Racionales

$$\mathbb{Q} = \left\{ \frac{p}{q} \mid p \in \mathbb{Z} \land q \in \mathbb{Z} \land q \neq 0 \right\}$$

Expresión decimal

- Exacta
- · Periódica pura
- · Periódica mixta

Si una fracción no se puede escribir de la forma anterior es un irracional

Fracciones generatriz

La fracción generatriz es una fracción que representa un número decimal, ya sea exacto o periódico. Por ejemplo, el número decimal $0.\overline{3}$ se puede expresar como la fracción $\frac{1}{3}$. Esta fracción irreductible es la que da como resultado el número decimal correspondiente.

Expresión decimal exacta

$$a.b_1b_2...b_n = \frac{a.b_1b_2...b_n \cdot 10^n}{10^n} = \frac{ab_1b_2...b_n}{10^n}$$

• Ejemplo:

Expresión decimal periódica pura

$$a.\overline{b_{1}b_{2}...b_{n}} = \frac{a.\overline{b_{1}b_{2}...b_{n}} \cdot (10^{n} - 1)}{10^{n} - 1}$$

• Ejemplo:

Expresión decimal periódica mixta

$$a.b_1b_2...b_n\overline{c_1c_2...c_m} = \frac{a.b_1b_2...b_n\overline{c_1c_2...c_m} \cdot 10^n \cdot (10^m - 1)}{10^n \cdot (10^m - 1)} = \frac{a.b_1b_2...b_n\overline{c_1c_2...c_m} \cdot (10^{n+m} - 10^n)}{10^{n+m} - 10^n}$$

• Ejemplo: