, y_train)
predicted = model.predict(X_test)
print(sum(y_test == predicted) / len(y_test))
```

0.999374302892

Добавим в DataFrame столбцы, соответствующие попарным произведениям признакам и модулям попарных разностей.

In [64]:

```
# Создадим новый объект DataFrame, в котором будет представлена изменённая таблица.

data_new = data.copy()
```

In [65]:

```
for i in range(4):
    for j in range(4):
        if i < j:
            data_new[r'${} \cdot {}$'.format(i, j)] = data_new[i] * data_new[j]
            data_new[r'${} - {}$'.format(i, j)] = abs(data_new[i] - data_new[j])
```

In [66]:

```
data_new.head(5)
```

Out[66]:

	0	1	2	3	0 · 1	0 − 1	0 · 2	0 − 2	0 · 3	0 − 3	1 · 2	1 − 2	1 · 3
0	74	85	123	1	6290	11	9102	49	74	73	10455	38	85
1	73	84	122	1	6132	11	8906	49	73	72	10248	38	84
2	72	83	121	1	5976	11	8712	49	72	71	10043	38	83
3	70	81	119	1	5670	11	8330	49	70	69	9639	38	81
4	70	81	119	1	5670	11	8330	49	70	69	9639	38	81

In [67]:

```
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(data_new.iloc[:, data_new.columns != 3],
                                                    data_new.iloc[:, 3], test_size=0.3,
                                                    random_state=0)
```

Запускаю на модифицированных признаках KNeighborsClassifier.

In [68]:

```
model = KNeighborsClassifier()
model.fit(X_train, y_train)
predicted = model.predict(X_test)
print(sum(y_test == predicted) / len(y_test))
```

0.999251883892

Запускаю на модифицированных данных LogisticRegression.

In [69]:

```
model = LogisticRegression()
model.fit(X_train, y_train)
predicted = model.predict(X_test)
print(sum(y_test == predicted) / len(y_test))
```

0.999007045894

Запускаю на модифицированных данных RandomForestClassifier.

In [70]:

```
model = RandomForestClassifier()  
model.fit(X_train, y_train)  
predicted = model.predict(X_test)  
print(sum(y_test == predicted) / len(y_test))
```

1.0

Для KNeighborsClassifier качество особо не изменилось. Для LogisticRegression качество повысилось. Для RandomForestClassifier качество стало просто запредельным:).