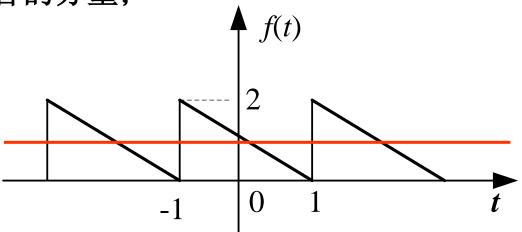
2004级本科生《信号与系统》期中测验

1、请判断下面描述的系统是否为线性时不变系统;

$$\frac{d}{dt}r(t) + tr(t) = e(t) + 1$$

解答: 非线性、时变系统

2、判断如下周期信号(T=2)的三角函数形式的傅里叶级数所包含的分量;



解答: 直流分量和正弦分量

3、已知某系统在输入信号为 ϵ (t)时的全响应为($e^{-t}+e^{-2t}$) ϵ (t),输入信号为2 ϵ (t)时的全响应为($4e^{-t}+2e^{-2t}$) ϵ (t),。求该系统的冲激响应 h(t)。

 $h(t) = r'_{\varepsilon}(t) = (-3e^{-t} - 2e^{-2t})\varepsilon(t) + 4\delta(t)$

解答:
$$r_1(t) = r_{\varepsilon}(t) + r_{zi}(t) = (e^{-t} + e^{-2t})\varepsilon(t)$$

 $r_2(t) = 2r_{\varepsilon}(t) + r_{zi}(t) = (4e^{-t} + 2e^{-2t})\varepsilon(t)$
 $\therefore r_{\varepsilon}(t) = (3e^{-t} + e^{-2t})\varepsilon(t)$

4、求门信号
$$G_{\tau}(t) = \varepsilon \left(t + \frac{\tau}{2}\right) - \varepsilon \left(t - \frac{\tau}{2}\right)$$
 的单边拉普拉斯变换 及其收敛区间。

解答:

收敛区间Re(s)> -∞

$$L\{G_{\tau}(t)\} = L\{G_{\tau}(t)\varepsilon(t)\}$$

$$= L\{\varepsilon(t) - \varepsilon(t - \tau/2)\}$$

$$= \frac{1}{S}(1 - e^{-\frac{\tau}{2}S})$$

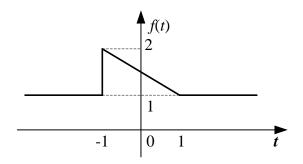
5、已知某因果系统的系统函数为 $H(s) = \frac{1}{s+1}$ 求其对信号 $e(t) = \cos(t) \left[-\infty < t < +\infty \right]$ 的响应。

解答:
$$H(j\omega) = \frac{1}{j\omega+1}$$

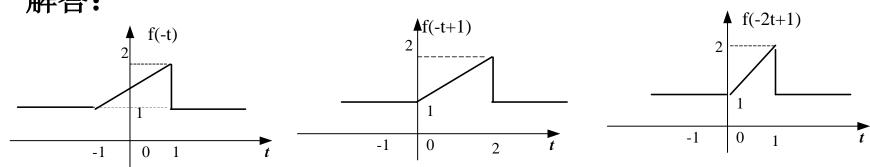
cost
$$\omega = 1$$
 $H(j1) = \frac{1}{j+1} = \frac{1-j}{2} = \frac{1}{\sqrt{2}} e^{-j\frac{\pi}{4}}$ $\frac{1}{\sqrt{2}} \cos(t - \frac{\pi}{4})$

或
$$H(j1) = \frac{1}{j+1} = \frac{1}{2} - \frac{1}{2}j$$
 $\frac{1}{2}\cos t + \frac{1}{2}\sin t$

6、已知f(t)的波形如下图所示。请画出f(-2t+1)的图形



解答:



7、求下列F_d(s)的原时间函数。

$$F(s) = \frac{1}{(s+3)(s+5)} -5 < \text{Re}[s] < -3$$

-5 -3 σ_{σ}

解:
$$F(s) = \frac{0.5}{s+3} - \frac{0.5}{s+5}$$

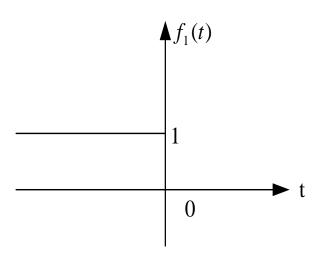
$$f(t) = -0.5e^{-3t} \varepsilon(-t) - 0.5e^{-5t} \varepsilon(t)$$

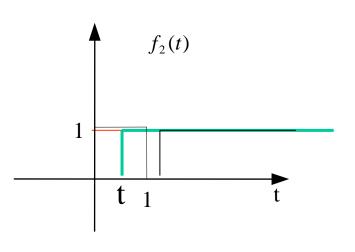
左边函数L反变换: 1, S取反: 2, 求

LT; 3, t取反

收敛区在-5的右侧,-5对应的是右边函数;-3对应的是左边函数

8、 画出 $f(t) = f_1(t) * f_2(t)$ 的波形图

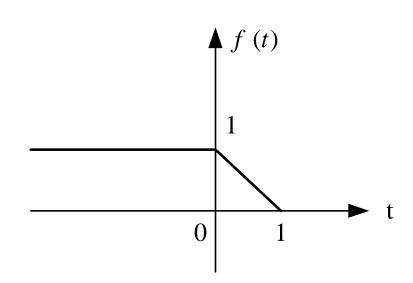




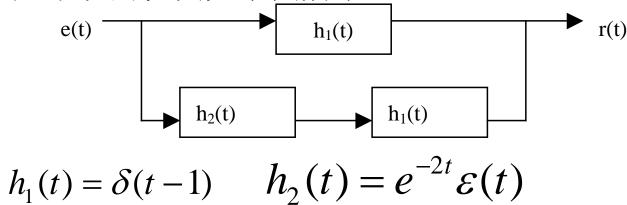
$$t<0$$
 $f(t)=1$

$$0 < t < 1$$
 $f(t) = 1 - t$

$$t>1$$
 $f(t)=0$



9、已知系统的框图如下图所示,



求整个系统的冲激响应h(t)。

$$h(t) = h_1(t) + h_2(t) * h_1(t) = \delta(t-1) + e^{-2t} \varepsilon(t) * \delta(t-1)$$

= $\delta(t-1) + e^{-2(t-1)} \varepsilon(t-1)$

时域中, 串联的系统效应是 两个系统的卷积, 并联是和 10、若已知, $F[f(t)] = F(j\omega)$ 利用傅里叶变换的性质求f(4-2t)的傅里叶变换。

解:
$$f(t) \xrightarrow{\text{бер (h)}} f(t-t_0) \xrightarrow{\text{Крер (h)}} f(at-t_0)$$

$$F(j\omega) \quad F(j\omega)e^{-j\omega t_0} \quad \frac{1}{|a|}F(j\frac{\omega}{a})e^{-j\frac{\omega}{a}t_0}$$

另: $f(t) \xrightarrow{\text{Крер (h)}} f(at) \xrightarrow{\text{Geometric (horself)}} f(a(t-\frac{t_0}{a}))$

$$\frac{1}{|a|}F(j\frac{\omega}{a}) \quad \frac{1}{|a|}F(j\frac{\omega}{a})e^{-j\frac{\omega}{a}t_0}$$

$$F[f(t)] = F(j\omega) \leftrightarrow F[f(t+4)] = e^{4j\omega}F(j\omega)$$

$$\leftrightarrow F[f(-2t+4)] = \frac{1}{2}e^{-2j\omega}F(-j\frac{\omega}{2})$$

11、已知系统转移算子 $H(p) = \frac{p+1}{p^2+3p+2}$, 初始条件为:

r(0) = 1, r'(0) = 2 求其零输入响应。

解:
$$\lambda_1 = -1; \lambda_1 = -2$$

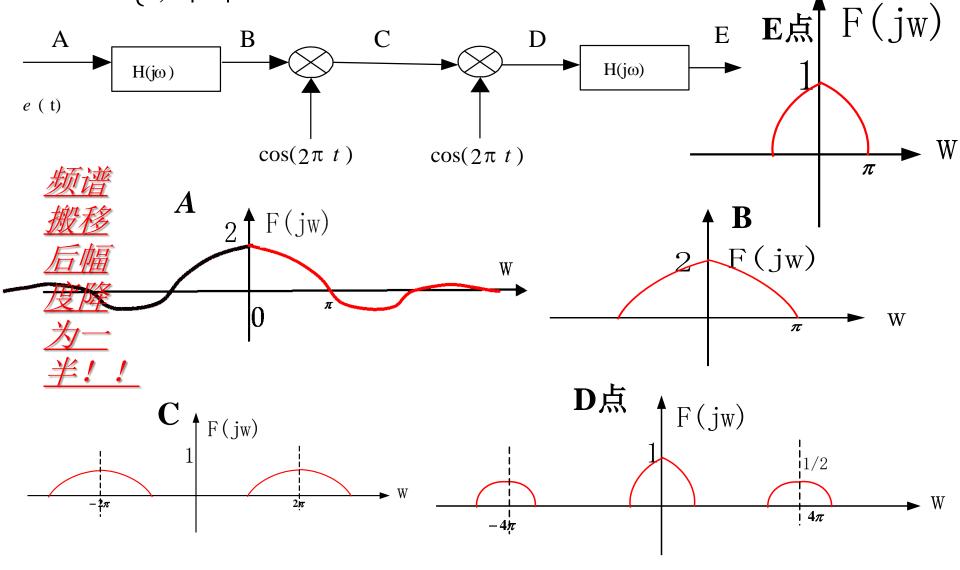
$$r(t) = C_1 e^{-t} + C_2 e^{-2t}$$

$$\begin{cases} C_1 + C_2 = 1 \\ -C_1 - 2C_2 = 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} C_1 = 4 \\ C_2 = -3 \end{cases}$$

$$r(t) = (4e^{-t} - 3e^{-2t})\varepsilon(t)$$

12、一系统如下图,信号e(t)=ε(t+1)-ε(t-1),滤波器的频率响应

$$H(j\omega) = \begin{cases} 1, & |\omega| < \pi \\ 0, & |\omega| > \pi \end{cases}$$
 试画出A、B、C、D、E五点处信号的频谱图。



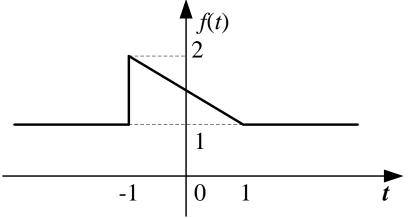
13、求激励 $e(t)=e^{-2t}\epsilon(t-1)+\delta(t-2)$ 通过系统 $H(j\omega)=2e^{-3j\omega}$ 的响应。

此系统为线性非失真系统,因此只是增益为2,并延时3

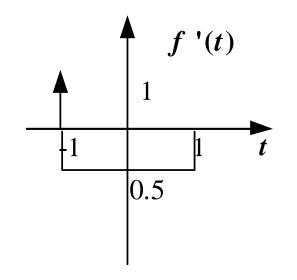
$$r(t)=2e^{-2(t-3)}\epsilon(t-4)+2\delta(t-5)$$

倍数为2,延时3

14、求下图信号的傅里叶变换



$$F(jw) = \frac{G(jw)}{jw} + \pi [f(\infty) + f(-\infty)]\delta(w)$$



$$F[f'(t)] = e^{j\omega} - Sa(\omega)$$

$$F[f(t)] = \frac{e^{j\omega} - Sa(\omega)}{j\omega} + 2\pi\delta(\omega)$$

最后一项就看原函数的平均值!!

15、已知LTI因果系统函数 $H(s) = \frac{s+1}{s^2+3s+2}$,激励 $e(t) = \varepsilon(t)$

求系统的零状态响应,并指出响应中的自然响应与受迫响应。

$$R(s) = \frac{1}{s+2} \cdot \frac{1}{s} = \frac{0.5}{s} - \frac{0.5}{s+2}$$

$$r(t) = (0.5 - 0.5e^{-2t})\varepsilon(t)$$

受迫分量

自由 分量