Por favor, al finalizar el examen señale claramente aquí qué ejercicios entrega

Entrego ejercicios 1 2 3 4

(Reservado para el corrector):	1	2	3	4	Nota

Por favor, resuelva cada ejercicio en hojas separadas. Numere todas las hojas y coloque en cada una su nombre y apellido. Para aprobar es necesario tener al menos 60 puntos. Justifique todas sus respuestas.

- 1. (25 puntos) Un productor desea comprar los derechos de televisación de la novela "Las mil y una noches" (cuyos personajes principales son los archiconocidos Sherezade y Onur) para transmitirla en un canal latino del estado de la Florida, Estados Unidos. Hace una encuesta dirigida a los televidentes de habla hispana para determinar el futuro impacto que tendrá esta novela. Si establece que más del 40% de la población tiene interés en seguir un melodrama estará a dispuesto a pagar la elevada suma de dinero que pide la productora turca TMC Film. Encuesta a 400 ciudadanos de Hialeah obteniendo que 190 personas tendrían interés de disfrutar la serie, mientras que el resto prefiere televisación de origen latino o norteamericano. El productor desea armar un test de hipótesis asintótico de forma tal que la probabilidad de que compre los derechos cuando no hay el interés requerido sea de 0,03. Sea p la proporción de gente interesada en ver la novela.
  - (a) (4 puntos) Plantear las hipótesis adecuadas para el problema.
  - (b) (6 puntos) Construir el test. Es decir, definir el estadístico del test, su distribución aproximada bajo la hipótesis nula y la región de rechazo.
  - (c) (3 puntos) En función de la muestra observada, ¿cuál la decisión que deberá tomar el productor?
  - (d) (4 puntos) Calcular el p-valor aproximado.
  - (e) (4 puntos) Suponiendo que p=0.43, ¿cuál es la probabilidad de que el productor decida no adquirir los derechos de TMC Film?
  - (f) (4 puntos) Suponga ahora n libre, halle un valor de n que asegure que la probabilidad del inciso anterior sea a lo sumo 0.06.
- 2. (22 puntos) Se observó la producción de nueces de 140 parcelas elegidas al azar en Catamarca, plantadas con nogales Juglans (nogales de fruto comestible y/o aprovechamiento forestal), obteniéndose una media muestral de 525 kilogramos por hectárea y un desvío muestral de 18 kilogramos por hectárea.
  - (a) (14 puntos) En base a los datos de la muestra hallar un intervalo de confianza de nivel asintótico 95% para  $\mu$  el rendimiento medio de los campos.
  - (b) (8 puntos) Hallar un intervalo de confianza de nivel asintótico para  $\theta = \mu^3 5$ .
- 3. (23 puntos) La duración de un neumático en una ciudad de Sudafrica es una variable aleatoria con distribución exponencial:
  - de parámetro 0.29 si la temperatura al momento de inflarla es mayor a 70 grados Fahrenheit.
  - ullet de parámetro 0.14 si la temperatura al momento de inflarla es menor o igual a 70 grados Fahrenheit.

La temperatura diaria en dicha ciudad (medida en Fahrenheit) tiene una distribución N(68, 26).

- (a) (12 puntos) Se eligen al azar 102 neumáticos, todos ellos inflados en días distintos días. Aproximar la probabilidad de que el promedio de las duraciones de estos sea menor a 6 años.
- (b) (11 puntos) ¿Cuántos neumáticos (inflados en días distintos) es necesario elegir aproximadamente para que dicha probabilidad sea mayor o igual a 0.92?
- 4. (30 puntos) Consideremos  $X_1, \ldots, X_n$  una muestra aleatoria con la densidad de  $X_i$  siendo

$$f_X(x) = \frac{5\theta^5}{x^6} I_{(\theta,\infty)}(x), \quad \theta > 0.$$

- (a) (4 puntos) Hallar  $\widehat{\theta}_{MO}$  estimador de momentos de  $\theta$ .
- (b) (4 puntos) Determine si  $\widehat{\theta}_{MO}$  es insesgado.
- (c) (4 puntos) Determine si  $\widehat{\theta}_{MO}$  es consistente.
- (d) (4 puntos) Hallar el estimador de máxima verosimilitud de  $\theta$ .
- (e) (7 puntos) Determine si  $\hat{\theta}_{MV}$  es consistente.
- (f) (7 puntos) ¿Es insesgado  $\widehat{\theta}_{MV}$ ? ¿Asintóticamente insesgado?