

ΨΗΦΙΑΚΕΣ ΤΗΛΕΠΙΚΟΙΝΩΝΙΕΣ

2η Εργαστηριακή Άσκηση (προαιρετική)

Περιεχόμενα

- 1.Εισαγωγή
- 2.Ζητούμενα
- 3.Παράρτημα με κώδικα

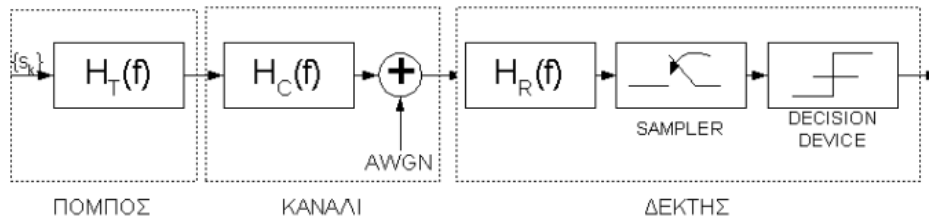
Εισαγωγή

Στη συγκεκριμένη εργαστηριακή εργασία ζητείται η υλοποίηση ενός M-PAM βασικής ζώνης. Στην αναπαράσταση βασικής ζώνης του PAM τα σύμβολα αναπαρίστανται πάνω στον άξονα των πραγματικών αριθμών για να ορισθεί το κάθε σύμβολο χρησιμοποιείται η εξίσωση

$$s_m = (2m - 1 - M) * Es, m = 0, \dots, M, 0 < t \leq T$$

όπου στην περίπτωση μας η ενέργεια συμβόλου Es είναι 1.

Τα σύμβολα μεταδίδονται με το παρακάτω επικοινωνιακό σύστημα.



Επειδή το κανάλι είναι άγνωστο, τα φίλτρα πομπού και δέκτη υλοποιούνται ως φίλτρα τετραγωνικής ρίζας ανυψωμένου συνημίτονου με συντελεστή επέκτασης 0.3. Για λόγους υλοποίησης τα φίλτρα αυτά δεν έχουν άπειρη χρονική έκταση, επομένως γίνεται αποκοπή σε ένα περιορισμένο αριθμό περιόδων σηματοδοσίας 6Ts. Ακόμα, για λόγους καλύτερης ψηφιακής αναπαράστασης, τα φίλτρα αυτά εφαρμόζονται σε μια υπερδειγματοληψία της ακολουθίας συμβόλων εισόδου. Αυτό όμως προϋποθέτει ότι θα πρέπει και το φίλτρο να είναι υπερδειγματοληπτημένο, έστω κατά 4.

Στα πειράματα που βρίσκονται παρακάτω χρησιμοποιούνται τρία διαφορετικά κανάλια. Αρχικά, έχουμε το ιδανικό όπου το φίλτρο δέκτη λαμβάνει ως είσοδο την έξοδο του φίλτρου πομπού + θόρυβο. Τα άλλα δυο κανάλια είναι μη ιδανικά και έχουν το καθένα κρουστική απόκριση:

$$h(-5 : 5) = [0.04 - 0.050.07 - 0.21 - 0.50.720.3600.210.030.07]$$

$$h(-1 : 1) = [0.4070.8150.407].$$

Στην έξοδο κάθε καναλιού, και πριν την είσοδο στο φίλτρο δέκτη, προστίθεται θόρυβος στην ακολουθία συμβόλων. Ο θόρυβος αυτός είναι λευκός Gaussian θόρυβος, μηδενικής μέσης τιμής. Η ισχύς του καθορίζεται από το SNR το οποίο ορίζεται από την παρακάτω εξίσωση. $SNR[db] = 10 \log_{10} (P_s/P_N)$

Η ακολουθία των συμβόλων στην έξοδο του φίλτρου δέκτη υποδειγματοληπτείται στις κατάλληλες χρονικές στιγμές και τα δείγματα που προκύπτουν περνούν από κάποια διάταξη απόφασης οπότε και αποφασίζεται ποια ήταν τα αντίστοιχα σύμβολα που στάλθηκαν. Στη συγκεκριμένη περίπτωση χρησιμοποιείται το κριτήριο ML κατά το οποίο, το σύμβολο που στάλθηκε είναι αυτό που έχει την ελάχιστη Ευκλείδεια απόσταση από το ληφθέν διάνυσμα η οποία ορίζεται ως:

$$D(r, sm) = \sum_{k=1}^N (r_k - s_{mk})^2$$

όπου r το ληφθέν διάνυσμα και sm σύμβολα του αστερισμού που χρησιμοποιήθηκε στη διαμόρφωση.

Ζητούμενα

1

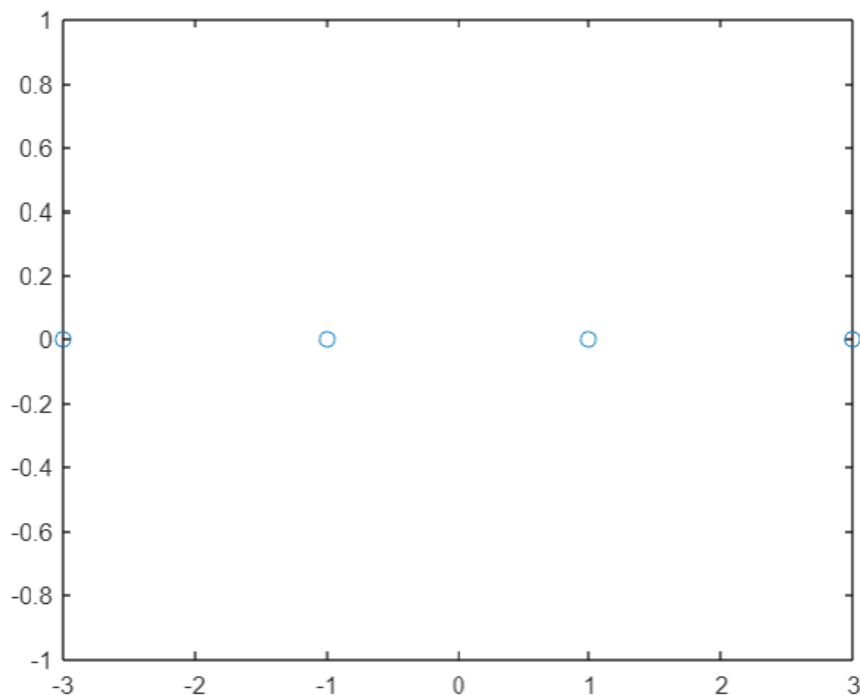
Στο ερώτημα αυτό ζητείται να γίνει μια ψευδοτυχαία δυαδική ακολουθία. Στη matlab αυτό υλοποιείται με την συνάρτηση `randsrc`.

```
1 Lb=1000  
2 Signal=randsrc(Lb, 1, [0,1])
```

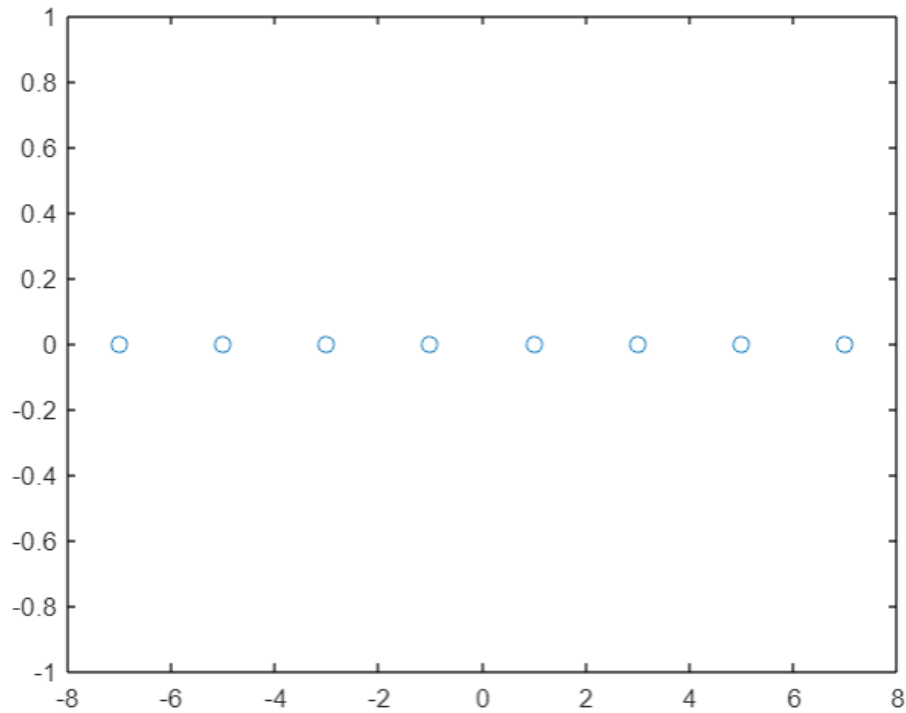
2.

Το σύστημα έχει υλοποιηθεί μέσω μια συνάρτησης. Η συνάρτηση αυτή ονομάζεται `MPAM` και για την χρησιμοποιήσει κάποιος πρέπει να ορίσει τις εισόδους της. Συγκεκριμένα, ορίζεται το σήμα (`Signal`), ο συντελεστής επέκτασης, η υπερδειγματοληψία (`up`), η περίοδος συμβόλου `T`, το `snr`, τα σύμβολα πηγής και το `type` το οποίο ανάλογα με ποιον αριθμό από το 1 έως το 3 (`channel_type`) δίνεται διαλέγεται το κανάλι. Ως έξοδο δίνεται η ακολουθία που λαμβάνει ο δέκτης. Στη συνάρτηση αρχικά γίνεται η υπερδειγματοληψία με την χρήση της έτοιμης συνάρτησης `upsample`, έπειτα βάζουμε το φίλτρο και κάνουμε κανονικοποίηση ώστε η νόρμα να είναι 1. Έπειτα μέσω `if` ανάλογα με την τιμή του `channel_type` δημιουργείται η έξοδος του καναλιού μαζί με την αντίστοιχη κρουστική απόκριση (αν δεν μιλάμε για το ιδανικό κανάλι). Αφού γίνει αυτό προστίθεται λευκός gaussian θόρυβος στη έξοδο του καναλιού. Επειδή όμως έχουμε `Fir` φίλτρο υπολογίζεται και το `delay`. Στη συνέχεια υλοποιείται η διάταξη απόφασης όπου γίνεται με το κριτήριο `ML`.

4 – PAM



8 – PAM



3,4.

Για να μπορέσουμε να έχουμε αποτελέσματα από τον κώδικα πρέπει να τον τρέξουμε για μεγάλο Lb κάτι το οποίο απαιτεί αρκετό χρόνο. Δυστηχώς, το hardware που διαθέτω δεν ήταν ικανό να μου δώσει τα αποτελέσματα πριν την λήξη της προθεσμίας. Ωστόσο ο κώδικας παρατίθεται στο τελευταίο κομμάτι της αναφοράς.

Ο κώδικας υπολογίζει το SER το οποίο από την στιγμή που ένα σύμβολο αποτελείται από M bits συντελεί στον υπολογισμό του BER. Συγκεκριμένα, το BER προκύπτει διαιρώντας το SER με τον αριθμό των bits per symbol δηλαδή το M.

Παράρτημα με κώδικα

```
1 %PAM
2 Es=1
3 T=1
4 roll_off_factor=0.3
5 up=4
6 %plot(s_m,[0,0,0,0],'o')
7 M=4
8 m=1:M
9 s_m4=(2*m-1-M)*Es
10
11 M=8
12 m=1:M
13 s_m8=(2*m-1-M)*Es
14
15 Lb=1000
16 Signal=randsrc(Lb, 1, [0,1])
17 %Mapper4
18 M=4
19 temp = mod(Lb, log2(M))
20 n = Signal(1 : (Lb - temp), :)
21 rn = reshape(n, log2(M), (Lb - temp) / log2(M))
22
23 Signal_dec4 = bin2dec(num2str(rn'))
24 Signal4=zeros(length(Signal_dec4),1)
25
26 for i=1:length(Signal_dec4)
27     Signal4(i,1)=s_m4(Signal_dec4(i)+1)
28 end
29
30
31 %Mapper8
32 M=8
33 temp = mod(Lb, log2(M))
34 n = Signal(1 : (Lb - temp), :)
35 rn = reshape(n, log2(M), (Lb - temp) / log2(M))
36
37 Signal_dec8 = bin2dec(num2str(rn'))
38 Signal8=zeros(length(Signal_dec8),1)
39
40 for i=1:length(Signal_dec8)
41     Signal8(i,1)=s_m8(Signal_dec8(i)+1)
42 end
43
44 %-----
45 SER41=[]
46 SER42=[]
47 SER43=[]
48
49
50 SER81=[]
51 SER82=[]
52 SER83=[]
53 SNR=[0:2:30]
54
55 for i=1:length(SNR)
56     [ output ] = MPAM( Signal4, 4, 0.3, T, '1', SNR(i), s_m4 )
57     SER41(i,1) = sum(xor(output,Signal4)) / length(Signal4)
58 end
59
```

```

60
61 for i=1:length(SNR)
62     [ output ] = MPAM( Signal4, 4, 0.3, T, '2', SNR(i), s_m4 )
63     SER42(i,1) = sum(xor(output,Signal4)) / length(Signal4)
64 end
65
66 for i=1:length(SNR)
67     [ output ] = MPAM( Signal4, 4, 0.3, T, '3', SNR(i), s_m4 )
68     SER43(i,1) = sum(xor(output,Signal4)) / length(Signal4)
69 end
70
71 for i=1:length(SNR)
72     [ output ] = MPAM( Signal8, 4, 0.3, T, '1', SNR(i), s_m8 )
73     SER81(i,1) = sum(xor(output,Signal8)) / length(Signal8)
74 end
75
76
77 for i=1:length(SNR)
78     [ output ] = MPAM( Signal8, 4, 0.3, T, '2', SNR(i), s_m8 )
79     SER82(i,1) = sum(xor(output,Signal8)) / length(Signal8)
80 end
81
82 for i=1:length(SNR)
83     [ output ] = MPAM( Signal8, 4, 0.3, T, '3', SNR(i), s_m8 )
84     SER83(i,1) = sum(xor(output,Signal8)) / length(Signal8)
85 end
86
87
88 %-----
89
90 function [ output ] = MPAM( Signal, up, roll_off_factor, T, channel_type, SNR,
    symbols )
91
92 %Upsampling
93 Signal_up = upsample(Signal,up)
94 Signal_up = Signal_up(1:(length(Signal_up)-(up-1)))
95
96 %Transmission filter
97 t_filter = rcosfir(roll_off_factor , [-T/2 , T/2] , up , 1 , 'sqrt');
98 t_filter = t_filter./norm(t_filter);
99
100 %Output of transmitter
101 in = conv(t_filter, Signal_up);
102
103
104 %Channel output
105 if (channel_type=='1')
106     channelled_output=in
107 elseif (channel_type=='2')
108
109     h= [ 0.04 -0.05 0.07 -0.21 -0.5 0.72 0.36 0 0.21 0.03 0.07]
110     h_up = upsample(h,up)
111     h_up = h_up(1:(length(h_up)-(up-1)))
112
113     channelled_output = conv(h_up,in)
114 elseif (channel_type=='3')
115
116     h = [0.407 0.815 0.407]
117     h_up = upsample(h,up);
118     h_up = h_up(1:(length(h_up)-(up-1)))
119
120     channelled_output = conv(h_up,in)

```

```

121 end
122 %White noise addition
123 Ps = sum(abs(channelled_output).^2) / length(channelled_output)
124 Pn = Ps/(10^(SNR/10))
125
126
127 sigma = sqrt(Pn)
128 noise = sigma *(randn(length(channelled_output),1))
129
130 channel_output=channelled_output+noise
131
132
133
134 %Reciever filter
135 r_filter = t_filter
136
137 %Filter output
138 received = conv(r_filter,channel_output)
139
140 %FIR DELAY
141 N_filter = length(r_filter)
142 N_signal = length(Signal_up)
143
144 if (channel_type=='1')
145     delay = 2*floor(N_filter/2)
146 else
147     N_channel=length(h_up)
148     delay = 2*floor(N_filter/2) + floor(N_channel/2)
149 end
150
151
152 s_delayed = received(delay+1:(end-delay))
153 Signal_down = downsample(s_delayed,up)
154
155
156 N_signal_down = length(Signal_down)
157 symbols_length = length(symbols)
158 %Output matrix initialization
159 output = zeros(N_signal_down,1)
160 %Distance matrix initialization
161 D = zeros(symbols_length,1)
162 % Calculating symbol distance and picking the symbol with min dist.
163 for i=1:N_signal_down
164     % Symbol distance
165     for j=1:symbols_length
166         D(j) = (Signal_down(i) - symbols(j))^2
167     end
168     % Sorting D
169     [D,I] = sort(D,'ascend')
170     % Picking the symbol
171     output(i) = symbols(I(1))
172 end
173 end

```