Fiche d'exercice : Masse volumique

N. Bancel

Février 2025

1 Exercice 1

1.1 Problème



Figure 1 – Énoncé

1.2 Solution

1. Méthode

On veut savoir si la remorque peut être remplie complètement avec n'importe quel type de bois. Pour cela, on va :

- Calculer le volume total de la remorque.
- Déterminer la masse maximale que la remorque peut supporter.
- Comparer avec les masses volumiques des différents bois pour voir lesquels respectent la contrainte de poids.

2. Formules

La formule du volume d'un parallélépipède est :

$$V = \text{longueur} \times \text{largeur} \times \text{hauteur}$$

La relation entre la masse, la masse volumique et le volume est :

$$m = \rho \times V$$

3. Application numérique

Calcul du volume de la remorque :

$$V = 13,70 \times 2,48 \times 2,45$$

 $V = 83,1544 \text{ m}^3$

La masse maximale supportée par la remorque est de 26 tonnes, soit :

$$m_{\rm max} = 26000 \, \text{kg}$$

On en déduit la masse volumique maximale admissible :

$$\rho_{\rm max} = \frac{m_{\rm max}}{V}$$

$$\rho_{\rm max} = \frac{26000}{83.1544} \approx 312,6 \text{ kg/m}^3$$

4. Conclusion / Interprétation

On compare cette valeur avec les masses volumiques des bois disponibles :

- Balsa: 140 kg/m 3 Accepté
- Chêne: $610-980 \text{ kg/m}^3$ Trop lourd
- Chêne (cœur) : 1170 kg/m^3 Trop lourd
- Contreplaqué : $440-880 \text{ kg/m}^3$ Trop lourd
- Ébène : 1150 kg/m 3 Trop lourd
- Hêtre : 800 kg/m 3 Trop lourd
- $\operatorname{Pin}: 500 \ \operatorname{kg/m}^{3}$ Trop lourd
- Trop lourd
- Sapin : 450 kg/m³ Teck : 860 kg/m³ Trop lourd

Conclusion : Seul le bois de balsa respecte la contrainte de poids et peut être chargé à pleine capacité dans la remorque. Tous les autres bois dépassent la limite autorisée.