

# ESTRUTURA DE DADOS - PILHA

# Listas lineares

2

- ❑ São estruturas que permitem representar um conjunto de dados de forma a preservar a relação de ordem linear (total) entre eles.
- ❑ É composta de nós, os quais podem conter um dado primitivo ou não.
- ❑ Define-se uma lista linear como sendo o conjunto de  $n > 0$  nós  $x_1, x_2, \dots, x_n$ , organizados estruturalmente de forma a refletir as posições relativas dos mesmos.

# Listas lineares

- Uma lista é uma sequência ordenada de elementos do mesmo tipo.
- Por exemplo, um conjunto de fichas de clientes de uma loja, organizadas pela ordem alfabética dos nomes dos clientes. Neste fichário é possível introduzir uma nova ficha ou retirar uma velha, alterar os dados de um cliente etc.

# Listas Lineares

4

- ❑ Basicamente, o manuseio de listas lineares envolve três tipos de operações:
  1. Inserção de novos nodos à lista;
  2. Retirada de nodos da lista;
  3. Consulta de conteúdo de algum nodo da lista.

# Listas lineares

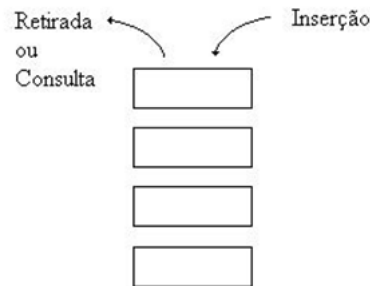
5

- ❑ Existem outras operações que podem ser efetuadas sobre listas lineares:
  - ? Concatenar duas listas;
  - ? Determinar o número de nodos de uma lista;
  - ? Localizar um nodo da lista com um determinado conteúdo;
  - ? Criação de uma lista;
  - ? Cópia de uma lista;
  - ? Ordenação de uma lista por algum critério;
  - ? Destruição de uma lista;
  - ? Modificação do conteúdo de algum nodo da lista.

# Pilha

6

- é uma lista linear em que todas as operações (inserção, retirada e consulta) são realizadas numa única extremidade da estrutura.
- Graficamente, uma pilha é representada por:



# Pilha

7

- As extremidades de uma pilha são chamadas de BASE e TOPO

	TOPO
3	
2	
1	
0	
	BASE

# Pilha

- Uma vez que qualquer acesso é feito em uma única extremidade, o último elemento inserido numa pilha sempre será o primeiro a ser excluído, motivo pelo qual as pilhas são também chamadas de listas **LIFO** (do inglês “*Last-Input First-Output*”).



# Pilha

- No âmbito computacional as pilhas são de grande utilidade, estando presentes, por exemplo, no controle de desvios e retornos de sub-programas, na análise da sintaxe de expressões aritméticas, na ordem de sobreposição de janelas abertas em aplicativos diversos, na implementação de recursividade, entre outros.



# Implementação Estática

# Pilha

11

- ❑ Para a implementação dos algoritmos que manipulam uma pilha com uso de memória estática, necessita-se de variáveis que fazem controle do tamanho da área onde a pilha será implementada, de onde estão as extremidades topo e base.
- ❑ *Obs: com a utilização de memória estática, a inclusão de um novo nodo na pilha é, na verdade, a ocupação de um nodo e não o acréscimo de um novo nodo na pilha. Da mesma forma, a retirada é a liberação de um nodo e não a exclusão de um nodo da pilha.*

# Pilha

12

- ❑ Uma pilha vai usar uma estrutura composta de dados
- ❑ Um vetor do tipo de dados que irá abrigar
- ❑ Sobre este vetor se deverá criar uma estrutura lógica de controle para que o mesmo passe a funcionar como uma pilha
- ❑ Ou seja, somente incluir e retirar dados do topo da pilha e respeitar o tamanho da estrutura que abriga a base (início e fim da estrutura)

# Pilha

13

- ❑ Para o controle do tamanho e das extremidades da pilha utiliza-se as seguintes variáveis:
- ❑ **tam** : armazena a capacidade da pilha
- ❑ **topo** : variável que possui o índice do nodo onde está o elemento mais recentemente inserido na pilha (o mais “novo” da pilha). Representa a extremidade topo da pilha.
- ❑ **base** : variável que possui o índice anterior ao índice do nodo onde está o elemento mais “antigo” na pilha. Representa a extremidade base da pilha.

# Pilha

14

- ❑ Inicialmente, quando criada uma pilha, ela estará vazia, ou seja sem elementos inseridos.
- ❑ Portanto, os valores iniciais das variáveis de uma pilha são:

**tam = tamanho da pilha**

**topo = -1**

**base = -1**

# Pilha

15

- ❑ Existem dois momentos especiais em uma pilha:
  - ❑ quando ela está vazia (nenhum elemento inserido)
  - ❑ e quando ela está cheia (todos os nodos ocupados)
  - ❑ Os testes lógicos que determinam quando uma pilha está em um dos momentos são:

Pilha vazia : **topo == base**

Pilha cheia : **topo == tam - 1**

# Pilha

16

Iniciando a estrutura lógica de uma pilha de inteiros:

**int tam = 10;**

❓ Tamanho da estrutura da pilha

**int dados[tam];**

❓ Estrutura que armazenará a pilha na memória

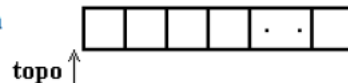
**int base = -1;**

❓ O início da estrutura

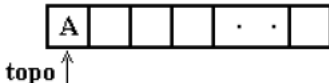
**int topo = base;**

Início a pilha vazia ❓ topo apontando  
para o índice da base

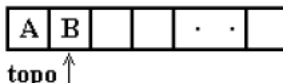
Pilha vazia



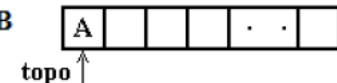
**Insere(A)**



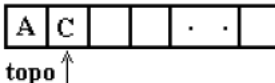
**Insere(B)**



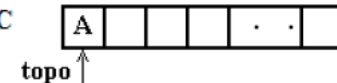
**Retira()=B**



**Insere(C)**



**Retira()=C**





# Pilha - operações

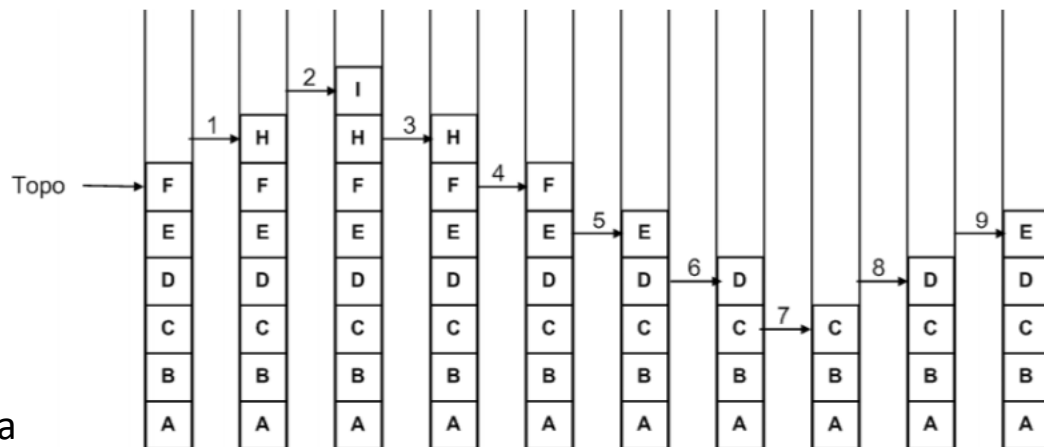
17

- ❑ **push** (empurrar) - empilhar
  - ❑ insere um elemento na pilha
- ❑ **pop** (estourar/retirar) - desempilhar
  - ❑ Retira um elemento
- ❑ **peek** (espiar)
  - ❑ Lê o elemento no topo da pilha e não o retira

# Pilha

18

- 1 push(H) - Coloca o H no topo
- 2 push(I) - Coloca o I no topo da Pilha
- 3 pop() - Retorna o elemento I
- 4 pop() - Retorna o elemento H
- 5 pop() - Retorna o elemento F
- 6 pop() - Retorna o elemento E
- 7 pop() - Retorna o elemento D
- 8 push(D) - Coloca o D no topo da Pilha
- 9 push(E) - Coloca o E no topo da Pilha



# Pilha

19

- PRÉ-CONDIÇÃO - comuns

- ❓ Se a pilha está vazia, cheia

- OPERAÇÃO

- ❓ Só acontece se as pré-condições forem satisfeitas

- ❓ Realizar a retirada, inserção ou leitura de elementos na pilha

- PÓS-OPERAÇÃO

- ❓ Atualizar os apontadores lógicos da pilha

- Topo

# Pilha

20

- A pilha está vazia quando o topo estiver apontando para a base
  - ❓ if (topo == base)
    - Pilha vazia
      - Sendo a base = -1 , se o topo estiver em -1 significa que nada há na pilha
- A pilha está cheia quando o topo estiver apontando para o último elemento da pilha
  - ❓ if(topo == tam -1)
    - Pilha cheia
      - Se o topo estiver apontando para o último elemento da pilha

# Pilha

21

- ❑ Diz-se que ocorre uma **situação de OVERFLOW** na pilha quando um novo elemento deve ser inserido mas não há mais nodos disponíveis, isto é, a **pilha está cheia**.
- ❑ O elemento não poderá ser inserido neste caso, ou seja, é uma tentativa de inclusão quando a pilha encontra-se cheia.

# Pilha

22

- ❑ Ocorre uma **situação de UNDERFLOW** na pilha quando um elemento deve ser retirado da pilha e não há elementos na pilha, isto é, a **pilha está vazia**.
- ❑ O elemento não poderá ser retirado neste caso, ou seja, é uma tentativa de retirada quando a pilha encontra-se vazia.

# Implementação Estática - Exemplo

# Pilha

24

- Funções da estrutura pilha ficam em um arquivo

## .hpp

- ❓ **.hpp** : são arquivos de cabeçalho que podem ser inseridos em arquivos .cpp
- ❓ Podem ser usados em vários programas

```
1 | #include <iostream>
2 | using namespace std;
3 |
4 | #include "pilha.hpp"
5 |
6 | int main(void)
```



# Pilha – pilha.hpp

25

## Estrutura

```
struct Pilha
{
    int tam;
    int base;
    int topo;
    int *dados; //Vetor que será alocado para armazenar os elementos da pilha

    Pilha() //Construtor. Usado para inicializar os dados das variáveis da struct
    {
        tam=0;
        base = -1;
        topo = -1;
        dados = NULL;
    }
};
```

# Pilha – pilha.hpp

26

## Inicialização

```
///inicialização dos dados da pilha
void inicializaP(Pilha *p, int tam)
{
    p->base = -1; /// (*p).base = -1; /// p->base p->topo
    p->topo = -1;
    p->tam = tam;
    p->dados = new int[tam];///aloca memória dinamicamente
}
```

# Pilha – pilha.hpp

27

## Verificar inicialização

```
//retorna true se a pilha foi inicializa  
//retorna false se a pilha não foi inicializada  
bool verificaInicializacaoP(Pilha *p) //verifica de a pilha foi inicializada  
{  
    if(p->dados != NULL)  
        return true;  
    else  
        return false;  
}
```

# Pilha - pilha.hpp

28

## Funções para verificar se cheia ou vazia

```
bool cheiaP(Pilha *p)
{
    if (p->topo == p->tam - 1)
        return true;
    else
        return false;
}

bool vaziaP(Pilha *p)
{
    if (p->topo == p->base)
        return true;
    else
        return false;
}
```

# Pilha – pilha.hpp

29

## Empilhar

```
///push
bool empilhaP(Pilha *p, int valor) ///push
{
    /// retorna false se a pilha não foi inicializada ou se ela está cheia
    if (verificaInicializacaoP(p)==false || cheiaP(p)==true)
        return false;
    else{
        p->topo++;
        p->dados[p->topo] = valor;
        return true;
    }
}
```

# Pilha – pilha.hpp

30

## Desempilhar

```
///pop
int desempilhaP(Pilha *p) ///pop
{
    int valor = 0; //inicializar a variável valor, a qual será retornada
    //se a pilha foi inicializada && se não estiver vazia, retira valor
    if (vaziaP(p)==false)
    {
        valor = p->dados[p->topo];
        p->topo--;
    }

    return valor;
}
```

# Pilha – pilha.hpp

31

## Espiar

```
///peek  
int espiaP(Pilha *p) ///peek  
{  
    int valor = 0; ///inicializar a variável valor, a qual será retornada  
  
    if (vaziaP(p) == false)  
    {  
        valor = p->dados[p->topo];  
    }  
  
    return valor;  
}
```

# Pilha – pilha.hpp

32

## Mostrar

```
void mostraP(Pilha *p)
{
    cout << "PILHA: " << endl;
    cout << "TAM: " << p->tam << endl;
    cout << "TOPO: " << p->topo << endl;
    if(vaziaP(p) == false)
    {
        cout << "      -----" << endl;
        for(int i = p->topo; i > p->base; i--){

            cout << setfill(' ') << std::setw(3) << i << "|";
            cout << setfill(' ') << std::setw(10) << p->dados[i] << "|" << endl;
            cout << "      -----" << endl;
        }
    }
}
```



# Pilha – pilha.hpp

33

## Buscar

```
/// retorna true se o valor existe na pilha
/// retorna false se o valor não existe na pilha
bool buscaP(Pilha *p, int valor)
{
    for(int i = p->topo ; i > p->base; i--)
    {
        if (valor == p->dados[i])
            return true;
    }
    return false;
}
```

# Pilha – pilha.hpp

34

## Desalocar memória

```
void destroiP(Pilha *p)
{
    p->base = -1;
    p->topo = -1;
    p->tam = 0;

    if(p->dados != NULL)
    {
        delete[] (p->dados);
        p->dados = NULL;
    }
}
```

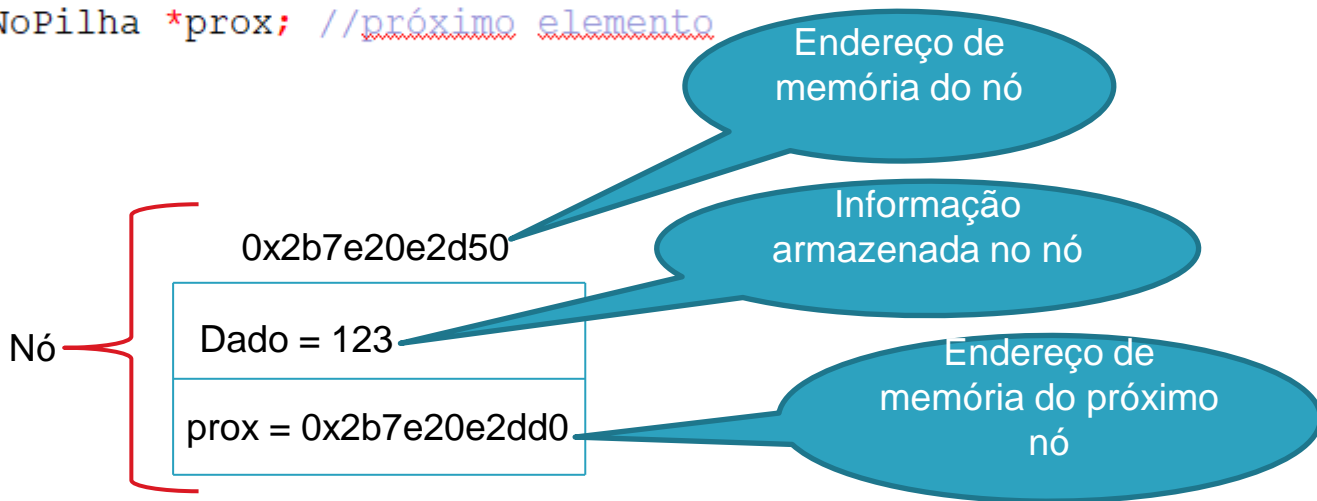
# Implementação dinâmica - Exemplo

# Pilha dinâmica

36

## Estrutura do nó/elemento

```
struct NoPilha
{
    int dado; //informação do nó
    NoPilha *prox; //próximo elemento
};
```



# Pilha dinâmica

37

## Estrutura da pilha

```
struct Pilha
{
    NoPilha *topo;

    Pilha() { //Construtor. Inicialização da pilha
        topo = nullptr;
    }
};
```

Ponteiro para o  
elemento do  
topo da pilha

# Pilha dinâmica

38

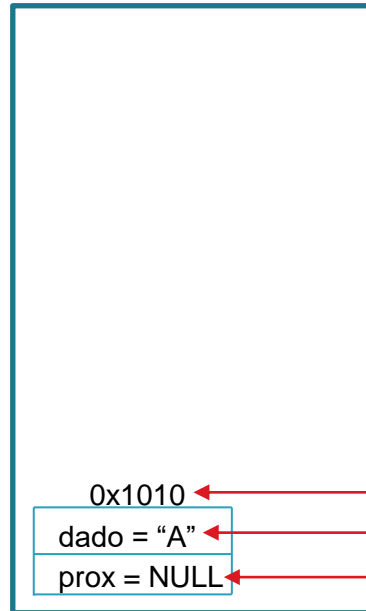
## Pilha vazia

Topo = NULL



## Pilha com um elemento

Topo = 0x1010 ← Endereço de memória do topo foi atualizado



0x1010

dado = "A"

prox = NULL

← Endereço de memória alocado para o novo nó

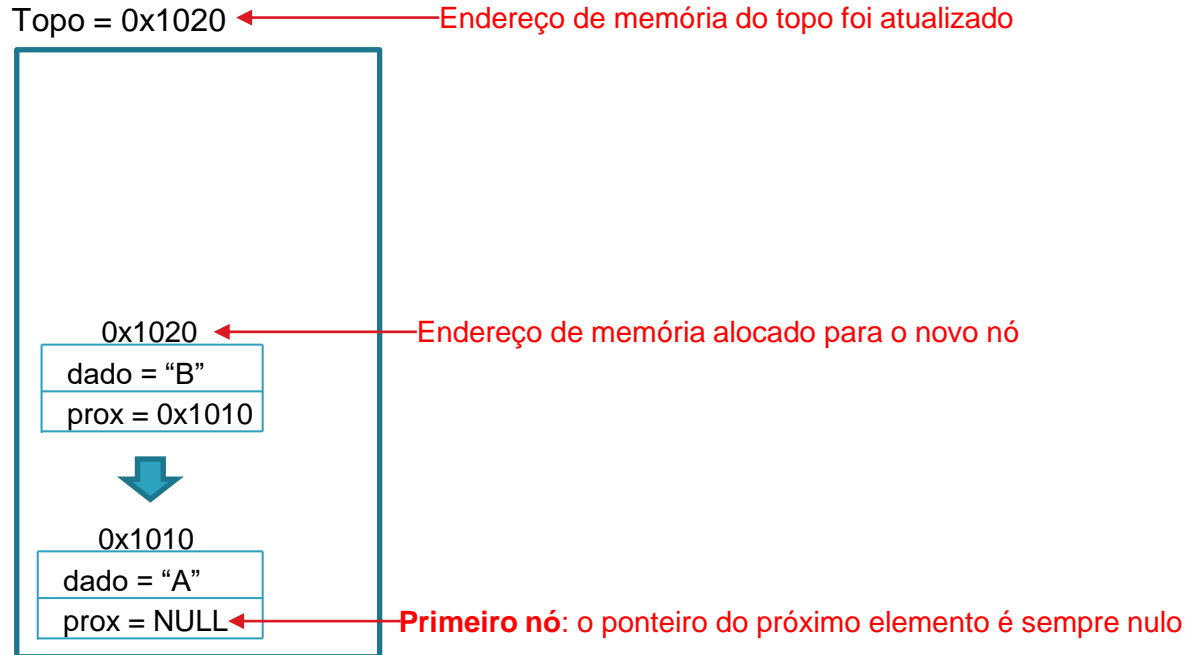
← Dado

← **Primeiro nó:** o ponteiro do próximo elemento é sempre nulo

# Pilha dinâmica

39

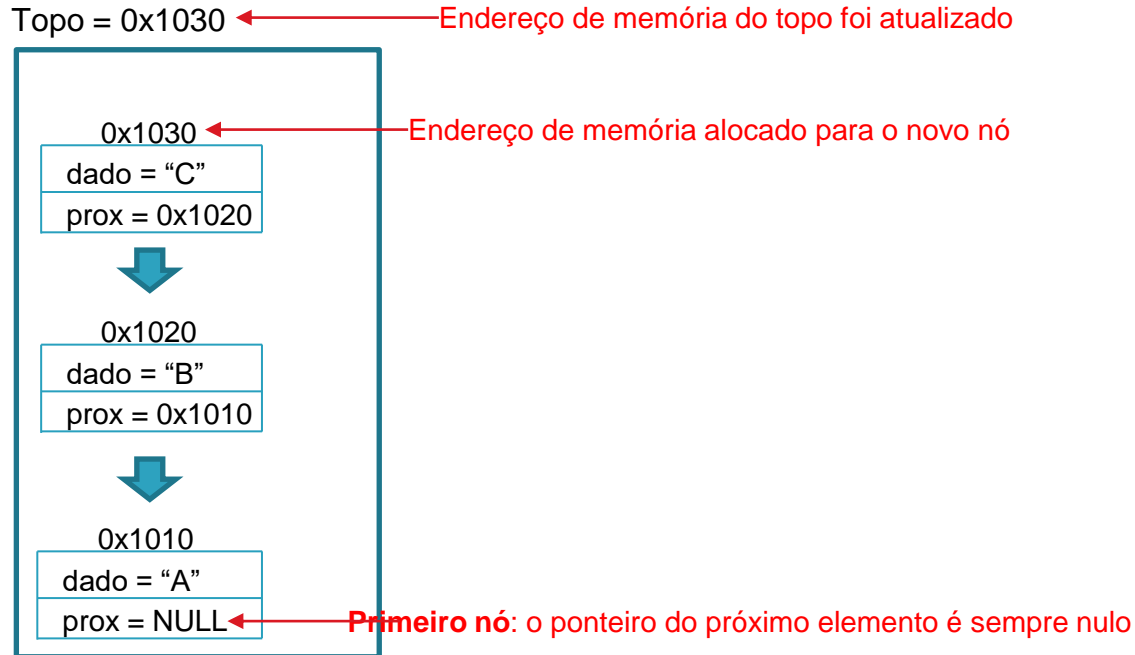
## Empilhando novos elementos



# Pilha dinâmica

40

## Empilhando novos elementos



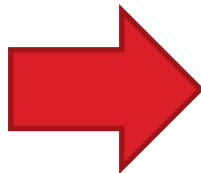
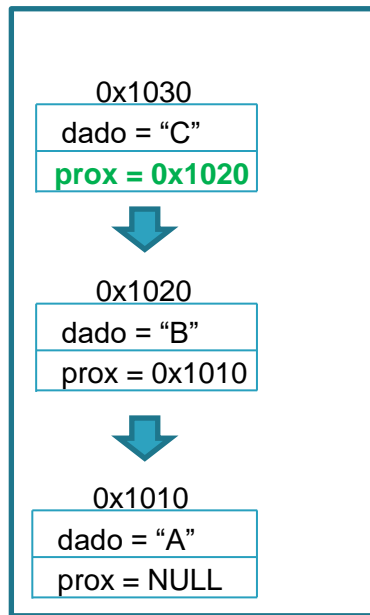


# Pilha dinâmica

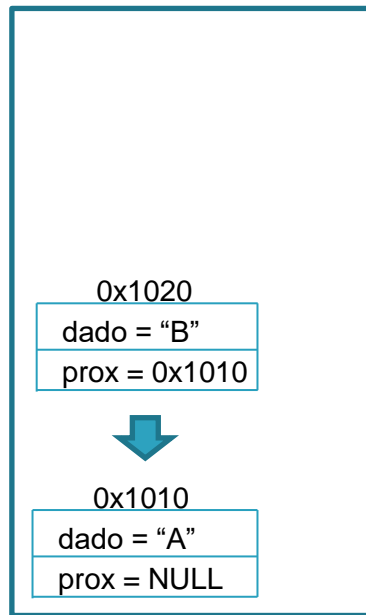
41

## Desempilhando elementos

Topo = 0x1030 ← Retirar o elemento do topo



Topo = 0x1020 ← Atualizar o topo, utilizando o ponteiro "prox"



# Links

42

- <https://www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/StackArray.html>
- <https://visualgo.net/en/list>