Московский Авиационный Институт

(Национальный Исследовательский Университет)

Институт № 8 информационных технологий и прикладной математики Кафедра вычислительной математики и программирования

> Лабораторная работа №3 по курсу «Дискретный анализ»

> > Словарь

Студент: Пермяков Никита Александрович
Группа: М80 – 208Б-19
Вариант: 1
Треподаватель: <i>Кухтичев Антон Алексеевич</i>
Оценка:
Дата:
Подпись:

Содержание

- 1. Постановка задачи
- 2. Метод и алгоритм решения
- 3. Описание программы
- 4. Тесты производительности
- 5. Вывод

Постановка задачи

Необходимо создать программную библиотеку, реализующую указанную структуру данных, на основе которой разработать программу словарь. В словаре каждому ключу, представляющему из себя регистронезависимую последовательность букв английского алфавита длиной не более 256 символов, поставлен в соответствие некоторый номер, от 0 до 264.

Тип дерева: AVL-дерево.

Метод и алгоритм решения

АВЛ-дерево — сбалансированное двоичное дерево поиска, в котором справедливо свойство:

• Для любой вершины высота двух поддеревьев различается не более чем на 1.

Данное дерево представлено на основе двух структур TAvl и TAvlNode.

В структуре дерева хранится только указатель на корень дерева.

Структура узла:

- 1. Ключ
- 2. Значение
- 3. Высоту узла
- 4. Указатель на левого сына
- 5. Указатель на правого сына

Балансировка вершины - операция, которая в случае разницы высоты левого и правого поддеревьев abs(h(L) - h(R)) = 2, изменяет связи предок-потомок в поддереве данной вершины так, чтобы восстановилось свойство дерева abs(h(L) - h(R)) < 1, иначе — связи не меняет.

Типы вращений для балансировки:

- 1. Малое левое вращение.
- 2. Малое правое вращение.
- 3. Большое левое вращение.
- 4. Большое правое вращение.

Вставка элемента

Добавим ключ t. Спускаемся по дереву в поиске ключа t. Если мы стоим в вершине a и нам надо идти в поддерево, которого нет, то делаем ключ t листом, а вершину a его корнем.

Далее поднимаемся вверх по пути поиска и пересчитываем баланс вершин. Если мы поднялись в вершину i из левого поддерева, то diff[i] увеличивается на единицу, если из правого, то уменьшается на единицу. Если пришли в вершину и её баланс стал равным +2 или -2, то делаем одно из четырёх вращений.

Так как в процессе добавления вершины мы рассматриваем не более, чем O(h) вершин дерева, и для каждой делаем балансировку один раз, то суммарное количество операций при включении новой вершины в дерево будет $O(\log n)$.

Удаление элемента (рекурсивный алгоритм удаления)

Если вершина — лист, то удалим её, иначе найдём самую близкую по значению вершину a, переместим её на место удаляемой вершины и удалим вершину a. От удалённой вершины будем подниматься вверх к корню и пересчитывать баланс у вершин. Если мы поднялись в вершину i из левого поддерева, то diff[i] уменьшается на единицу, если из правого, то увеличивается на единицу. Если баланс стал равным +2 или -2, следует выполнить одно из четырёх вращений.

Удаление вершины и балансировка - O(h) операций.

Требуемое количество действий - $O(\log n)$.

Также был реализован тип *TVector* для удобной работы с ключами.

Описание программы

Проект состоит из 4 файлов:

- main.cpp
- TAvl.h само AVL-дерево
- ActionTAvl.h операции с AVL-деревом
- TVector.h реализация строкового типа данных.

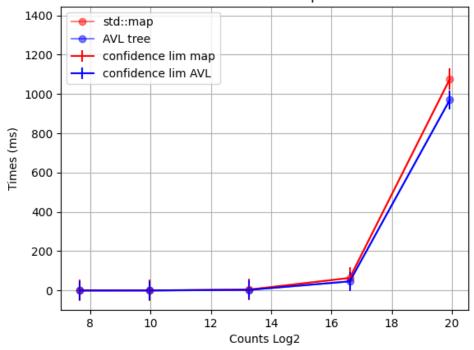
Дневник отладки

No	Время	Проблема	Описание
1	23:10		Тест принимающей системы
2-6		Утечка?	Неправильно работали функции
			вставки и удаления
7		Выход за границу	Исправлены типы данных
		(отрицательное число)	
8			Написание тестов
			производительности

Тесты производительности

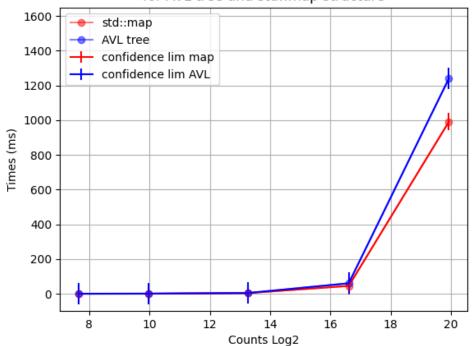
testFind.cpp – тестирование функции поиска

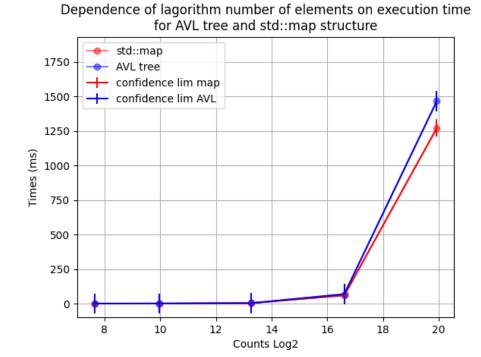
Dependence of lagorithm number of elements on execution time for AVL tree and std::map structure



testInsert.cpp – тестирование функции вставки

Dependence of lagorithm number of elements on execution time for AVL tree and std::map structure





graph.py – скрипт формирования графиков

Выводы

В лабораторной работе была реализована структура данных AVL-дерево.

Сложность вставки, поиска и удаления $O(\log(n))$.

AVL-дерево применяется реже, чем хэш-таблица, где те же операции работают за O(1). Они требуют дополнительных затрат на поддержание сбалансированности при вставке или удалении узлов. Если в дереве постоянно происходят вставки и удаления элементов, эти операции могут значительно снизить быстродействие. С другой стороны, если данные превращают бинарное дерево поиска в вырожденное, то теряется поисковая эффективность и тогда используется AVL-дерево.

Для AVL-дерева не существует наихудшего случая, так как оно является почти полным бинарным деревом.