Fiche d'exercice : Masse volumique

N. Bancel

Février 2025

1 Exercice 1

1.1 Problème

Exercice 1

Une entreprise de transport routier possède un poids lourd dont les dimensions utiles de la remorque sont :

Longueur: 13,70 m
 Largeur: 2,48 m
 Hauteur: 2,45 m

La charge maximale autorisée est de 26 tonnes.

On dispose de plusieurs types de bois avec des masses volumiques différentes (exprimées en kg/m^3).

Question : Peut-on charger la remorque au maximum avec n'importe quel bois?

1.2 Solution

Étape 1 : Calcul du volume de la remorque

Le volume utile de la remorque est donné par :

$$V = \text{longueur} \times \text{largeur} \times \text{hauteur}$$

 $V = 13,70 \times 2,48 \times 2,45$
 $V = 83,1544 \text{ m}^3$

Étape 2 : Calcul de la masse de bois maximale supportée

La masse maximale autorisée étant de 26 tonnes (soit 26000 kg), la masse volumique limite que peut supporter la remorque est :

$$\rho_{\max} = \frac{\text{masse maximale}}{\text{volume}}$$

$$\rho_{\text{max}} = \frac{26000}{83,1544} \approx 312.6 \text{ kg/m}^3$$

Étape 3 : Comparaison avec les masses volumiques des bois

On compare cette densité limite avec celles des bois disponibles :

- Balsa : $140 \text{ kg/m}^3 \text{ (ok)}$
- Chêne : $610-980 \text{ kg/m}^3$ (trop lourd)
- Chêne (cœur) : 1170 kg/m³ (trop lourd)
- Contreplaqué: 440-880 kg/m³ (trop lourd)
- Ébène : 1150 kg/m^3 (trop lourd)
- Hêtre: 800 kg/m³ (trop lourd)
 Pin: 500 kg/m³ (trop lourd)
 Sapin: 450 kg/m³ (trop lourd)

- Teck: 860 kg/m³ (trop lourd)

Conclusion : Seul le bois de balsa respecte la contrainte de masse. Pour tous les autres types de bois, la charge maximale de la remorque serait dépassée.