Trabajo Práctico 1 - Especificación

Lo Muchacho'

Índice

1. TAD AS	2
2. TAD RASTRILLAJE	3

1. TAD AS

```
TAD AS
     géneros
                    As
     exporta
                    As, generadores, observadores, otras operaciones
     igualdad observacional
                     (GABI)
     generadores
       NuevoAS : nat \times posición \longrightarrow As
       {\rm Sancionar} \; : \; {\rm As} \; \; \longrightarrow \; {\rm As} \;
       Capturar : As \longrightarrow As
       Mover : As \times posición \longrightarrow As
                                                                                                                \{\#Sanciones \leq 3\}
     otras operaciones
       NuevoAS? : As \longrightarrow bool
       SancionarUno : As \times conj(As) \longrightarrow As
       PremiarUno : As \times conj(As) \longrightarrow bool
       PremiarAlgunos : conj(As) \longrightarrow conj(As)
       SancionarAlgunos : conj(As) \longrightarrow conj(As)
       Fusionar : conj(As) \times conj(As) \longrightarrow conj(As)
       Fusion : As \times conj(As) \longrightarrow conj(As)
                    \forall as: As, \forall pl: nat, \forall pos: posición
     axiomas
       Placa(NuevoAS(pl, pos)) \equiv pl
       Placa(Sancionar(as)) \equiv Placa(as)
       Placa(Capturar(as)) \equiv Placa(as)
       Placa(Mover(as, pos)) \equiv pos
       Pos(NuevoAS(pl, pos)) \equiv pos
       Pos(Sancionar(as)) \equiv Pos(as)
       Pos(Capturar(as)) \equiv Pos(as)
       Pos(Mover(as, pos)) \equiv pos
        \#Sanciones(NuevoAS(pl, pos)) \equiv 0
        \#Sanciones(Sancionar(as)) \equiv \#Sanciones(as) + 1
        \#Sanciones(Capturar(as)) \equiv \#Sanciones(as)
        \#Sanciones(Mover(as, pos)) \equiv \#Sanciones(as)
        \#Capturados(NuevoAS(pl, pos)) \equiv 0
        \#Capturados(Sancionar(as)) \equiv \#Capturados(as)
        \#Capturados(Capturar(as)) \equiv \#Capturados(as) + 1
        \#Capturados(Mover(as, pos)) \equiv \#Capturados(as)
```

 $NuevoAS(NuevoAS(pl, pos)) \equiv true$

```
NuevoAS?(Sancionar(as)) \equiv false
NuevoAS?(Capturar(as)) \equiv false
NuevoAS?(Mover(as, pos)) \equiv false
SancionarUno(as, E) \equiv if \emptyset?(E) then as else SancionarUno(Sancionar(as), SinUno(E)) fi
PremiarUno(as, H) \equiv if \emptyset?(H) then as else PremiarUno(Capturar(as), SinUno(H)) fi
SancionarAlgunos(ases) \equiv if \emptyset?(ases) then
                             else
                                Ag(Sancionar(DameUno(ases)), SancionarAlgunos(SinUno(ases)))
PremiarAlgunos(ases) \equiv if \emptyset?(ases) then
                           else
                              Ag(Capturar(DameUno(ases)), PremiarAlgunos(SinUno(ases)))
Fusionar(\emptyset, A) \equiv A
Fusionar(A, \emptyset) \equiv A
Fusionar(Ag(a, A), Ag(b, B)) \equiv if Placa(a) = Placa(b) then
                                      if #Sanciones(a) < #Sanciones(b) then
                                          Fusion(Sancionar(a), Ag(b, B))
                                      else
                                          if #Sanciones(a) < #Sanciones(b) then
                                             Fusion(Sancionar(a), Ag(b, B))
                                          else
                                             Ag(a, B)
                                          fi
                                      fi
                                   else
                                      Fusion(a, B)
                                   fi
```

Fin TAD

2. TAD RASTRILLAJE

```
{f TAD} Rastrillaje
```

```
géneros rastri

exporta rastri, generadores, observadores, KK

usa AS, HIPPIE, ESTUDIANTE, CAMPUS, BOOL, NAT, CONJUNTO

igualdad observacional
(\forall,:) \ (=_{obs} \Longleftrightarrow ())
observadores básicos

Campus: rastri \longrightarrow Camp

Estudiantes: rastri \longrightarrow conj(Estudiante)

Hippies: rastri \longrightarrow conj(Hippie)
```

Ases : rastri \longrightarrow conj(As)

```
generadores
   IniciarRastri : conj(As) ases \times Camp cp \longrightarrow rastri)
                                                                                                                                                                \{R1\}
   AgEstudiante : Estudiante e \times \text{rastri } cp \longrightarrow \text{rastri}
                                                  \{1 \leq \Pi_1(e) \leq \operatorname{ancho(rs)} \, \wedge \, (\Pi_2(e) = 1 \, \vee \, \Pi_2(e) = \operatorname{alto(rs)}) \, \wedge_{\scriptscriptstyle{L}} \, \neg \operatorname{HayAlgo?}(e, \, \operatorname{rs})\}
   AgHippie : Hippie h \times \text{rastri } rs \longrightarrow \text{rastri}
                                                  \{1 \le \Pi_1(e) \le \operatorname{ancho}(rs) \land (\Pi_2(e) = 1 \lor \Pi_2(e) = \operatorname{alto}(rs)) \land_L \neg \operatorname{HayAlgo}?(e, rs)\}
   Mover
Hippie : Hippie h \times {\rm rastri} \ rs \longrightarrow {\rm rastri}
                                                                                        \{h \in Hippies(rs) \land_L \neg \emptyset?(PosAdyDesocupadas(h, rs))\}
   MoverAs : As as \times rastri rs \longrightarrow rastri
                                                         \{as \in Ases(rs) \land \#Sanciones(as) \leq 3 \land_{L} \neg \emptyset?(PosAdyDesocupadas(as, rs))\}
   MoverArriba : Estudiante e \times \text{rastri } rs \longrightarrow \text{rastri}
                                                                                 \{e \in \text{Estudiantes(rs)} \land \neg \text{HayAlgo?}((\Pi_1(e), \Pi_2(e) + 1), \text{ rs})\}
   MoverAbajo : Estudiante e \times \text{rastri } rs \longrightarrow \text{rastri}
                                                                                 \{e \in \text{Estudiantes}(\text{rs}) \land \neg \text{HayAlgo}?((\Pi_1(e), \Pi_2(e) - 1), \text{rs})\}
   Mover
Izquierda : Estudiante e \times rastri<br/> rs \longrightarrow rastri
                                                                                 \{e \in \text{Estudiantes(rs)} \land \neg \text{HayAlgo?}((\Pi_1(e) - 1, \Pi_2(e)), \text{rs})\}
   Mover
Derecha : Estudiante e \times \text{rastri } rs \longrightarrow \text{rastri}
                                                                                 \{e \in \text{Estudiantes(rs)} \land \neg \text{HayAlgo?}((\Pi_1(e) + 1, \Pi_2(e)), \text{ rs})\}
   Sacar
Estudiante : Estudiante e \times \text{rastri } rs \longrightarrow \text{rastri}
                                                                                     \{e \in \text{Estudiantes}(\text{rs}) \land (\Pi_2(e) = 1 \lor \Pi_2(e) = \text{ancho}(\text{rs})\}\
R1 = \{ \forall : as_1, as_2 \in ases, Placa(as_1) \neq Placa(as_2) \land Pos(as_1) \neq Pos(as_2) \}
                       \land NuevoAS?(as_1) = NuevoAS?(as_2) = true
                       \land 1 \leq \Pi_1(Pos(as_1)) \leq \operatorname{ancho(rs)} \land 1 \leq \Pi_2(Pos(as_1)) \leq \operatorname{alto(rs)}
                       \land 1 \leq \Pi_1(Pos(as_2)) \leq \operatorname{ancho(rs)} \land 1 \leq \Pi_2(Pos(as_2)) \leq \operatorname{alto(rs)} \}
otras operaciones
   PosAses : conj(As) \longrightarrow conj(posición)
   HayEstudiante? : posición p \times \text{rastri } rs \longrightarrow \text{bool}
                                                                                                          \{FiltrarValidas(Ag(p, \emptyset), rs) = Ag(p, \emptyset)\}
   HayHippie? : posición p \times \text{rastrirs} \longrightarrow \text{bool}
                                                                                                          \{FiltrarValidas(Ag(p, \emptyset), rs) = Ag(p, \emptyset)\}
   HayHippie? : posición p \times \text{rastrirs} \longrightarrow \text{bool}
                                                                                                          \{FiltrarValidas(Ag(p, \emptyset), rs) = Ag(p, \emptyset)\}
   HayAS? : posición p \times \text{rastrirs} \longrightarrow \text{bool}
                                                                                                          \{FiltrarValidas(Ag(p, \emptyset), rs) = Ag(p, \emptyset)\}
   HayAlgo? : posición p \times \text{rastrirs} \longrightarrow \text{bool}
                                                                                                          \{FiltrarValidas(Ag(p, \emptyset), rs) = Ag(p, \emptyset)\}
   Filtrar
Desocupadas : conj(posición) P \times \text{rastri } rs) \longrightarrow \text{conj}(\text{posición})
                                                                                                                               {FiltrarValidas(P, rs) = P}
   Pos
Ady<br/>Desocupadas : conj<br/>(posición) P \times {\rm rastri} \ rs \ \longrightarrow \ {\rm conj}({\rm posición})
                                                                                                                               {FiltrarValidas(P, rs) = P}
   Filtrar
Validas : conj(posición) P \times \text{rastri } rs \longrightarrow \text{conj}(\text{posición})
   PosAdy : conj(posición) P \times \text{rastri } rs \longrightarrow \text{conj(posición)}
                                                                                                                               {FiltrarValidas(P, rs) = P}
   FiltrarEstudiantes : conj(posición) P \times \text{rastri } rs \longrightarrow \text{conj(posición)}
                                                                                                                               {FiltrarValidas(P, rs) = P}
   FiltrarHippies : conj(posición) P \times \text{rastri } rs \longrightarrow \text{conj(posición)}
                                                                                                                               {FiltrarValidas(P, rs) = P}
   FiltrarAses : conj(posición) P \times \text{rastri } rs \longrightarrow \text{conj(posición)}
                                                                                                                               {FiltrarValidas(P, rs) = P}
   EstAdy : conj(posición) P \times \text{rastri } rs \longrightarrow \text{conj(posición)}
                                                                                                                               {FiltrarValidas(P, rs) = P}
   HipAdy : conj(posición) P \times rastri rs \longrightarrow conj(posición)
                                                                                                                               {FiltrarValidas(P, rs) = P}
   AsAdy : conj(posición) P \times \text{rastri } rs \longrightarrow \text{conj(posición)}
                                                                                                                               {FiltrarValidas(P, rs) = P}
   Rech : conj(Estudiante) \times rastri \longrightarrow conj(posición)
```

```
Capturado? : posición p \times \text{rastri } rs \longrightarrow \text{bool}
                                                                              {FiltrarValidas(Ag(p, \emptyset), rs) = Ag(p, \emptyset)}
  Estudiante
Convertido? : Estudiante e \times \text{rastri } rs \longrightarrow \text{bool}
                                                                              \{FiltrarValidas(Ag(p, \emptyset), rs) = Ag(p, \emptyset)\}
  \min : nat \times nat \longrightarrow nat
  \max : nat \times nat \longrightarrow nat
  Distancia : posición 	imes posición \longrightarrow nat
  Destino: posición × posición × conj(posición) — posición
  MasCercano : posición × conj(posición) → posición
  Destino
Hip : Hippie h \times \operatorname{rastri} rs \longrightarrow \operatorname{posición}
                                                                                                         \{h \in Hippies(rs)\}\
                                                                                                           \{as \in Ases(rs)\}\
  Destino<br/>As : As as \times rastri \ rs \longrightarrow posición
  Premiados : conj(Hippie) \times rastri \longrightarrow conj(as)
  Sancionados : conj(Estudiante) \times rastri \longrightarrow conj(As)
  Remplazar : conj(As) \times conj(As) \longrightarrow conj(As)
  RemplazarUno : As \times conj(As) \longrightarrow conj(As)
axiomas
  Ases(MoverHippie(h,rs)) = Remplazar(Fusionar(Premiados(Capturados(HipAdy(DestinoHip(h,rs), rs), rs),
                                  rs)
                                  ∪ Sancionados(Capturados(EstAdy(DestinoHip(h,rs), rs), rs), rs), Ases(rs))
  Ases(MoverAs(as,rs)) \equiv Remplazar(Fusionar(PremiarUno(Mover(as,DestinoAs(as,rs))),
                               Capturados(EstAdy(DestinoAs(as,rs),rs),rs))
                               ∪ Premiados(Capturados(HipAdy(DestinoAs(h,rs),rs),rs),rs)
                               ∪ SancionarUno(Mover(as,DestinoAs(as,rs)),Capturados(HipAdy(DestinoAs(as,rs),rs),rs))
                               ∪ Sancionados(Capturados(EstAdy(DestinoAs(h,rs),rs),rs),rs)), Ases(rs))
  Ases(MoverArriba(e,rs) \equiv Remplazar(Fusionar(Premiados(Capturados(HipAdy((\Pi_1(e), \Pi_2(e)+1, rs), rs), rs)))
                                 \cup Sancionados(Capturados(EstAdy((\Pi_1(e), \Pi_2(e)+1), rs), rs), rs)), Ases(rs))
  Ases(MoverAbajo(e,rs) \equiv Remplazar(Fusionar(Premiados(Capturados(HipAdy((\Pi_1(e), \Pi_2(e)-1, rs), rs), rs)))
                                \cup Sancionados(Capturados(EstAdy((\Pi_1(e), \Pi_2(e)-1), rs), rs), rs)), Ases(rs))
  Ases(MoverIzquierda(e,rs)) \equiv Remplazar(Fusionar(Premiados(Capturados(HipAdy((\Pi_1(e)-1, \Pi_2(e)), rs), rs),
                                     \cup Sancionados(Capturados(EstAdy((\Pi_1(e)-1, \Pi_2(e)), rs), rs), rs)), Ases(rs))
  Ases(MoverDerecha(e,rs)) \equiv Remplazar(Fusionar(Premiados(Capturados(HipAdy((\Pi_1(e)-1,\Pi_2(e)),rs),rs),rs))
                                   \cup Sancionados(Capturados(EstAdy((\Pi_1(e)+1,\Pi_2(e)),rs),rs),rs)), Ases(rs))
axiomas
  PosAses(ases) \equiv if \emptyset?(ases) then \emptyset else Ag(Pos(DameUno(ases)), PosAses(SinUno(ases))) fi
  HayEstudiante?(p,rs) \equiv p \in Estudiantes(rs)
  HayHippie?(p,rs) \equiv p \in Hippies(rs)
  HayAs?(p,rs) \equiv p \in PosAses(Ases(rs))
  \text{HayAlgo?}(p,rs) \equiv \text{HayEstudiante?}(p,rs) \vee \text{HayHippie?}(p,rs) \vee \text{HayAs?}(p,rs) \vee \text{HayObstaculo}(p,\text{Campus}(rs))
  FiltrarDesocupadas(P,rs) \equiv if \emptyset?(P) then
                                   else
                                      if HayAlgo?(DameUno(P),rs) then
                                          FiltrarDesocupadas(SinUno(P))
                                          Ag(DameUno(P),FiltrarDesocupadas(SinUno(P)))
                                      fi
                                   fi
```

```
PosAdyDesocupadas(p,rs) \equiv FiltrarDesocupadas(PosAdy(p,rs),rs)
FiltrarValidas(P,rs) \equiv if \emptyset?(P) then
                                                                    else
                                                                              if 1 \leq \Pi_1(DameUno(P)) \leq ancho(rs) \wedge 1 \leq \Pi_2(DameUno(P)) \leq alto(rs) then
                                                                                       Ag(DameUno(P),FiltrarValidas(SinUno(P),rs))
                                                                              else
                                                                                       FiltrarValidas(SinUno(P),rs)
                                                                    fi
PosAdy(p,rs) \equiv FiltrarValidas(Ag((\Pi_1(p)+1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p),\Pi_2(p)+1,Ag(\Pi_1(p),\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,\Pi_2(p)-1,H_2(p)),Ag((\Pi_1(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(p)-1,H_2(
                                                  \Pi_2(p) - 1, \emptyset))),rs)
FiltrarEstudiantes(P,rs) \equiv if \emptyset?(P) then
                                                                                          Ø
                                                                                 else
                                                                                          if HavEstudiante?(DameUno(P),rs) then
                                                                                                    Ag(DameUno(P), FiltrarEstudiantes(SinUno(P),rs))
                                                                                                    FiltrarEstudiantes(SinUno(P),rs)
                                                                                           fi
                                                                                 fi
FiltrarHippies(P,rs) \equiv if \emptyset?(P) then
                                                                    else
                                                                              if HayHippie?(DameUno(P),rs) then
                                                                                        Ag(DameUno(P), FiltrarHippies(SinUno(P),rs))
                                                                              else
                                                                                        FiltrarHippies(SinUno(P),rs)
FiltrarAses(P,rs) \equiv if \emptyset?(P) then
                                                                     Ø
                                                                      if HayAs?(DameUno(P),rs) then
                                                                               Ag(DameUno(P),FiltrarAses(SinUno(P),rs))
                                                                      else
                                                                               FiltrarAses(SinUno(P),rs)
                                                                      fi
                                                             fi
EstAdy(p,rs) \equiv FiltrarEstudiantes(PosAdy(p,rs),rs)
HipAdy(p,rs) \equiv FiltrarHippies(PosAdy(p,rs),rs)
AsAdy(p,rs) \equiv FiltrarAses(PosAdy(p,rs),rs)
Rech(estAdy,rs) \equiv if \emptyset?(estAdy) then
                                                                   Ø
                                                          else
                                                                   if \emptyset?(HipAdy(DameUno(estAdy),rs)) then
                                                                             Ag(DameUno(estAdy),Rech(EstAdy(DameUno(estAdy),rs),rs))
                                                                            \cup \text{Rech}(\text{SinUno}(\text{estAdy}),\text{rs})
                                                                   else
                                                                             Rech(SinUno(estAdy),rs)
                                                          fi
```

```
Capturados(P,rs) \equiv if \emptyset?(P) then
                          else
                              if \emptyset?(PosicionesAdyDesocupadas(DameUno(P),rs)) \land \emptyset?(AsAdy(DameUno(P),rs))
                                  Ag(DameUno(P),Capturados(SinUno(P),rs))
                              else
                                  Capturados(SinUno(P),rs)
                              fi
                          fi
Capturado?(e,rs) \equiv \emptyset?(PosAdyDesocupadas(e,rs)) \land \neg \emptyset?(AsAdy(e,rs))
EstudianteConvertido?(e,rs) \equiv \negEstudianteCapturado?(e,rs) \land
                                        \#\text{HipAdy}(e,rs) - \#\text{Capturados}(\text{HipAdy}(e,rs),rs) \ge 2
\min(a,b) \equiv \text{if } a=b \text{ then } DameUno(Ag(a,Ag(b,\emptyset))) \text{ else if } a < b \text{ then } a \text{ else } b \text{ fi fi}
\min(a,b) \equiv \text{if } a=b \text{ then } DameUno(Ag(a,Ag(b,\emptyset))) \text{ else if } a < b \text{ then } a \text{ else } b \text{ fi fi}
Distancia(p,q) \equiv \max(\Pi_1(p),\Pi_1(q)) - \min(\Pi_1(p),\Pi_1(q)) + \max(\Pi_2(p),\Pi_2(q)) - \min(\Pi_2(p),\Pi_2(q))
Destino(p_1, p_2, Ag(a, A)) \equiv if \emptyset?(A) then a else min(Distancia(a, p_2), Destino(p_1, p_2, A)) fi
Destino(p_1, p_2, \emptyset) \equiv h
MasCercano(p,Ag(a,A)) \equiv if \emptyset?(A) then a else min (Distancia(p,a), Distancia(p,MasCercano(p,A))) fi
DestinoHip(h,rs) \equiv Destino(h,MasCercano(h,Estudiantes(rs)),PosAdyDesocupadas(h,rs))
DestinoAs(as,rs) 

Destino(as,MasCercano(as,Estudiantes(rs)),PosAdyDesocupadas(as,rs))
Premiados(H,rs) \equiv if \emptyset?(H) then
                         else
                             \operatorname{PremiarAlgunos}(\operatorname{AsAdy}(\operatorname{DameUno}(H),rs)) \cup \operatorname{Premiados}(\operatorname{SinUno}(H),rs)
Sancionados(E,rs) \equiv if \emptyset?(E) then
                               Ø
                           else
                               Sancionar Algunos (As Ady (Dame Uno(E), rs)) \ \cup \ Sancionar (Sin Uno(E), rs)
                           fi
Remplazar(A,\emptyset) \equiv \emptyset
Remplazar(\emptyset,B) \equiv B
Remplazar(Ag(a,A),Ag(b,B)) \equiv Remplazar(A,RemplazarUno(a,Ag(b,B)))
RemplazarUno(as,\emptyset) \equiv \emptyset
RemplazarUno(as,Ag(b,B)) \equiv if Placa(as) = Placa(b) then Ag(a,B) else Ag(b,RemplazarUno(a,B) fi
```

Fin TAD