Exercie 8.1 Capteur de force

Développements sur la base de cet exercice autour du pont de Wheatstone

```
# Import usuels
import sympy as sp
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
sp.init_printing()

# Fonction utilisée pour afficher la valeur d'une expression sous la forme "nom = valeur"
def deq(name, value):
    return sp.Eq(sp.Symbol(name),value)
```

Equations du pont de wheatstone

Equations de base pour le pont ci-dessous

```
# Valeurs symboliques
U0,R1,R2,R3,R4 = sp.symbols("U0,R1,R2,R3,R4")
# Equations du pont
```

```
Ug=U0*(R2/(R1+R2))
Ud=U0*(R4/(R3+R4))

Um=Ug-Ud
deq("U_m",sp.factor(Um))
```

$$U_m = -\frac{U_0 (R_1 R_4 - R_2 R_3)}{(R_1 + R_2) (R_3 + R_4)}$$

```
# Definition d'une fonction
fUm=sp.Lambda((R1,R2,R3,R4),Um)
fUm
```

$$\left((R_1, R_2, R_3, R_4) \mapsto \frac{R_2 U_0}{R_1 + R_2} - \frac{R_4 U_0}{R_3 + R_4} \right)$$

Jauges placée parallèlement

Si on branche deux Jauges qui varient de la même façon, on doit les placer sur R1 et R4 (ou R2 et R3).

On définit les valeurs des jauges de cette façon :

$$R = R0 + \Delta R_T + \Delta R_F$$

Avec R0 la valeur nominale, ΔR_T l'influence de la température et ΔR_F l'influence de la force, soit la valeur qui nous intéresse.

On substitue dans l'expression de UA les valeurs comme suit :

```
RO =sp.symbols("RO")

DRT = sp.Symbol("\Delta R_T")

DRT2 = sp.Symbol("\Delta R_T2")

DRF = sp.Symbol("\Delta R_F")

R1=R0+DRT+DRF

R4=R0+DRT+DRF

R2=R0+DRT2

R3=R0+DRT2
```

Um_same=fUm(R1,R2,R3,R4).simplify()
deq("Um_same",Um_same)

$$Um_{same} = \frac{U_0 \left(-\Delta R_F - \Delta R_T + \Delta R_{T2} \right)}{2R_0 + \Delta R_F + \Delta R_T + \Delta R_{T2}}$$

On voit que si $\Delta R_T = \Delta R_T 2,$ le numérateur se simplifie :

```
# On substitue à DRT2 la valeur de DRT
deq("Um_same",Um_same.subs(DRT2,DRT))
```

$$Um_{same} = -\frac{U_0 \Delta R_F}{2R_0 + \Delta R_F + 2\Delta R_T}$$

Application numérique

```
vR0=350
vE=21000*10*1e6
vK=2
vNu=0.3
vU0=10
vS=20e-4
vF=10e3

vDRTmax=50*10.8*vR0*1e-6 # selon datasheet de la jauge : 10.8ppm/K, pour 50°C
vDRFmax=vK*vR0/vE*vF/vS

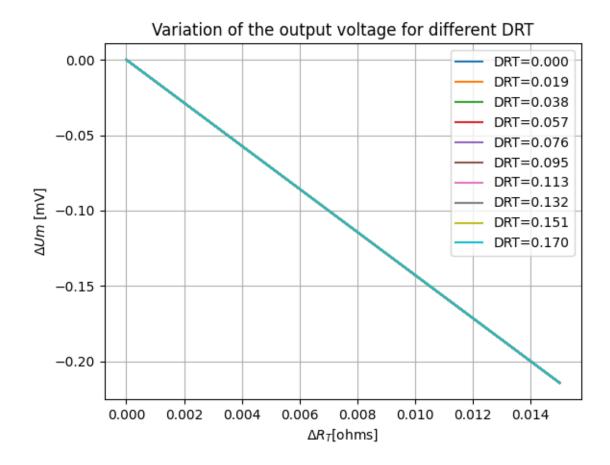
# Valeurs numériques obtenues pour les variations
[vDRTmax, vDRFmax]
```

[0.189, 0.01666666666666666]

NOTE La variation de température est 10x plus élevée que la variation due à la force.

On trace ci-dessous la variation de la tension Um selon une variation de ΔR_F . Les différentes traces correspondent à différentes températures.

```
# vDRTmax = vDRTmax*1000
rDRF=np.arange(0,vDRFmax,vDRFmax/10)
rDRT=np.arange(0,vDRTmax,vDRTmax/10)
# La variation de DRT2
#rDRT2=np.zeros(len(rDRT))
                             # pas de variation
rDRT2=np.arange(0,vDRTmax,vDRTmax/10) # même variation de les Jauges
Mf=len(rDRF)
Mt=len(rDRT)
vUm=np.zeros((Mt,Mf))
for i in range(Mt):
   for j in range(Mf):
        valeurs={U0:vU0,R0:vR0,DRF:rDRF[j], DRT:rDRT[i], DRT2:rDRT2[i]}
        vUm[i,j]=Um_same.subs(valeurs).evalf()
   plt.plot(rDRF, vUm[i]*1000, label='DRT={:.3f}'.format(rDRT[i]))
plt.grid()
plt.ylabel("$\Delta Um$ [mV]")
plt.xlabel("$\Delta R_T$[ohms]")
plt.title("Variation of the output voltage")
plt.legend()
plt.show()
```



On peut constater que l'influence de la température est très faible.

Une jauge placée perpendiculairement

Si une des Jauges est placée perpendiculairement sur la barre, sa résistance diminue d'un facteur ν . On place alors les 2 jauges dans une branche du pont

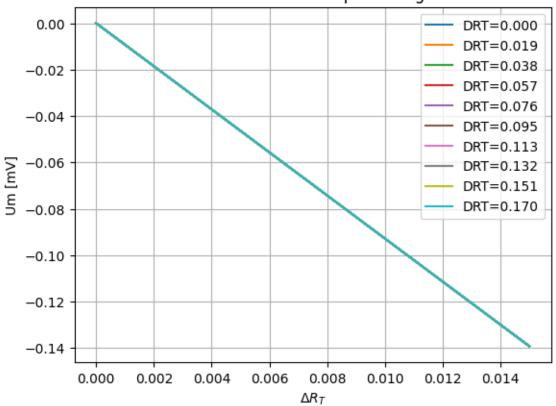
```
nu=sp.symbols("nu")
R1=R0+DRT+DRF
R2=R0+DRT-nu*DRF
R3=R0
R4=R0

Um_perp=fUm(R1,R2,R3,R4).simplify()
deq("Um_perp",Um_perp)
```

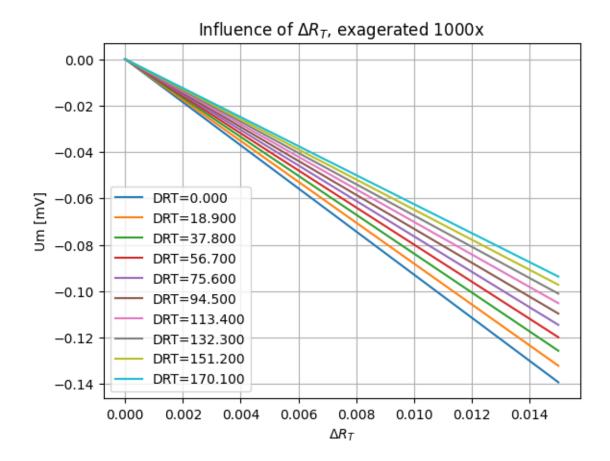
$$Um_{perp} = -\frac{U_0 \Delta R_F \left(\nu + 1\right)}{4R_0 - 2\Delta R_F \nu + 2\Delta R_F + 4\Delta R_T}$$

```
Mf=len(rDRF)
Mt=len(rDRT)
vUm=np.zeros((Mt,Mf))
for i in range(Mt):
    for j in range(Mf):
        valeurs={U0:vU0,R0:vR0,nu:vNu,DRF:rDRF[j], DRT:rDRT[i]}
        vUm[i,j]=Um_perp.subs(valeurs).evalf()
    plt.plot(rDRF, vUm[i]*1000, label='DRT={:.3f}'.format(rDRT[i]))
plt.grid()
plt.ylabel("Um [mV]")
plt.xlabel("$\Delta R_T$")
plt.title("Variation of the output voltage")
plt.legend()
plt.show()
```

Variation of the output voltage



```
rDRTex = rDRT * 1000
Mf=len(rDRF)
Mt=len(rDRTex)
vUm=np.zeros((Mt,Mf))
for i in range(Mt):
    for j in range(Mf):
        valeurs={U0:vU0,R0:vR0,nu:vNu,DRF:rDRF[j], DRT:rDRTex[i]}
        vUm[i,j]=Um_perp.subs(valeurs).evalf()
    plt.plot(rDRF, vUm[i]*1000, label='DRT={:.3f}'.format(rDRTex[i]))
plt.grid()
plt.ylabel("Um [mV]")
plt.xlabel("$\Delta R_T$")
plt.title("Influence of $\Delta R_T$, exaggerated 1000 times")
plt.legend()
plt.show()
```



Pont complet

Si on utilise un pont complet composé de résistances dont la valeur nominale est R0, chacune est influencée de la même façon par la température de ΔR_T , et chacune varie de ΔR_F selon son branchement dans le pont :

```
R1= R0-DRF+DRT

R2= R0+DRF+DRT

R3= R0+DRF+DRT

R4= R0-DRF+DRT

Um_full=fUm(R1,R2,R3,R4).simplify()

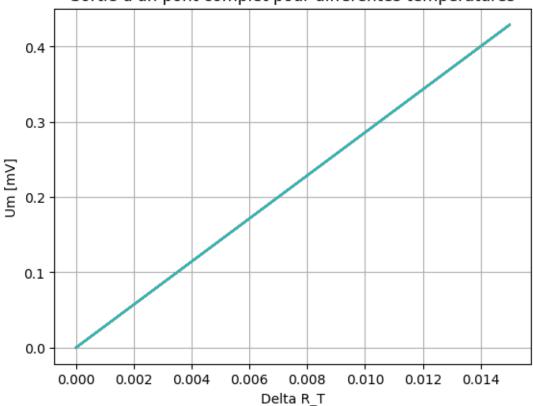
deq("Um_full",Um_full)
```

$$Um_{full} = \frac{U_0 \Delta R_F}{R_0 + \Delta R_T}$$

Cette expression montre que la tension est proportionnelle au rapport de la variation de résistance à la résistance. La valeur est donc moins sensible à la température.

```
vUm=np.zeros((Mt,Mf))
for i in range(Mt):
    for j in range(Mf):
        valeurs={U0:vU0,R0:vR0,nu:vNu,DRF:rDRF[j], DRT:rDRT[i]}
        vUm[i,j]=Um_full.subs(valeurs).evalf()
        plt.plot(rDRF, vUm[i]*1000)
plt.grid()
plt.ylabel("Um [mV]")
plt.xlabel("Delta R_T")
plt.title("Sortie d'un pont complet pour différentes températures")
plt.show()
```

Sortie d'un pont complet pour différentes températures



```
# On force sur la variation due à la température
vUm=np.zeros((Mt,Mf))
for i in range(Mt):
    for j in range(Mf):
        valeurs={U0:vU0,R0:vR0,nu:vNu,DRF:rDRF[j], DRT:rDRTex[i]}
        vUm[i,j]=Um_full.subs(valeurs).evalf()
    plt.plot(rDRF, vUm[i]*1000)
plt.grid()
plt.ylabel("Um [mV]")
plt.xlabel("Um [mV]")
plt.xlabel("Une variation de température avec une influence 1000x plus grande")
plt.show()
```

Une variation de température avec une influence 1000x plus grande

