

# Redictado Taller de programación 2020

## CLASE 3

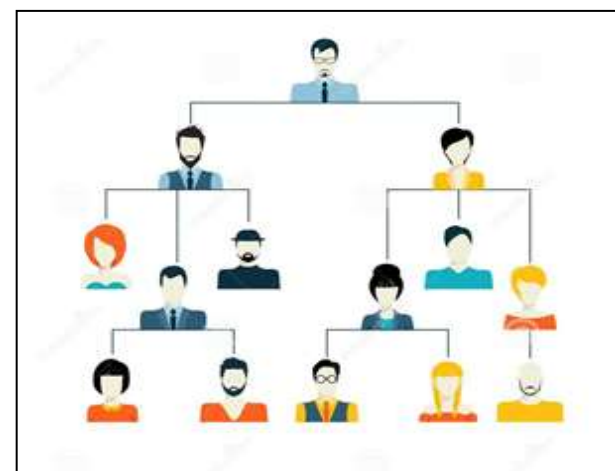
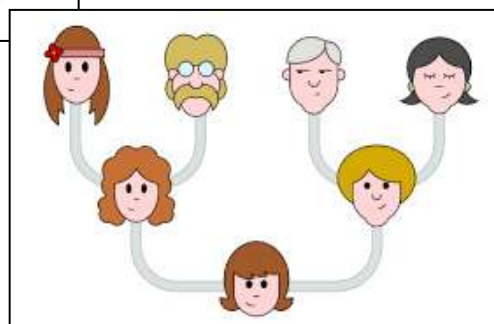
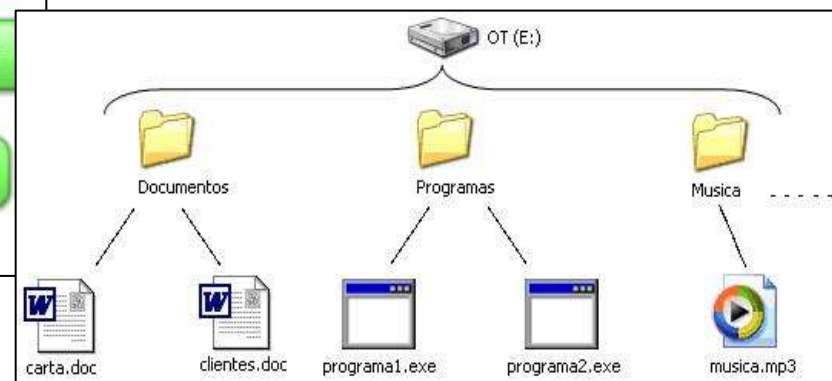
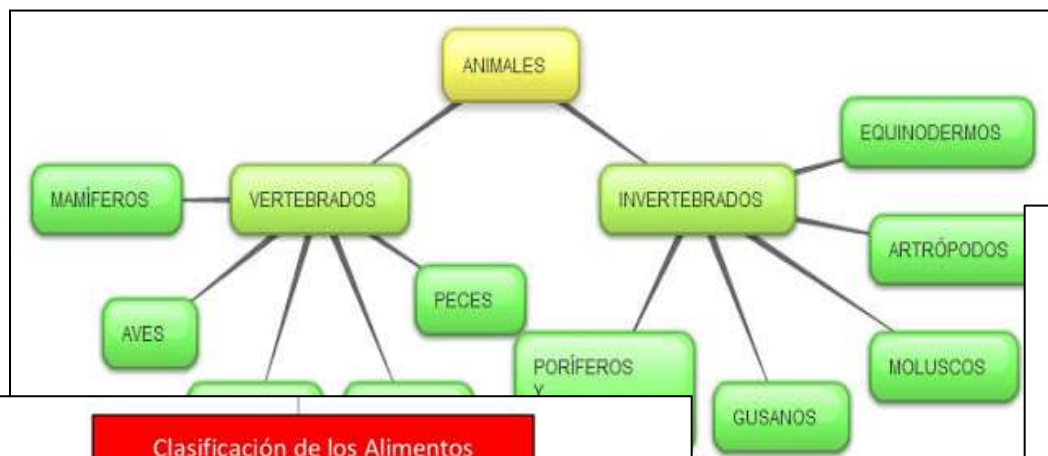
### Recursión - Árboles



# Temas de la clase

- Caso de uso de Recursión: Árbol Binario
- Árboles Binarios. Definición y características.
- Operaciones con Árboles Binarios de Búsqueda

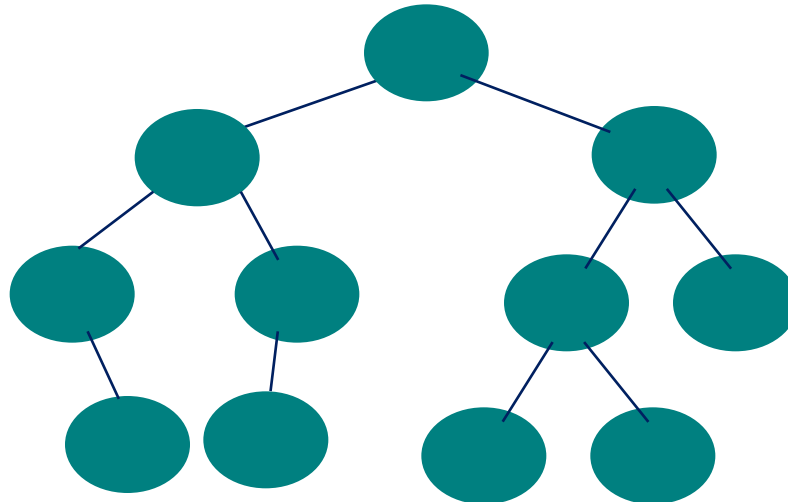




# Árbol Binario – Definición y Características

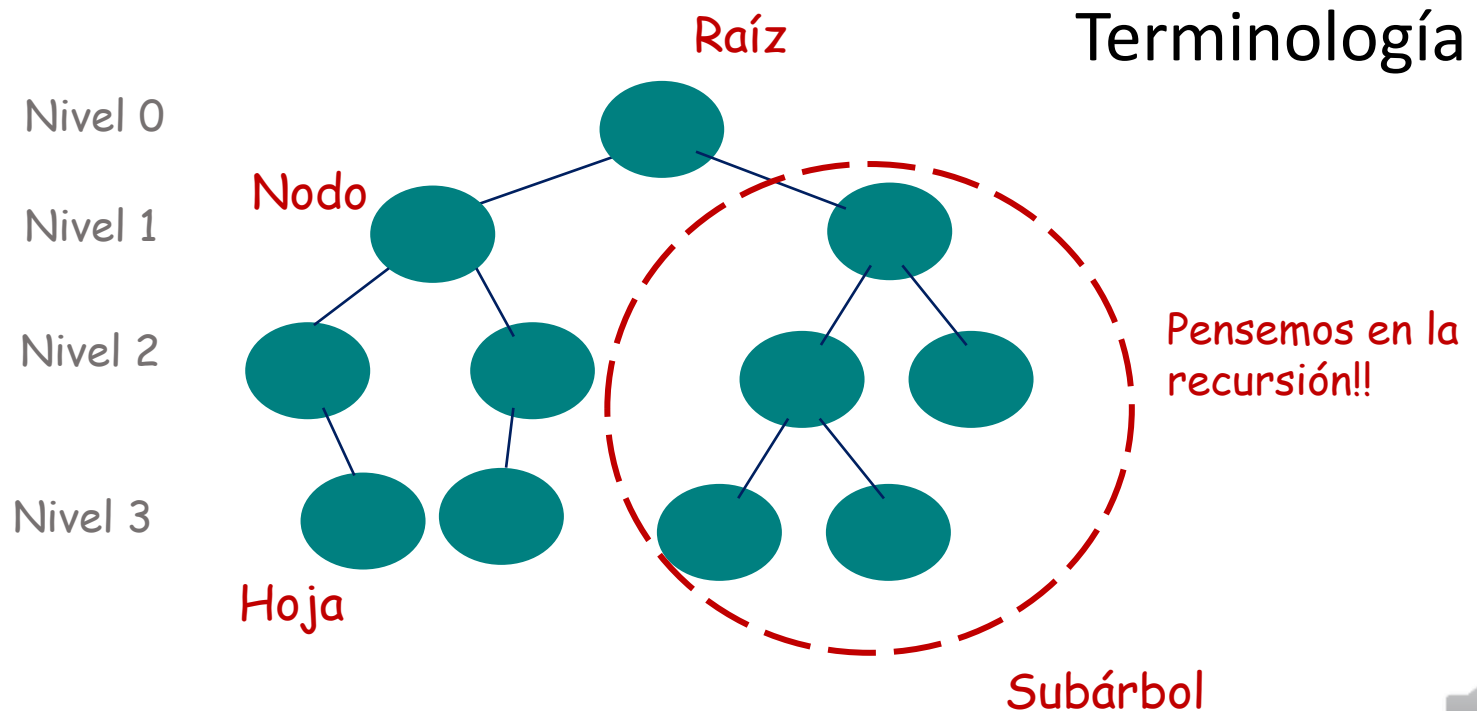
Un **árbol binario** es una estructura de datos con las siguientes características:

1. **Homogénea:** todos los elementos son del mismo tipo
2. **Dinámica:** puede aumentar o disminuir su tamaño durante la ejecución del programa
3. **No lineal:** cada elemento puede tener 0, 1, o 2 sucesores
4. **Acceso Secuencial**



# Árbol Binario – Definición y Características

- Cada elemento del árbol se relaciona con cero, 1 o 2 elementos (hijos).
- Si el árbol no está vacío, hay un único elemento (raíz) y que no tiene padre (predecesor).
- Todo otro elemento del árbol posee un único padre y es un descendiente de la raíz.

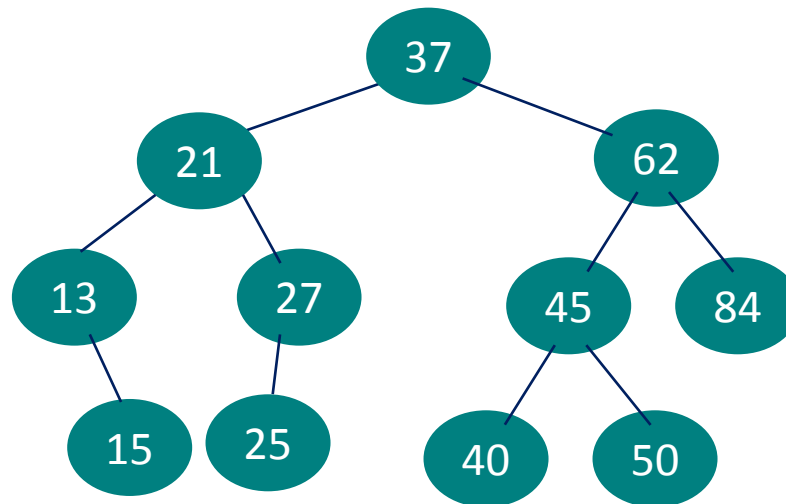


# Árbol Binario de Búsqueda (ABB)

**Cada nodo tiene un valor que**

- Es mayor que el valor de todos los nodos del subárbol izquierdo
- Es menor que el valor de todos los nodos del subárbol derecho

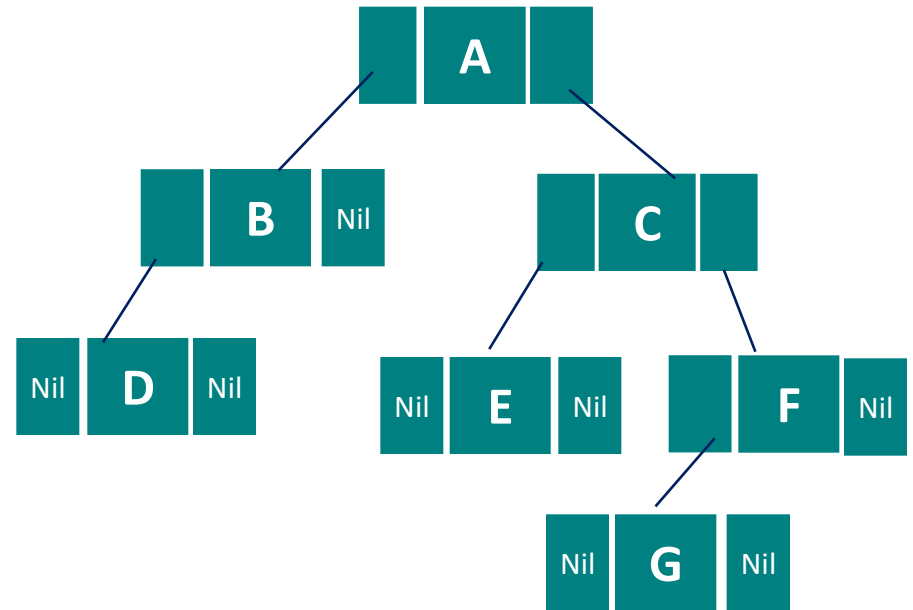
**Utilidad más importante** → Búsquedas: el tiempo medio es  $O(\log n)$



# Árbol Binario - Representación

## Type

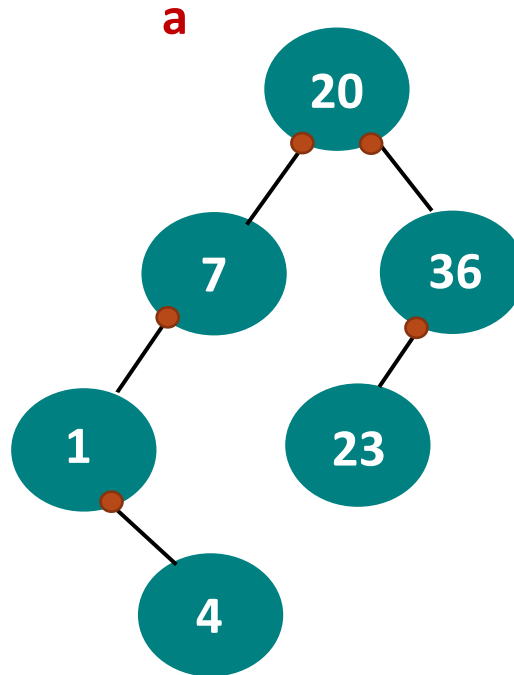
```
elemento = tipoElemento;  
arbol = ^nodo;  
  
nodo = record  
    elem: elemento;  
    hijoIzq: arbol;  
    hijoDer: arbol;  
end;
```



# ABB – Operación Insertar un dato

## Consideraciones:

- Al principio el árbol esta vacío (puntero a raíz **a** es nil)
- Siempre se inserta a nivel hoja (respetando criterio orden)
- Supongamos que se lee: 20 7 36 1 4 23

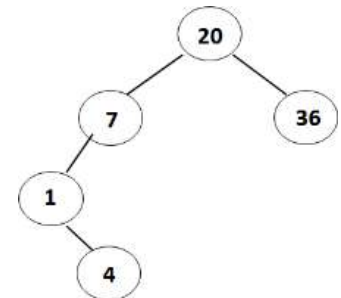




# ABB – Operación Insertar un dato

```
insertar (arbol, dato)
  si arbol es nil
    creo nodo_nuevo y pongo el dato y los hijos en nil
    arbol := nodo_nuevo
  sino
    si el dato en árbol es > dato
      insertar(hijo_izquierdo_del_árbol, dato);
    sino
      insertar(hijo_derecho_del_árbol, dato);
```

¿Qué pasa si los valores a insertar estuvieran repetidos?





# Actividades en Máquina

## ACTIVIDAD 1

Descargar de Ideas **ProgramaArbol.pas** y realizar las siguientes tareas:

- a) Analizar las declaraciones de tipos y módulos.
- b) Incorporar el módulo **Insertar** que se presenta a continuación:

```
Procedure Insertar(var a:arbol; num:integer);
begin
  if(a=nil) then begin
    new(a);
    a^.dato:=num;
    a^.HI:=nil;
    a^.HD:=nil;
  end
  else begin
    if (a^.dato>num) then
      insertar(a^.HI,num)
    else
      insertar(a^.HD,num);
    end;
  end;
```





# Actividades en Máquina

- c) Implementar el módulo **CrearABB** que lee valores enteros que se ingresan por teclado (finaliza con -1) y los guarde en un árbol binario de búsqueda. Utilizar el **procedure Insertar** presentado.
- d) En el programa principal, invocar al módulo **CrearABB** para generar un árbol y al módulo **ImprimirPorNivel** con el árbol resultante.
- e) Ejecutar el programa con los valores: 50, 70, 30, 20, 85, 75, 78, 25, -1
- f) Graficar en papel el ABB y comprobar que los datos que muestra el programa se corresponden con la estructura graficada.



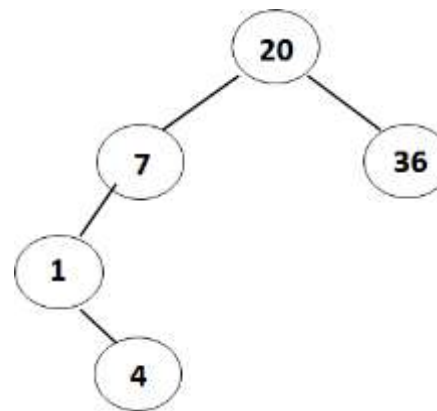
# ABB – Recorridos

Los distintos recorridos permiten desplazarse a través de todos los nodos del árbol de tal forma que cada nodo sea visitado una y solo una vez.

Existen varios métodos que se diferencian en el orden que se visitan los nodos:

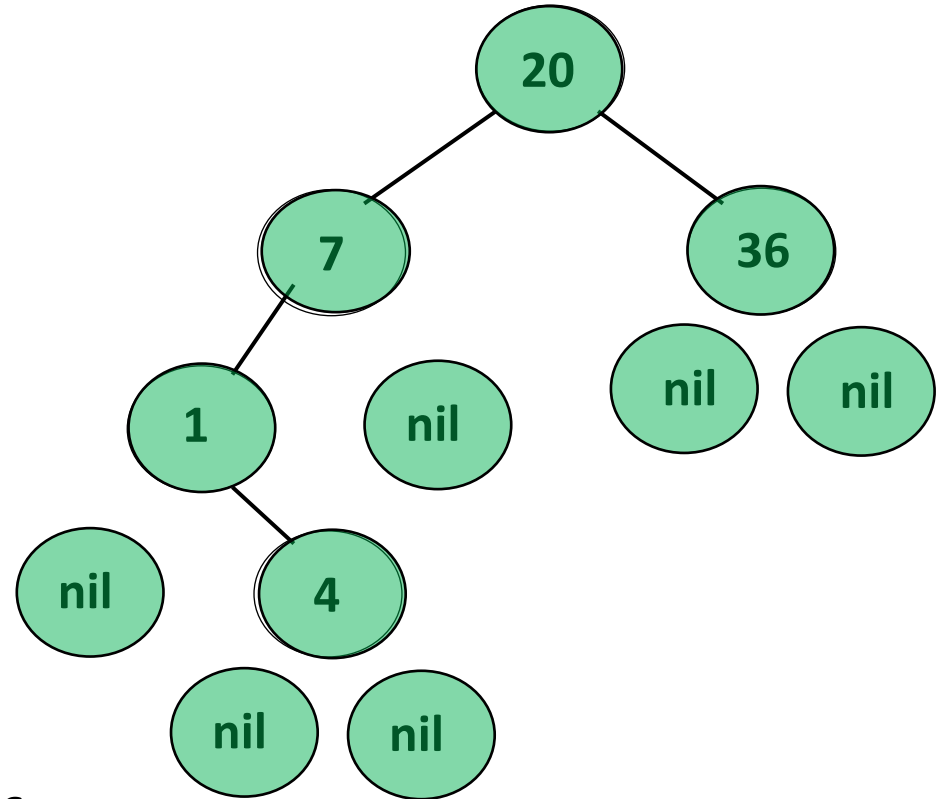
- **Recorrido En – Orden** (subárbol izquierdo – raíz – subárbol derecho)
- **Recorrido Pre – Orden** (raíz - subárbol izquierdo – subárbol derecho)
- **Recorrido Post – Orden** (subárbol izquierdo – subárbol derecho - raíz)

```
procedure enorden(a:arbol);  
begin  
  if (a <> nil) begin  
    enorden (a^.HI);  
    write (a^.dato);  
    enorden (a^.HD);  
  end;  
end;
```



# ABB – Recorridos – En Orden

```
procedure enorden(a:arbol);  
begin  
  if (a <> nil) begin  
    enorden (a^.HI);  
    write (a^.dato);  
    enorden (a^.HD);  
  end;  
end;
```



**Salida:** 1 4 7 20 36





# Actividades en Máquina

## ACTIVIDAD 2

En el programa **ProgramaArbol.pas** realizar las siguientes tareas:

- a) Implementar el módulo **preOrden** que imprima los valores del ABB ya generado.
- b) Implementar el módulo **enOrden** que imprima los valores del ABB ya generado.
- c) Implementar el módulo **postOrden** que imprima los valores del ABB ya generado.
- d) Invocar cada uno de los módulos anteriores y comparar los resultados obtenidos.





# Actividades en Máquina

## ACTIVIDAD 3

En el programa **ProgramaArbol.pas** realizar las siguientes tareas:

- a) Implementar el módulo **Buscar** que reciba un ABB y un valor y devuelva el puntero al nodo donde se encuentra dicho valor. En caso de no encontrarlo, debe retornar nil.
- b) En el programa principal, invocar al módulo **Buscar** con un valor que se ingresa de teclado. Informar si el valor buscado se encontró en el árbol o no.

```
function Buscar(a:arbol;d:integer):arbol;
```



# ABB – Recorridos Acotado

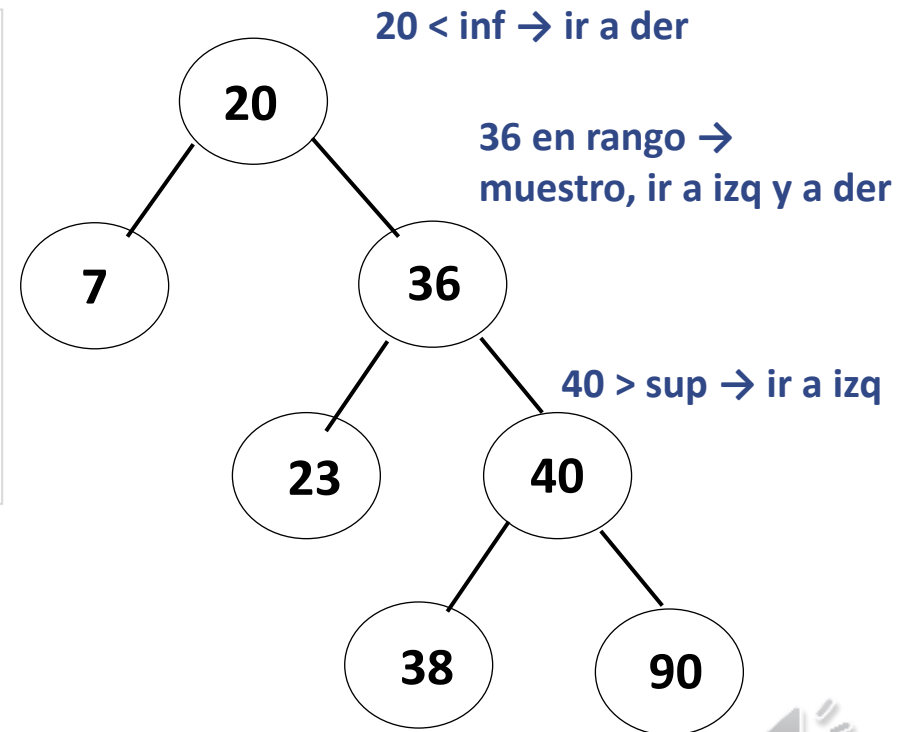
Algunas situaciones nos obligan a recorrer todos los nodos del árbol, por ejemplo imprimir los datos del árbol

Y si necesitamos mostrar los datos que están comprendidos entre dos valores determinados del árbol ¿cómo lo resolvemos?

**Ej. Datos e/ 21 y 39**

```
ImprimirAcotado(arbol, inf, sup);  
si arbol no está vacío  
  si el valor en arbol es >= inf and  
    el valor en arbol es <= sup  
      mostrar valor  
  ImprimirAcotado (hijo_izq_arbol, inf, sup)  
  ImprimirAcotado (hijo_der_arbol, inf, sup)
```

**¿es eficiente? NO**





# ABB – Recorridos Acotado

```
recorridoAcotado(arbol, inf, sup);
```

```
si arbol no está vacío
```

```
  si el valor en arbol es  $\geq$  inf
```

```
    si el valor en arbol es  $\leq$  sup
```

```
      mostrar valor
```

```
      recorridoAcotado (hijo_izq_arbol, inf, sup);
```

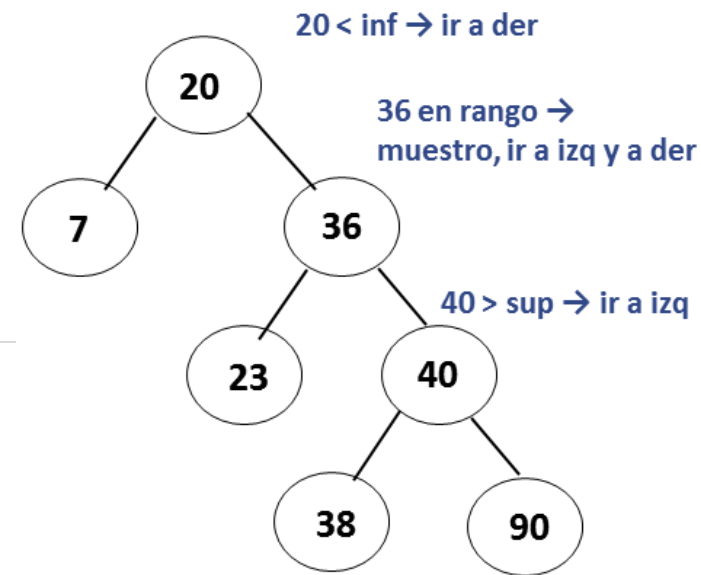
```
      recorridoAcotado (hijo_der_arbol, inf, sup);
```

```
    sino
```

```
      recorridoAcotado (hijo_izq_arbol, inf, sup);
```

```
  sino
```

```
    recorridoAcotado (hijo_der_arbol, inf, sup);
```





# Actividades en Máquina

## ACTIVIDAD 3

En el programa **ProgramaArbol.pas** realizar las siguientes tareas:

- c) Implementar el módulo **VerValoresEnRango** que reciba un ABB y dos valores, que indiquen un rango, e informe los valores almacenados que se encuentren en dicho rango.
- d) En el programa principal, invocar al módulo **VerValoresEnRango** con dos valores leídos de teclado.

```
procedure VerValoresEnRango(a:arbol; inf,sup: integer);
```





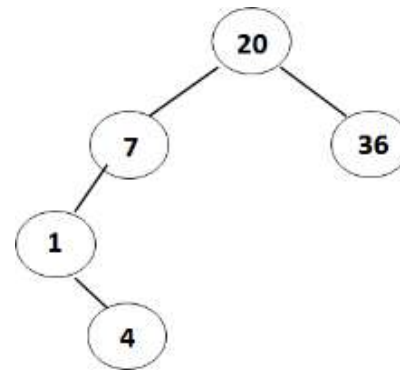
# Actividades en Máquina

## ACTIVIDAD 4

En el programa **ProgramaArbol.pas** realizar las siguientes tareas:

- a) Implementar el módulo **VerMin** que reciba un árbol y devuelva el valor mínimo. En caso de recibir un árbol vacío, retornar -1.
- b) Implementar el módulo **VerMax** que reciba un árbol y devuelva el valor máximo. En caso de recibir un árbol vacío, retornar -1.
- c) En el programa principal, invocar a los módulos generados en a) y b). Informar los resultados obtenidos.

```
function VerMin(a:arbol): integer;
```



Enviar a través de la Mensajería de Ideas, **programaArbol.pas** al docente asignado al grupo.





# Actividades en Máquina

## ACTIVIDAD 5

Implementar un programa que procese la información de los participantes a un concurso de preguntas y respuestas. De cada participante se lee el código de participante, código de ciudad de origen y edad. El ingreso de los participantes finaliza cuando se lee el código -1.

Implementar un programa que:

- a) Genere un ABB a partir de la información leída ordenado por código de participante.
- b) Contenga un módulo que reciba el árbol generado en a) y un código de ciudad y retorne una lista con los participantes de esa ciudad.
- c) Invoque al módulo de b) y luego muestre el contenido de la lista resultante utilizando un módulo recursivo.
- d) Muestre la cantidad de participantes cuyos códigos están comprendidos entre dos valores determinados. Para ello implementar un módulo que reciba el árbol generado en a) y dos valores y devuelva la cantidad pedida.
- e) Informe la edad promedio de los participantes del concurso.

