

# Les circuits de puissance

Transistors bipolaires, MOSFET et relais

Club de Robotique et d'Electronique Programmable de Ploemeur

# Contact pour l'information

Document réalisé en Latex par Nicolas Le Guerroué pour le Club de Robotique et d'Electronique Programmable de Ploemeur (CREPP)

Telephone: 06.20.88.75.12

E-mail: nicolas leguerroue@gmail.com

Version du 21 décembre 2020

Permission vous est donnée de copier, distribuer et/ou modifier ce document sous quelque forme et de quelque manière que ce soit.

# Table des matières

Ι	$\mathbf{Le}$	s cicuits de puissance	4									
1	Intr	roduction	5									
2	Les transistors bipolaires											
	2.1	Présentation	6									
	2.2	Conventions	6									
		2.2.1 Les familles de transistors bipolaires	7									
	2.3	Les paramètres de sélection du transistor	8									
	2.4	Le principe	8									
	2.5	Exemple	Ö									
	2.6	Mise en pratique	10									
		2.6.1 Branchements	10									
		2.6.2 Dimensionnement de la résistance	11									
		2.6.3 Exemple de programme Arduino	12									
3	Les	transistors MOSFET	13									
	3.1	Présentation	13									
	3.2	Conventions	13									
		3.2.1 Les familles de transistors MOSFET	14									
	3.3	Les paramètres de sélection du transistor	14									
	3.4	Le principe	15									
	3.5	Comparaison avec les transistors bipolaires	15									
	3.6	Mise en pratique	15									
		3.6.1 Branchements	15									
		3.6.2 Exemple de programme Arduino	16									
4	Cor	nclusion	18									
	4.1	Ce qu'il faut retenir	18									
	4.2	Les fiches techniques	18									

II	Les condensateurs	20						
5	Introduction							
6	Histoire							
7	Principe de fonctionnement 24							
8	Les différentes technologies         8.1 Les condensateurs à film          8.2 Les condensateurs à céramique          8.3 Les condensateurs électrolytiques          8.4 Les condensateurs variables	26 27 28 29 29						
9	Domaines d'application  9.1 Les condensateurs de filtrage Présentation Objectif Mise en oeuvre Principe  9.2 Les condensateurs de découplage Présentation Objectif En régime transitoire En régime stationnaire Le modèle réel Mise en oeuvre du condensateur de découplage  9.3 Les condensateurs de liaison Présentation Objectif	31 31 31 32 33 33 34 35 35 36 37 37						
10	Mise en oeuvre	37 <b>40</b>						
11	10.1 Les supercondensateurs	40 42 42 43						
12	Modélisation de l'AOP  12.1 Modèle théorique	44 44 45 45 45 46 46						

13 Étud	e d'un AOP	
en n	ode linéaire	48
13.1	ntérêt de l'étude	48
13.2	Méthode de résolution	48
III N	Contages	<b>4</b> 9
14 Mon	age suiveur	50
	Présentation	50
	Montage	50
14.3	Démonstration	50
14.4	Application	51
15 Mon	age amplificateur	
non-	nverseur	<b>5</b> 3
15.1	Présentation	53
15.2	Montage	53
15.3	Démonstration	53
15.4	Application	54
16 Mon	age amplificateur	
inve		<b>5</b> 5
	Présentation	55
	Montage	55
	Démonstration	56
16.4	Application	56
	8 <b>1</b>	57
		57
	7.1.1 Comparateur non inverseur simple seuil	57
	Présentation	57
	Montage	57
	7.1.2 Comparateur inverseur simple seuil	58
	7.1.3 Comparateur non inverseur double seuil	58
	Présentation	58
	Montage	59
	Application	59
	7.1.4 Comparateur inverseur double seuil	62
	Montage	62
	Démonstration	62
		64
	Présentation	64
	Montage	64
18 3	Démonstration	6/

	18.4 Application	65								
19	Montage soustracteur	67								
	19.1 Présentation	67								
	19.2 Montage	67								
	19.3 Démonstration	67								
	19.4 Application	68								
20	Montage soustracteur	70								
	20.1 Présentation	70								
	20.2 Montage	70								
	20.3 Démonstration	70								
	20.4 Application	71								
21	Montage soustracteur									
	21.1 Présentation	73								
	21.2 Montage	73								
	21.3 Démonstration	73								
	21.4 Application	74								
22	Montage sommateur									
	inverseur	<b>76</b>								
	22.1 Présentation	76								
	22.2 Montage	76								
	22.3 Démonstration	76								
23	Les familles des circuits logiques	78								
	23.1 Présentation	78								
	23.1.1 Principe TTL	78								
	23.1.2 Principe CMOS	78								
	23.2 Comment les distinguer?	78								
	23.3 Avantages et inconvénients	79								

# Première partie Les cicuits de puissance

	_	
	1	
		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
		l de la companya de
1_		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
Saction		

# Introduction

« En dépit des perfectionnements électroniques, il advient parfois que la bonne vieille feuille imprimée soit le moyen d'information le plus pratique. »

Arthur Charles Clarke

Pour certains projets plus évolués, on souhaite utiliser des composants tels que des moteurs ou des résistances (chauffage, ventilation). Or, on constate rapidement que le branchement direct de ces éléments sur une carte Arduino va se révéler impossible.

En effet, la carte Arduino est prévu pour délivrer de faibles courants et faibles tensions.

Nous allons donc créer un circuit où la puissance et la commande sont dissociés.

Section 2

# Les transistors bipolaires

#### 2.1 Présentation

Une des moyens pour créer notre circuit de puissance est le transistor bipolaire. Ce composant possède trois broches :

- Le collecteur (C)
- la base (B)
- l'émetteur (E)

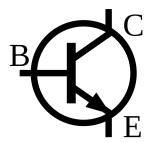


Figure 2.1 – La représentation du transistor bipolaire

### 2.2 Conventions

Afin de simplifier les calculs par la suite, posons les normes suivantes :

- Le courant entrant dans le Collecteur est appelé  $I_C$
- Le courant entrant dans la Base est appelé  $I_B$
- Le courant sortant de l'émetteur est appelé  $I_E$
- La tension entre la Base et l'Emetteur est appelée  $V_{be}$

• La tension entre le Collecteur et l'Emetteur est appelée  $V_{ce}$ 

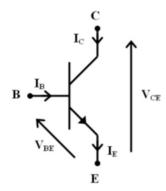


Figure 2.2 – Conventions du transistor bipolaire

Les flèches au sein du transistor indiquent le sens de déplacement du courant sur les broches.

#### 2.2.1 Les familles de transistors bipolaires

Les transistors bipolaires sont classés en deux catégories :

- Les transistors NPN <sup>1</sup>
- Les transitors PNP

Le principe de fonctionnement est similaire entre ces deux familles, seul le branchement et le niveau de commande diffère.

Dans ce document, nous utiliserons essentiellement des transistors NPN car ces derniers utilisent des grandeurs positives.

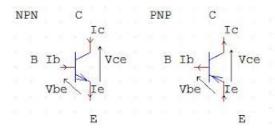


FIGURE 2.3 – Transistors NPN et PNP

<sup>1.</sup> Le nom de ces familles provient du type de jonction utilisé en interne. Pour plus de rensiegnement, consulter les diodes et semi-conducteurs

### 2.3 Les paramètres de sélection du transistor

Notre transistor doit dans un premier temps répondre à deux contraintes :

- La tension admissible sur  $V_{ce}^2$  doit être supérieur à la tension d'alimentation de notre circuit. Concrètement, si notre circuit est alimenté en 48V mais que le transistor ne supporte pas plus de 30V, il va être détruit.
- Le transistor doit supporter un courant plus élevé que le courant maximal transitant dans notre circuit. Pour contrôler un moteur consommant 1 Ampère, je dois donc choisir un transistor pouvant contrôler au moins 1 Ampère.

Pour la suite de la présentation, on supposera que notre transistor a été dimensionné pour répondre à ces deux contraintes.

### 2.4 Le principe

Ce type de transistor fonctionne comme une vanne pour une canalisation. Il est possible de réguler le débit de la canalisation avec la vanne.

Le transistor bipolaire permet de contrôler un courant important avec un faible courant.

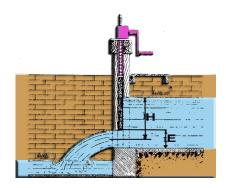


FIGURE 2.4 – Le rôle du transistor

Ici, notre transistor joue le rôle de la vanne et permet de bloquer le courant (électrons) ou bien de les laisser passer.

Le courant de l'élément à contrôler (moteur, résistance de puissance....) transite entre le collecteur et l'émetteur et le courant de commande passe par la base, comme l'illustre la figure suivante.

<sup>2.</sup> Cette tension est indiquée ddans les documentations techniques

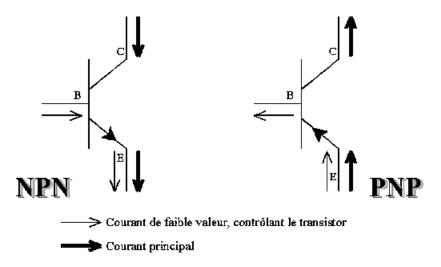


Figure 2.5 – Courant de commande et de puissance

La relation fondamentale reliant le courant de puissance et de commande est la suivante :

$$I_C = \beta \cdot I_B$$

Le paramètre  $\beta$ , appelé **gain du transistor**  $^3$  est une caractéristique interne de notre transistor, c'est à dire qu'il dépend du type de transistor que nous choisissons. Les courants  $I_C$ ,  $I_B$ ,  $I_E$  sont exprimés dans la même unité (Ampère, milliampères...) pour une formule homogène.

Les transistors de puissance possède des gains de l'ordre de la dizaine alors que les transistors de signal (faibles courants) ont un gain pouvant facilement atteindre 200 ou 300.

#### Remarque

Plus notre  $\beta$  est faible, plus il va falloir injecter un courant important dans notre base

### Question 1. Et que devient notre broche "Émetteur"?

>>> 1. Notre émetteur est relié à la masse du circuit et permet de le fermer pour que les électrons puissent circuler.

Le courant circulant dans l'émetteur est simplement la somme des courants entrant dans le transistor.

$$I_E = I_B + I_C$$

### 2.5 Exemple

d'où:

On souhaite commander l'arrêt et la marche d'un moteur consommant au maximum  $0.5\mathrm{A}$  et alimenté avec une tension de  $9\mathrm{V}$ .

3. le gain est sans dimension (unité) et est appelé  $h_{fe}$  dans les documentations

Nous choisissons un transistor permettant de commuter 1A (sécurité) avec  $\beta = 30$ 

Question 2. Quel doit-être le courant injecté dans la base?

>>> 2. On applique la formule précédent et on obtient :

$$I_B = \frac{I_C}{\beta} = \frac{0.5}{30} = 16mA$$

### 2.6 Mise en pratique

#### 2.6.1 Branchements

Maintenant que nous connaissons les tensions et courants nécessaires à notre transistor et à notre moteur, nous allons le commander avec une carte Arduino.

Tout d'abord, il convient de placer le moteur entre notre alimentation et le collecteur.

#### Remarque

Toutes les charges à contrôler avec ce type de transistor se placent entre l'alimentation et le collecteur.

Enfin, il ne nous reste plus qu'à relier une sortie numérique de l'Arduino vers notre base par l'intermédiaire d'une résistance.

La résistance va servir à imposer le courant dans la base de notre transistor. Nous obtenons donc le schéma suivant.

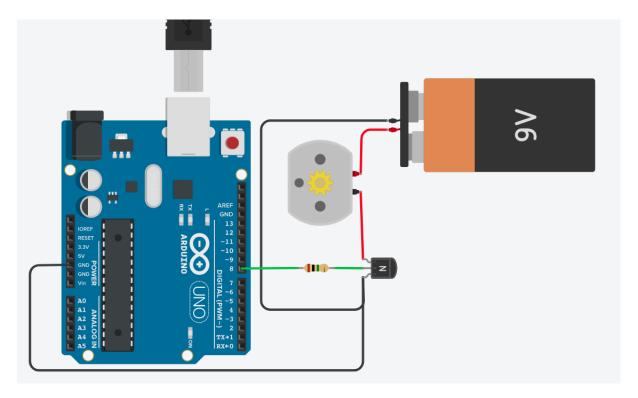


FIGURE 2.6 – Branchement du transistor bipolaire

#### 2.6.2 Dimensionnement de la résistance

On souhaite obtenir un courant de 16mA dans notre base et on sait que l'Arduino délivre du 5V en sortie.

Nous somme donc tentés de dire que  $R_b=\frac{U_{arduino}}{I_B}=\frac{5}{0.016}=312\Omega^{\,4}$ 

Hélas, il y a peu de chance que votre moteur tourne dans les conditions optimales. Il convient d'avoir à l'esprit que notre  $\beta$  trouvé dans la documentation n'est que théorique et qu'il peut être en réalité inférieur.

#### Remarque

Une des conventions non officielles admet que pour de la commutation en **Tout ou** Rien  $^a$ , on divise la valeur théorique de notre  $\beta$  par 2.

Nous allons donc prendre donc un  $\beta$  valant 15.

a. Le transistor laisse passer tout le courant nécessaire ou rien du tout

On refait donc les calculs.

$$I_B = \frac{I_C}{\beta} = \frac{0.5}{15} = 32mA$$

4. On part de la loi d'Ohm qui dit que U=R.I

Une dernière chose : les transistors bipolaires entraı̂nent une chute de tension entre la base et l'émetteur  $(V_{be})$ .

Cette chute de tension dépend de la technologie des transistors bipolaires :

- 0.7V pour les transistors au silicium
- 0.3V pour les transistors au germanium

Dans l'extrême majorité des cas, on utilisera des transistors au silicium.

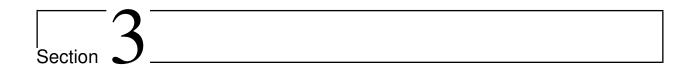
La tension disponible aux bornes de la résistance est donc de 4.3V (5-0.7) D'où :

$$R_b = \frac{U_{arduino} - V_{be}}{I_b} = \frac{4.3}{0.032} = 134\Omega$$

#### 2.6.3 Exemple de programme Arduino

Voici un code permettant de faire tourner le moteur périodiquement pendant 5 secondes puis de l'arrêter pendant 5 secondes.

Code Arduino avec transistors NPN



### Les transistors MOSFET

### 3.1 Présentation

Nous avons vu l'utilisation des transistors bipolaires.

Ces derniers sont assez contraignants à mettre en oeuvre car ils sont commandés en courant. Nous allons utiliser cette fois-ci la technologie des MOSFET <sup>1</sup> car ces derniers ont l'avantage d'être contrôlés en **tension**.

Ce composant possède trois broches:

- Le drain (D)
- la porte (G)<sup>2</sup>
- la source (S)

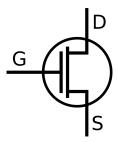


FIGURE 3.1 – La représentation du transistor MOSFET

#### 3.2 Conventions

Afin de simplifier les calculs par la suite, posons également les normes suivantes :

<sup>1.</sup> MOSFET : Metal Oxide Semiconductor Field Effect Transistor = Transistor à effet de champ à structure métal-oxyde-semiconducteur

<sup>2. &#</sup>x27;G' pour Gate

- Le courant entrant dans le Drain est appelé  $I_D$
- Le courant entrant dans la Porte est appelé  $I_G$
- Le courant sortant de la Source est appelé  $I_S$
- La tension entre la Porte et la Source est appelée  $V_{GS}$
- La tension entre le Drain et la Source est appelée  $V_{DS}$

#### 3.2.1 Les familles de transistors MOSFET

Les transistors MOSFET sont classés en deux catégories :

- Les transistors MOSFET à canal N<sup>3</sup>
- Les transitors MOSFET à canal P

Le principe de fonctionnement est similaire entre ces deux familles, seul le branchement et le niveau de commande diffère.

Dans ce document, nous utiliserons essentiellement des transistors MOSFET à canal N car ces derniers utilisent des grandeurs positives.

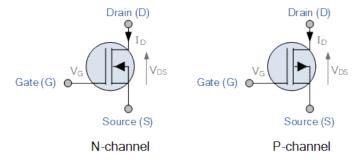


Figure 3.2 – Transistors à canal N et P

### 3.3 Les paramètres de sélection du transistor

Les paramètres de sélection de nos transistors MOSFET sont identiques aux transistors bipolaires, c'est à dire :

- La tension admissible sur  $V_{DS}$  du transistor
- Le courant admissible entre le Drain et la Source.

Pour la suite de la présentation, on supposera que notre transistor a été dimensionné pour répondre à ces deux contraintes.

<sup>3.</sup> Le nom de ces familles provient du type de jonction utilisé en interne. Pour plus de rensiegnement, consulter les diodes et semi-conducteurs

### 3.4 Le principe

Ce type de transistor fonctionne comme les transistors bipolaires mais est commandé en tension et non en courant.

Par analogie, le drain joue le rôle du collecteur, la source celui de l'émetteur et la porte celui de la base. Le courant de l'élément à contrôler (moteur, résistance de puissance....) transite entre le drain et la source et la tension de commande est aux bornes de la porte.

Les transistors MOSFET deviennent passant <sup>4</sup> lorsque la tension sur la porte dépasse une tension de déclenchement appelée  $V_{GS_{th}}$ . Cette valeur est généralement comprise entre 2 et 4 Volts. <sup>5</sup>

Lorsque cette tension  $V_{GS_{th}}$  est atteinte, notre transistor peut être remplacé d'un point de vue électrique entre le drain et la source par une résistance de très faible valeur, appelée  $R_{DS_{om}}$ 

### 3.5 Comparaison avec les transistors bipolaires

Par nature, la porte du MOSFET est vue comme un condensateur. Le transistor ne consomme pas de courant, excepté pendant les commutations.

Ainsi, le courant est nul dans la porte pour maintenir le moteur en marche alors que pour un bipolaire, il faut maintenir un courant dans la base.

Les MOSFET sont donc plus économes en énergie que les bipolaires.

De plus, ils peuvent généralement supporter des courants plus importants que les bipolaires.

En revanche, en hautes fréquences, les MOSFET sont moins réactifs du fait de leur capacité en entrée.

### 3.6 Mise en pratique

Nous souhaitons faire tourner le même moteur que celui utilisé avec notre transistor bipolaire.

Nous allons le commander avec une carte Arduino.

#### 3.6.1 Branchements

Tout d'abord, il convient de placer le moteur entre notre alimentation et le drain.

<sup>4.</sup> Le transistor laisse passer tout le courant autorisé.

<sup>5.</sup> Lorsque la tension  $V_{GS}$  est inférieure à  $V_{GS_{th}}$ ,  $I_D$  vaut  $K \cdot ((V_{GS} - V_{th}) \cdot V_{DS} - \frac{1}{2}V_{DS}^2)$  Cette relation montre que l'étude en amplification est plus complexe car non linéaire.

#### Remarque

Toutes les charges à contrôler avec ce type de transistor se placent entre l'alimentation et le drain.

Enfin, il ne nous reste plus qu'à relier une sortie numérique de l'Arduino vers notre porte sans résistance.

Nous obtenons donc le schéma suivant.

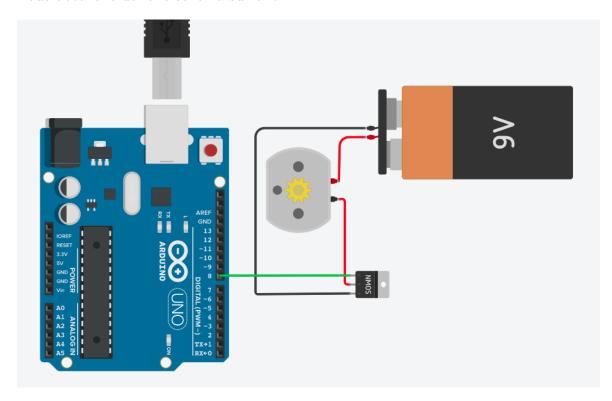
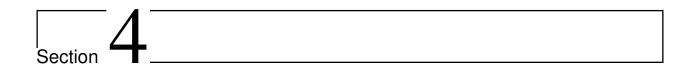


FIGURE 3.3 – Branchement du transistor MOSFET

### 3.6.2 Exemple de programme Arduino

Voici un code permettant de faire tourner le moteur périodiquement pendant 5 secondes puis de l'arrêter pendant 5 secondes. Il s'agit du même code que pour le transistor bipolaire.

Code Arduino avec MOSFET



### Conclusion

### 4.1 Ce qu'il faut retenir

Nous avons à notre disposition tout un ensemble de technologies pour contrôler la partie puissance.

Les transistors ne sont pas adaptés pour commuter une charge sur secteur (230V), cette partie sera donc réservée aux relais.

En revanche, pour toutes les tensions continues, les transitors sont adaptés et prennent moins de place en encombrement.

### 4.2 Les fiches techniques

L'intégralité des informations disponibles pour un transistor sont disponibles dans un document complet appelé **Datasheet**.

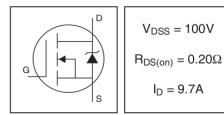
Ce document détaille les broches, les caractéristiques électriques, propose des schémas d'exemples....

Par exemple, voici quelques extraits de la documentation du transistors IRF520 $^{\,1}$ :

1. Transitor de puissance

### IRF520NPbF

#### HEXFET® Power MOSFET



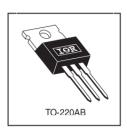


FIGURE 4.1 – Extrait n°1 du IRF520

#### Electrical Characteristics @ T<sub>J</sub> = 25°C (unless otherwise specified)

	Parameter	Min.	Тур.	Max.	Units	Conditions
V <sub>(BR)DSS</sub>	Drain-to-Source Breakdown Voltage	100			V	$V_{GS} = 0V, I_D = 250\mu A$
$\Delta V_{(BR)DSS}/\Delta T_J$	Breakdown Voltage Temp. Coefficient		0.11		V/°C	Reference to 25°C, I <sub>D</sub> = 1mA
R <sub>DS(on)</sub>	Static Drain-to-Source On-Resistance			0.20	Ω	V <sub>GS</sub> = 10V, I <sub>D</sub> = 5.7A ④
V <sub>GS(th)</sub>	Gate Threshold Voltage	2.0		4.0	V	$V_{DS} = V_{GS}$ , $I_D = 250 \mu A$
					_	

FIGURE 4.2 – Extrait n°2 du IRF520

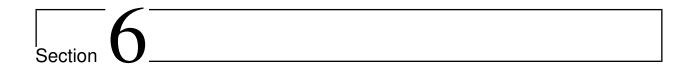
On retrouve sur cette figure la valeur de  $R_{DS_{on}}$  et de  $V_{GS_{th}}$ 

# Deuxième partie Les condensateurs

0 - 4	
Section	

# Introduction

Dans le cadre du projet d'électrostatique de S4, nous avons été amené à réaliser un dossier sur le condensateur. Ainsi, ce document traitera dans une première partie de l'histoire du condensateur. Ensuite, dans un second temps nous tenterons d'expliquer le fonctionnement du condensateur pour ensuite voir les différentes technologies qui lui sont associées. Nous évoquerons par la suite les domaines d'applications du condensateur. Nous verrons que le condensateur fait parti des éléments de base de tout circuit électronique. Son usage est donc primordial dans tous les systèmes qui nous entourent. Ce qui nous amènera enfin à s'intéresser à l'avenir du condensateur en électronique.



### Histoire

C'est en 1745, que le physicien allemand Ewald Georg von Kleist invente le premier condensateur. Il a enroulé une feuille d'argent autour d'une bouteille en verre, et a chargé la feuille à l'aide d'un générateur à friction. Il était convaincu qu'une charge pourrait être accumulée lorsqu'il a reçu un choc électrique significatif (par un générateur par exemple).

Un an plus tard, Pieter van Musschenrboek poursuivra les recherches sur cette invention et lui donnera le nom de : "bouteille de Leyde". Pour la petite histoire, ce nom vient de l'université où travaillait ce dernier : l'université de Leyde. Le condensateur est une véritable révolution car il permet de contenir une importante charge électrique dans un très petit volume. La bouteille de Leyde est un condensateur formé de deux conducteurs séparés par le verre de la bouteille. Le premier conducteur est généralement constitué d'une électrode supérieure, reliée à des feuilles en étain mises dans la bouteille. Le second conducteur est formé par une feuille métallique autour la bouteille. Ces deux conducteurs permettent de créer deux charges égales mais de signes opposées.

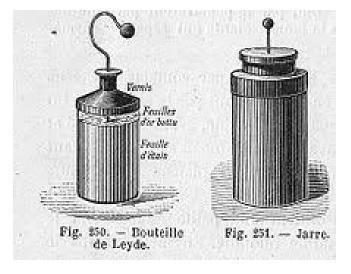


FIGURE 6.1 – Bouteille de Leyde

Puis avec le temps, d'autres condensateurs ont vu le jour :



FIGURE 6.2 – Différents types de condensateurs

Section 7

# Principe de fonctionnement

Un condensateur est un dipôle électrique composé de deux armatures conductrices appelées électrodes et séparées par un matériel isolant ou diélectrique.

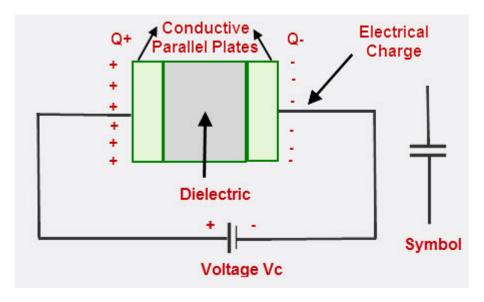


FIGURE 7.1 – schéma condensateur

Lorsque l'on exerce une tension sur un condensateur, une force électrique déplace des électrons vers la première armature pour s'y déposer. Cette augmentation du nombre d'électrons vient chargée négativement l'armature. Une force se créée entre les deux plaques et vient arracher des électrons à la seconde armature et donc charger positivement l'armature.

Malgré la présence d'un isolant entre les deux plaques, le courant dans le circuit n'est pas nul. En effet, tant que le condensateur n'est pas chargé ,un nombre d'électrons arrive vers le condensateur. Le nombre d'électrons arrivant sur la première plaque est égale au nombre d'électrons quittant la seconde plaque. Des charges sont arrachées à la seconde armature et continuent de se déplacer dans le circuit.

Le condensateur continue de se charger tant que la tension entre les deux armatures n'est pas égale à la tension exercée sur ses bornes. Si on exerce une tension sur le condensateur supérieur à sa tension admissible, le composant va casser ou exploser. Lorsque le condensateur est complètement chargé, les nouveaux électrons arrivant sont repoussés par ceux déjà présents sur la plaque, il n'y a plus déplacement de charges , le courant devient nul.

Un condensateur est caractérisé par un coefficient de proportionnalité entre la charge et la tension à ses bornes. On note ce coefficient capacité électrique et il s'exprime en Farad.

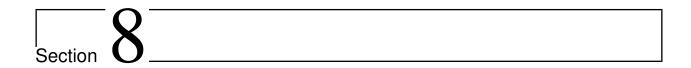
$$Q = C(V_1 - V_2) \quad ou \quad i = C\frac{du}{dt}$$

La capacité d'un condensateur est déterminée par la géométrie du composant et la nature de l'isolant.

Le tableau suivant résume la valeur de capacité pour différente géométrie de condensateur.  $\varepsilon_r$  représente la permittivité relative de l'isolant.

Désignation	Capacité	Champ électrique	Représentation
Condensateur plan	$C = arepsilon_0 arepsilon_{f r} \cdot rac{A}{d}$	$E=rac{Q}{arepsilon_0arepsilon_{ m r}A}$	$d$ $\varepsilon$
Condensateur cylindrique	$C=2\piarepsilon_0arepsilon_{ m r}rac{l}{\ln\left(rac{R_2}{R_1} ight)}$	$E(r) = \frac{Q}{2\pi r l \varepsilon_0 \varepsilon_{\rm r}}$	E R <sub>2</sub>
Condensateur sphérique	$C=4\piarepsilon_0arepsilon_{ m r}igg(rac{1}{R_1}-rac{1}{R_2}igg)^{-1}$	$E(r) = rac{Q}{4\pi r^2 arepsilon_0 arepsilon_{ ext{r}}}$	$R_2$
Sphère	$C=4\piarepsilon_0arepsilon_{ m r}R_1$		ε

FIGURE 7.2 – calcul capacité



# Les différentes technologies

Au cours de l'histoire plusieurs technologies ont été découvertes afin de fabriquer des condensateurs. Cela nous offre maintenant, un large choix de technologies suivant les utilisations et, ou les valeurs en Farad nécessaires. Afin de mieux comprendre les avantages et les inconvénients de chaque technologie, nous allons en faire une comparaison des plus couramment utilisées.

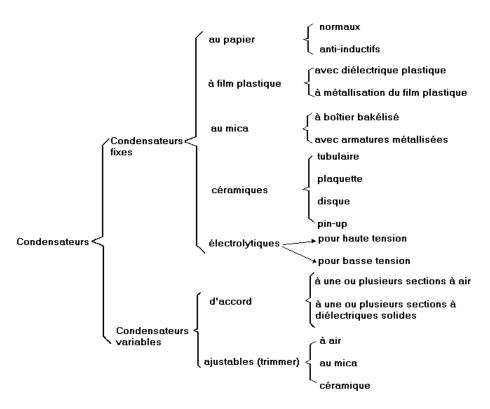


Figure 8.1 – Classification des différents types de condensateur

La figure 8.1 récapitule tous les types de condensateurs. Ils sont divisés en 2 catégories,

les condensateurs à capacité fixes et ceux à capacité variable. Nous allons par la suite nous intéresser majoritairement au condensateur à capacité fixe car ce sont ceux le plus répandus.

#### 8.1 Les condensateurs à film

Ces condensateurs utilisent un film plastique. Il en existe de 2 types, suivant l'utilisation du film plastique. Ceux de type un utilisent un film plastique comme diélectrique, c'est-à-dire comme moyen de limiter ou empêcher la conduction électrique mais laissant s'exercer les forces électrostatiques. Ceux de type deux utilisent quant à eux un film plastique métallisé.

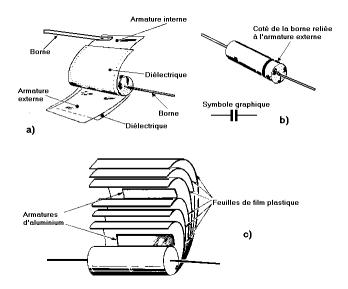


FIGURE 8.2 – Schéma interne d'un condensateur à film plastique

Ces condensateurs possèdent une faible capacité comprise entre 1nF et  $30\mu F$ , mais à défaut permettent une très grande précision. Ils possèdent également une durée de vie supérieure à la plupart des autres types de condensateurs et ne sont pas polarisé. De plus, certains de ces condensateurs permettent une régénération après un claquage. Ils sont également conçus pour résister à de hautes tensions (de l'ordre du kilovolt) et permettent de fournir des impulsions de courant de surcharge très élevées.

### 8.2 Les condensateurs à céramique

Ce type de condensateur est celui majoritairement utilisé. Ils sont notamment très utilisés en électronique du fait de leur petite taille. Ils permettent des capacités comprises entre 1nF et 1µF. Ils ne sont pas polarisés comme les condensateurs à film ce qui permet leur utilisation dans des circuits à courant alternatif. Il en existe également 2 types :

- Ceux de classe 1 sont utilisés lorsque l'on nécessite une grande stabilité et de faible perte. Ils possèdent une valeur de capacité très stable.
- Ceux de classe 2 possèdent une capacité élevée. Ils perdent cependant en stabilité thermique et les tolérances de capacité sont plus élevée.

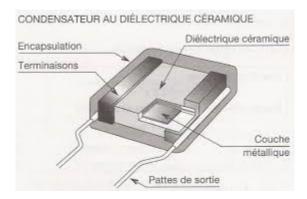


FIGURE 8.3 – Schéma interne d'un condensateur à céramique

### 8.3 Les condensateurs électrolytiques

Les condensateurs électrolytiques ou encore condensateurs chimiques, utilisent un électrolyte, c'est-à-dire une substance conductrice contenant des ions mobiles. Cela permet à ces condensateurs de pouvoir fournir une plus grande plage de valeur de capacité que les autres types de condensateur. Ils sont dans la très grande majorité polarisé ce qui oblige leur utilisation dans des circuits à courant continu. On en voit très souvent dans des alimentations notamment d'ordinateur etc... Ils permettent une capacité comprise entre 1µF et 47mF avec une tension de fonctionnement pouvant aller à l'ordre de quelques centaines de volts. Ils ne sont cependant pas très précis. En effet il possède une tolérance de 20%, une grande résistance en série et réagissent très mal aux hautes fréquences (surchauffe).

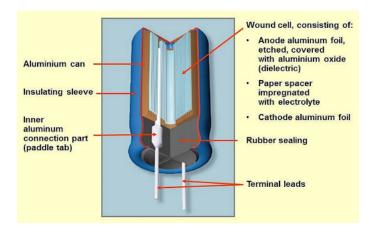


FIGURE 8.4 – Schéma interne d'un condensateur électrolytiques

#### 8.4 Les condensateurs variables

Les condensateurs variables sont des condensateurs dont la valeur de la capacité est comme son nom l'indique variable. Ils sont constitués d'un rotor, d'un axe et d'un stator.

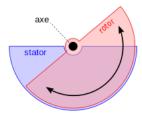


FIGURE 8.5 – Schéma interne d'un condensateur variable

Le rotor entraîné par l'axe tourne dans l'armature fixe du stator. La capacité de ces condensateurs varie en continu entre une valeur minimum appelé capacité résiduelle et une valeur maximum appelée capacité nominale.

Cette variation suit une fonction appelée loi de variation :

$$C = f(\theta) \tag{8.1}$$

f() dépend de multiples paramètres complexes. Il est donc difficile de pouvoir le définir clairement.

 $\theta$  quant à lui correspond à l'angle de rotation de l'axe.

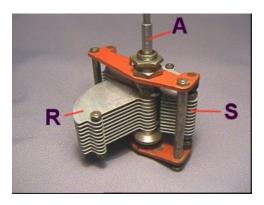
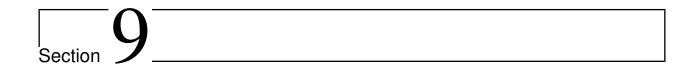


Figure 8.6 – Condensateur à capacité variable

Nous avons pu dans cette partie, nous intéresser à différents types de condensateur. Il en existe encore plein d'autres comme les condensateurs au mica, au papier... Mais nous avons vu ici, ceux les plus couramment utilisés.



# Domaines d'application

Nous allons présenter trois domaines d'application des condensateurs. Cette liste n'est pas exhaustive. Les condensateurs permettent également de redresser le cosinus  $\Phi$  ou bien de filtrer des signaux audio.

### 9.1 Les condensateurs de filtrage

#### Présentation

Les condensateurs permettent de lisser une tension afin de stabiliser cette dernière.

#### Objectif

On souhaite amortir les oscillations de tension en sortie d'un pont de Graëtz (14 V DC). On souhaite donc passer d'une tension alternative à une tension pseudo-continue.

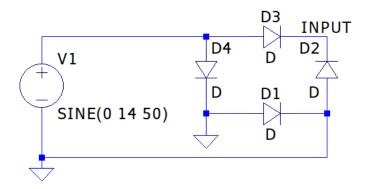


FIGURE 9.1 – Le pont de Graetz

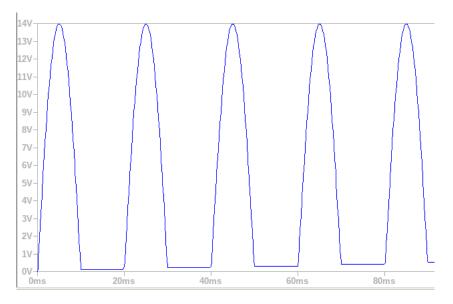


Figure 9.2 – La tension en sortie du pont

#### Mise en oeuvre

Afin de lisser la tension, il convient de mettre un condensateur en sortie du pont de Graëtz, avec une borne sur INPUT et une autre à la masse.

Une résistance de 50  $\Omega$  a été rajoutée pour simuler la présence d'une charge.

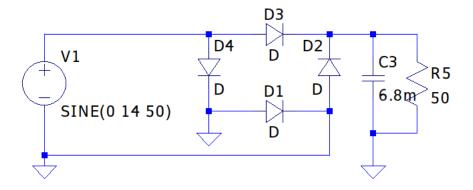


FIGURE 9.3 – Le circuit de filtrage

Observons le résultat.

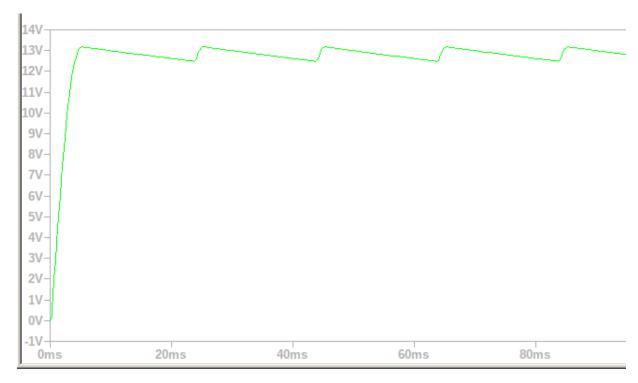


Figure 9.4 – La tension aux bornes du condensateur

#### Principe

Le condensateur joue le rôle d'accumulateur. Pendant les phases ou la tension est croissante, ce dernier se charge.

Lors des phases ou la tension décroît, le condensateur restitue une partie de son énergie, ce qui a pour effet de réduire l'amplitude de variation de tension.

On retrouve notamment ces condensateurs dans les alimentations linéaires.

Dans ce cas, la capacité du condensateur nécessaire croit avec le courant demandé par la charge.

Il est fréquent de voire des condensateurs chimiques de quelques mF dans ces alimentations. Une valeur inférieure risque de rendre instable l'alimentation.

### 9.2 Les condensateurs de découplage

#### Présentation

Certains circuits nécessitent une alimentation très stable (aucune fluctuation de la tension d'entrée). Cependant, lors de l'utilisation du circuit, des courants importants peuvent être demandés par le circuit.

Nous allons montrer un cas en exemple où, pour améliorer les performances du circuit, il conviendra de mettre de fameux condensateur de découplage.

#### Objectif

Nous souhaitons cascader deux portes logiques CMOS  $^1$  de type inverseur, comme le montre la figure suivante.

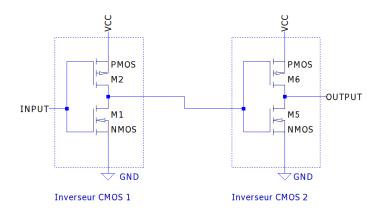
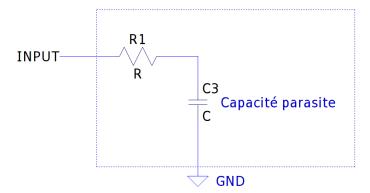


FIGURE 9.5 – Schéma d'exploitation

A première vue, ce modèle peut sembler satisfaisant. Cependant, nous souhaitons faire fonctionner ce circuit dans des fréquences assez élevée <sup>2</sup>.

En prenant un modèle réel, on peut déjà prendre en compte les capacités parasites des transistors MOSFETs. Ces derniers possèdent une capacité entre la broche de commande (Gate) et la masse.

Le modèle réel des entrées de chaque porte logique est le suivant.



Modèle équivalent d'une entrée CMOS

FIGURE 9.6 – Modèle équivalent des entrées CMOS

<sup>1.</sup> Complementary MOS : MOS complémentaires, mise en cascade d'un MOS canal P et d'un MOS canal N

<sup>2.</sup> Toutefois inférieures à la fréquence maximale du circuit

#### En régime transitoire

Intéressons nous au régime transitoire.

On constate que dans notre cas d'exemple, les grilles des MOSFETS consomment du courant pendant les phases de commutation, du fait qu'il faut charger ou décharger les condensateurs. Cet appel de courant peut faire réduire la tension d'alimentation si cette dernière n'est pas très puissante.

#### En régime stationnaire

Lorsque la tension d'entrée (INPUT) est constante et que le condensateur est chargé (ou déchargé), les grilles des MOSFETs ne sont parcourus par aucun courant

#### Le modèle réel

L'alimentation étant rarement en liaison directe avec le circuit logique (piste de circuit imprimé, fils d'alimentation), on constate l'apparition d'une inductance parasite entre la borne d'alimentation du circuit et l'alimentation en elle-même. Le modèle équivalent final du circuit peut être modélisé par la figure suivante.

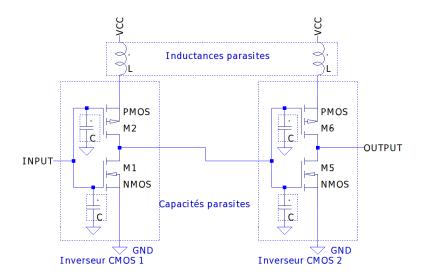


FIGURE 9.7 – Modèle équivalent du circuit

L'inductance parasite s'oppose aux variations de tensions.

Ainsi, lors des phases de commutation (régime transitoire), une partie de la tension d'alimentation va au bornes des inductances parasites. De ce fait, le circuit est de moins en moins efficace à mesure que l'on augmente la fréquence du signal d'entrée. Pour pallier à ce problème, nous allons ajouter un condensateur de découplage.

#### Mise en oeuvre du condensateur de découplage

Le condensateur de découplage doit être placé au plus près du circuit à alimenter. Une de ses bornes est reliée à la broche d'alimentation du circuit et la seconde à la masse.

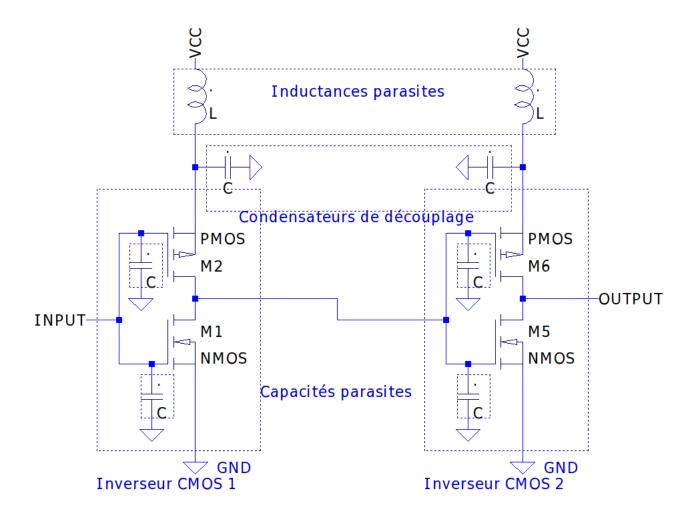


FIGURE 9.8 – Le placement du condensateur de découplage

Lorsque le circuit en aval va demander du courant lors des commutations, le condensateur, qui va se charger pendant le régime permanent du circuit, va pouvoir fournir un apport de courant qui évitera à la tension d'alimentation de s'écrouler. Le circuit sera plus efficace et les temps de communication seront plus faibles.

D'un point de vue des filtres, ces condensateurs peuvent être considérés comme des filtres passe-bas. En effet, la tension d'alimentation qui varie est vue comme un signal haute fréquence. Il faut donc éviter l'oscillation haute fréquence.

#### 9.3 Les condensateurs de liaison

#### Présentation

Une des propriétés des condensateurs est de bloquer les composantes continues. Nous allons aborder un exemple ou le condensateur va permettre de se passer d'une alimentation symétrique.

#### Objectif

On souhaite amplifier la composante alternative d'un signal d'amplitude 1V, de tension moyenne 0.5V et de fréquence 1kHz avec un AOP alimenté en 0-12V (Alimentation asymétrique).

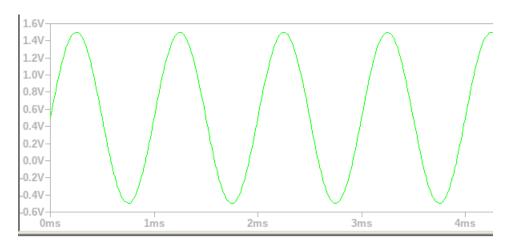


Figure 9.9 – Le signal à amplifier

#### Mise en oeuvre

Tout d'abord, on va chercher à recentrer le signal pour avoir une composante alternative toujours positive. Pour cela, on utilise le circuit suivant.

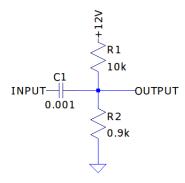


FIGURE 9.10 – Montage pour recentrer la tension

La fréquence de coupure valant  $\frac{1}{2\pi RC}$  avec  $R < 10k\Omega$ , il faudra prendre un condensateur tel que la fréquence de coupure soit inférieure à la fréquence du signal d'entrée. Un condensateur de 1 mF conviendra donc pour cette application.

En utilisant le théorème de superposition au point OUTPUT, on en déduit que une résistance de  $10k\Omega$  et une résistance de  $900\Omega$ , on obtient la tension OUTPUT suivante.

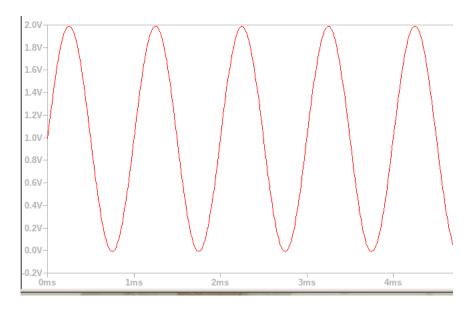


FIGURE 9.11 – Tension positive

Il nous reste à amplifier la tension OUTPUT (ici par 2). Nous obtenons donc une tension sinusoïdale d'amplitude 2V.

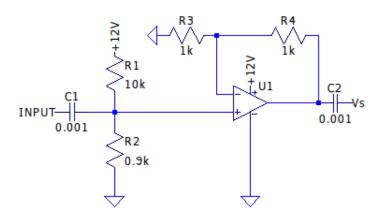


FIGURE 9.12 – Schéma avec les deux condensateurs de liaison

Pour extraire la composante alternative, il suffit de mettre en sortie un condensateur qui va recentrer le signal en 0V. Le condensateur sera de 1mF (même fréquence). Nous obtenons finalement un signal de sortie avec un gain de 2 de la composante alternative

d'entrée.

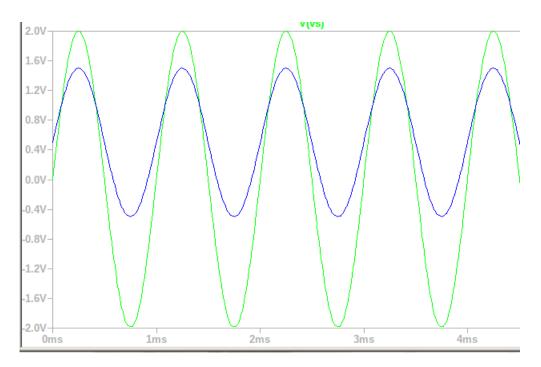
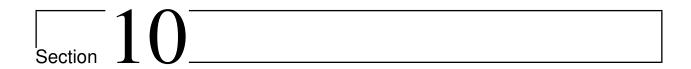


FIGURE 9.13 – La tension de sortie

Au final, les deux condensateurs permettent à des portions de circuits de communiquer entre elles avec des niveaux de tension différents. Ces condensateurs sont appelés **condensateurs de liaison ou de couplage** 



## Avenir du condensateur

Nous avons donc vu dans les parties précédentes que le condensateur est un élément essentielles à tout circuits électronique. Nous nous sommes donc posé la question suivante : Le condensateur sera-t-il amené à disparaître dans le futur pour être remplacé par un autre composant ? Il est évident que l'importance du condensateur est telle qu'il parait irremplaçable. En effet, on ne peut se passer d'un telle composant dans un circuit électronique. Cependant, depuis quelques années un composant est utilisé de plus en plus : le super-condensateur.

## 10.1 Les supercondensateurs

Les supercondensateurs sont une sous-catégorie des condensateurs électrolytiques. Ils permettent de stocker une très grande quantité d'énergie grâce à une combinaison de 2 technologies de capacité. La capacité double couche que l'on retrouve dans les condensateurs électrolytiques et la pseudo-capacité. L'une est électrostatique et l'autre électrochimique.

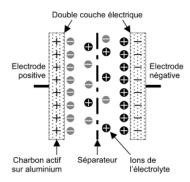
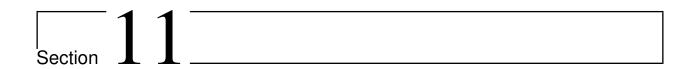


FIGURE 10.1 – La description de l'image

Cela leur permet de combiner les caractéristiques des condensateurs ordinaires et celles des batteries. En effet grâce à ces technologies ils peuvent atteindre des capacités allant jusqu'à 12 000F, tout en ayant des temps de charge et décharge très rapide comparable aux condensateurs ordinaires. Toutes ces caractéristiques en feraient de bons candidats pour remplacer nos batteries au lithium. Mais c'était sans compter leurs défauts. Ils sont en effet très

chers à produire, possèdent une faible énergie spécifique (Rapport en Wh/kg entre l'énergie électrique fournie par unité de temps et la masse du convertisseur) et une tension de décharge linéaire. Cela entraînerait de grandes chutes de tension d'alimentation très rapidement. Le supercondensateur sera probablement l'avenir pour le stockage d'électricités, qui a terme remplacera sûrement les batteries des véhicules électriques. Cependant, il est trop puissant pour le mettre dans la majorité des circuits électroniques. La science progresse énormément dans ce domaine.



## Introduction

#### 11.1 Généralités

Un AOP (Amplificateur Opérationnel) est un composant actif qui permet de réaliser des opérations mathématiques (addition, soustraction, intégration, dérivation, etc) et du fait de sa miniaturisation et de sa fiabilité, on le rencontre aujourd'hui dans de nombreuses applications comme l'audio, la radio, l'asservissement...

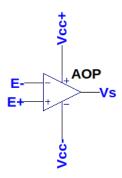


FIGURE 11.1 – Les entrées et sorties de l'AOP

Un AOP possède deux entrées notées appelées entrée non inverseuse et entrée inverseuse, une sortie et deux broches d'alimentation. L'AOP dispose souvent d'une alimentation symétrique (Vcc+ et Vcc-) avec comme référence de tension le point milieu (GND) des alimentations.

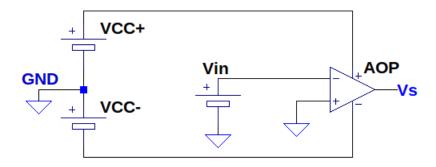


FIGURE 11.2 – L'alimentation d'un AOP

#### 11.2 Conventions

Afin de simplifier les calculs sur les AOP, quelques conventions ont été adoptées :

- La tension de sortie de l'AOP est notée Vs
- La tension sur l'entrée inverseuse est appelée  $E_{-}$
- La tension sur l'entrée non inverseuse est appelée  $E_{+}$
- La tension différentielle (E + -E -) est appelée  $\varepsilon$
- Le gain d'amplification différentiel de l'AOP est appelé Ad Ce gain est variable entre différentes familles d'AOP mais reste constant dans le temps
- Le gain d'amplification du montage est appelé  $A_0$  et varie en fonction des différents montages possibles

#### Remarque

L'alimentation des montages suivants ne sera pas représenté par souci de clarté.

## Modélisation de l'AOP

## 12.1 Modèle théorique

Dans un souci de simplification des calculs, un AOP peut être vu physiquement comme un composant ayant des caractéristiques parfaites. Ces caractéristiques sont les suivantes :

- impédance d'entrée :  $Z \to +\infty\Omega$
- Impédance de sortie :  $Z=0\Omega$
- $Ad \to +\infty$
- $Vsmax = Vcc_+$
- $Vsmin = Vcc_{-}$
- Bande passante :  $Fmax \to +\infty$

Cela se traduit par un modèle dont les deux entrées sont ouvertes (courant nul) et avec une tension de sortie qui ne serait pas affectée par le courant de sortie

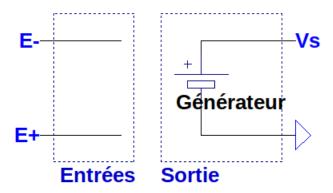


FIGURE 12.1 – Le modèle théorique de l'AOP

## 12.2 Modèle réel

Cependant, il convient de noter que ce modèle n'est que théorique.

Du fait de la nature des composants constituant les AOP (transistors, condensateurs), la tension de sortie ne peut pas être égale à la tension d'alimentation.

Cette tension de sortie max est appelée  $Vsat_{+}$ et  $Vsat_{-}$ 

D'où le modèle suivant :

- impédance d'entrée :  $Z > 10^5 \Omega$
- Impédance de sortie :  $Z > 0\Omega$  (courant de sortie max 20mA)
- Ad ≫ 1000
- $Vs_{max} = Vcc_{sat_{\perp}}$
- $Vs_{min} = Vcc_{sat}$  -
- Bande passante : imposée par le constructeur (Ex : le LM324 tolère 1MHz)

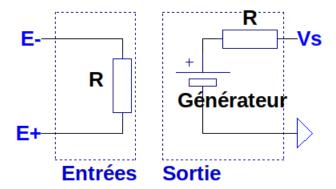


FIGURE 12.2 – Le modèle réel de l'AOP

Cependant, pour les calculs, l'hypothèse du courant d'entrée nul sera retenue, tout comme celle du gain Ad

## 12.3 Modes de fonctionnement

## 12.3.1 Montages linéaires

Le signal  $V_s$  est une fonction mathématique du signal d'entrée  $V_e$ .

Dans certains cas, le signal de sortie conserve la forme du signal d'entrée sous couvert que que l'AOP ne rentre pas en saturation.

Un montage linéaire impose un  $\varepsilon$  nul, sauf si l'AOP est saturé, c'est à dire si  $V_s = V_{sat}$ 

#### 12.3.2 Montages comparateurs

Le signal de sortie ne peut prendre que deux valeurs,  $Vsat_+$ ou  $Vsat_-$  En l'absence de contre-réaction,  $Vs=\varepsilon Ad$ 

Une réaction est un retour du signal sur une des deux entrées. Celle ci peut être positive ou négative en fonction de l'entrée choisie (entrée -, réaction négative et entrée +, réaction positive).

Type de réaction	Positive	Négative	Aucune
Mode de fonctionnement	Comparateur	Linéaire	Comparateur

FIGURE 12.3 – Les modes de fonctionnement de l'AOP

## 12.4 Résistance de charge

Il est possible de mettre une résistance de charge entre  $V_s$  et la masse.

Cette résistance symbolise un circuit relié directement à l'AOP.

Cependant, le courant de l'AOP étant limité à quelques dizaines de mA, il convient de prendre une résistance de charge  $R_c$  suffisamment grande  $(Rc > 1000\omega)$ .

Si  $R_c$  est suffisamment élevée, cette dernière n'influence pas la tension de sortie  $V_s$ 

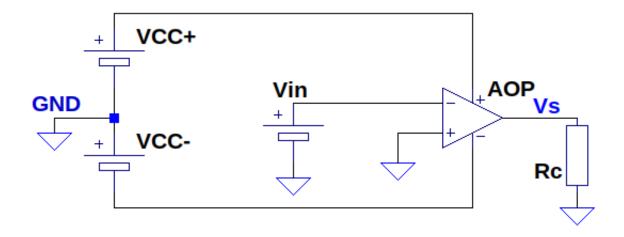


FIGURE 12.4 – La résistance de charge

Section 13

# Étude d'un AOP en mode linéaire

#### 13.1 Intérêt de l'étude

Les AOP en fonctionnement linéaire permettent de réaliser les opérations mathématiques :

- amplification :  $Vs = A_0 \cdot Ve A_0$  est le coefficient d'amplification du montage (A ne pas confondre avec  $A_d$  le coefficient d'amplification différentiel imposé par le constructeur)  $A_0$  peut être positif ou négatif
- addition algébrique :  $V_s = \sum_{k=0}^n V_k$
- intégration et dérivation (avec des condensateurs) à une constante près
- logarithme et exponentielle

### 13.2 Méthode de résolution

La réaction négative (liaison entre la sortie et l'entrée inverseuse) impose un fonctionnement stable et linéaire, d'où  $\varepsilon=0, E_+=E_-$ 

L'hypothèse de la résistance d'entrée de l'AOP implique que  $I_+ = I_- = 0$ Afin de déterminer Vs, il faut exprimer  $E_+$ et  $E_-$  en fonction des éléments du montage.

En égalisant les deux équations obtenues  $(E_+ = k \text{ et } E_- = k')$ , on obtient une relation de type  $V_s = f(V_e)$ 

#### Remarque

 $I_s$  est issu d'une source de tension, il n'y a donc pas de loi simple permettant de déterminer sa valeur algébrique. Il ne faut pas avoir d'à priori sur son sens

# Troisième partie Montages



# Montage suiveur

#### 14.1 Présentation

Ce montage permet de reproduire à l'identique une tension d'entrée. L'intérêt de ce montage réside dans le fait que l'impédance d'entrée de l'AOP est considérée comme infinie et que son impédance de sortie est considérée comme nulle.

Ainsi, le comportement de la charge en entrée ne sera pas affecté par l'AOP, le signal d'entrée ne sera donc pas modifié.

Ce montage sert donc à faire une adaptation d'impédance.

## 14.2 Montage

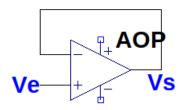


FIGURE 14.1 – Le montage suiveur

### 14.3 Démonstration

La réaction négative implique que  $\varepsilon = 0$  (fonctionnement linéaire)

$$E_{+} = Ve$$

$$E_{-} = Vs$$

$$\Rightarrow Ve = Vs$$

 $car E_+ = E_-$ 

## 14.4 Application

**Exemple 1.** On souhaite mesurer une tension au borne d'un capteur avec un appareil de mesure.

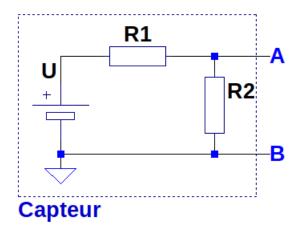


FIGURE 14.2 – Le capteur

On place ensuite une charge  $R_c$  au bornes de A et b. Cette résistance  $R_c$  représente l'appareil d'acquisition.

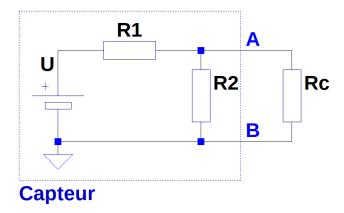


FIGURE 14.3 – Le modèle d'acquisition

Question 3. Quelle est l'influence de Rc sur  $U_{AB}$  dans le montage suivant?

>>> **3.** Sans la charge Rc:

$$U_{AB} = \frac{U \cdot R_2}{R_1 + R_2}$$

Avec la charge Rc:

$$U_{AB} = \frac{U \cdot R_{equ}}{R_1 + R_{equ}}$$

Avec  $R_{equ}$  la résistance équivalente entre  $R_2$  et  $R_c$ 

$$Si R_c \to +\infty \ alors R_{equ} \to \frac{U_{AB} \cdot R_2}{R_1 + R_2}$$

$$Si\ R_c \to +0\ alors\ R_{equ} \to 0 \Rightarrow U_{AB} \to 0$$

D'où le montage suivant, avec  $R_c \to +\infty$ , le signal n'est pas déformé.

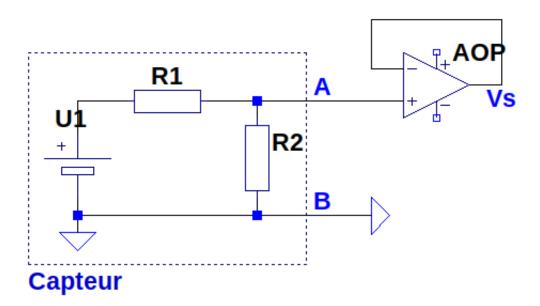


FIGURE 14.4 – L'adaptation d'impédance



# Montage amplificateur non-inverseur

#### 15.1 Présentation

Ce montage amplifie la tension  $V_e$  par un **gain**  $A_0$  **positif**. L'amplificateur reste en mode linéaire si  $Ve < Vcc_{sat} \cdot A_0$ 

## 15.2 Montage

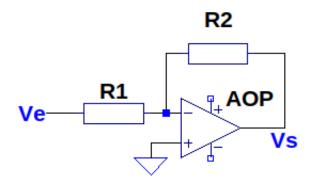


FIGURE 15.1 – Le montage amplificateur non inverseur

### 15.3 Démonstration

Un AOP en mode linéaire impose  $\varepsilon=0$  D'où  $E_+=E_-$ 

$$E_+ = V_e$$
 
$$E_- = V_s \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

$$E_{+} = E_{-} \Rightarrow V_{e} = V_{s} \cdot \frac{R_{2}}{R_{1} + R_{2}}$$

$$\Rightarrow \frac{V_{e}}{V_{s}} = \frac{R_{2}}{R_{1} + R_{2}}$$

$$\Rightarrow V_{s} = V_{e} \cdot \frac{R_{1} + R_{2}}{R_{2}}$$

$$(15.1)$$

$$(15.2)$$

$$(15.3)$$

$$\Rightarrow \frac{V_e}{V_s} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \tag{15.2}$$

$$\Rightarrow V_s = V_e \cdot \frac{R_1 + R_2}{R_2} \tag{15.3}$$

avec  $A_0 = \frac{R_1 + R_2}{R_2}$ 

#### Application 15.4

**Exemple 2.** On souhaite amplifier un signal sinusoïdal par un coefficient k = 5. On peut donc utiliser le montage précédent. On prendra  $R_1 = 1k\Omega$  et  $R_2 = 4k\Omega$  pour avoir  $A_0 = 5$ 

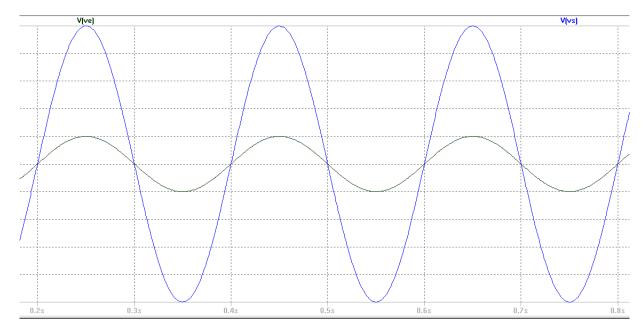
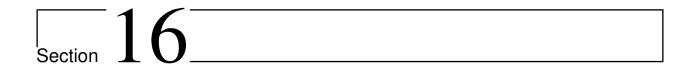


Figure 15.2 – Amplification du signal noir par 5



# Montage amplificateur inverseur

## 16.1 Présentation

Ce montage amplifie la tension  $V_e$  par un **gain**  $A_0$  **négatif**.

## 16.2 Montage

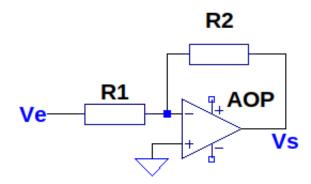


Figure 16.1 – Le montage amplificateur non inverseur

#### 16.3 Démonstration

Mode linéaire :  $\varepsilon = 0$ 

$$E_{+} = 0 (16.1)$$

$$E_{-} = \frac{\frac{V_e}{R_1} + \frac{V_s}{R_2}}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}} \tag{16.2}$$

$$E_{-} = \frac{V_e \cdot R_2 + V_s \cdot R_1}{R_1 + R_2} \tag{16.3}$$

$$E_{-} = \frac{V_{e} \cdot R_{2} + V_{s} \cdot R_{1}}{R_{1} + R_{2}}$$

$$\Rightarrow \frac{V_{e}}{V_{s}} = -\frac{R_{1}}{R_{2}}$$
(16.3)

$$\Rightarrow V_s = -V_e \cdot \frac{R_2}{R_1} \tag{16.5}$$

Avec  $A0 = -\frac{R_2}{R_1}$ 

#### Application 16.4

**Exemple 3.** On souhaite amplifier un signal sinusoïdal par un coefficient k = -5. On peut donc utiliser le montage précédent.

On prendra  $R_1 = 1k\Omega$  et  $R_2 = 5k\Omega$  pour avoir  $A_0 = -5$ 

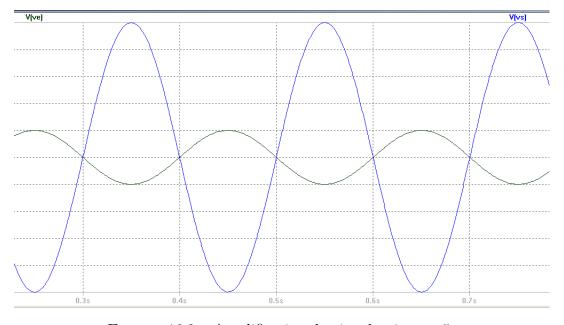
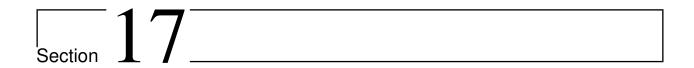


Figure 16.2 – Amplification du signal noir par -5



## Montages comparateurs

#### 17.1 Présentation

Un montage comparateur se reconnaît par son branchement :

- Aucune contre réaction n'est présente
- Une contre réaction a lieu sur l'entrée non inverseuse via un dipôle passif

Le montage comparateur permet de comparer deux tensions entre elles. Cependant, cette comparaison peut s'effectuer de plusieurs manières, avec un ou deux seuils, de manière inversée ou non...

## 17.1.1 Comparateur non inverseur simple seuil

#### Présentation

Ce montage permet de comparer simplement deux tensions entre elle.

#### Montage

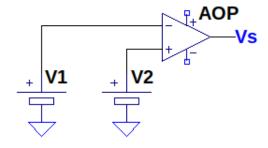


FIGURE 17.1 – Comparateur simple seuil

Ce mode est le plus simple et est régi de la manière suivante :

On sait que  $\varepsilon = E_+ - E_-$  et que  $V_s = \varepsilon \cdot A_d$  avec  $Ad = +\infty$  (Circuit en boucle ouverte)

Si 
$$E_{+} > E_{-}$$
:

$$Vs = Vsat_{+}$$

si 
$$E_{+} < E_{-}$$
:

$$Vs = Vsat_{-}$$

Si  $V_2 = 0V$ , on obtient la caractéristique de transfert suivante

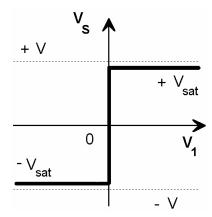


FIGURE 17.2 – Caractéristique de transfert,  $V_1$  est la tension d'entrée de l'AOP

## 17.1.2 Comparateur inverseur simple seuil

Le raisonnement est le même sauf que les entrées sont inversées. De ce fait, le seuil de basculement se fait dans l'autre sens.

Si 
$$E_{+} > E_{-}$$
:

$$Vs = Vsat -$$

Si 
$$E_{+} < E_{-}$$
:

$$V_s = Vsat_+$$

## 17.1.3 Comparateur non inverseur double seuil

#### Présentation

Ce type de montage permet d'éliminer les tensions "parasites", c'est à dire les tensions bruités et non indésirables.

#### Montage

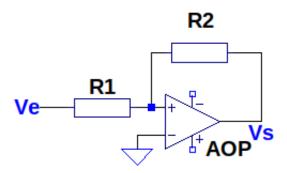


FIGURE 17.3 – Montage comparateur non inverseur double seuil

#### Application

Par exemple, un capteur de lumière résistif (photo-résistance) sera sensible aux variations de lumière (nuages...).

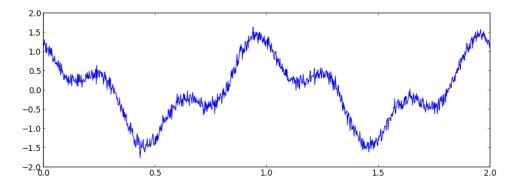


FIGURE 17.4 – Un signal bruité

Or, si on compare ce signal par rapport à une référence, on ne veut pas que le capteur déclenche plusieurs fois l'action.

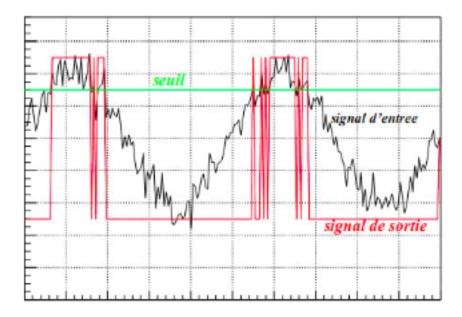


FIGURE 17.5 – Le cycle de déclenchement

Pour éviter ce problème, on utilise un comparateur à double seuil : toute les tensions parasites ayant une amplitude inférieure à la tension de différence entre les deux seuils seront ignorées.

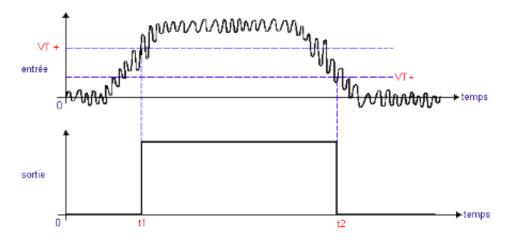


FIGURE 17.6 – Le principe

On va chercher les deux valeurs de basculement :

$$E_{+} = \frac{V_{e}R_{2} + V_{s}R_{1}}{R_{1} + R_{2}}$$
$$E_{-} = U_{0} = 0$$

Étudions le cas où  $\varepsilon > 0$ 

$$\varepsilon > 0 \Leftrightarrow E_{+} > E_{-}$$
 (17.1)

$$\Leftrightarrow \frac{V_e R_2 + V_s R_1}{R_1 + R_2} > U_0 \tag{17.2}$$

$$\Leftrightarrow \frac{V_e R_2}{R_1 + R_2} > U_0 - \frac{V_s R_1}{R_1 + R_2} \tag{17.3}$$

$$\Leftrightarrow V_e R_2 > R_1 + R_2 \cdot U_0 - V_s R_1 \tag{17.4}$$

$$\Leftrightarrow V_e > \frac{R_1 + R_2 \cdot U_0 - V_s R_1}{R_2} \tag{17.5}$$

Ici, 
$$U_0=0$$
 et  $V_s=V_{sat_+}$  car  $\varepsilon>0$  D'où  $V_e>\frac{-V_{sat}+R_1}{R_2}$ 

#### Remarque

 $U_0$  peut être différent de 0V en mettant une source de tension sur  $E_-$ 

Étudions le cas où  $\varepsilon > 0$ :

$$\varepsilon > 0 \Leftrightarrow E_{+} < E_{-}$$
 (17.6)

$$\Leftrightarrow \frac{V_e R_2 + V_s R_1}{R_1 + R_2} < U_0 \tag{17.7}$$

$$\Leftrightarrow \frac{V_e R_2}{R_1 + R_2} < U_0 - \frac{V_s R_1}{R_1 + R_2} \tag{17.8}$$

$$\Leftrightarrow V_e R_2 < R_1 + R_2 \cdot U_0 - V_s R_1 \tag{17.9}$$

$$\Leftrightarrow V_e < \frac{R_1 + R_2 \cdot U_0 - V_s R_1}{R_2} \tag{17.10}$$

Ici,  $U_0 = 0$  et  $V_s = V_{sat}$  car  $\varepsilon < 0$ 

D'où  $V_e < \frac{-V_{sat} + R_1}{R_2}$ 

On obtient deux seuils S1 et S2 de valeurs respectives :

$$\frac{-V_{sat}+R1}{R2}$$
 et  $\frac{V_{sat}-R_1}{R_2}$ 

Afin de basculer, la tension d'entrée doit dépasser S1V et afin de basculer dans l'autre sens, la tension d'entrée doit être inférieure à S2V

On obtient le cycle d'hystérésis suivant :

$$(VB = S2etVH = S1)$$

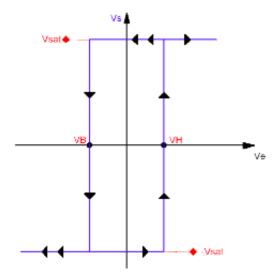


Figure 17.7 – Cycle d'hystérésis non inverseur

$$U_{milieu\_de\_cycle} = (V_{seuil1} + V_{seuil2}) \cdot 0.5$$
 
$$Largeur_{cycle} = V_{seuil1} - V_{seuil2}$$

#### 17.1.4 Comparateur inverseur double seuil

#### Montage

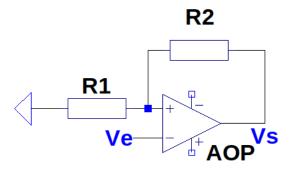


Figure 17.8 – Montage comparateur inverseur double seuil

#### Démonstration

La démarche est rigoureusement identique avec  $\varepsilon>0,$  on a  $V_s=Vsat_+$  et pour  $\varepsilon<0$  on a  $V_s=Vsat_-$ 

On obtient le cycle d'hystérésis suivant :

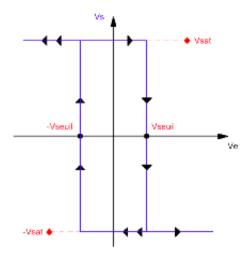
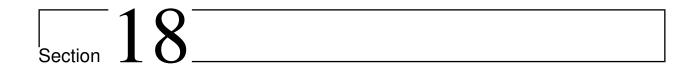


FIGURE 17.9 – Cycle d'hystérésis inverseur



# Montage intégrateur

#### 18.1 Présentation

Ce montage intègre une tension d'entrée. En sortie, on obtient une tension  $V_s$  valant  $V_s = k \cdot \int V_e$ 

## 18.2 Montage

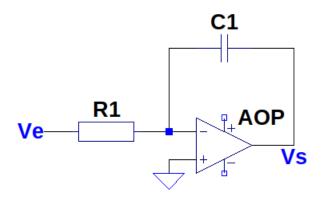


FIGURE 18.1 – Montage intégrateur

## 18.3 Démonstration

Montage en mode linéaire car contre-réaction négative.

$$I_{R1} + I_{C1} = 0$$
  $\Leftrightarrow I_{R1} = -I_{C1}$  (18.1)

$$\Leftrightarrow \frac{E}{R} = -C \cdot \frac{dV_s}{dt} \tag{18.2}$$

$$\Leftrightarrow -\frac{1}{RC} \cdot E = \frac{dV_s}{dt} \tag{18.3}$$

$$\Leftrightarrow V_s = -\frac{1}{RC} \int V_e \tag{18.4}$$

$$k = -\frac{1}{RC} \tag{18.5}$$

Ce montage est notamment présent dans certains Convertisseurs Analogiques Numériques dit "simple" ou "double" rampe.

#### **Application** 18.4

Exemple 4. On souhaite générer un signal triangulaire.

En intégrant un signal rectangulaire, on obtient un signal triangulaire.

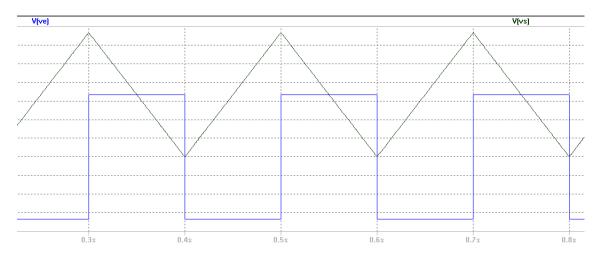


FIGURE 18.2 – Un signal triangulaire généré depuis un signal carré

Soit 
$$V_e = 2V$$
 ou  $V_e = -2V$   
Si  $V_e = 2V$ 

$$k \int V_e = kV_e \cdot t + x$$

$$= -\frac{2}{RC}t + c$$
(18.6)

$$= -\frac{2}{RC}t + c {(18.7)}$$

avec  $k = -\frac{1}{RC}$ 

 $\Rightarrow$ droite d'équation  $y=-\frac{2}{RC}+c$ 

Si 
$$V_e = -2V$$

$$k \int V_e = kV_e \cdot t + x$$

$$= \frac{2}{RC}t + c$$
(18.8)

$$=\frac{2}{RC}t+c\tag{18.9}$$

avec  $k = -\frac{1}{RC}$ 

 $\Rightarrow$  droite d'équation  $y = \frac{2}{RC} + c$ 



# Montage soustracteur

#### 19.1 Présentation

Ce montage permet de soustraire deux tensions d'entrée afin d'obtenir la différence en sortie.

## 19.2 Montage

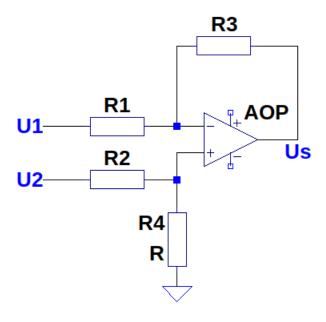


FIGURE 19.1 – Montage soustracteur

## 19.3 Démonstration

Contre-réaction négative donc mode linéaire.

$$E_{+} = U_2 \frac{R_4}{R_2 + R_4}$$

$$E_{-} = \frac{\frac{U_{1}}{R_{1}} + \frac{U_{5}}{R_{3}}}{\frac{1}{R_{1}} + \frac{1}{R_{3}}}$$

$$= \frac{U_{1}R_{3} + U_{5}R_{1}}{R_{1} + R_{3}}$$
(19.1)

$$=\frac{U_1R_3+U_5R_1}{R_1+R_3}\tag{19.2}$$

Or  $E_+ = E_-$ 

$$\Leftrightarrow U_2 \cdot \frac{R_4}{R_2 + R_4} = \frac{U_1 R_3 + U_5 R_1}{R_1 + R_3} \tag{19.3}$$

$$\Leftrightarrow U_2 \cdot \frac{R_4}{R_2 + R_4} = \frac{U_1 R_3 + U_5 R_1}{R_1 + R_3}$$

$$\Leftrightarrow \frac{U_5 R_1}{R_1 + R_3} = \frac{U_2 R_4}{R_2 + R_4} - \frac{U_1 R_3}{R_1 + R_3}$$

$$\Leftrightarrow U_5 R_1 = \frac{R_4 (R_1 + R_3)}{R_2 + R_4} - \frac{U_1 R_3}{R_1}$$

$$(19.3)$$

$$\Leftrightarrow U_5 R_1 = \frac{R_4 (R_1 + R_3)}{R_2 + R_4} - \frac{U_1 R_3}{R_1} \tag{19.5}$$

Si  $R_1 = R_2 = R_3 = R_4$ , on obtient :

$$U_s = U_2 - U_1$$

#### 19.4 **Application**

**Exemple 5.** On souhaite mesurer une tension entre deux points A et B d'un circuit (tension différentielle)

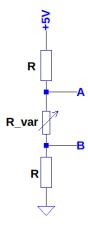


Figure 19.2 – Tension différentielle AB

Pour étudier la différence de potentiel entre les deux points du circuit, on peut utiliser un montage soustracteur afin qu'en sortie du montage avec l'AOP, on ait :

$$V_s = V_a - V_b$$

On peut réaliser le montage suivant.

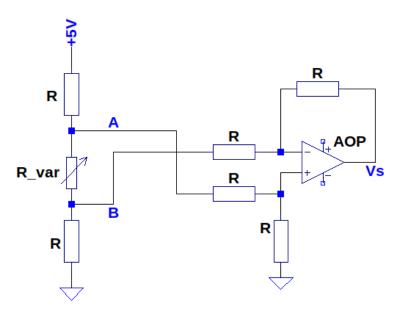


Figure 19.3 – Un montage pour lire une tension entre deux points



# Montage soustracteur

## 20.1 Présentation

Ce montage permet de soustraire deux tensions d'entrée afin d'obtenir la différence en sortie.

## 20.2 Montage

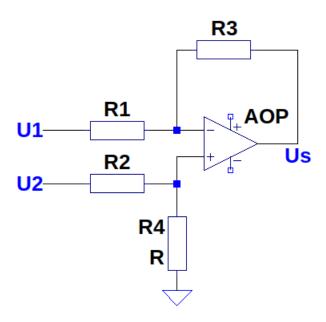


Figure 20.1 – Montage soustracteur

## 20.3 Démonstration

Contre-réaction négative donc mode linéaire.

$$E_{+} = U_2 \frac{R_4}{R_2 + R_4}$$

$$E_{-} = \frac{\frac{U_{1}}{R_{1}} + \frac{U_{5}}{R_{3}}}{\frac{1}{R_{1}} + \frac{1}{R_{3}}}$$

$$= \frac{U_{1}R_{3} + U_{5}R_{1}}{R_{1} + R_{3}}$$
(20.1)

$$=\frac{U_1R_3+U_5R_1}{R_1+R_3}\tag{20.2}$$

Or  $E_+ = E_-$ 

$$\Leftrightarrow U_2 \cdot \frac{R_4}{R_2 + R_4} = \frac{U_1 R_3 + U_5 R_1}{R_1 + R_3} \tag{20.3}$$

$$\Leftrightarrow U_2 \cdot \frac{R_4}{R_2 + R_4} = \frac{U_1 R_3 + U_5 R_1}{R_1 + R_3}$$

$$\Leftrightarrow \frac{U_5 R_1}{R_1 + R_3} = \frac{U_2 R_4}{R_2 + R_4} - \frac{U_1 R_3}{R_1 + R_3}$$

$$\Leftrightarrow U_5 R_1 = \frac{R_4 (R_1 + R_3)}{R_2 + R_4} - \frac{U_1 R_3}{R_1}$$

$$(20.3)$$

$$\Leftrightarrow U_5 R_1 = \frac{R_4 (R_1 + R_3)}{R_2 + R_4} - \frac{U_1 R_3}{R_1} \tag{20.5}$$

Si  $R_1 = R_2 = R_3 = R_4$ , on obtient :

$$U_s = U_2 - U_1$$

#### 20.4 Application

**Exemple 6.** On souhaite mesurer une tension entre deux points A et B d'un circuit (tension différentielle)

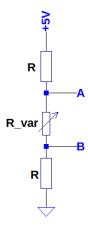


Figure 20.2 – Tension différentielle AB

Pour étudier la différence de potentiel entre les deux points du circuit, on peut utiliser un montage soustracteur afin qu'en sortie du montage avec l'AOP, on ait :

$$V_s = V_a - V_b$$

On peut réaliser le montage suivant.

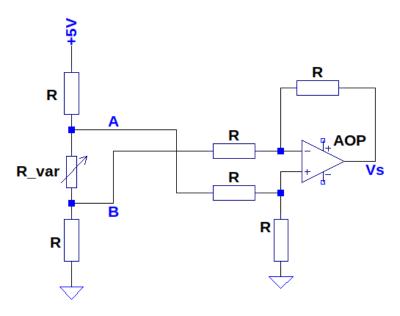


Figure 20.3 – Un montage pour lire une tension entre deux points



# Montage soustracteur

### 21.1 Présentation

Ce montage permet de soustraire deux tensions d'entrée afin d'obtenir la différence en sortie.

## 21.2 Montage

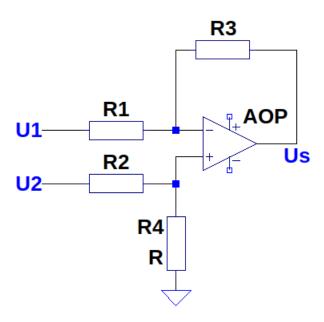


Figure 21.1 – Montage soustracteur

## 21.3 Démonstration

Contre-réaction négative donc mode linéaire.

$$E_{+} = U_2 \frac{R_4}{R_2 + R_4}$$

$$E_{-} = \frac{\frac{U_{1}}{R_{1}} + \frac{U_{5}}{R_{3}}}{\frac{1}{R_{1}} + \frac{1}{R_{3}}}$$

$$= \frac{U_{1}R_{3} + U_{5}R_{1}}{R_{1} + R_{3}}$$
(21.1)

$$=\frac{U_1R_3+U_5R_1}{R_1+R_3}\tag{21.2}$$

Or  $E_+ = E_-$ 

$$\Leftrightarrow U_2 \cdot \frac{R_4}{R_2 + R_4} = \frac{U_1 R_3 + U_5 R_1}{R_1 + R_3} \tag{21.3}$$

$$\Leftrightarrow U_2 \cdot \frac{R_4}{R_2 + R_4} = \frac{U_1 R_3 + U_5 R_1}{R_1 + R_3}$$

$$\Leftrightarrow \frac{U_5 R_1}{R_1 + R_3} = \frac{U_2 R_4}{R_2 + R_4} - \frac{U_1 R_3}{R_1 + R_3}$$

$$\Leftrightarrow U_5 R_1 = \frac{R_4 (R_1 + R_3)}{R_2 + R_4} - \frac{U_1 R_3}{R_1}$$

$$(21.3)$$

$$\Leftrightarrow U_5 R_1 = \frac{R_4 (R_1 + R_3)}{R_2 + R_4} - \frac{U_1 R_3}{R_1} \tag{21.5}$$

Si  $R_1 = R_2 = R_3 = R_4$ , on obtient :

$$U_s = U_2 - U_1$$

#### 21.4 Application

Exemple 7. On souhaite mesurer une tension entre deux points A et B d'un circuit (tension différentielle)

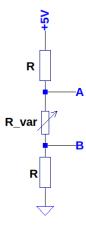


Figure 21.2 – Tension différentielle AB

Pour étudier la différence de potentiel entre les deux points du circuit, on peut utiliser un montage soustracteur afin qu'en sortie du montage avec l'AOP, on ait :

$$V_s = V_a - V_b$$

On peut réaliser le montage suivant.

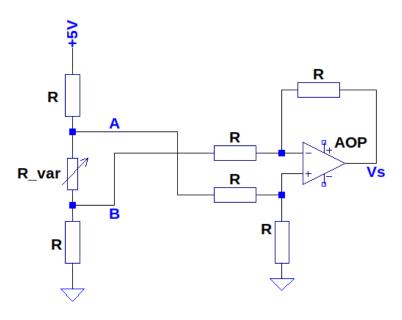


Figure 21.3 – Un montage pour lire une tension entre deux points



# Montage sommateur inverseur

## 22.1 Présentation

Ce montage permet d'additionner en sortie plusieurs tensions d'entrée. Avec ce montage, la tension de sortie est multipliée par un coefficient -1

## 22.2 Montage

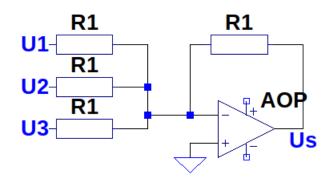


FIGURE 22.1 – Montage sommateur inverseur

## 22.3 Démonstration

Contre-réaction négative donc montage linéaire. On applique le théorème de Millman  $^1$ 

<sup>1.</sup> on fera abstraction de U3

$$E_{+} = 0$$

$$E_{-} = \frac{\frac{U_{1}}{R_{1}} + \frac{U_{2}}{R_{1}} + \frac{U_{s}}{R_{1}}}{\frac{1}{R_{1}} + \frac{1}{R_{1}} + \frac{1}{R_{1}}} = 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{U_1 + U_2 + U_s}{R_1} = 0 \tag{22.1}$$

$$\Leftrightarrow \frac{U_s}{R_1} = \frac{-(U_1 + U_2)}{R_1} \tag{22.2}$$

$$\Leftrightarrow U_s = -(U_1 + U_2) \tag{22.3}$$



## Les familles des circuits logiques

#### 23.1 Présentation

Les circuits logiques sont des éléments permettant de réaliser des opérations avec l'algèbre de Boole (uniquement des '0' et des '1'). Pour réaliser ces opérations (ET, NON, OU, NON-OU, NON-ET...), des circuits ont vu le jours dans les années 60 avec deux grandes familles de circuits :

- La famille TTL
- La famille CMOS

De nouvelles technologies arrivent à maturité mais nous ne les évoquerons pas ici.

## 23.1.1 Principe TTL

Les circuits TTL sont composées de transistors bipolaires NPN ou PNP. Les transistors bipolaires sont commandés en courant.

## 23.1.2 Principe CMOS

La famille CMOS, quant à elle, repose sur l'utilisation en interne de transistors MOS complémentaires (C).

Les transistors MOS, du fait de leur structure, sont commandés en tension.

## 23.2 Comment les distinguer?

La famille des CMOS est rapidement identifiable car le nom du composant contient un numéro commençant par 40 et se termine avec un nombre à 2 ou 3 chiffres (40XX ou 40XXX).

Par exemple, CD4001, CD4017 sont des composants CMOS.

La famille des TTL contient en général le chiffre 74 <sup>1</sup> encadré par des lettres et des chiffres.

## 23.3 Avantages et inconvénients

- Les TTL consomment plus de courant que les CMOS  $^2$
- Les CMOS ont des fréquences de fonctionnement plus faibles que les TTL.

<sup>1.</sup> La série militaire des TTL possède le numéro 54 et possède de meilleurs caractéristiques : plage de température de fonctionnement plus élevée, fréquence plus élevée...

<sup>2.</sup> Ces derniers consomment uniquement lors des phases de commutation

# Table des figures

2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6	Conventions du transistor bipolaire	6 7 8 9
3.1 3.2 3.3	Transistors à canal N et P	3 4 6
4.1 4.2		9
6.1 6.2	v	22 23
7.1 7.2		24 25
8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6	Schéma interne d'un condensateur à film plastique	26 27 28 29 29
9.1 9.2 9.3 9.4 9.5 9.6 9.7	La tension en sortie du pont	31 32 33 34 34 35
٥.,	2.20 data of all months are officially	

	0 1	 	 	 	 	36 37 37 38 38 39
10.1	La description de l'image		•			40
	Les entrées et sorties de l'AOP					42 43
12.2 12.3	Le modèle théorique de l'AOP					44 45 46 47
14.2 14.3	Le montage suiveur					50 51 51 52
	Le montage amplificateur non inverseur					53 54
	Le montage amplificateur non inverseur					55 56
17.2 17.3 17.4 17.5 17.6 17.7	Comparateur simple seuil	 	 	 	 	57 58 59 59 60 60 62 62 63
	Montage intégrateur					64 65
19.2	Montage soustracteur					67 68 69
20.2	Montage soustracteur					70 71 72

21.1	Montage soustracteur	. 7	79
21.2	Tension différentielle $AB$	. 7	74
21.3	Un montage pour lire une tension entre deux points	. 7	75
22.1	Montage sommateur inverseur	. 7	<b>7</b> 6