

Information Retrieval

Edit Distance

Lecture-13

Prepared By

Dr. Rasmita Dash & Dr. Rasmita Rautray

Associate Professor

Dept. of CSE

Content

- Levenshtein Edit distance

Example

- 1 Compute Levenshtein distance matrix for OSLO – SNOW
- 2 What are the Levenshtein editing operations that transform *cat* into *catcat*?

			s		n		o		w	
		<hr/> 0	<hr/> 1	<hr/> 1	<hr/> 2	<hr/> 2	<hr/> 3	<hr/> 3	<hr/> 4	<hr/> 4
o		<hr/> 1 1								
s		<hr/> 2 2								
l		<hr/> 3 3								
o		<hr/> 4 4								

		s	n	o	w
	$\frac{\quad}{0}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{2}{2}$	$\frac{3}{3}$	$\frac{4}{4}$
o	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{2}$?			
s	$\frac{2}{2}$				
l	$\frac{3}{3}$				
o	$\frac{4}{4}$				

			s		n		o		w	
		<div><div></div><div>0</div></div>	<div><div>1</div><div>1</div></div>		<div><div>2</div><div>2</div></div>		<div><div>3</div><div>3</div></div>		<div><div>4</div><div>4</div></div>	
o		<div><div>1</div><div>1</div></div>	<div><div>1</div><div>2</div><div>2</div><div>1</div></div>							
s		<div><div>2</div><div>2</div></div>								
l		<div><div>3</div><div>3</div></div>								
o		<div><div>4</div><div>4</div></div>								

			s		n		o		w
		<div><div></div><div>0</div></div>	<div><div>1</div><div>1</div></div>		<div><div>2</div><div>2</div></div>		<div><div>3</div><div>3</div></div>		<div><div>4</div><div>4</div></div>
o		<div><div>1</div><div>1</div></div>	<div><div>1</div><div>2</div><div>2</div><div>1</div></div>		<div><div>2</div><div>3</div><div>2</div><div>?</div></div>				
s		<div><div>2</div><div>2</div></div>							
l		<div><div>3</div><div>3</div></div>							
o		<div><div>4</div><div>4</div></div>							

		s	n	o	w
	$\frac{\quad}{0}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{2}{2}$	$\frac{3}{3}$	$\frac{4}{4}$
o	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{2}$ $\frac{2}{1}$	$\frac{2}{2}$ $\frac{3}{2}$		
s	$\frac{2}{2}$				
l	$\frac{3}{3}$				
o	$\frac{4}{4}$				

			s		n		o		w
		<div><div></div><div>0</div></div>	<div><div>1</div><div>1</div></div>		<div><div>2</div><div>2</div></div>		<div><div>3</div><div>3</div></div>		<div><div>4</div><div>4</div></div>
o		<div><div>1</div><div>1</div></div>	<div><div>1</div><div>2</div><div>2</div><div>1</div></div>		<div><div>2</div><div>3</div><div>2</div><div>2</div></div>		<div><div>2</div><div>4</div><div>3</div><div>?</div></div>		
s		<div><div>2</div><div>2</div></div>							
l		<div><div>3</div><div>3</div></div>							
o		<div><div>4</div><div>4</div></div>							

			s		n		o		w
		<div><div></div><div>0</div></div>	<div><div>1</div><div>1</div></div>		<div><div>2</div><div>2</div></div>		<div><div>3</div><div>3</div></div>		<div><div>4</div><div>4</div></div>
o		<div><div>1</div><div>1</div></div>	<div><div>1</div><div>2</div><div>2</div><div>1</div></div>		<div><div>2</div><div>3</div><div>2</div><div>2</div></div>		<div><div>2</div><div>4</div><div>3</div><div>2</div></div>		
s		<div><div>2</div><div>2</div></div>							
l		<div><div>3</div><div>3</div></div>							
o		<div><div>4</div><div>4</div></div>							

			s		n		o		w

		s	n	o	w
	$\frac{\quad}{0}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{2}{2}$	$\frac{3}{3}$	$\frac{4}{4}$
o	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{2}$ $\frac{2}{1}$	$\frac{2}{2}$ $\frac{3}{2}$	$\frac{2}{3}$ $\frac{4}{2}$	$\frac{4}{3}$ $\frac{5}{3}$
s	$\frac{2}{2}$	$\frac{1}{3}$ $\frac{2}{?}$			
l	$\frac{3}{3}$				
o	$\frac{4}{4}$				

		s	n	o	w
	$\frac{\quad}{0}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{2}{2}$	$\frac{3}{3}$	$\frac{4}{4}$
o	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{2}$ $\frac{2}{1}$	$\frac{2}{2}$ $\frac{3}{2}$	$\frac{2}{3}$ $\frac{4}{2}$	$\frac{4}{3}$ $\frac{5}{3}$
s	$\frac{2}{2}$	$\frac{1}{3}$ $\frac{2}{1}$			
l	$\frac{3}{3}$				
o	$\frac{4}{4}$				

			s		n		o		w	
		<div><div></div><div>0</div></div>	<div><div>1</div><div>1</div></div>		<div><div>2</div><div>2</div></div>		<div><div>3</div><div>3</div></div>		<div><div>4</div><div>4</div></div>	
o		<div><div>1</div><div>1</div></div>	<div><div>1</div><div>2</div><div>2</div><div>1</div></div>		<div><div>2</div><div>3</div><div>2</div><div>2</div></div>		<div><div>2</div><div>4</div><div>3</div><div>2</div></div>		<div><div>4</div><div>5</div><div>3</div><div>3</div></div>	
s		<div><div>2</div><div>2</div></div>	<div><div>1</div><div>2</div><div>3</div><div>1</div></div>		<div><div>2</div><div>3</div><div>2</div><div>?</div></div>					
l		<div><div>3</div><div>3</div></div>								
o		<div><div>4</div><div>4</div></div>								

		s	n	o	w
	$\frac{\quad}{0}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{2}{2}$	$\frac{3}{3}$	$\frac{4}{4}$
o	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{2}$ $\frac{2}{1}$	$\frac{2}{2}$ $\frac{3}{2}$	$\frac{2}{3}$ $\frac{4}{2}$	$\frac{4}{3}$ $\frac{5}{3}$
s	$\frac{2}{2}$	$\frac{1}{3}$ $\frac{2}{1}$	$\frac{2}{2}$ $\frac{3}{2}$		
l	$\frac{3}{3}$				
o	$\frac{4}{4}$				

		s	n	o	w
	$\frac{\quad}{0}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{2}{2}$	$\frac{3}{3}$	$\frac{4}{4}$
o	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{2}$ $\frac{2}{1}$	$\frac{2}{2}$ $\frac{3}{2}$	$\frac{2}{3}$ $\frac{4}{2}$	$\frac{4}{3}$ $\frac{5}{3}$
s	$\frac{2}{2}$	$\frac{1}{3}$ $\frac{2}{1}$	$\frac{2}{2}$ $\frac{3}{2}$	$\frac{3}{3}$ $\frac{3}{?}$	
l	$\frac{3}{3}$				
o	$\frac{4}{4}$				

		s	n	o	w
	$\frac{\quad}{\quad}$	$\frac{\quad}{\quad}$	$\frac{\quad}{\quad}$	$\frac{\quad}{\quad}$	$\frac{\quad}{\quad}$
	$\frac{\quad}{0}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{2}{2}$	$\frac{3}{3}$	$\frac{4}{4}$
o	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{2}$ $\frac{2}{1}$	$\frac{2}{2}$ $\frac{3}{2}$	$\frac{2}{3}$ $\frac{4}{2}$	$\frac{4}{3}$ $\frac{5}{3}$
s	$\frac{2}{2}$	$\frac{1}{3}$ $\frac{2}{1}$	$\frac{2}{2}$ $\frac{3}{2}$	$\frac{3}{3}$ $\frac{3}{3}$	
l	$\frac{3}{3}$				
o	$\frac{4}{4}$				

		s	n	o	w
	$\frac{\quad}{0}$	$\frac{1}{1}$	$\frac{2}{2}$	$\frac{3}{3}$	$\frac{4}{4}$
o	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{2}$ $\frac{2}{1}$	$\frac{2}{2}$ $\frac{3}{2}$	$\frac{2}{3}$ $\frac{4}{2}$	$\frac{4}{3}$ $\frac{5}{3}$
s	$\frac{2}{2}$	$\frac{1}{3}$ $\frac{2}{1}$	$\frac{2}{2}$ $\frac{3}{2}$	$\frac{3}{3}$ $\frac{3}{3}$	$\frac{3}{4}$ $\frac{4}{?}$
l	$\frac{3}{3}$				
o	$\frac{4}{4}$				

			s		n		o		w
		<div><div></div><div>0</div></div>	<div><div>1</div><div>1</div></div>		<div><div>2</div><div>2</div></div>		<div><div>3</div><div>3</div></div>		<div><div>4</div><div>4</div></div>
o		<div><div>1</div><div>1</div></div>	<div><div>1</div><div>2</div><div>2</div><div>1</div></div>		<div><div>2</div><div>3</div><div>2</div><div>2</div></div>		<div><div>2</div><div>4</div><div>3</div><div>2</div></div>		<div><div>4</div><div>5</div><div>3</div><div>3</div></div>
s		<div><div>2</div><div>2</div></div>	<div><div>1</div><div>2</div><div>3</div><div>1</div></div>		<div><div>2</div><div>3</div><div>2</div><div>2</div></div>		<div><div>3</div><div>3</div><div>3</div><div>3</div></div>		<div><div>3</div><div>4</div><div>4</div><div>3</div></div>
l		<div><div>3</div><div>3</div></div>							
o		<div><div>4</div><div>4</div></div>							

		s	n	o	w
	<div><div></div><div>0</div></div>	<div><div>1</div><div>1</div></div>	<div><div>2</div><div>2</div></div>	<div><div>3</div><div>3</div></div>	<div><div>4</div><div>4</div></div>
o	<div><div>1</div><div>1</div></div>	<div><div>1</div><div>2</div><div>2</div><div>1</div></div>	<div><div>2</div><div>3</div><div>2</div><div>2</div></div>	<div><div>2</div><div>4</div><div>3</div><div>2</div></div>	<div><div>4</div><div>5</div><div>3</div><div>3</div></div>
s	<div><div>2</div><div>2</div></div>	<div><div>1</div><div>2</div><div>3</div><div>1</div></div>	<div><div>2</div><div>3</div><div>2</div><div>2</div></div>	<div><div>3</div><div>3</div><div>3</div><div>3</div></div>	<div><div>3</div><div>4</div><div>4</div><div>3</div></div>
l	<div><div>3</div><div>3</div></div>	<div><div>3</div><div>2</div><div>4</div><div>2</div></div>	<div><div>2</div><div>3</div><div>3</div><div>2</div></div>	<div><div>3</div><div>4</div><div>3</div><div>3</div></div>	<div><div>4</div><div>4</div><div>4</div><div>4</div></div>
o	<div><div>4</div><div>4</div></div>	<div><div>4</div><div>3</div><div>5</div><div>3</div></div>	<div><div>3</div><div>3</div><div>4</div><div>3</div></div>	<div><div>2</div><div>4</div><div>4</div><div>2</div></div>	<div><div>4</div><div>5</div><div>3</div><div>3</div></div>

		s	n	o	w
	$\frac{\quad}{\quad} 0$	$\frac{1}{1}$	$\frac{2}{2}$	$\frac{3}{3}$	$\frac{4}{4}$
o	$\frac{1}{1}$	$\frac{1}{2} \frac{2}{1}$	$\frac{2}{2} \frac{3}{2}$	$\frac{2}{3} \frac{4}{2}$	$\frac{4}{3} \frac{5}{3}$
s	$\frac{2}{2}$	$\frac{1}{3} \frac{2}{1}$	$\frac{2}{2} \frac{3}{2}$	$\frac{3}{3} \frac{3}{3}$	$\frac{3}{4} \frac{4}{3}$
l	$\frac{3}{3}$	$\frac{3}{4} \frac{2}{2}$	$\frac{2}{3} \frac{3}{2}$	$\frac{3}{3} \frac{4}{3}$	$\frac{4}{4} \frac{4}{4}$
o	$\frac{4}{4}$	$\frac{4}{5} \frac{3}{3}$	$\frac{3}{4} \frac{3}{3}$	$\frac{2}{4} \frac{4}{2}$	$\frac{4}{3} \frac{5}{3}$

			s	n	o	w
		0	1 1	2 2	3 3	4 4
o	1 1		1 2 2 1	2 3 2 2	2 4 3 2	4 5 3 3
s	2 2	1 2 3 1		2 3 2 2	3 3 3 3	3 4 4 3
l	3 3	3 2 4 2	2 3 3 2		3 4 3 3	4 4 4 4
o	4 4	4 3 5 3	3 3 4 3	2 4 4 2		4 5 3 3

cost	operation	input	output
1	delete	o	*
0	(copy)	s	s
1	replace	l	n
0	(copy)	o	o
1	insert	*	w

Thank You