

Technická univerzita v Liberci

Ekonomická fakulta



# **Využití šifer v informační komunikační technologii**

Usage of Cryptography in information communication technology

Cyril Steger

Vedoucí seminární práce: Ing. David Kubát, Ph.D.

Studijní program: Systémové inženýrství a informatika

Studijní obor: Navazující studium prezenční

Liberec 2024

# Obsah

<b>1</b>	<b>Úvod</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Kryptografie</b>	<b>3</b>
2.1	Historie . . . . .	3
<b>3</b>	<b>Symetrické šifry</b>	<b>5</b>
3.1	Problém distribuce klíčů . . . . .	5
3.2	Diffie-Hellmanův protokol . . . . .	6
<b>4</b>	<b>Asymetrické šifry</b>	<b>8</b>
4.1	Šifra RSA . . . . .	8
<b>5</b>	<b>Hybridní šifry</b>	<b>12</b>
5.1	Využití hybridních šifer . . . . .	12
<b>6</b>	<b>Postkvantová kryptografie</b>	<b>15</b>
6.1	Shorův algoritmus . . . . .	15
6.2	Michel Mosca theorem . . . . .	16
	<b>Seznam literatury</b>	<b>17</b>
	<b>Seznam obrázků</b>	<b>19</b>

# 1 Úvod

Tématem této seminární práce je použití šifer v oblasti informačních a komunikačních technologií (dále jen ICT). Kryptografie, jako vědní disciplína, hraje klíčovou roli při zajišťování bezpečnosti a ochrany dat nejen v digitálním světě, kde je bezpečný přenos informací nezbytný pro každodenní komunikaci a sdílení informací. Cílem této práce je seznámit čtenáře se základními pojmy používané v dnešní kryptografii a zvýšit tak povědomí o tom kde a jak je v dnešní oblasti ICT využívána.

V první části nás práce stručně seznámí s historií a základními pojmy používanými v oblasti kryptografie, které jsou důležité k pochopení pro následující kapitoly. Nejprve bude představena Shannonova teorie informace, která tvoří teoretický základ moderní kryptografie a komunikačních systémů. Tato teorie je zásadní pro pochopení principů šifrování a bezpečné výměny dat.

Další část práce je rozdělena do tří hlavních kapitol, z nichž každá se zaměřuje na jednu z kategorií šifer používaných v současné kryptografii. První kategorie jsou symetrické šifry, též známé jako šifry s tajným klíčem. Následující kapitola se věnuje asymetrickým šifrám, kde bude podrobně vysvětlena šifra RSA, která je jedním z nejpoužívanějších šifer s veřejným klíčem (Drake, 2024). Poslední kategorií jsou hybridní šifry, které kombinují výhody symetrických a asymetrických šifer a jsou využívány v mnoha moderních komunikačních protokolech.

Závěrem se práce bude věnovat oblasti postkvantové kryptografie, která se zabývá vývojem šifrovacích algoritmů odolných vůči kvantovým počítačům. V této části se seznámíme s aktuálními výzvami a vývojem v oblasti kryptografie, včetně Shorova algoritmu, který představuje hrozbu pro současné asymetrické šifry, zejména RSA.

## 2 Kryptografie

Kryptografie je vědní disciplína zaměřená na ochranu informací. Cílem kryptografie je zajistit, aby určité informace zůstaly skryté před neoprávněnými osobami. Využívá se tedy pro zajištění bezpečnosti a integrity informací nejen v digitálním světě. K tomu využívá různé metody a techniky, které zajišťují nejen důvěrnost dat, ale také jejich autentičnost. Kryptografie se dále zaměřuje na prevenci neautorizovaných změn v datech, zajišťuje, že odesílatel nemůže popřít svůj podpis nebo provedení akce, a chrání informace před jejich zneužitím (Tesař, 2021).

Kryptografie primárně vznikla k ochraně zpráv během jejich přenosu, a tak až donedávna byly její doménou přenosové systémy. Později se ukázalo, že matematické metody lze použít nejen k utajování obsahu zpráv, ale rovněž k zajištění bezpečnosti mnoha dalších systémů. Mezi ně patří například systém řízení přístupu, elektronické platby, síťové protokoly apod. S aplikacemi kryptografie přicházíme do styku každý den, avšak všeobecné povědomí o tom, jak fungují a na čem jsou založené, je nízké (Burda, 2019).

Jak již bylo uvedeno, v dnešním světě se kryptografie nejvíce soustředí na komunikaci mezi přenosovými kanály, ke kterým mají kromě autora zprávy a adresáta přístup i jiné (neoprávněné) osoby. Některé z těchto osob totiž usilují o čtení, resp. pozměňování přenášených zpráv a získání co nejvíce (citlivých) informací. Kryptografické techniky, které budou více rozebrány v této práci, umožňují autorovi a adresátovi zajistit ochranu přenášených zpráv před těmito hrozbami (Sedlák; Konečný, 2021).

### 2.1 Historie

V počátcích internetu se šifrování prakticky nevyužívalo, protože větší důraz byl kladen na ochranu citlivých informací tajných orgánů států. Síť tehdy používala otevřené pakety, které byly přenášeny pomocí protokolů, které jsou i přes drobné úpravy používány dodnes. To znamenalo, že veškerá komunikace probíhala v otevřeném textu, což umožňovalo snadné odposlechy a manipulaci s daty (Erben, 2014).

Například protokol FTP (File Transfer Protocol), který byl navržen v roce 1985 v dokumentu RFC 959, neobsahoval žádnou podporu pro šifrování. Obsah zpráv, stejně jako řídicí informace – například uživatelské jméno a heslo sloužící k připojení – byly snadno dostupné pro třetí stranu. S postupným rozvojem internetu a jeho dostupností pro širokou veřejnost se začaly objevovat i první vážné problémy s jeho bezpečností (Černá; Černý, 2012).

První vážné problémy s bezpečností v síti se objevily v roce 1989, kdy počítačový červ WANK (Worms Against Nuclear Killers) napadl systémy NASA. Po infikování systému zobrazoval při přihlášení politicky motivovanou zprávu, která kritizovala jaderný program a plánovaný start sondy Galileo. I když červ data nepoškozoval, jeho hlavním cílem bylo šíření anti-jaderného poselství a byl jedním z prvních virů s tímto motivem vydirání (Erben, 2014).

Dalším případem je útok na americkou banku Citibank, na kterou se zaměřil ruský hacker Vladimir Levin. Celkem jednoduše získal přístup k účtům významných korporátních klientů a pokusil se převést přibližně 10,7 milionu dolarů na účty svých kompliců. Tento incident vyvolal mezinárodní pozornost, upozornil na zranitelnosti elektronického bankovníctví a vedl k posílení bezpečnostních opatření v bankovním sektoru (Erben, 2014).

Bylo jasné, že pokud má internet stát běžně používanou komunikační platformou, je nezbytné zaměřit se na zabezpečení přenosu informací, tedy na šifrování. Šifrování internetového provozu se dnes stalo standardem a jeho implementace se nejčastěji provádí prostřednictvím protokolu SSL/TLS nebo S/MIME pro bezpečnou elektronickou poštu (Pavlíček; Galba, 2012). Tyto síťové protokoly využívají asymetrickou kryptografii, což je podrobněji vysvětleno v kapitole Využití Asymetrických šifer.

I když jsou z matematického hlediska šifry prakticky neprolomitelné, největším současným problémem zůstává sociální (mezilidský) aspekt – otázka důvěry. V praxi to znamená, že si každá ze stran komunikace musí klást otázku: „Je protistrana opravdu tím, za koho se vydává?“ Ve fyzickém světě se můžeme orientovat pomocí svých smyslů, ale v digitálním světě to není možné, což vedlo k rozvoji nových metod a technologií pro ověření identity účastníků komunikace (Burda, 2019). Tato problematika je více rozebrána v kapitole Problém distribuce klíčů.

### 3 Symetrické šifry

Šifra s tajným klíčem je taková, u které se pro šifrování i dešifrování zprávy používá téměř stejný tajný klíč. Bezpečnost a integrita dat u těchto šifer je dána tím, že příslušný klíč je znám pouze oprávněným stranám (Tesař, 2021).

Jedním z nejznámějších systémů založených na symetrické kryptografii jsou šifry zpracovávající data po blocích. Standard AES („Advanced Encryption Standard“) není bloková šifra, jak je často ve veřejných publikacích uváděno. Jedná se totiž o standard, vydaný americkým institutem NIST (National Institute of Standards and Technology), který využívá symetrickou blokovou šifru pod názvem Rijndael. Algoritmus provádí několik předem definovaných cyklů (rund), během nichž dochází k substitucím a permutacím s jedním klíčem. Princip jednotlivých etap je složitý na popis a je podstatný pouze pro ty, kteří algoritmus implementují do svého systému (Standards; Technology, 2023).

V praxi se AES nejčastěji využívá k šifrování disků nebo zabezpečení síťové komunikace. Pro urychlení výpočtu tohoto algoritmu byly od roku 2010 zavedeny speciální instrukce do procesorů, například Intel® AES-NI, které jsou dostupné nejen na procesorech od Intelu, ale také u procesorů AMD a dalších výrobců čipů. Tyto instrukce jsou implementovány i v mobilních zařízeních, což umožňuje efektivnější šifrování a dešifrování dat, a tím snižuje spotřebu energie Abdallah et al. (2020).

Hlavním problémem symetrických šifer však stále zůstává otázka bezpečné distribuce klíčů – jak bezpečně sdílet příslušný klíč, aniž by hrozilo jeho prozrazení třetí straně, a zároveň ověřit, že druhá strana je skutečně tou, za kterou se vydává.

#### 3.1 Problém distribuce klíčů

Distribuce klíčů je základním problémem u šifer s tajným klíčem, neboť pro šifrování a dešifrování se obvykle používá stejný „tajný“ klíč. Bezpečnost komunikace mezi odesílatelem a příjemcem závisí na uchování tajnosti tohoto klíče; pokud by jej získala neoprávněná strana, mohla by snadno odposlouchávat komunikaci (Tesař, 2021).

Představme si například situaci, kdy klient (např. webový prohlížeč) žádá přístup ke serveru a je třeba zabezpečit komunikační kanál. Data, která jsou mezi stranami sdílena, jsou většinou velkého objemu a komunikace probíhá neustále, takže není efektivní používat asymetrickou kryptografii. Pro bezpečnou komunikaci je nutné vyměnit tajný klíč (tzv. *secret key*) *Diffie-Hellman Key Exchange* (2024). V této souvislosti vzniká otázka: „Jak bezpečně vyměnit tajný klíč přes nezabezpeče-

ný kanál, jako je transportní vrstva sítě?“ Jedním z efektivních řešení je právě Diffie-Hellmanův protokol, který se využívá napříč mnoha kryptografickými systémy.

### 3.2 Diffie-Hellmanův protokol

Jak uvádí Diffie; Hellman (1976), princip tohoto protokolu spočívá ve vytvoření bezpečného klíče mezi dvěma stranami bez nutnosti předchozího sdílení tajných klíčů. Tento proces umožňuje, aby si obě strany (např. klient a server) bezpečně vyměnily šifrovací klíče přes veřejný kanál a tím zajistily důvěrnost komunikace.

Princip výměny klíčů mezi dvěma stranami, v našem případě mezi klientem a serverem, je popsán následovně:

#### 1. Volba veřejných parametrů:

- Zvolí se dvě veřejné hodnoty: prvočíslo (modul)  $p$  a základna  $g$ .
- Obvykle se volí velké  $p$  s délkou alespoň 2048 bitů a malé  $g$ .

#### 2. Výběr tajných čísel:

- Klient vybere náhodné číslo  $a$ , server číslo  $b$ .
- Hodnoty  $a, b$  jsou tajné a nejsou sdíleny.

#### 3. Výpočet veřejných hodnot:

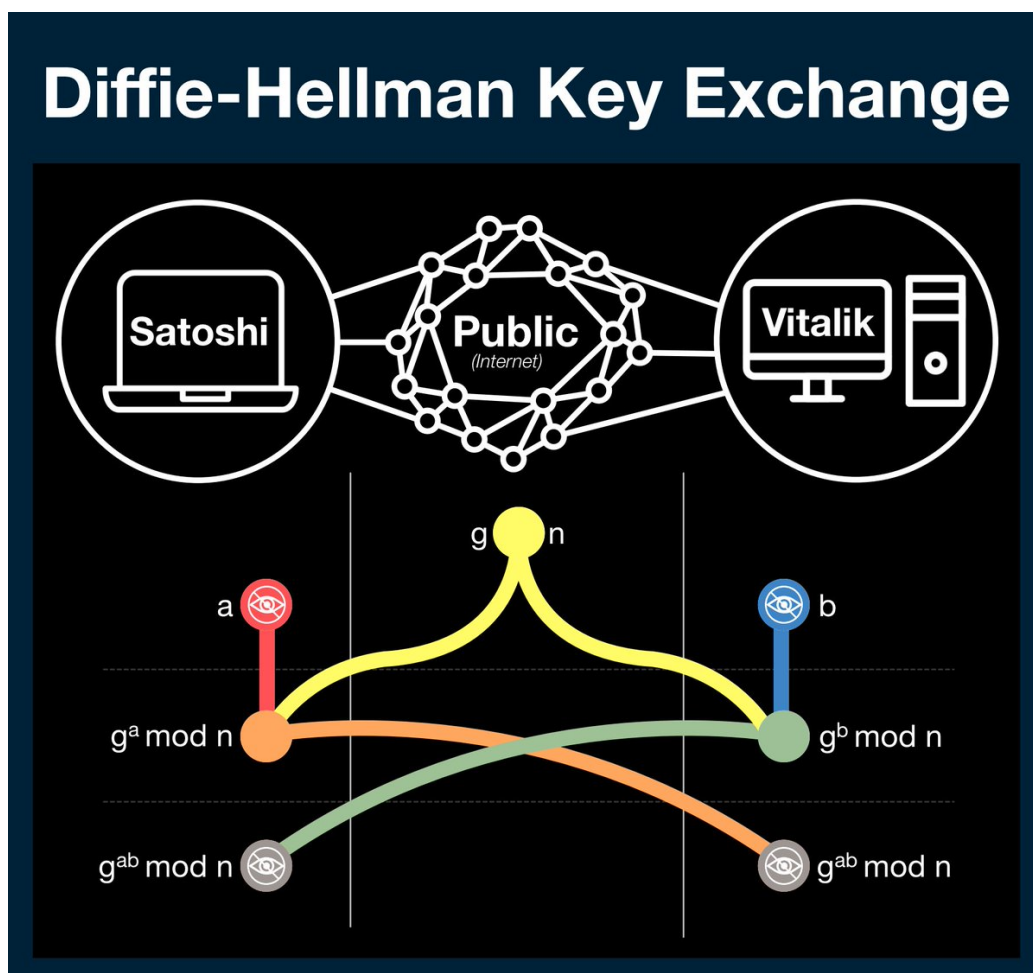
- Klient spočítá  $A = g^a \bmod p$ , server  $B = g^b \bmod p$ .
- Obě hodnoty  $A$  a  $B$  jsou vyměněny.

#### 4. Vytvoření sdíleného klíče:

- Klient vypočítá  $s = B^a \bmod p$ , server  $s = A^b \bmod p$ .
- Obě strany získají stejný sdílený klíč.

I když jsou veřejné hodnoty  $A$  a  $B$  přenášeny přes veřejný kanál, zpětné určení tajných čísel  $a$  a  $b$  je extrémně náročné. Tento problém, známý jako problém diskrétního logaritmu v grupě zbytkových tříd modulo  $p$ , má pro klasické počítače exponenciální složitost, což znamená, že výpočet je s rostoucí velikostí čísel ex-

trémně časově náročný. Pro moderní aplikace se volí dostatečně velká prvočísla, aby byl tento problém prakticky neřešitelný.<sup>1</sup>



Obrázek 1: Schéma Diffie-Hellmanova protokolu. Zdroj: (Anon., 2021a)

<sup>1</sup>Potenciální hrozbou mohou být pouze kvantové počítače, které by mohly pomocí specifických algoritmů, jako je Shorův algoritmus (popsaný více v kapitole Postkvantová kryptografie), snížit výpočetní složitost tohoto problému na polynomiální úroveň.



## 4 Asymetrické šifry

Asymetrickou šifrou se rozumí taková šifra, u které klíč pro dešifrování nelze výpočetně snadno získat z klíče pro zašifrování. Též se používá pojem šifra s veřejným klíčem jelikož jeden z vygenerovaných klíčů oprávněných stran, může být navíc veřejně dostupný a nehrozí ztráta integrity dat (Tesař, 2021).

Asymetrickou šifrou lze také řešit problém ověření autora identity účastníků komunikace. Mohli bychom si představit situaci, kdy Alice chce poslat Bobovi šifrovanou zprávu a Bob si mohl být si jistý, že zpráva skutečně pochází od ní. Alice a Bob si vygenerují své páry soukromých a veřejných klíčů. Alice zašifruje zprávu svým soukromým klíčem (pro digitální podpis) a následně ji zašifruje Bobovým veřejným klíčem. Bob zprávu dešifruje svým soukromým klíčem a ověří autenticitu zprávy použitím veřejného klíče (Burda, 2019).

Tímto způsobem asymetrická kryptografie zajišťuje autenticitu odesílatele, integritu zprávy a důvěrnost komunikace. Typickým příkladem je právě šifra *RSA*.

### 4.1 Šifra RSA

RSA (Rivest-Shamir-Adleman), je jednou z nejznámějších asymetrických šifer. Tento algoritmus, vyvinutý na základě myšlenky veřejného klíče, jenž je inspirovanán prací Diffieho a Hellmana (Diffie; Hellman, 1976) a byl plně realizován v práci Rivest et al. (1978). RSA umožňuje nejen šifrování dat, ale také digitální podepisování, což zajišťuje autentizaci a integritu informací (Tesař, 2021).

Dle Rivest et al. (1978) je princip šifrování následující postup:

#### 1. Generování klíčů:

- Vyberou se dvě velká a náhodná prvočísla  $p$  a  $q$ .
- Vypočítá se modul  $n = p \cdot q$ , který slouží jako základ pro oba klíče.
- Spočítá se Eulerova funkce  $\varphi(n) = (p - 1)(q - 1)$ .

#### 2. Volba veřejného klíče:

- Zvolí se celé číslo  $e$  tak, aby  $1 < e < \varphi(n)$  a  $e$  bylo nesoudělné s  $\varphi(n)$ <sup>2</sup>.
- Číslo  $e$  slouží jako veřejný exponent.

---

<sup>2</sup>Dvě čísla jsou nesoudělná, pokud jejich největší společný dělitel je roven jedné.

### 3. Výpočet soukromého klíče:

- Určí se číslo  $d$ , které je multiplikativní inverzí  $e$  modulo  $\varphi(n)$ , tedy splňuje rovnici:

$$e \cdot d \equiv 1 \pmod{\varphi(n)}.$$

Číslo  $d$  je soukromým exponentem.

### 4. Šifrování a dešifrování:

- Veřejný klíč je tvořen dvojicí  $(n, e)$  a soukromý klíč dvojicí  $(n, d)$ .
- Pro šifrování zprávy  $m$  (kde  $m < n$ ) se vypočítá šifrovaná zpráva:

$$c = m^e \pmod{n}.$$

- Pro dešifrování se použije:

$$m = c^d \pmod{n}.$$

Přestože veřejný klíč  $(n, e)$  je znám, bez znalosti velkých prvočísel  $p$  a  $q$  (délky alespoň 2048 bitů), je výpočetně velmi složité získat soukromý klíč  $(n, d)$ . Tento bezpečnostní předpoklad vychází z faktu, že faktorizace čísla  $n$  na jeho prvočinitele je výpočetně velmi náročný úkol - tzv. NP-těžký problém, který má exponenciální složitost pro klasické výpočetní prostředky (Tesař, 2021).

Jedním z nejvýznamnějších využití tohoto kryptografického protokolu jsou digitální podpisy, které umožňují ověřovat jak autentifikaci, tak i integritu dat. V tomto procesu soukromý klíč slouží k podepsání zprávy, čímž garantuje její původ a nezaměnitelnost, zatímco veřejný klíč příjemci umožňuje ověřit, že zpráva pochází od oprávněného odesílatele a nebyla nijak pozměněna během přenosu třetí stranou.

V oblasti bezpečnosti internetových připojení nachází asymetrická kryptografie své praktické využití zejména v protokolech SSL a TLS, které slouží k vytváření bezpečného spojení mezi klientem a serverem. Během navazování spojení (tzv. handshake) asymetrické šifrování umožňuje autentifikaci serveru a bezpečnou výměnu symetrického klíče. Tento symetrický klíč je následně použit k šifrování přenášených dat již většího objemu (*Diffie-Hellman Key Exchange*, 2024). Pro výměnu příslušných klíčů je často využívána, díky její rychlosti, metoda Diffie-Hellman, jež byla popsána v předchozí kapitole.

Dalším významným využitím asymetrické kryptografie je v případě elektronické měny Bitcoin. V bitcoinu, používáme kryptografii pro vytvoření páru klíčů, které

kontrolují přístup k bitcoinům. Tento pár klíčů se skládá ze soukromého klíče a z něho odvozeného jedinečného veřejného klíče. Veřejný klíč je použit pro příjem bitcoinů a soukromý klíč je použit pro podpis transakce, která tyto bitcoiny utrácí (Antonopoulos, 2014).

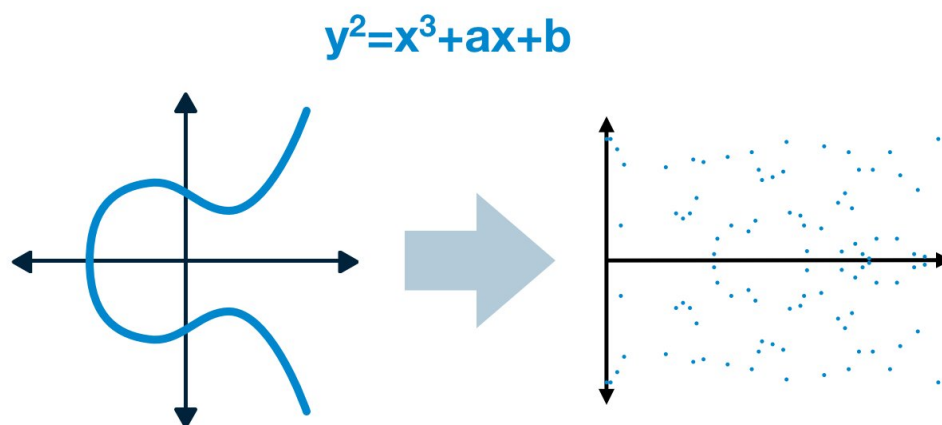
„Při utrácení bitcoinů, současný vlastník bitcoinů poskytuje jeho veřejný klíč a podpis (pokaždé různý, ale vytvořený ze stejného soukromého klíče) transakce, aby mohl utratit tyto bitcoiny. Po poskytnutí veřejného klíče a podpisu, každý v bitcoinové síti může ověřit a přijmout transakci jako platnou, potvrdit, že osoba převádějící bitcoiny je vlastní v okamžiku převodu“ (Antonopoulos, 2014).

Asymetrická kryptografie hraje tedy významnou roli v vytváření klíčů a podepisování transakcí. Nutno podotknout, že ze znalosti veřejného klíče, je výpočetně složité nalézt klíč privátní. Tento typ asymetrické kryptografie je založena na problému diskrétního logaritmu vyjádřeného sčítáním a násobením bodů na eliptické křivce (Antonopoulos, 2014).

Nevýhodou asymetrické kryptografie může být nižší rychlost šifrování oproti symetrickým šifrám, což ji činí nevhodnou pro přímé šifrování velkých bloků dat. Proto se asymetrická kryptografie často využívá v kombinaci se symetrickou, například při výměně klíčů v hybridních šifrovacích systémech.

V praxi se tak nejčastěji můžeme setkat s kombinací algoritmů ECDSA nebo EDDSA, který používají pro generování klíče Eliptické křivky (dále jen EC). Šifra DSA se od RSA prakticky neliší, pouze používá problém diskrétního logaritmu (viz. Diffie-Hellmannův protokol) k generování páru klíčů. Ve výsledku je rozdíl mezi těmito algoritmy v rychlosti, nikoli v bezpečnosti. Funkčně, kde RSA a DSA vyžadují klíče velikosti 3072 bitů k dosažení požadované úrovně bezpečnosti, ECDSA toho dosahuje pouze s klíči o délce 256-bitů (Kontsevov; Teleport, 2020).

# Elliptic Curve Cryptography



Obrázek 2: Eliptická křivka znázorněna matematickou funkcí. Zdroj: (Anon., 2021b)

## 5 Hybridní šifry

Hybridní šifrovací systémy, jak již vyplývá z jejich názvu, kombinují výhody symetrického a asymetrického šifrování. Tento přístup umožňuje využít silné stránky obou typů šifer, přičemž zajišťuje efektivitu a bezpečnost. Základní princip hybridních systémů spočívá v tom, že zpráva je šifrována pomocí symetrického šifrovacího algoritmu, který je velmi efektivní při šifrování velkých objemů dat. Symetrický klíč, který byl použit k šifrování zprávy, je následně zašifrován pomocí asymetrického šifrování, a může být bezpečně přenesen mezi odesílatelem a příjemcem. Po obdržení zašifrovaného symetrického klíče ho příjemce dešifruje pomocí svého soukromého klíče a následně použije tento klíč k dešifrování samotné zprávy (Pavlíček; Galba, 2012).

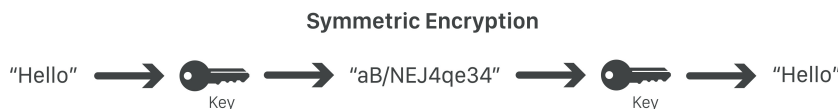
V praxi se tak s hybridními šifrovacími systémy nejčastěji setkáme pro zabezpečení různých typů komunikace, včetně SSL/TLS protokolů. Asymetrické metody, které jsou časově náročné slouží k navázání prvního důvěryhodného spojení, zatímco symetrické šifry zajišťují samotné šifrování přenášení velkých bloků dat. Dalším významným využitím je e-mailová bezpečnost, kde technologie jako PGP a S/MIME umožňují šifrování a digitální podepisování zpráv, čímž zaručují, že odesílatel je věrohodný a obsah zprávy nebyl během přenosu změněn (Sedlák; Konečný, 2021).

### 5.1 Využití hybridních šifer

Prvním z příkladů hybridních šifrovacích systémů jsou protokoly SSL (Secure Sockets Layer) a TLS (Transport Layer Security). V současnosti se častěji setkáváme s protokolem TLS (verze 1.3) jenž spojuje výhody symetrického a asymetrického šifrování a zajišťuje bezpečnou komunikaci na internetu. Proces navazování bezpečného spojení mezi klientem (např. webovým prohlížečem) a serverem se nazývá *TLS Handshake*.

Prvním krokem je, že klient obdrží veřejný klíč serveru, který je obvykle zaslán prostřednictvím digitálního certifikátu podepsaného certifikační autoritou (dále jen CA). Certifikační autorita je důvěryhodná strana, která má pravomoc určit to, že majitel webové stránky je opravdu ten, za kterého se skutečně vydává. Kopii certifikátu si CA uchovává jen na určitou dobu (Anon., 2024). Na vypršení platnosti certifikátu serveru nás nejčastěji upozorní náš webový prohlížeč a zobrazí nám dobře známou hlášku „Vaše připojení není soukromé“. Po dokončení procesu TLS handshake, používají obě strany stejné *session keys* (klíče relace) pro šifrování dat. Jakmile jsou klíče relace aktivní, veřejné a soukromé klíče již nejsou dále používány, jelikož nejsou nutné k ověření autenticity. Klíče relace jsou dočasné klíče,

kteřé jsou využívány pouze během jedné relace a po jejím ukončení již nejsou znovu použity. Pro každou novou relaci je vytvořen nový, náhodně generovaný pár klíčů relace.



Obrázek 3: Schéma symetrického šifrování. Zdroj: (Anon., 2024)

Existují však i jiné způsoby relace, například v případě takzvaného *session resumption* (obnovení relace). Tento mechanismus umožňuje serveru uchovávat šifrovací klíče po určitou dobu, čímž se eliminuje nutnost opětovného provádění celého TLS handshake při každém novém spojení.

Podle dokumentace GnuTLS Free Software Foundation (2024), existují dva hlavní způsoby obnovení relace:

1. *Session ID* - Server při prvním spojení klientovi přiřadí jedinečný identifikátor relace a dočasně uchová odpovídající šifrovací klíče. Při opětovném připojení klient odešle tento identifikátor a pokud server klíče stále uchovává, může relaci obnovit bez potřeby nového handshake.
2. *Session Tickets* - Místo aby server uchovával klíče, zašifruje je a pošle klientovi ve formě tzv. session ticketu. Při dalším spojení klient odešle ticket zpět serveru, který jej dešifruje a obnoví relaci. Tento přístup zlepšuje škálovatelnost, protože snižuje zátěž serveru spojenou s ukládáním velkého množství session keys.

Použití těchto metod nejen zvyšuje výkon a snižuje latenci při opakovaných připojeních, ale také umožňuje efektivnější správu šifrovacích operací, zejména u serverů s vysokým provozem. Nicméně, uchovávání klíčů delší dobu přináší i určitá bezpečnostní rizika - například pokud by došlo k úniku session keys, mohlo by to vést k dešifrování dříve zachycené komunikace (forward secrecy). Proto moderní verze TLS, jako TLS 1.3, preferují ephemeral key exchange (pomíjivou výměnu klíčů), kde jsou klíče generovány pro každou relaci zvlášť a historii komunikace již tak nelze zpětně získat (Free Software Foundation, 2024).

Druhým příkladem hybridního šifrovacího systému je technologie S/MIME, která se využívá pro zabezpečení e-mailové komunikace. Při použití S/MIME odesílatel nejprve digitálně podepíše email svým soukromým klíčem, čímž zajistí, že příjemce může ověřit autenticitu zprávy pomocí veřejného klíče odesílatele. Současně se pro samotné šifrování obsahu zprávy využívá symetrický klíč, který je následně

bezpečně předán příjemci za použití asymetrického šifrovacího algoritmu. Tímto způsobem se spojují výhody asymetrické kryptografie a efektivity symetrického šifrování. Výsledkem je systém, který nejen-že chrání důvěrnost odeslaných zpráv, ale také zaručuje integritu a nepopiratelnost komunikace mezi odesílatelem a příjemcem. Tento přístup se osvědčuje zejména v korporátním prostředí a v aplikacích, kde je klíčová bezpečnost e-mailové komunikace (Anon., 2024).

## 6 Postkvantová kryptografie

V posledních letech rostou obavy, že kvantové počítače, které mají potenciál řešit složité problémy exponenciálně rychleji než klasické počítače, mohou představovat vážnou hrozbu pro současné šifrovací algoritmy. Kvantové počítače využívají jevy, jako je kvantová superpozice a kvantové provázání, což jim umožňuje zpracovávat informace způsobem, který je pro klasické počítače nedosažitelný. Tato schopnost by mohla ohrozit bezpečnost asymetrických šifrovacích algoritmů, jako jsou RSA nebo DSA, které zajišťují bezpečnost většiny online komunikace a které by mohly být kvantovými počítači prolomeny během několika minut (Křelina, 2024).

Podle některých odborníků je však tento problém ještě vzdálený 5–15 let, i když se již vyskytují první velké pokroky v této oblasti. Například Google nedávno představil kvantový čip Willow, který je schopen provádět výpočty, jež by pro současné superpočítače byly nedosažitelné. Nicméně tento čip má zatím pouze 105 fyzických qubitů, což je stále daleko od milionů qubitů potřebných k prolomení moderních šifrovacích standardů, jako je RSA. Odhady naznačují, že prolomení RSA šifrování pomocí kvantových počítačů je vzdálené minimálně deset let a vyžadovalo by přibližně 4 miliony fyzických qubitů (Křelina, 2024).

V této kapitole budou stručně naznačeny hrozby a výzvy, které kvantové počítače přinášejí pro současnou kryptografii, a budou diskutovány současné snahy o vývoj postkvantových kryptografických algoritmů, které by měly zajistit bezpečnost dat i v oblasti kvantových výpočtů.

### 6.1 Shorův algoritmus

Shorův algoritmus je algoritmus navržený specificky pro kvantové počítače. Algoritmus jenž má za cíl efektivní faktorizaci velkých čísel, vytváří budoucí hrozbu pro bezpečnost šifer, jako je RSA, a tím i šifry, které spoléhají na tento matematický NP-úplný problém.

Nejnovější výzkumy ukazují, že Shorův algoritmus je stále ve fázi experimentálního vývoje. Ačkoliv byl algoritmus navržen pro kvantové počítače s tisíci qubity, první experimenty dosáhli pokroku na menších číselných příkladech. Například studie z roku 2021 popisuje funkční koncept Shorova algoritmu implementovaného na kvantovém počítači s pouhými 7 qubity, kde byl úspěšně proveden rozklad čísla

$$N = 21$$

na prvočísla. Tento důkaz konceptu ukazuje, že efektivní implementace Shoro-



va algoritmu je prozatím možná jen pro malá čísla  $N$ , s malým počtem q-bitů (Skosana; Tame, 2021).

V současné době je významnou událostí v oblasti postkvantové kryptografie, zveřejnění prvních třech standardů (kandidátů) pro postkvantovou kryptografii dle institutu NIST. Zveřejněné algoritmy by mohly představovat bezpečnou ochranu šifrovaných dat před výpočetní mohutností budoucích kvantových počítačů. Standardy jsou navrženy pro dva klíčové typy aplikací: obecné šifrování pro zabezpečení dat během přenosu a digitální podpisy pro ověřování identity (Boutin, 2024).

## 6.2 Michel Mosca theorem

Michele Mosca je známý matematik a informatik, který aktuálně působí jako profesor na Univerzitě ve Waterloo (USA) a je spoluzakladatelem fakulty zaměřené na kvantovou výpočetní techniku. Dosud v průběhu své kariéry významně přispěl do výzkumu v této oblasti (Malinowski, 2023).

Za zmínku stojí právě následující rovnice Malinowski (2023), která upozorňuje na fakt, že bezpečnost současných šifrovacích systémů závisí na překryvu životnosti těchto systémů a nástupu kvantových počítačů:

$$X + Y > Z \tag{1}$$

kde:

$Z$  - Doba, za kterou bude k dispozici efektivní kvantový počítač.

$Y$  - Doba potřebná k implementaci kvantově odolné šifry pro stávající systém.

$X$  - Doba, po kterou chceme tajnou informaci uchovat v utajení.

## Seznam literatury

- ABDALLAH, Eslam G. et al., 2020. In: *Proceedings of the 2020 12th International Conference on Computer and Automation Engineering*. New York, NY, USA: ACM, s. 167–172. Dostupné z DOI: 10.1145/3384613.3384648. [citováno 2024-11-20].
- ANON., 2021a. *Diffie-Hellman Key Exchange*. Dostupné také z: <https://inevitableeth.com/home/concepts/diffie-hellman>. [citováno 2024-11-23].
- ANON., 2021b. *Elliptic Curve Cryptography*. Dostupné také z: <https://inevitableeth.com/home/concepts/elliptic-curve-cryptography>. [citováno 2024-11-23].
- ANON., 2024. *How does SSL work?* Cloudflare. Dostupné také z: <https://www.cloudflare.com/learning/ssl/how-does-ssl-work/>. [citováno 2024-11-20].
- ANTONOPOULOS, Andreas M., 2014. *Mastering Bitcoin: Unlocking Digital Cryptocurrencies*. 1st. O'Reilly Media, Inc. ISBN 9781491902646.
- BOUTIN, Chad, 2024. *NIST Releases First 3 Finalized Post-Quantum Encryption Standards*. NIST. Dostupné také z: <https://www.nist.gov/news-events/news/2024/08/nist-releases-first-3-finalized-post-quantum-encryption-standards>. [citováno 2024-11-20].
- BURDA, Karel, 2019. *Kryptografie okolo nás*. CZ.NIC. ISBN 9788088168508.
- ČERNÁ, Zuzana; ČERNÝ, Michal, 2012. *Historie Internetu*. Dostupné také z: <https://clanky.rvp.cz/clanek/k/g/14791/HISTORIE-INTERNETU.html>. [citováno 2024-11-20].
- DIFFIE, W.; HELLMAN, M., 1976. New directions in cryptography. *IEEE Transactions on Information Theory*. Roč. 22, č. 6, s. 644–654. Dostupné z DOI: 10.1109/tit.1976.1055638. [citováno 2024-11-20].
- Diffie-Hellman Key Exchange*, 2024. Wiki.js. Dostupné také z: <https://inevitableeth.com/home/concepts/diffie-hellman>. [citováno 2024-11-20].
- DRAKE, Nate, 2024. *RSA encryption explained. What is it and why is it important?* hide.me. Dostupné také z: <https://hide.me/en/blog/rsa-encryption-explained/>. [Citováno 2024-11-24].
- ERBEN, Lukáš, 2014. *Příchod hackerů: Vladimír Leonidovič Levin*. Internet Info, s.r.o. Dostupné také z: <https://www.root.cz/clanky/prichod-hackeru-vladimir-leonidovic-levin/>. [citováno 2024-11-20].

- FREE SOFTWARE FOUNDATION, Inc., 2024. *GnuTLS 3.8.4 Manual*. Dostupné také z: [https://www.gnutls.org/manual/html\\_node/Session-resumption.html](https://www.gnutls.org/manual/html_node/Session-resumption.html). [citováno 2024-01-09].
- KONTSEVOY, Ev; TELEPORT, 2020. *Comparing SSH Keys - RSA, DSA, ECD-SA, or EdDSA?* Teleport. Dostupné také z: <https://goteleport.com/blog/comparing-ssh-keys/>. [citováno 2024-12-03].
- KŘELINA, Michal, 2024. *Blíží se kvantová bouře: Revoluce, která přepíše pravidla digitálního světa*. Dostupné také z: <https://qubits.cz/clanky/blizi-se-quantova-boure-revoluce-ktera-prepise-pravidla-digitalniho-sveta/>. [citováno 2025-02-09].
- MALINOWSKI, Ryan, 2023. *Michele Mosca and The Power of Mosca's Theorem: How It Helps Us Grasp the Quantum Threat*. Quantum Resistant Ledger. Dostupné také z: <https://www.theqrl.org/blog/grasping-the-quantum-threat-with-moscas-theorem/>. [citováno 2024-11-20].
- PAVLÍČEK, Antonín; GALBA, Alexander, 2012. *Moderní informatika*. Praha: Professional Pub. ISBN 978-80-7431-109-3.
- RIVEST, R. L. et al., 1978. A method for obtaining digital signatures and public-key cryptosystems. *Communications of the ACM*. Roč. 21, č. 2, s. 120–126. Dostupné z DOI: 10.1145/359340.359342. [citováno 2024-11-20].
- SEDLÁK, Petr; KONEČNÝ, Martin, 2021. *Kybernetická (ne)bezpečnost: problematika bezpečnosti v kyberprostoru*. 1. vyd. CERM, akademické nakladatelství. ISBN 978-80-7623-068-2.
- SKOSANA, Unathi; TAME, Mark, 2021. Demonstration of Shor's factoring algorithm for  $N = 21$  on IBM quantum processors. *Scientific Reports*. Roč. 11, č. 1. Dostupné z DOI: 10.1038/s41598-021-95973-w. [citováno 2024-11-20].
- STANDARDS, National Institute of; TECHNOLOGY, 2023. *Advanced Encryption Standard (AES)*. Tech. zpr. NIST. Dostupné z DOI: 10.6028/nist.fips.197-upd1. [citováno 2024-11-20].
- TESAŘ, Petr, 2021. *Bezpečnost informací - Historie a matematické základy kryptologie* [Internal document]. [Neveřejné PDF].

## Seznam obrázků

1	Schéma Diffie-Hellmanova protokolu. Zdroj: (Anon., 2021a) . . .	7
2	Eliptická křivka znázorněna matematickou funkcí. Zdroj: (Anon., 2021b) . . . . .	11
3	Schéma symetrického šifrování. Zdroj: (Anon., 2024) . . . . .	13