

# PROIECT INDIVIDUAL LA INFORMATICĂ

TEMA: Desparte și  
stăpânește  
(divide et impera)

A REALIZAT: Cernatinschi Nicolae, clasa a XI-a "C"  
A VERIFICAT: Maria Guțu  
IPLT 'Spiru Haret'

## **INFORMAȚIE**

Metoda de programare DIVIDE ET IMPERA constă în împărțirea problemei inițiale de dimensiuni  $[n]$  în două sau mai multe probleme de dimensiuni reduse. În general se execută împărțirea în două subprobleme de dimensiuni aproximativ egale și anume  $[n/2]$ . Împărțirea în subprobleme are loc până când dimensiunea acestora devine suficient de mică pentru a fi rezolvate în mod direct (cazul de bază). După rezolvarea celor două subprobleme se execută faza de combinare a rezultatelor în vederea rezolvării întregii probleme.

## **AVANTAJE**

- Timpul execuției relativ mic
- Programele cu această metodă sunt simple de înțeles
- Această tehnică admite o implementare recursivă
- Această metodă stă la baza a mai multe metode de sortarea rapidă

## **DEZAVANTAJE**

- Metoda poate fi aplicată numai când prelucrarea cerută admite divizarea problemei curente în subprobleme
- Metodă complicată de folosit pentru mulți
- Metodă ce necesită mai multe condiții, astfel este folosit destul de rar

**Etapele** acestei metode sunt:

- descompunerea problemei inițiale în subprobleme independente similare problemei de bază ,de dimensiuni mai mici;
- descompunerea treptată a subproblemelor în alte subprobleme din ce în ce mai simple ,până

când se pot rezolva imediat prin algoritmul simplificat;

- rezolvarea subproblemelor simple;
- combinarea soluțiilor găsite pentru construirea soluțiilor subproblemelor de dimensiuni din ce în ce mai mari;
- combinarea ultimelor soluții determinate
- obținerea soluției problemei inițiale.

### **EXEMPLE DE PROGRAME**

#### **1) Calcularea maximului dintr-un tablou array**

```
program maxim;

var v:array[1..10] of integer;

n,i:integer;

function max(i,j:integer):integer;

var a,b:integer;

begin

if i=j then max:=v[i]

else begin

a:=max(i, (i+j) div 2);

b:=max((i+j) div 2+1,j);

if a>b then max:=a

else max:=b;

end;

end;

begin

write('n=');
```

```

readln(n);

for i:=1 to n do read(v[i]);

writeln(maximul este ',max(1,n));

end.

```

## 2) Găsirea celui mai mare divizor comun dintr-un tablou array

Fie  $n$  valori numere naturale  $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n$ . Determinati cel mai mare divizor comun al lor prin metoda Divide Et Impera. Se imparte sirul  $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n$  in doua subsiruri  $a_1, a_2, a_3, \dots, a_m$ , respectiv  $a_{m+1}, a_{m+2}, \dots, a_n$ , unde  $m$  reprezinta pozitia de mijloc,  $m = (1+n) \div 2$ .

$Cmmdc(a_1, a_2, \dots, a_n) = Cmmdc(a_1, a_2, \dots, a_m), Cmmdc(a_{m+1}, a_{m+2}, \dots, a_n)$

```

program cmmdc_sir;

const nmax=20;

type indice=1..nmax;

var a:array[indice] of word;

n:indice;

procedure citire;

var i:indice;

begin

readln(n);

for i:=1 to n do read(a[i]);

end;

function euclid(x,y:word):word;

var r:word;

begin

while y<>0 do

begin

```

```

r:=x mod y;

x:=y;

y:=r;

end;

euclid:=x;

end;

function cmmdc(p,q:indice):word;

var m:indice;

begin

if q-p<=1 then cmmdc:=euclid(a[p],a[q])

else

begin

m:=(p+q) div 2;

cmmdc:=euclid(cmmdc(p,m),cmmdc(m+1,q));

end;

end;

begin

citire;

writeln('cmmdc=',cmmdc(1,n));

readln;

end.

```

### **3) Sortarea rapidă QuickSort**

Un tablou V se completeaza cu n elemente numere reale .Sa se ordoneze crescator folosind metoda de sortare rapida .

Solutia problemei se bazeaza pe urmatoarele etape implementate in programul principal:

- se apeleaza procedura "quick" cu limita inferioara li=1 si limita superioara ls=n;
- functia "poz" realizeaza mutarea elementului v[i] exact pe pozitia ce o va ocupa acesta in vectorul final ordonat; functia "poz" intoarce (in k ) pozitia ocupata de acest element;
- in acest fel ,vectorul V se imparte in doua parti : li ...k-1 si k+1...ls;
- pentru fiecare din aceste parti se reapeleaza procedura"quick",cu limitele modificate corespunzator ;
- in acest fel primul element din fiecare parte va fi positionat exact pe pozitia finala ce o va ocupa in vectorul final ordonat (functia "poz");
- fiecare din cele doua parti va fi astfel impartita in alte doua parti procesul continua pana cand limitele partilor ajung sa se suprapuna, ceea ce indica ca toate elementele vectorului au fost mutate exact pe pozitiile ce le vor ocupa in vectorul final; deci vectorul este ordonat ;
- În acest moment se produc intoarcerile din apelurile recursive si programul isi termina executia .

```

program quicksort;

type  vector= array [1..50] of real;

var v:vector; i,n,k:integer;

function poz(li,ls:integer):integer;

var i,j,modi,modj,m:integer;

man:real;

begin

i:=li; j:=ls;

modi:=0; modj:=-1;

while i<j do

begin

if v[i]>v[j] then

begin

man:=v[i];

```

```

v[i]:=v[j];

v[j]:=man;

m:=modi ;

modi:=-modj;

modj:=-m;

end;

i:=i+modi;

j:=j+modj;

end;

poz:=i;

end;

procedure quick(li,ls:integer);
begin
if li<ls then begin
k:=poz(li,ls);
quick(li,k-1);
quick(k+1,ls);
end;
end;
begin
write('cate elemente are vectorul ?');readln(n);
for i:=1 to n do
begin
write('tastati elementul ',i,'=');
readln(v[i]);

```

```

end;

quick(1,n);

writeln('vectorul ordonat este :');

for i:=1 to n do writeln(v[i]);

readln;

end.

```

#### **4) Sortare prin interclasare(mergesort)**

Tabloul unidimensional V se completeaza cu n numere reale. Sa se ordoneze crescator folosind sortare prin interclasare.

Sortarea prin interclasare se bazeaza pe urmatoarea logica :

vectorul V se imparte prin injumatatiri succesive in vectori din ce in ce mai mici cand se ating vectorii de maxim doua elemente, fiecare dintre acestia se ordoneaza printr-o simpla comparare a elementelor; cate doi astfel de mini- vectori ordonati se interclaseaza succesiv pana se ajunge iar la vectorul V.

```

program mergesort;

type vector=array[1..50] of real ;

var v:vector ;n,i:word;

procedure schimba(li,ls:word;var a:vector);

var man:real;

begin

if a[li]>a[ls] then begin

man:=a[li];

a[li]:=a[ls];

a[ls]:=man;

end;

```



```

end;

procedure interclas(li,m,ls:word;var a:vector);

var b:vector;i,k,p,j:word;

begin

i:=li; j:=m+1; k:=0;

while (i<=m)and(j<=ls) do

begin

inc(k);

if a[i] <a[j] then begin

b[k]:=a[i];

inc(i);

end

else begin

b[k]:=a[j];

inc(j);

end;

end;

if i<=m then for p:=i to m do begin

inc(k);b[k]:=a[p];

end;

if j<=ls then for p:=j to ls do begin

inc(k)
;b[k]:=a[p];

end;

k:=0;

```

```

for p:=li to ls do begin
    inc(k);
    a[p]:=b[k];
end;

end;

procedure divi(li,ls:word; var a:vector);
var m:word;
begin
    if (ls-li)<=1 then schimba(li,ls,a);
    else begin
        m:=(li+ls)div 2;
        divi(li,m,a);
        divi(m+1,ls,a);
        interclas(li,m,ls,a);
    end;
end;

begin
    write('cate elemente are vectorul?');readln(n);
    for i:=1 to n do
        begin
            write('tastati elementul',i,'=');
            readln(v[i]);
        end;
    divi(1,n,v);
    writeln('vectorul sortat este:');

```

```
for i:=1 to n do writeln(v[i]);  
end.
```

## 5) Problema plierilor

Se considera un vector de lungime  $n$ . Definim plierea vectorului prin suprapunerea unei jumătăți, numită donoare, peste cealaltă jumătate, numită receptoare, cu precizarea că dacă numărul de elemente este impar, elementul din mijloc este eliminat. Prin pliere, elementele subvectorului obținut vor avea numărul jumătății receptoare. Plierea se poate aplica în mod repetat, până când se ajunge la un subvector format dintr-un singur element, numit element final. Scrieți un program care să afișeze toate elementele finale posibile și să figureze pe ecran pentru fiecare element final o succesiune de plieri.

```
program plieri;  
  
const nmax=50;  
  
type element=1..nmax;  
  
var n,i:element;  
  
efinal:array[element] of boolean;  
  
m:array[element] of string;  
  
procedure pliaza(p,q:element);  
  
begin  
  
  if p=q then efinal [p]:=true  
  
  else  
  
    begin  
  
      if (q-p+1) mod 2=1 then  
  
        begin  
  
          efinal[(p+q) div 2]:=false;  
  
          ls:=(p+q) div 2-1;  
  
        end  
  
      end  
  
    end  
  
  end  
  
end
```

```

else

ls:=(p+q) div 2;

ld:=(p+q) div 2+1;

pliaza(p,ls);

str(ls,ss);

str(ld,sd);

for i:=p to ls do

m[i]:='d'+sd+' '+m[i];

end;

end;

begin

write(,n='');

readln(n);

for i:=1 to n do m[i]:=' ';

pliaza(1,n);

writeln('elementele finale sunt:');

for i:=1 to n do if efinal[i] then begin write (, ' ':');

writeln(m[i]);

end;

writeln;

end.

```

## **CONCLUZIE**

Metoda desparte și stăpânește este o temă predestinată doar persoanelor ce tind în a se duce în domeniul IT, astfel această temă fiind opțională în curriculum. Din opiniile a mai multor persoane, această temă este una complicată, dar totuși foarte folositoare în multe cazuri, precum realizarea sortării rapide, prin metoda precum quicksort sau bubblesort. Unele din aceste cazuri le-am enumerat mai sus prin exemple de programe.

## **BIBLIOGRAFIE**

<http://www.creeaza.com/referate/informatica/Metoda-de-programare-DIVIDE-ET449.php>

MANUAL CLASA XI-a EDITURA Știința

[http://lectura.bibliotecadigitala.ro/cazacunina/Caietul%20profesorului de Informatica Cazacu Nina.pdf](http://lectura.bibliotecadigitala.ro/cazacunina/Caietul%20profesorului%20de%20Informatica%20Cazacu%20Nina.pdf)

<https://www.scribd.com/document/130021652/Algoritmi-in-Pascal>

<https://www.didactic.ro/materiale-didactice/test-divide-et-impera-pascal>

<http://www.scribub.com/stiinta/informatica/METODA-DIVIDE-ET-IMPERA25186243.php>