# 东南大学 2008-2009 学年第二学期《高等数学(上)》 期中考试试卷

			,v,, , , , , ,	V-V				
课程名称	高等数字	学A、B(期	中) 考试 <del></del>	学期 08. ———	-09-2 1	导分 ———		
适用专业	工科类 考试形式				闭卷  考试时间长度 120 分钟			
题号	_	=	Ξ	四	五	六	七	
得分								
一.填空题(每个空格 4 分, 本题满分 32 分)								
1. $\lim_{x\to\infty} x \ln \left  \frac{1}{x+\infty} \right $	$\left(1 - \frac{x}{2x^2 + 1}\right)$	1)=	;					
2. $\stackrel{\text{def}}{=} x \rightarrow 0$	时, 1-c	os(1-cos x)	与kx"是等	价无穷小, <u>则</u>	IJ k =,	<i>α</i> =;		
3. 设 y = x <sup>5</sup>	<sup>inx</sup> ,则dy	$x = \frac{\pi}{2}$						
<b>4.</b> 设 y = y	(x) 是由方	程e <sup>xy</sup> + tan(	xy) = y 所确	定的隐函数,	则 y'(0) =	;		
5.  f(x) = x	(In x 在x =	= 1 处带有 P e	eano 余项的	二阶Taylor?	公式为	;		
<b>6.</b> 已知曲线	$\hat{k} y = x^2 - a$	nx - b 和 y =	$-2+x^2y^4$ 在	点(1,-1) 处	相切,则a:	=, b = _		
二.单项选择	题(每小是	页4分,本题	[满分 12 分)					
7. 设 f(x)	=(x-a)(x	(a-b)(x-c)(	(x - d),其中	常数a、b、	c 、 d 互不	相等,且		
f'(k) = (k -	-a)(k-b)	(k - c),则k	的值等于			[ ]		
(A) a		(B) b		(C) c	(L	O) d		
	$\underset{x_0}{\mathbf{m}} f(x)$ 存	在,则下列	极限一定存在	E的是		[ ]		
$(A)  \lim_{x \to x_0} (f$	$(x)$ ) <sup>a</sup> ( $\alpha$	为实常数)		$(B) \lim_{x \to x_0}$	f(x)			
(C) $\lim_{x \to x_0} \ln y$	f(x)			(D) $\lim_{x\to a}$	$a_{x_0}$ arcsin $f(x_0)$	r)		
<b>9.</b> 已知 $f'$	(a) 存在,贝	$\lim_{h\to 0} f^2(a+$	$\frac{2h)-f^2(a+b)}{h}$	<u>- h)</u> =		[ ]		

 $(A)(f'(a))^2$  (B) 2 f'(a) f(a) (C) 6 f'(a) f(a) (D) 3 f'(a) f(a)

#### 三.计算题(本题满分27分)

10. (7 \( \frac{4}{5} \)) 
$$\lim_{x \to 0} \frac{x \ln(1-2x)}{\sqrt{1+x \sin x} - e^{x^2}}$$

11. (6 \( \hfrak{G} \)) 
$$\lim_{x \to +\infty} \frac{2 \ln x + \sin x}{\ln x + \cos x}$$

13. (7分) 设 
$$y = \sin(f(x^2))$$
, 其中函数  $f$  具有二阶连续导数,求  $\frac{d^2y}{dx^2}$ .

四(14). (7分) 已知函数 
$$f(x) = \begin{cases} ae^{2x} + \cos x, x \le 0 \\ \frac{\sin(bx)}{x} + x, x > 0 \end{cases}$$
 可导,试求常数  $a \to b$  的值.

五(15). (7 分) 试求函数  $f(x) = \lim_{t \to +\infty} \frac{x^3 e^{tx} - x}{e^{tx} - \sin x}$  的间断点,并指出间断点的类型(需说明理 由).

六(16). (9 分)设 
$$L(x) = \begin{cases} \frac{x-1}{\ln x}, & x > 0, x \neq 1 \\ 1, & x = 1 \end{cases}$$
,证明:  $\sqrt{x} \le L(x) \le \frac{1+x}{2}$   $(x > 0)$ .

七(17).(6分) 设函数 f 在区间[a,b]上二阶可导,且 f(a) = f(b),证明:对于任意的  $\alpha > 0$ ,

都存在
$$\xi \in (a,b)$$
,使得  $f''(\xi) = \frac{\alpha f'(\xi)}{b-\xi}$ .

# 08-09-2 高等数学(A,B)期中试卷参考答案

## 一.填空题(每个空格 4 分, 本题满分 32 分)

1. 
$$-\frac{1}{2}$$
;

1. 
$$-\frac{1}{2}$$
; 2.  $k = \frac{1}{8}$ ,  $\alpha = 4$ ; 3.  $dx$ ;

3. 
$$dx$$

4. 
$$y'(0) = 2$$

**4.** 
$$y'(0) = 2$$
; **5.**  $(x-1) + \frac{1}{2}(x-1)^2 + o(x-1)^2$ ; **6.**  $a = \frac{8}{5}$ ,  $b = \frac{2}{5}$ 

**6.** 
$$a = \frac{8}{5}$$
,  $b = \frac{2}{5}$ 

#### 二.单项选择题(每小题 4分, 本题满分 12分)

## 三.计算题(本题满分27分)

11. (6 \( \frac{1}{2} \)) 
$$\lim_{x \to +\infty} \frac{2 \ln x + \sin x}{\ln x + \cos x} = 2$$

13. (7 
$$\%$$
)  $y'' = 2 f' \cos f - 4 x^2 f'^2 \sin f + 4 x^2 f'' \cos f$ 

四(14). (7分) 
$$a = \frac{1}{2}, b = \frac{3}{2}$$

五(15). (7分) 
$$f(x) = \begin{cases} \frac{x}{\sin x}, & x < 0 \\ 0, & x = 0 \end{cases}, & x = 0$$
是第一类,  $x = k\pi$ 是第二类  $(k = -1, -2, \cdots)$ .

六(16). (9分)构造辅助函数.

七(17). (6分) 构造辅助函数 
$$F(x) = (b-x)^{\alpha} f'(x)$$