

گزارش ۸: مقایسه ی روش های مختلف فراابتکاری برای بهینه سازی ضرایب یک شبکه ی عصبی

نگارش

نیکا شهابی۹۷۱۳۰۲۳

استاد

دكتر مهدى قطعى

خرداد ۱۴۰۰

لینک پروژه در گیتاب:

https://github.com/nikashahabi/deep learning with keras optimizers

صورت مسئله

روی یک دیتاست لیبل دار (benchmark) یک شبکه ی عصبی train کنید و عملکرد شبکه ی عصبی را با استفاده از eptimizer های مختلف بررسی و مقایسه کنید.

در این پروژه شبکه ی عصبی ای با دو لایه ی hidden طراحی شده که در مورد جزیئات آن در ادامه توضیح داده میشود. به علاوه از ۲ تا optimizer استفاده شده که درمورد هایپرپارامترهای آنها، نحوه ی عملکرد آن ها و نحوه ی ارزیابی و مقایسه ی آن ها نیز در ادامه توضیح داده میشود.

دیتاست fashion MNIST

توضیح دیتاست: دیتاست استفاده شده از خود tensorflow و به نام fashion_mnist است. این دیتاست شامل عکس هایی است که هر کدام لیبلی دارند که نشان میدهد عکس مربوطه متعلق به چه دسته ای از ۱۰ دسته ی موجود است. عکس ها ۲۸*۲۸ پیکسل هستند و grayscale میباشند. در این دیتاست، ۶۰۰۰۰ داده ی train set و ۲۰۰۰۰ داده ی test set و بروجی کو train set و ۲۸*۲۸ پیکسل هستند و train set و validation set و تقسیم میکنیم که shape هر کدام از ست ها با استفاده از خروجی کد (اعباع المعقاده از خروجی کد (اعباع نشان داده شده است.

```
X_train_full shape = (60000, 28, 28)
y_train_full shape = (60000,)
X_test shape = (10000, 28, 28)
y_test shape = (10000,)
X_valid shape = (5000, 28, 28)
y_valid shape = (5000,)
X_train shape = (55000, 28, 28)
y_train shape = (55000,)
```

در شکل زیر ۴۰ داده ی اول train set به علاوه لیبل آن ها plot شده.



۴۰ داده ی اول از train set

به طور کلی هم ۱۰ دسته داریم. یعنی y هر داده از ۰ تا ۹ است که بیانگر کلاس های زیر میباشد:

class_names = ["T-shirt/top", "Trouser", "Pullover", "Dress",
"Coat", "Sandal", "Shirt", "Sneaker", "Bag", "Ankle boot"]

لود کردن دیتاست: برای لود کردن این دیتاست و به دست آوردن train, test and validation set از تکه کد زیر استفاده شده است.

که تابع loadDatasets ، ۳ دسته داده را به ما برمیگرداند، shape آن ها را در فایلی چاپ میکند و چند مثال اولیه از trainset به همراه لیبل های آن ها را plot میکند. (همان شکل بالا)

fashion_mnist = keras.datasets.fashion_mnist sets = loadDatasets(fashion_mnist)

دلیل استفاده از test set جدا در این است که اطلاعات خود train, test and validation set جدا در این است که اطلاعات خود test set وارد مدل ما نشود و ما به وسیله ی آنها مدلمان را train نکنیم و خودمان را گول نزنیم. همچنین دلیل استفاده از validation set این است که هایپرپارامترها و لایه های شبکه عصبی را با توجه به عملکرد مدل روی validation set تغییر دهیم. به عبارتی، از train set برای train set کردن مدل و پارامترهای آن استفاده میشود. از validation set برای بررسی اینکه مدلی که با کردیم با چه کیفیتی کار میکند استفاده میشود که اگر این عملکرد خوب نبود هایپرپارامترها و یا لایه های شبکه عصبی (تعداد و یا میکندی) در نهایت کار میکند استفاده میشود که اگر این عملکرد خوب نبود هایپرپارامترها و یا لایه های شبکه عصبی (تعداد و یا test and validation set) در نهایت از که test and validation set کردن ابدا استفاده نمیشود)

دلیل scale کردن شبکه عصبی استفاده میشود input features: از آنجا که در این مسئله از gradient برای train کردن شبکه عصبی استفاده میشود input features کردن شبکه عصبی استفاده میشود input features دلیل input features میکنیم. (با تقسیم آنها بر ۲۵۵.)

```
X_valid, X_train = X_train_full[:5000] / 255., X_train_full[5000:] / 255.
y_valid, y_train = y_train_full[:5000], y_train_full[5000:]
X test = X test / 255.
```

معماري شبكه عصبي استفاده شده

با کمک گرفتن از کتاب ... ,activation function و با تعداد نورون های زیر build میکنیه ی عصبی اولیه را با layers و با تعداد نورون های زیر build میکنیم. (این کتاب از activation function و با عصبی خود را این کتاب از همین دیتاست استفاده کرده و شبکه ی عصبی خود را اینطور تعریف کرده. به نظر میآید برای شروع استفاده از این شبکه ی عصبی مناسب باشد. جلوتر اگر عملکرد مدل خوب نبود این شبکه را تغییر میدهیم.) (spoiler : عملکردش خوب است.)

```
# building a classification MLP with two hidden layers
model = keras.models.Sequential([
    keras.layers.Flatten(input_shape=[28, 28]),
    keras.layers.Dense(300, activation="relu"),
    keras.layers.Dense(100, activation="relu"),
    keras.layers.Dense(100, activation="softmax")
```

لازم به ذکر است که flatten کردن برای این است که عکس ها که ۲۸*۲۸ هستند به صورت یک ID array دربیایند. یعنی هیچ یارامتری ندارد و نقش ساده سازی دارد.

لایه ی اول و دوم به ترتیبت۳۰۰ و ۲۰۰ نورون دارند و ازrelu activation function استفاده کرده اند.

لایه ی آخر برای هر کلاس یک نورون دارد. چون ۱۰ لیبل یا کلاس داریم این لایه هم ۱۰ نورون دارد. به علاوه چون کلاس ها exclusive هستند و هر ایتمی دقیقا متعلق به یک کلاس است از softmax activation function برای لایه ی اخر استفاده شده است.

Dense layer یارامترها را به طور دیفالت رندوم و bias ها را صفر initialize میکند.

خروجی (model.summary هم به شکل زیر میباشد:

"Model: "sequential

# Layer (type)	Output Shape	Param	
flatten (Flatten)	(None, 784)	0	
dense (Dense)	(None, 300)	235500	
dense_1 (Dense)	(None, 100)	30100	
dense_2 (Dense)	(None, 10)	1010	

Total params: 266,610 Trainable params: 266,610 Non-trainable params: 0

> در ادامه میخواهیم این مدل را با استفاده از optimizer های مختلف compile کنیم و سپس مدل را train کنیم و learning curve مربوطه را برای هر optimizer رسم کنیم. در آخر هم عملکرد optimizer ها را مقایسه کنیم.

classification روال کد، از ساخت شبکه ی عصبی تا report

به طور کلی برای ۴ optimizer از تابع زیر استفاده میشود.

ANN(sets, loss="sparse_categorical_crossentropy", metrics=["accuracy"], optimizer=None, epochs=30)

توضیح ورودی های تابع:

- منظور از set, train and validation set است.
- منظور از loss تابعی است که شبکه ی عصبی از آن استفاده میکند تا مدل خود را train کند و مینیمم cost function را به دست بیاورد. (سعی میکند y_hat ها را با معیار loss داده شده تا حد ممکن به y ها نزدیک کند.)
- منظور از **metrics** معیار (ها)یی است که شبکه ی عصبی با استفاده از آن train set خود را میسنجد. (یعنی ببیند با metric داده شده شبکه ی عصبی چطور کار کرده، y_hat ها با این معیار چقدر به وها نزدیک هستند.)

به علاوه در انتهای هر loss ،epoch و loss ،epoch عملکرد مدل را به روی validation set هم بررسی میکنند.

(استفاده از هر loss ای به عنوان همان metric هم قابل قبول است هر چند این کار بیهوده است.)

دلیل استفاده از sparse_categorical_crossentropy به عنوان loss: ما دو تا کلاس نداریم. پس از sparse_categorical_crossentropy به عنوان one-hot vector برای و one-hot vector جضور در هر کلاس داده نشده است. به عبارتی probability برای و sparse label بنداریم. پس از categorical_crossentropy هم استفاده نمیکنیم. در واقع چون کلاس ها exclusive هستند و sparse label داریم، (برای هر داده و ای از تا ۹) از sparse_categorical_crossentropy استفاده میکنیم.

Softmax Cross-Entropy Loss
$$CE = -log\left(\frac{e^{S_i}}{\sum_{j}^{C} e^{S_j}}\right)$$
 $CE = -\sum_{i}^{C} t_i log(f(s)_i)$

one-hot vector فرمول در زمان استفاده از categorical_crossentropy

فرمول در حالت کلی

دلیل استفاده از accuracy به عنوان metric: به نظر منطقی میآید که بخواهیم بررسی کنیم آیا y_hat همان y است یا خیر. یعنی به عبارتی بخواهیم بدانیم آیا مدل لیبل درستی به داده نسبت داده است یا نه. پس از accuracy استفاده میکنیم. فرمول آن هم ساده و قابل پیش بینی است.

- منظور از **epochs**: در پایان یک epoch همه ی داده ها شانس بررسی شدن داشته اند. یعنی یک epoch یک pass در کل دیتاست است. در پایان loss ،epoch و accuracy روی validation set هم بررسی میشوند.
- منظور optimizer ، optimizer مربوطه برای بهینه سازی شبکه ی عصبی و تاثیرگذار در سرعت train کردن مدل ها برای مینیمم کردن optimizer و استعداد آنها در بیرون کشیدن مدل از مینیمم محلی میباشد. به عبارت ساده تر، optimizer ها

در سرعت همگرایی واینکه اصلا همگرایی اتفاق می افتد یا نه تاثیر میگذارند.که از optimizer های زیر برای train کردن شبکه hyper کی عصبی توضیح داده شده استفاده شده و هر یک از آنها به جز یک مورد از default تعریف شده ی ابرای keras برای w = w و مصبی توضیح داده شده ی این optimizer ها معان از w = w هایی از gradient descent هستند(که در آن-w = w - این optimizer ها از dV که dV است استفاده میکنند. فقط نحوه ی اپدیت کردن پارامترها (W) در آنها تفاوت دارد.

Optimizer	Update rule	Attribute
(Stochastic) Gradient Descent	W = W - lpha dW	 Gradient descent can use parallelization efficiently, but is very slow when the data set is larger the GPU's memory can handle. The parallelization wouldn't be optimal. Stochastic gradient descent usually converges faster than gradient descent on large datasets, because updates are more frequent. Plus, the stochastic approximation of the gradient is usually precise without using the whole dataset because the data is often redundant. Of the optimizers profiled here, stochastic gradient descent uses the least memory for a given batch size.
Momentum	$V_{dW} = \beta V_{dW} + (1 - \beta)dW$ $W = W - \alpha V_{dW}$	 Momentum usually speeds up the learning with a very minor implementation change. Momentum uses more memory for a given batch size than stochastic gradient descent but less than RMSprop and Adam.
RMSprop	$\begin{split} S_{dW} &= \beta S_{dW} + (1-\beta)dW^2 \\ W &= W - \alpha \frac{dW}{\sqrt{S_{dW} + \varepsilon}} \end{split}$	 RMSprop's adaptive learning rate usually prevents the learning rate decay from diminishing too slowly or too fast. RMSprop maintains per-parameter learning rates. RMSprop uses more memory for a given batch size than stochastic gradient descent and Momentum, but less than Adam.
Adam	$\begin{split} V_{dW} &= \beta_1 V_{dW} + (1-\beta_1) dW \\ S_{dW} &= \beta_2 S_{dW} + (1-\beta_2) dW \\ V_{corr_{dW}} &= \frac{V_{dW}}{(1-\beta_1)!} \\ S_{corr_{dW}} &= \frac{S_{dW}}{(1-\beta_2)!} \\ W &= W - \alpha \frac{V_{corr_{dW}}}{\sqrt{S_{corr_{dW}}} + \epsilon} \end{split}$	 The hyperparameters of Adam (learning rate, exponential decay rates for the moment estimates, etc.) are usually set to predefined values (given in the paper), and do not need to be tuned. Adam performs a form of learning rate annealing with adaptive step-sizes. Of the optimizers profiled here, Adam uses the most memory for a given batch size. Adam is often the default optimizer in machine learning.

مقایسه ی ۴ Optimizer استفاده شده، We dJ/dW

از تکرار مواردی که در جدول آمده به صرف ترجمه ی آنها به فارسی خودداری میکنیم و فرمول های ریاضی را در توضیحات زیر نمی اوریم. صرفا به دادن شهودی از این مدل ها بسنده میکنیم.

۱- استفاده از stochastic stochastic gradient descent یعنی رندوم. در این روش به طور رندوم یک data point استفاده میشود تا به وسیله ی آن مشتق ها گرفته شوند. این ایده از حجم محاسبات در gradient descent میکاهد.

w = w - learning_rate * g

۲- استفاده از momentum: یعنی همان sgd + momentum .در sgd ما به گرادیان های قبلی توجه نمیکنیم. اگر slope در لحظه ی مربوطه کم است، حرکت ما هم کند است. ولی در momentum به step های قبلی توجه میشود. از همان SGD مرحله ی قبل استفاده میکنیم که اپدیت کردن پارامتر چون momentum بزرگ تر از صفر است به حالت زیر درمیاید. Velocity ای که در هر مرحله اپدیت میشود در واقع اطلاعاتی از گرادیان های قبلی در اختیار ما میگذارد.

```
velocity = momentum * velocity - learning_rate * g
w = w + velocity
```

هایپرپارامتر momentum بین صفر و یک است. صفر یعنی اصطکاک ماکسیمم و یک یعنی اصطکاک مینیمم. به طور معمول این هایپرپارامتر ۰.۹ گذشته میشود. در این پروژه ما هم همین کار را کردیم.

۳- استفاده از حالت دیفالت کتابخانه ی keras برای train کردن. که یعنی استفاده از rmsp .rmsp، میانگینی از مربعات گرادیان های قبلی را نگه میدارد و هنگام اپدیت کردن پارامترها، dW را بر ریشه ی این مقدار تقسیم میکند. (اپسیلونی هم در فرمول وجود دارد. برای فهمیدن عملیات ریاضی دقیق به جدول مراجعه کنید.)

```
tf.keras.optimizers.RMSprop(
    learning_rate=0.001,
    rho=0.9,
    momentum=0.0,
    epsilon=1e-07,
    centered=False,
    name="RMSprop",
    **kwargs
```

۴- استفاده از Adam : Adam میانگینی از گرادیان های قبلی momentum را با momentum ترکیب میکند.مانند momentum میانگینی از گرادیان های قبلی را نگه میدارد و مانند past squared gradients ،rmsp را نگه میدارد.

```
tf.keras.optimizers.Adam(
    learning_rate=0.001,
    beta_1=0.9,
    beta_2=0.999,
    epsilon=1e-07,
    amsgrad=False,
    name="Adam",
    **kwargs
```

يس در دو حالت اول learning_rate= 0.01 و در دوحالت بعدي برابر 0.001 است. كه ديفالت هاي خوب keras هستند.

نحوه ی عملکرد تابع ANN:

۱. در ابتدا شبکه ی عصبی ای با معماری توضیح داده شده را build میکند.

```
# building a classification MLP with two hidden layers
model = keras.models.Sequential([
    keras.layers.Flatten(input_shape=[28, 28]),
    keras.layers.Dense(300, activation="relu"),
    keras.layers.Dense(100, activation="relu"),
    keras.layers.Dense(100, activation="softmax")
```

۲. آن را کامپایل میکند.

```
# compiling the model (if optimizers are used, hyper parameters are their
default value)
model.compile(loss=loss, metrics=metrics, optimizer=optimizer if
(optimizer) else "rmsprop")
                                                                               ۳، train میکند.
history = model.fit(X_train, y_train, epochs=epochs,
 ralidation_data=(X_valid, y_valid))
                                              ۴. با history به دست آمده از آن learning curve رسم میکند.
# plot learning curve
plotLearningCurve(history, optimizerName)
  ۵. با استفاده از مدل train شده پیشگویی برای test set را انجام میدهد. (لازم به ذکر است که در این مرحله احتمال حضور هر
                                یک از example ها در هر کلاس به دست می اید. نه پیش گویی مستقیم یک عکس)
y_prediction = model.predict(X test)
y_prediction_bool = np.argmax(y_prediction, axis=1)
                                          ۶. با استفاده از مرحله ی قبل classification report را آماده میکند.
report.write(classification report(y test, y prediction bool) + "\n")
              ۷. برای ارتباط بهتر با کاربر هم برای ۴۰ داده ی اول test set پیشگویی مربوطه و لیبل اصلی را نشان میدهد.
plotItemsWithLabels(X_test, y_test, model=model, optimizer=optimizerName)
                                               که بر خلاف مرحله ی ۶ مستقیم کلاس ها را پیش بینی میکند.
 _prediction_classes = model.predict_classes(X)
```

در قسمت تحلیل خروجی درمورد learning curve و classification report توضیح داده میشود.

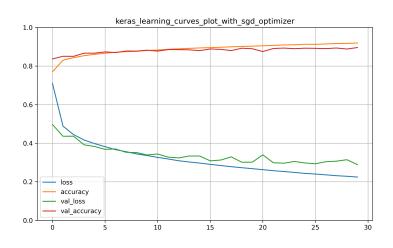
خروجی مسئله و تحلیل آن(مقایسه ی optimizer ها با learning curve)

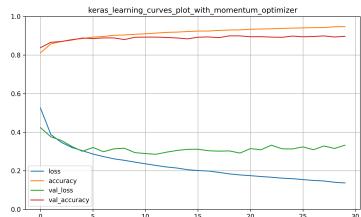
خروجی پروژه به صورت فایل های تکست و عکس میباشد و در ترمینال چیز خاصی چاپ نمیکند. در واقع، مراحل ۴، ۶ و ۷ (در توضیح عملکرد تابع ANN)خروجی مشخص از کد به صورت یک فایل تکست یا عکس داشته اند. این فایل ها در ANN نوضیح عملکرد تابع directory در گیتاب موجود هستند. هر کدام از آنها را می آوریم و درمورد آنها توضیح میدهیم و مقایسه ی optimizer ها را به وسیله ی آنها انجام میدهیم.

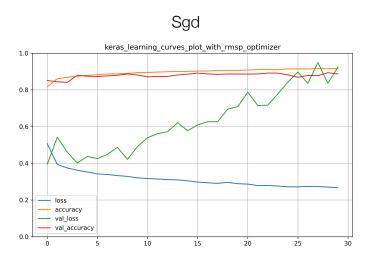
خروجی های زیر مربوط به هایپرپارامترهایی است که درمورد آنها توضیح داده شده. به علاوه 30 epochs = 30.

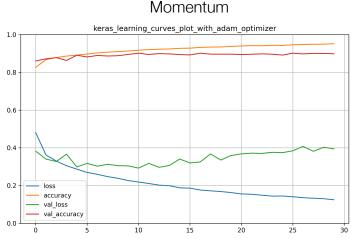
۴. Learning curves : این نمودار ابزار خوبی برای دیدن نحوه ی یادگیری مدل و under fit و یا overfit شدن آن است. اگر Underfit با گذشت زمان کم نشود یعنی مدل عملکرد خوبی روی یادگیری نداشته و underfitting رخ داده. loss یعنی در نهایت هم مدل از پس train set هم برنیاید و پیش بینیش روی آن خوب نباشد.

در حالت overfit واریانس زیاد است. دقت مدل روی داده ی train زیادی خوب است و روی داده ی validation با اختلاف بدتر است. این موضوع در نمودار به این شکل نمایان میشود که loss برای train set کم شود و برای validation set زیاد شود. حال learning curve عه optimizer ۴ توضیح داده شده را میآوریم.









Rmsp Adam

نکته ی اول این است که همه ی نمودار ها در طی ۳۰ تا epoch به بهتر یا ثابت ماندن روی داده ی train ادامه داده اند و underfit نشده اند و loss کمی روی train set داشته اند.

نکته ی دوم اینکه rmsp و Adam از جایی به بعد روی validation set عملکردشان رو به نزول رفته و overfit شده اند. این overfit در rmsp به شدت فجیع است و در adam هم اصلا مناسب نیست. به نظر مناسب می آید که epoch را به 10 برای overfit تغییر دهیم تا از overfit جلوگیری کنیم برای rmsp هم عملکرد روی validation set اصلا مناسب نیست و این optimizer در dataset ما خوب کار نکرده است.

نکته ی سوم اینکه به نظر می آید validation set loss بتواند در sgd باز هم کمتر شود. پس train را در این حالت بد نیست ادامه دهیم.

نکته ی چهارم اینکه قوس loss برای validation set از ۱۵ به بعد با train set در loss فوس loss برای validation از که به بعد با train set این مدل را هم از ۳۰ به ۱۵ بکاهیم.

metric :Classification report.۶ های استفاده شده برای ارزیابی عملکرد مدل ها روی test set به ترتیب, test set استفاده شده برای ارزیابی عملکرد مدل ها روی fl score, accuracy

TP و TN و FP و FN در مسئله ی ما دارای اهمیت نیستند. فقط مهم است که یک عکس درست پیش بینی و دسته بندی شود. پس با توجه به فرمول های زیر منطقی است که از F1score و یا accuracy استفاده کنیم.

$$\begin{array}{rcl} precision & = & \frac{TP}{TP + FP} \\ \\ recall & = & \frac{TP}{TP + FN} \\ \\ F1 & = & \frac{2 \times precision \times recall}{precision + recall} \\ \\ accuracy & = & \frac{TP + TN}{TP + FN + TN + FP} \end{array}$$

Different metrics

ردیف macro average و weighted average برای هر metric یکسان است چون تعداد داده های کلاس ها برابر است. ما از accuracy و میانگین f1-score ها برای مقایسه استفاده میکنیم. عکس اورده شده screenshot از فایل classification_report.txt است.

classificatio	n report with	sad		
0 000011100110	precision		f1-score	support
	precision	· cca c c	11 30010	Suppor c
0	0.81	0.86	0.83	1000
1	0.99	0.97	0.98	1000
2	0.80	0.82	0.81	1000
3	0.88	0.90	0.89	1000
4	0.83	0.78	0.81	1000
5	0.97	0.76	0.96	1000
6	0.71	0.69	0.70	1000
7		0.09		
	0.92			1000
8	0.96	0.97		
9	0.97	0.94	0.96	1000
				40000
accuracy			0.89	
macro avg		0.89		
weighted avg	0.89	0.89	0.88	10000
classificatio	n report with	momentu	m	
	precision	recall	f1-score	support
0	0.83	0.87	0.85	1000
1	0.99	0.98	0.99	1000
2	0.83	0.80		1000
3	0.90	0.91		
4	0.84	0.79		
4				1000
5	0.99	0.95	0.97	1000
6	0.70	0.74		1000
7	0.93	0.99		
8	0.98	0.97	0.97	1000
9	0.97	0.96	0.96	1000
accuracy			0.89	10000
macro avg	0.90	0.89	0.90	10000
weighted avg	0.90	0.89	0.90	10000
5				
 classificatio	n report with	rmsp.op	timizer	
classificatio	n report with	rmsp op	timizer	
classificatio	n report with precision	rmsp op recall	timizer f1–score	support
	precision	recall	f1-score	
0	precision 0.86	recall 0.76	f1-score 0.81	1000
0 1	precision 0.86 0.99	0.76 0.96	f1-score 0.81 0.98	1000 1000
0 1 2	precision 0.86 0.99 0.90	0.76 0.96 0.64	f1-score 0.81 0.98 0.75	1000 1000 1000
0 1 2 3	precision 0.86 0.99 0.90 0.86	0.76 0.96 0.64 0.91	0.81 0.98 0.75 0.88	1000 1000 1000 1000
0 1 2 3 4	precision 0.86 0.99 0.90 0.86 0.72	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80	1000 1000 1000 1000 1000
0 1 2 3 4 5	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97	1000 1000 1000 1000 1000
0 1 2 3 4 5 6	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68	1000 1000 1000 1000 1000
0 1 2 3 4 5	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97	1000 1000 1000 1000 1000
0 1 2 3 4 5 6	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68	1000 1000 1000 1000 1000 1000
0 1 2 3 4 5 6 7	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000
0 1 2 3 4 5 6 7 8	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95	11-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.95	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 accuracy macro avg	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97	11-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.95	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 accuracy macro avg	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97	11-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 accuracy macro avg weighted avg	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97	11-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 accuracy macro avg weighted avg	precision 0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94 0.88 0.88	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 accuracy macro avg weighted avg	precision 0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94 0.88 0.88	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97	11-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 accuracy macro avg weighted avg classification	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97 0.87 0.87	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96 0.87 0.87 0.87	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 accuracy macro avg weighted avg classification	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94 0.88 0.88	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97 0.87 0.87	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96 0.87 0.87 0.87	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 accuracy macro avg weighted avgclassification	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94 0.88 0.88	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97 0.87 0.87	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96 0.87 0.87 0.87 0.87	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 accuracy macro avg weighted avg classification	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94 0.88 0.88	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97 0.87 0.87 0.87	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96 0.87 0.87 0.87 f1-score 0.84 0.98 0.81	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 accuracy macro avg weighted avg classification	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94 0.88 0.88	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97 0.87 0.87 0.87	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96 0.87 0.87 0.87 f1-score 0.84 0.98 0.81 0.89	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 accuracy macro avg weighted avg classification	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94 0.88 0.88	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97 0.87 0.87 0.87	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.89 0.80	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 accuracy macro avg weighted avg classification	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94 0.88 0.88 0.88	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97 0.87 0.87 0.87	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.8	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 accuracy macro avg weighted avg classification	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94 0.88 0.88 0.88 0.88	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.71	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 accuracy macro avg weighted avg classification	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94 0.88 0.88 0.88	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97 0.87 0.87 0.87	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.71	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 accuracy macro avg weighted avg	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94 0.88 0.88 0.88	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.89 0.98 0.98 0.92 0.78 0.97 0.69 0.98	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.71 0.96	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 accuracy macro avg weighted avg	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94 0.88 0.88 0.88 0.88 0.88 0.88 0.88	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.89 0.98 0.98 0.92 0.78 0.97 0.69 0.98	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.71 0.96 0.97	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
accuracy macro avg weighted avg.	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94 0.88 0.88 0.88	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.89 0.98 0.98 0.92 0.78 0.97 0.69 0.98	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.71 0.96	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
accuracy macro avg weighted avg.	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94 0.88 0.88 0.88 0.88 0.88 0.88 0.88	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.89 0.98 0.98 0.92 0.78 0.97 0.69 0.98	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.98 0.91 0.98 0.96 0.97 0.96	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
accuracy macro avg weighted avg.	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94 0.88 0.88 0.88 0.88 0.88 0.87 0.87 0.87	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.89 0.98 0.98 0.92 0.78 0.97 0.69 0.98	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.71 0.96 0.97 0.96 0.89	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100
accuracy macro avg weighted avg.	0.86 0.99 0.90 0.86 0.72 0.98 0.64 0.95 0.98 0.94 0.88 0.88 0.88 0.88 0.88 0.88 0.88	0.76 0.96 0.64 0.91 0.90 0.95 0.73 0.95 0.97 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.89 0.98 0.98 0.92 0.78 0.97 0.69 0.98	f1-score 0.81 0.98 0.75 0.88 0.80 0.97 0.68 0.95 0.97 0.96 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.87 0.98 0.91 0.98 0.96 0.97 0.96	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100

Accuracy	Average f1 score	
0.89	0.88	Sgd
0.89	0.90	Momentum
0.87	0.87	Rmsp
0.89	0.89	Adam

Accuracy : Adam = sgd = momentum > rmsp Average f1score : momentum > Adam > sgd > rmsp

سه مدل momentum, Adam, sgd به هم بسیار نزدیک هستند. ولی به هر حال نتیجه گیری کلی میکنیم که برای مدل و دیتاًست ما: momentum > Adam > sgd > rmsp

هر چند باید در نظر بگیریم که عملکرد بدتر rmsp به این خاطر است که طبق rmsp ،learning curves واریانس داشت و overfit شده بود)

۷. پیشگویی ۴۰ داده ی اول test set: با اینکه از ۴۰ داده ی اول هیچ نتیجه گیری کلی و مقایسه ای نمیشود کرد ولی این شکل
 برای کاربر جذاب و قابل توجه است.





Momentum





Rmsp

پیشنهاد

هایپرپارامترها را برای optimizerها عوض کنیم،
زمان ران شدن را هم به عنوان معیاری برای مقایسه در نظر بگیریم،
معماری شبکه عصبی را عوض کنیم،
همه ی optimizer ها از یک learning_rate یکسان استفاده کنند،
با توجه به optimizer ها را مقایسه کنیم.

توضيح توابع مسئله

به صورت کامنت در بین کد

منابع

منابعی که از کد آنها استفاده شده:

Hands-On Machine Learning with Scikit-Learn, Keras, ...

https://github.com/ageron/handson-ml2/blob/master/10_neural_nets_with_keras.ipynb

https://github.com/ageron/handson-ml2/blob/master/10 neural nets with keras.ipynb

منابعی که از آنها برای تحلیل، مشخصات دیتاست،... استفاده شده:

https://keras.io/api/optimizers/

https://keras.io/api/metrics/

https://keras.io/api/losses/

https://www.tensorflow.org/datasets/catalog/fashion_mnist

http://en.wikipedia.org/wiki/Cross-validation_%28statistics%29.

ها optimizer جدول اورده شده برای مقایسه ی /optimization جدول اورده شده برای مقایسه ی

https://towardsdatascience.com/stochastic-gradient-descent-with-momentum-a84097641a5d