



Projet Master 2 SSD

Crowd-Sourcing

Rédigé par

PRALON Nicolas

THIRIET Aurelien

Encadrant: Joseph Salmon



Table des matières

| Introduction | 4 |
|----------------------------|---|
| 1 Modélisation du problème | |

Introduction

En science appliquée et notamment en statistique inférentielle, le recueil de données constitue une étape primordiale, il nous permet d'élaborer des modèles et de construire des estimateurs. Il convient à ce titre d'être attentif à l'observation des données.

Dans un cadre idéal, les modèles construit nécessitent un faible nombre de données dont l'observation peut être réalisée par des professionnels du domaine concerné. Toujours est-il que ces situations sont peu courantes et l'observation, par ces experts, d'un grand nombre de données n'est pas envisageable. C'est à ce titre que le "Crowd-Sourcing" est couramment utilisé, puisqu'un grand nombre d'intervenant permet de construire la base de donnée nécessaire. Toute fois des erreurs d'obervations quant à la nature des données peut-être commisent, il est alors essentiel de s'accorder sur une décision.

C'est à ce problème, que ce projet propose de présenter différentes solutions. Nous étudierons le modèle construit par DAWID et SKENE.

Chapitre 1

Modélisation du problème

Dans ce chapitre, nous établissons le cadre nous permettant de traiter le problème de décision lorsque plusieurs obervations d'une même donnée sont fournit.

Nous définissons alors l'exemple suivant :

- On dispose d'un esemble de patient $\{1, \dots, I\}$ tous atteint d'une maladie, et on suppose le vecteur aléatoire $(X_i)_{i \in \{1,\dots,I\}}$, tel que $\forall i, X_i$ à valeur dans $\{1,\dots,J\}$ représente la maladie du partient i.
- On dispose egalement d'un esemble de médecin $\{1,\cdots,K\}$, et on considère $\forall i\in\{1,\cdots,I\}$ le vecteur aléatoire $(Y_i^k)_{k\in\{1,\cdots,K\}}$ le diagnostique du médecin k au patient i,Y_i^k à valeur dans $\{1,\cdots,J\}$.

Afin de diagnostiquer le meilleur traitement à chaque patient, on doit leur diagnostiquer une maladie. Toute fois nous pouvons nous retrouver dans la situation où le diagnostique différent d'un médecin à un autre, pour diverses raisons; erreur de mesure, erreur d'annotation, fatigue. Il convient dans ce cas de trouver une solution à la question : quelle maladie est atteint chaque patient?

Dans le but de simplifier l'approche, nous considérons dans un premier temps le cas d'un medecin et d'un patient, nous pouvons également émettre l'hypothèse vraisemblable suivante :

 $\textbf{Hypoth\`ese 1.} \ \ \textit{Nous supposons que}, \ \forall j,k \in [\![1,J]\!] \times [\![1,K]\!], \ Y_i^k | X_i = \alpha_i \sim Multinomiale((\pi_{\alpha_i,j}^k),1)$