UNIVERSIDADE REGIONAL DE BLUMENAU

Departamento de Matemática

Disciplina: Fundamentos Matemáticos

Prof. Márcia Vianna Vanti

Lista de Exercícios 5 - Gráficos no Geogebra e Funções exponenciais

1. Usando o recurso computacional de sua preferência faça o gráfico das seguintes funções em um mesmo sistema de eixos:

a)
$$f_1(x) = x^2$$

a)
$$f_1(x) = x^2$$
 $f_2(x) = \frac{x^2}{3}$

$$f_3(x) = 3x^2$$

b)
$$g_1(x) = (x-3)^2$$

$$q_2(x) = (x-3)^2 + 2$$

b)
$$g_1(x) = (x-3)^2$$
 $g_2(x) = (x-3)^2 + 2$ $g_3(x) = (x-3)^2 - 4$

c)
$$h_1(x) = x^2$$

$$h_2(x) = (x+2)^2$$

c)
$$h_1(x) = x^2$$
 $h_2(x) = (x+2)^2$ $h_3(x) = (x-3)^2$

2. Usando o recurso computacional de sua preferência faça o gráfico das seguintes funções:

a)
$$f(x) = x^3 - x^2 - 12x$$
 b) $g(x) = x^3 - x$ c) $h(x) = -x^3$ d) $r(x) = x^3$

b)
$$g(x) = x^3 - x$$

c)
$$h(x) = -x^3$$

d)
$$r(x) = x^3$$

3. Usando um recurso computacional esboce o gráfico de:

$$f_1(x) = x^4$$

$$f_1(x) = x^4$$
 $f_2(x) = -x^4 + 3$ $f_3(x) = -x^4 - 2$

$$f_3(x) = -x^4 -$$

4. Usando uma calculadora determine o valor de cada função nos pontos indicados:

a)
$$f(x) = e^{-2x}$$
 $x = 0, 5$ e $x = 2$

$$x = 0, 5$$
 e

$$x = 2$$

b)
$$f(x) = 0, 5^x$$
 $x = 0, 5$ e $x = 2$

$$x = 0, 5$$
 e

$$x = 2$$

5. Esboce o gráfico das seguintes funções:

a)
$$f(x) = 3^{0.5x}$$

b)
$$g(x) = 3^{-2x}$$
 c) $h(x) = 3^{2x}$

c)
$$h(x) = 3^{2x}$$

d)
$$f(x) = 0, 5^{-0.3x}$$
 e) $g(x) = 0, 5^{2x}$ f) $h(x) = 0, 5^{-x}$

e)
$$g(x) = 0,5^{2x}$$

f)
$$h(x) = 0, 5^{-x}$$

6. Esboce o gráfico das seguintes funções:

d)
$$f(x) = log(0, 5x)$$
 e) $g(x) = log(x+1)$ f) $h(x) = 2 ln(x)$

$$e) g(x) = log(x+1)$$

$$f) h(x) = 2 \ln(x)$$

- 7. Sabe-se que t horas após o início de certo experimento o número de bactérias em uma cultura é expresso pela função $N(t) = 1200. e^{0.4t}$.
 - (a) Qual o número de bactérias após 2 horas;
 - (b) Quantas horas após o início do experimento a cultura terá 19200 bactérias?
- 8. Determinada máquina industrial se deprecia de tal forma que seu valor, t anos após a compra, é dado por $V(t) = 48000 e^{-0.2t}$. Determine:
 - (a) O valor da máquina 8 anos após a compra;

- (b) Após quantos anos o valor da máquina se reduz a um terço do valor inicial.
- 9. Em uma placa de Petri, uma cientista criou uma cultura de bactérias que contava inicialmente com 600 bactérias. Observando a cultura, a cientista notou que o número de bactérias crescia 50% a cada hora.
 - (a) Escreva a função que fornece o número de bactérias em função do tempo t, em horas, decorrido desde a criação da cultura.
 - (b) Determine a população de bactérias após 12 horas.

Respostas

4) a)
$$f(0,5) = 0,368; \ f(2) = 0,018$$
 b) $f(0,5) = 0,7071; \ f(2) = 0,25$

7) a) N(2) = 2670 bactérias, aproximadamente; b) t = 7 horas, aproximadamente.

8) a)
$$V(8) = 9691,00$$
; b) $t = 5,5$ anos, aproximadamente.

9) a)
$$N(t) = 600 e^{0.405 t}$$
; b) $N(12) = 77.415$ bactérias