# МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГООБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

# «Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского» (ННГУ)

Институт информационных технологий, математики и механики

# ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА на тему: **«ВЕКТОРА И МАТРИЦЫ»**

Выполнил(а): студент группы 3822Б1ФИ1
/ Петров Н.Д. /
Подпись
Іроверил: к.т.н., доцент каф. ВВиСП
/ Кустикова В.Д. /
Полпись

# Оглавление

Введение	3
1 Постановка задачи	4
2 Руководство пользователя	5
2.1 Приложение для демонстрации работы векторов	5
2.2 Приложение для демонстрации работы матриц	6
3 Руководство программиста	7
3.1 Использованные алгоритмы	7
3.1.1 Вектор	7
3.1.2 Матрица	7
3.2 Описание классов	7
3.2.1 Класс Vector	7
3.2.2 Класс Matrix	10
Заключение	13
Литература	14
Приложения	15
Приложение A. Реализация класса Vector	15
Приложение Б. Реализация класса Matrix	17
Приложение В. Реализация класса sample_vector	18

# Введение

В информатике и линейной алгебре вектор — это абстрактный математический объект, который представляет собой упорядоченный набор чисел (элементов), хранящихся в одномерной структуре данных. Векторы часто используются для представления данных, которые имеют линейную структуру, такие как координаты точек в пространстве, компоненты цветов в изображениях и другие сущности.

Одной из интересных и важных абстракций, которые можно представить в виде векторов, являются верхне-треугольные матрицы. Верхне-треугольная матрица — это матрица, у которой все элементы ниже главной диагонали равны нулю. Это часто встречается в различных приложениях, таких как численные методы, где сохранение нулей в таких матрицах может существенно ускорить вычисления.

С использованием векторов, в частности, вектора векторов, верхне-треугольные матрицы можно представить в более компактной форме, не храня нулевые элементы. Такое представление позволяет экономить память и оптимизировать операции над матрицей, такие как сложение и умножение.

# 1 Постановка задачи

Цель — разработка и реализация класса **vector** для представления векторов и класса **мatrix** для представления верхне-треугольных матриц.

#### Задачи:

- 1. Исследовать тематическую литературу.
- 2. Реализовать класс **Vector**.
- 3. Реализовать класс маtrix.
- 4. Провести тестирование разработанных классов для проверки их корректной работы.

# 2 Руководство пользователя

## 2.1 Приложение для демонстрации работы векторов

1. Запустить sample\_vector.exe. В результате появится следующее окно (Рис. 1).

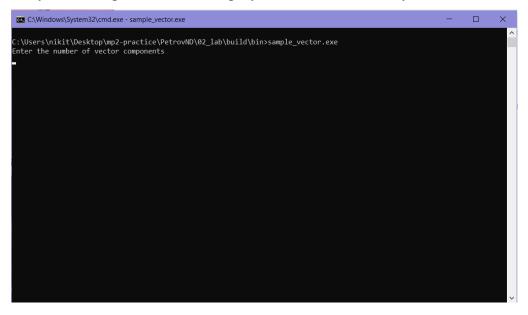


Рис. 1. Основное окно приложения sample\_vector

2. Необходимо ввести размер одного вектора (остальные вектора, необходимые для демонстрации, будут сгенерированы автоматически), затем вам будет предложено ввести этот вектор и скаляр, на который он умножится. Далее будет продемонстрирована работа класса вектор (Рис. 2).

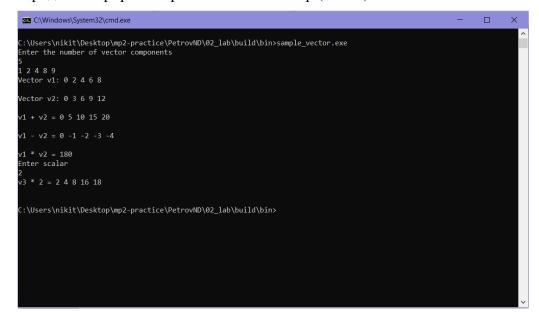


Рис. 2. Основное окно приложения sample\_vector

# 2.2 Приложение для демонстрации работы матриц

1. Запустить sample\_matrix.exe. В результате появится следующее окно (Рис. 3).

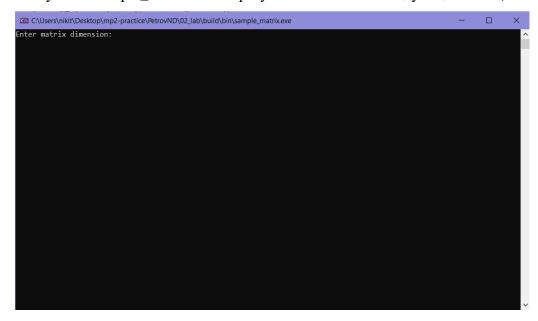


Рис. 3. Основное окно приложения sample\_matrix

2. Необходимо ввести размерность матрицы, затем будет предложены ввести эту матрицу. Далее будет продемонстрирована работа класса матрица (Рис. 4).

```
Enter matrix dimension:
3
Enter matrix(mis):
8 6 7
5 6 6
7
Matrix 1:
1 2 3
0 4 5
0 0 6
Matrix 2:
7 8 9
0 10 11
0 0 12

m1 * m2 =
7 28 67
0 40 104
0 0 72

m3 - m1 =
7 4 4
0 1 1
0 0 1

C:\Users\nikit\Desktop\mp2-practice\PetrovND\02_lab\build\bin\sample_matrix.exe (процесс 23920) завершил работу с кодом 0.
Нажмите любую клавишу, чтобы закрыть это окно:
```

Рис. 4. Основное окно приложения sample\_matrix

# 3 Руководство программиста

## 3.1 Использованные алгоритмы

### 3.1.1 Вектор

Вектор – абстрактная структура данных, которая представляет собой упорядоченный набор элементов одного типа.

Векторные операции:

- 1. Сложение и вычитание векторов;
- 2. Умножение вектора на скаляр;
- 3. Операция скалярного произведения векторов.

## 3.1.2 Матрица

Верхне-треугольная матрица представляется в виде вектора векторов. Верхнетреугольная матрица — это матрица, у которой все элементы ниже главной диагонали равны нулю.

Матричные операции:

- 1. Сложение и вычитание матриц;
- 2. Умножение матриц.

## 3.2 Описание классов

#### 3.2.1 Класс Vector

Объявление класса:

```
template <typename ValueType> class Vector {
protected:
    int size;
    int startIndex;
    ValueType* pVector;
public:
    Vector(int size = 0, int startIndex = 0);
    Vector(const Vector& v);
    ~Vector();
    int getSize() const;
    int getStartIndex() const;
    ValueType& operator[](const int index);
    int operator==(const Vector& v) const;
    int operator!=(const Vector& v) const;
    const Vector& operator=(const Vector& v);
    Vector operator+(const ValueType vt);
    Vector operator-(const ValueType vt);
    Vector operator*(const ValueType vt);
```

```
Vector operator+(const Vector& v);
Vector operator-(const Vector& v);
ValueType operator*(const Vector& v);

friend std::istream& operator>>(std::istream& in, Vector& v);

friend std::ostream& operator<<(std::ostream& out, const Vector& v);

Поля:
```

**size** хранит размер (длину) вектора. Оно указывает, сколько элементов содержит данный вектор.

startIndex Хранит начальный индекс вектора.

**pvector** является указателем на массив элементов вектора. Он используется для хранения самих элементов вектора. Тип элементов вектора определяется шаблонным параметром **valueType**.

Методы:

```
Vector(int size = 0, int startIndex = 0)
```

Назначение: создает объект класса **vector** с заданным размером и начальным индексом.

Bходные данные: size - размер вектора, startIndex - начальный индекс вектора.

Выходные данные: отсутствуют.

#### Vector(const Vector& v)

Назначение: создает копию объекта класса **Vector**.

Входные данные: ссылка на объект класса **vector**.

Выходные данные: отсутствуют.

#### ~Vector()

Назначение: освобождает выделенную память, используемую под вектор.

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: отсутствуют.

#### int getSize() const

Назначение: возвращает размер (длину) вектора.

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: целое число, представляющее размер (длину) вектора.

#### int getStartIndex() const

Назначение: возвращает начальный индекс вектора.

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: целое число, представляющее начальный индекс вектора.

#### ValueType& operator[](const int index)

Назначение: возвращает ссылку на элемент вектора по заданному индексу.

Входные данные: целочисленный индекс.

Выходные данные: ссылка на элемент вектора.

#### int operator==(const Vector& v) const

Назначение: сравнивает два вектора на равенство.

Входные данные: ссылка на объект класса **vector**.

Выходные данные: 1, если векторы равны, 0 - в противном случае.

#### int operator!=(const Vector& v) const

Назначение: сравнивает два вектора на неравенство.

Входные данные: ссылка на объект класса **vector**.

Выходные данные: 1, если векторы неравны, 0 - в противном случае.

#### const Vector& operator=(const Vector& v)

Назначение: присваивает значения вектора из другого вектора.

Входные данные: ссылка на объект класса **Vector**.

Выходные данные: ссылка на текущий объект класса Vector после присваивания.

#### Vector operator+(const ValueType vt)

Назначение: выполняет операцию сложения вектора с скаляром.

Входные данные: значение скаляра.

Выходные данные: новый объект класса **vector** - результат сложения.

#### Vector operator-(const ValueType vt)

Назначение: выполняет операцию вычитания из вектора скаляра.

Входные данные: значение скаляра.

Выходные данные: новый объект класса **vector** - результат вычитания.

#### Vector operator\*(const ValueType vt)

Назначение: выполняет операцию умножения вектора на скаляр.

Входные данные: значение скаляра.

Выходные данные: новый объект класса **vector** - результат умножения.

#### Vector operator+(const Vector& v)

Назначение: выполняет операцию сложения двух векторов.

Входные данные: ссылка на объект класса **vector**.

Выходные данные: новый объект класса **vector** - результат сложения.

#### Vector operator-(const Vector& v)

Назначение: выполняет операцию вычитания из текущего вектора другого вектора.

Входные данные: ссылка на объект класса **vector**.

Выходные данные: новый объект класса **vector** - результат вычитания.

#### ValueType operator\*(const Vector& v)

Назначение: выполняет операцию скалярного произведения двух векторов.

Входные данные: ссылка на объект класса Vector.

Выходные данные: значение типа valueType - результат скалярного произведения.

#### friend std::istream& operator>>(std::istream& in, Vector& v)

Назначение: перегруженный оператор ввода для вектора.

Входные данные: поток ввода, ссылка на объект класса **Vector**.

Выходные данные: ссылка на поток ввода.

#### friend std::ostream& operator<<(std::ostream& out, const Vector& v)</pre>

Назначение: перегруженный оператор вывода для вектора.

Входные данные: поток вывода, константная ссылка на объект класса Vector.

Выходные данные: ссылка на поток вывода.

#### 3.2.2 Класс Matrix

Объявление класса:

```
template <typename ValueType>
class Matrix : public Vector<Vector<ValueType>> {
  public:
          Matrix(int size);
```

```
Matrix(const Matrix& m);
Matrix(const Vector<Vector<ValueType>>& m);
int operator==(const Matrix& m) const;
int operator!=(const Matrix& m) const;
const Matrix& operator=(const Matrix& m);
Matrix operator+(const Matrix& m);
Matrix operator-(const Matrix& m);
Matrix operator-(const Matrix& m);
friend istream& operator>>(istream& in, Matrix<ValueType>& m);
friend ostream& operator<<(ostream& out, Matrix<ValueType>& m);
Matrix(int size)
```

Назначение: Конструктор класса маtrix, создающий матрицу заданного размера.

Входные данные: Целое число size - размер матрицы.

#### Matrix(const Matrix& m)

Назначение: Конструктор копирования для создания матрицы на основе существующей.

Входные данные: Константная ссылка на объект типа маtrix.

#### Matrix(const Vector<Vector<ValueType>>& m)

Назначение: Конструктор для создания матрицы на основе двумерного вектора.

Входные данные: Двумерный вектор.

#### int operator==(const Matrix& m) const

Назначение: Оператор сравнения матриц на равенство.

Входные данные: Константная ссылка на объект типа маtrix.

Выходные данные: Целое число, равное 1, если матрицы равны, и 0 в противном случае.

#### int operator!=(const Matrix& m) const

Назначение: Оператор сравнения матриц на неравенство.

Входные данные: Константная ссылка на объект типа **Matrix**.

Выходные данные: Целое число, равное 1, если матрицы не равны, и 0 в противном случае.

#### const Matrix& operator=(const Matrix& m)

Назначение: Оператор присваивания для матриц.

Входные данные: Константная ссылка на объект типа маtrix.

Выходные данные: Константная ссылка на объект типа маtrix.

#### Matrix operator+(const Matrix& m)

Назначение: Оператор сложения матриц.

Входные данные: Константная ссылка на объект типа **мatrix**.

Выходные данные: Новая матрица, являющаяся результатом сложения текущей

матрицы и переданной матрицы.

#### Matrix operator-(const Matrix& m)

Назначение: Оператор вычитания матриц.

Входные данные: Константная ссылка на объект типа маtrix.

Выходные данные: Новая матрица, являющаяся результатом вычитания из текущей

матрицы переданной матрицы.

#### Matrix operator\*(const Matrix& m)

Назначение: Оператор умножения матриц.

Входные данные: Константная ссылка на объект типа маtrix.

Выходные данные: Новая матрица, являющаяся результатом умножения текущей

матрицы на переданную матрицу.

#### friend istream& operator>>(istream& in, Matrix<ValueType>& m)

Назначение: Перегрузка оператора ввода для матрицы.

Входные данные: Стандартный поток ввода и ссылка на объект типа **Matrix**.

Выходные данные: Ссылка на объект типа istream.

### friend ostream& operator<<(ostream& out, Matrix<ValueType>& m)

Назначение: Перегрузка оператора вывода для матрицы.

Входные данные: Стандартный поток вывода и ссылка на объект типа **Matrix**.

Выходные данные: Ссылка на объект типа ostream.

# Заключение

В рамках данной работы был разработан и реализован класс **vector**, предназначенный для представления векторов, и класс **Matrix**, наследующийся от класса **vector**, для представления верхне-треугольных матриц. Реализованные классы поддерживают основные операции над векторами и матрицами, а также операции ввода и вывода.

# Литература

- 1. Metanit.com [https://metanit.com/cpp/tutorial/7.2.php]
- 2. Microsoft Learn [https://learn.microsoft.com/ru-ru/cpp/standard-library/vector-class?view=msvc-170]
- 3. StackOverflow [https/stackoverflow.com/questions/43418270/multiplying-two-compressed-upper-triangular-matrices]

# Приложения

## Приложение A. Реализация класса Vector

```
template <typename ValueType>
Vector<ValueType>::Vector(int
                                 size,
                                          int
                                                startIndex)
                                                             :
                                                                    size(size),
startIndex(startIndex) {
    pVector = new ValueType[size];
template <typename ValueType>
Vector<ValueType>::Vector(const
                                     Vector&
                                                  V)
                                                          :
startIndex(v.startIndex) {
   pVector = new ValueType[size];
    for (int i = 0; i < size; ++i) {
        pVector[i] = v.pVector[i];
}
template <typename ValueType>
Vector<ValueType>::~Vector() {
    delete[] pVector;
template <typename ValueType>
int Vector<ValueType>::getSize() const { return size; }
template <typename ValueType>
int Vector<ValueType>::getStartIndex() const { return startIndex; }
template <typename ValueType>
ValueType& Vector<ValueType>::operator[](const int index) {
    if (index < 0 || index >= size) throw std::out of range("Index is out of
range");
    return pVector[index];
template <typename ValueType>
int Vector<ValueType>::operator==(const Vector& v) const {
    if (size != v.size) return 0;
    for (int i = 0; i < size; ++i) {</pre>
        if (pVector[i] != v.pVector[i]) {
            return 0;
        }
    return true;
}
template <typename ValueType>
int Vector<ValueType>::operator!=(const Vector& v) const {
   return !(*this == v);
}
template <typename ValueType>
const Vector<ValueType>& Vector<ValueType>::operator=(const Vector& v) {
    if (this == &v) return *this;
    delete[] pVector;
    size = v.size;
    startIndex = v.startIndex;
   pVector = new ValueType[size];
    for (int i = 0; i < size; ++i) {
```

```
pVector[i] = v.pVector[i];
    return *this;
}
template <typename ValueType>
Vector<ValueType> Vector<ValueType>::operator+(const ValueType vt) {
    Vector result(*this);
    for (int i = 0; i < size; ++i) {
        result.pVector[i] += vt;
    return result;
}
template <typename ValueType>
Vector<ValueType> Vector<ValueType>::operator-(const ValueType vt) {
    Vector result(*this);
    for (int i = 0; i < size; ++i) {
        result.pVector[i] -= vt;
    return result;
}
template <typename ValueType>
Vector<ValueType> Vector<ValueType>::operator*(const ValueType vt) {
   Vector result(*this);
    for (int i = 0; i < size; ++i) {
        result.pVector[i] *= vt;
    return result;
}
template <typename ValueType>
Vector<ValueType> Vector<ValueType>::operator+(const Vector& v) {
    if (size != v.size) throw std::invalid argument("Vectors must have the
same size for addition.");
    Vector result(*this);
    for (int i = 0; i < size; ++i) {
        result.pVector[i] += v.pVector[i];
    return result;
template <typename ValueType>
Vector<ValueType> Vector<ValueType>::operator-(const Vector& v) {
    if (size != v.size) throw std::invalid argument("Vectors must have the
same size for subtraction.");
    Vector result(*this);
    for (int i = 0; i < size; ++i) {
        result.pVector[i] -= v.pVector[i];
    return result;
}
template <typename ValueType>
ValueType Vector<ValueType>::operator*(const Vector& v) {
    if (size != v.size) throw std::invalid_argument("Vectors must have the
same size for dot product.");
   ValueType result = 0;
    for (int i = 0; i < size; ++i) {
```

```
result += pVector[i] * v.pVector[i];
}
return result;
}
```

## Приложение Б. Реализация класса Matrix

```
template <typename ValueType>
Matrix<ValueType>::Matrix(int size) : Vector<Vector<ValueType>>(size) {
      for (int i = 0; i < size; ++i) {
            Vector<ValueType> row(size - i, i);
            this->pVector[i] = row;
      }
template <typename ValueType>
Matrix<ValueType>::Matrix(const Matrix& m) : Vector<Vector<ValueType>>(m) { }
template <typename ValueType>
Matrix<ValueType>::Matrix(const
                                     Vector<Vector<ValueType>>&
                                                                     m)
Vector<Vector<ValueType>>(m) { }
template <typename ValueType>
int Matrix<ValueType>::operator==(const Matrix& m) const {
     return Vector<Vector<ValueType>>::operator==(m);
}
template <typename ValueType>
int Matrix<ValueType>::operator!=(const Matrix& m) const {
      return Vector<Vector<ValueType>>::operator!=(m);
}
template <typename ValueType>
const Matrix<ValueType>& Matrix<ValueType>::operator=(const Matrix& m) {
     Vector<Vector<ValueType>>::operator=(m);
     return *this;
template <typename ValueType>
Matrix <ValueType> Matrix<ValueType>::operator+(const Matrix& m) {
     if (this->size != m.size) throw invalid argument("Matrices must have the
same size for addition.");
     Matrix result(*this);
      for (int i = 0; i < this->size; ++i) {
            result.pVector[i] = result.pVector[i] + m.pVector[i];
     return result;
}
template <typename ValueType>
Matrix <ValueType> Matrix<ValueType>::operator-(const Matrix& m) {
     if (this->size != m.size) throw invalid argument("Matrices must have the
same size for subtraction.");
     Matrix result(*this);
     for (int i = 0; i < this->size; ++i) {
            result.pVector[i] = result.pVector[i] - m.pVector[i];
     return result;
}
template <typename ValueType>
```

# Приложение В. Реализация класса sample\_vector

```
int main() {
    try {
            int userInput;
            cout << "Enter the number of vector components" << endl;</pre>
            cin >> userInput;
        Vector<int> v1(5);
            Vector<int> v2(5);
            Vector<int> v3(userInput);
            cin >> v3;
            for (int i = 0; i < 5; ++i) {</pre>
                  v1[i] = i * 2;
                  v2[i] = i * 3;
            cout << "Vector v1: " << v1 << endl;</pre>
            cout << "Vector v2: " << v2 << endl;</pre>
            cout << "v1 + v2 = " << v1 + v2 << endl;
            cout << "v1 - v2 = " << v1 - v2 << endl;
            cout << "v1 * v2 = " << v1 * v2 << endl;
            int scalar;
            cout << "Enter scalar" << endl;</pre>
            cin >> scalar;
            cout << "v3 * " << scalar << " = " << v3 * scalar << endl;
    catch (const exception& e) {
        cerr << "Error: " << e.what() << endl;</pre>
    return 0;
}
```