Année 2024-2025 1ère STD2A

# Devoir sur table N°1 - Chapitre sur les fonctions

#### N. Bancel

#### 2 Octobre 2024

#### La calculatrice n'est pas autorisée

## Exercice 1 - Elements de cours et rappels

- 1. (1 point) Un polynôme de degré 2 s'écrit communément sous la forme  $ax^2 + bx + c$ . Déterminer les coefficients a, b, et c pour
  - le polynôme g(x) d'équation  $3x^2 2$
  - le polynôme h(x) d'équation (x-4)(5-2x)
- 2. (0.5 points) Quelle est la forme graphique (entre Forme 1, ou Forme 2) de la courbe représentative de la fonction  $f(x) = -3x^2 + x 2$ ? Une justificatione est demandée

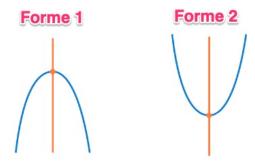


Figure 1: Formes de paraboles

- 3. (0.5 points) Donner la solution de l'équation 2x 5 = -4x + 13
- 4. (1 point) Factoriser l'expression (5x-2)(x+4)+6(5x-2)
- 5. (2 points) Dessiner le tableau de variation de la fonction f(x) = 2x 1 sur l'intervalle [-4;4]

### 1 Exercice 2 - Etude d'une fonction

1. (2 points) Montrer que la fonction  $f(x) = -2x^2 - 4x + 16$  peut s'écrire sous la forme

$$-2(x-2)(x+4)$$

- 2. (1 point) En déduire les solutions de l'équation f(x) = 0
- 3. (1 point) Quelle est l'image de x = 3 par la fonction f?

- 4. (1 point) Le point A de coordonées (-1;18) appartient-il à la courbe représentative de f? Qu'en est-il du point B de coordonées (0;14)? Justifier
- 5. (2 points) Construire le tableau de signe de la fonction f sur le domaine de définition  $\mathcal{D} = ]-\infty;+\infty[$
- 6. (1 point) En déduire les solutions de l'inéquation

$$f(x) >= 0$$

On prendra le soin de bien écrire les intervalles

- 7. (1 point) L'extremum de la fonction (c'est-à-dire le maximum ou le minimum on déterminera ce qu'il en est dans la question suivante) f est atteint en x = -1. Dessiner le tableau de variation de la fonction f. [Bonus à 0.5 point] (sauter cette question bonus si vous n'avez pas la réponse, n'y passez pas trop de temps): à partir de la forme développée de la fonction f, comment aurions-nous pu trouver que l'extremum était atteint en x = -1?
- 8. (1 point) (Cette question se décompose en 3 sous questions)
  - Quel est le nombre de solutions de l'équation f(x) = 20?
  - Quel est le nombre de solutions de l'équation f(x) = 18?
  - Quel est le nombre de solutions de l'équation f(x) = 2?

### Exercice 3 - Polynôme de degré 3 - Interpolation

Soit la fonction polynôme de degré 3

$$h(x) = x^3 - 2x^2 - x + d$$

où d est un paramètre à déterminer. On appelle  $\mathcal{H}$  la courbe représentative de la fonction h. On souhaite imposer la contrainte suivante : La courbe  $\mathcal{F}$  doit passer par le point B de coordonées (1,0).

- 1. (1 point) Montrer que d = 2
- 2. (1 point) Montrer que h peut s'écrire sous la forme factorisée :

$$h(x) = (x-1)(x-2)(x+1)$$

- 3. (1 point) Quel est le tableau de signe de la fonction h sur le domaine de définition  $\mathcal{D} = ]-\infty; +\infty[?]$
- 4. (1 point) Dans le graphique en dernière page, la courbe verte représente la fonction f d'équation  $f(x) = x^3 2x^2$ . Montrer que la courbe rouge qui représente la fonction g a pour équation

$$g(x) = x - 2$$

5. (1 point) A partir de la question 3, résoudre l'inéquation

$$x^3 - 2x^2 \le x - 2$$

Quelle est l'interpréation graphique des résultats?

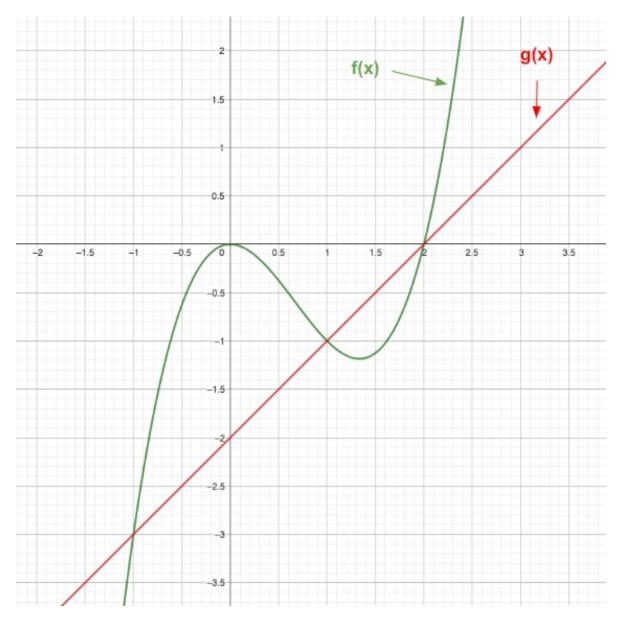


Figure 2: Graphique de l'exercice 3