# Serie technologique e3c nº 1 année 2020

## ÉPREUVE DE MATHÉMATIQUES - Première technologique

#### PARTIE I

Exercice 1 5 points

Automatismes Sans calculatrice Durée: 20 minutes

	Énoncé	Réponse
1.	Calculer la fraction irréductible égale à	
	$\frac{18}{25} \times \frac{5}{3}$	
2.	Développer $(7-3x)(7+3x)$ .	
3.	Calculer l'image de 1 par $f$ définie sur $\mathbb{R}$ par $f(x) = -2x^2 - 3$ .	
4.	Résoudre l'équation $5x - 7 = 3x - 19$	
5.	Un article vaut 44 euros et son prix subit une diminution de 25 %.Calculer son nou- veau prix.	
6.	La fonction $h$ , définie sur $[-6; 5]$ , est représentée par la courbe ci-dessous.	• Les antécédents de −3 par <i>h</i> sont :
7.	Par lecture graphique, répondre aux ques- tions suivantes	• L'ensemble des solutions de l'inéquation $h(x) \le 0$ est :
8.		Le tableau de variation de la fonction $h$ sur $[-6; 5]$ est :
9.	Calculer le coefficient multiplicateur associé à une diminution de 20 %.	
10.	Si 30 % d'une quantité $Y$ vaut 60, que vaut $Y$ ?	

#### **PARTIE II**

#### Calculatrice autorisée

Cette partie est composée de trois exercices indépendants

Exercice 2 5 points

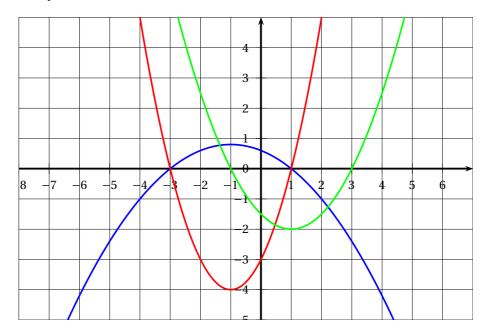
On considère la fonction f définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = x^2 + 2x - 3$ .

1. Parmi les nombres a, b et c suivants, lesquels sont des racines de f?

$$a = 1$$
  $b = 2$   $c = -3$ 

**2.** Montrer que la forme factorisée de la fonction f est f(x) = (x-1)(x+3).

- **3.** Étudier le signe de la fonction f.
- **4.** Parmi les trois courbes  $\mathcal{A}$ ,  $\mathcal{B}$ , et  $\mathscr{C}$  proposées ci-dessous, déterminer celle représentant la fonction f.



**5.** Dresser le tableau de variation de la fonction f.

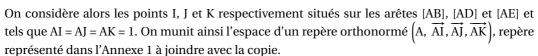
Exercice 3 5 points

On considère le modèle d'enceinte ci-contre (Le Haut-Parleur Bluetooth Cube) dont les dimensions en cm sont :

$$4,9 \times 4,9 \times 5,5$$

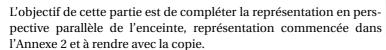
L'objectif est d'étudier le bouton de cette enceinte.

Cette enceinte est modélisée par un pavé droit ABCDEFGH représenté sur la figure ci-contre et tel que AB = 4,9, AD = 4,9 et AE = 5,5.



Le bouton étudié y est représenté par le triangle MNP de coordonnées M(4,9;3,7;5,5), N(3,7;4,9;5,5) et P(4,9;4,9;4,4).

- 1. Placer M, N et P sur la figure et colorier en rouge la section du cube par MNP.
- 2. Le bouton est conforme si chacune de ses dimensions mesure au moins 1cm.
  - a. Calculer les longueurs MN, MP et NP.
  - **b.** Le bouton est-il conforme?
- 3. On considère un autre modèle d'enceinte constituée :
  - d'un cube de 8.1 cm de côté:
  - d'un bouton en forme de croix, centrée sur la face supérieure, constituée de 2 rectangles dont les côtés sont parallèles aux axes et mesurent chacun 2,2 × 6,6 cm;
  - de hauts parleurs sur les faces latérales, représentées par des cercles de rayon 3,3 cm, centrés sur chacune des faces.



Terminer la construction de la croix sur la face supérieure.



**4.** Un des hauts parleurs est représenté en Annexe 2. Représenter le haut-parleur de la deuxième face latérale visible. (On a déjà représenté un carré circonscrit au cercle)

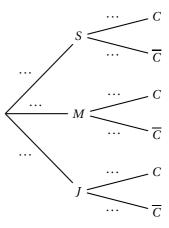
Exercice 4 5 points

Une agence a lancé une campagne de publicité afin de faire connaître un nouveau produit. Elle a réalisé un sondage dans une zone géographique déterminée afin de connaître l'impact de cette campagne.

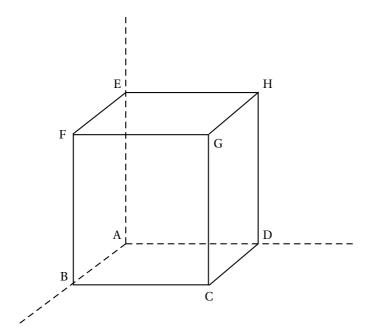
- $\bullet~$  28 % des personnes interrogées ont plus de 60 ans. Parmi elles, 40 % ont déclaré connaître le produit.
- 42 % des personnes interrogées ont entre 25 et 60 ans. Parmi elles, 55 % ont déclaré connaitre le produit.
- Parmi les personnes de moins de 25 ans, 75 % ont déclaré connaître le produit.

On choisit au hasard une personne interrogée par l'agence de publicité et on considère les évènements suivants :

- S: « la personne interrogée a plus de 60 ans»;
- M: « la personne interrogée a entre 25 et 60 ans»;
- *J* : « la personne interrogée a moins de 25 ans»;
- *C* : « la personne interrogée déclare connaitre le produit ».
- 1. Recopier et compléter l'arbre pondéré ci-contre.
- **2.** Calculer la probabilité que la personne interrogée ait entre 25 et 60 ans et déclare ne pas connaître le produit.
- **3. a.** Calculer la probabilité de l'évènement  $S \cap C$ .
  - **b.** Calculer la probabilité de l'évènement *C*.
- **4.** Calculer la probabilité que la personne ait plus de 60 ans, sachant qu'elle déclare connaitre le produit. Arrondir le résultat au millième.



### Annexe 1



## Annexe 2

