МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГООБРАЗОВАНИЯ

РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования   
**«Национальный исследовательский   
Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского»**

**(ННГУ)**

**Институт информационных технологий, математики и механики**

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА

на тему:

**«БИТОВЫЕ ПОЛЯ И МНОЖЕСТВА»**

**Выполнил(а):** студент группы 3822Б1ФИ1

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ / Петров Н.Д. /

Подпись

**Проверил:** к.т.н., доцент каф. ВВиСП

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ / Кустикова В.Д. /

Подпись

Нижний Новгород  
2023

Оглавление

[Введение 3](#_Toc149662906)

[1 Постановка задачи 4](#_Toc149662907)

[2 Руководство пользователя 5](#_Toc149662908)

[2.1 Приложение для демонстрации работы битовых полей 5](#_Toc149662909)

[2.2 Приложение для демонстрации работы множеств 6](#_Toc149662910)

[2.3 Приложение «решето Эратосфена» 7](#_Toc149662911)

[3 Руководство программиста 8](#_Toc149662912)

[3.1 Использованные алгоритмы 8](#_Toc149662913)

[3.1.1 Битовые поля 8](#_Toc149662914)

[3.1.2 Множества 9](#_Toc149662915)

[3.1.3 Алгоритм «решето Эратосфена» 10](#_Toc149662916)

[3.2 Описание классов 11](#_Toc149662917)

[3.2.1 Класс TBitField 11](#_Toc149662918)

[3.2.2 Класс TSet 14](#_Toc149662919)

[Заключение 18](#_Toc149662920)

[Литература 19](#_Toc149662921)

[Приложения 20](#_Toc149662922)

[Приложение А. Реализация класса TBitField 20](#_Toc149662923)

[Приложение Б. Реализация класса TSet 22](#_Toc149662924)

[Приложение В. Реализация класса sample\_tbitfield 24](#_Toc149662925)

# Введение

Битовые поля (или битовые множества) являются структурами данных, представляющими множества элементов, где каждый элемент может быть представлен битом (0 или 1) в некотором целочисленном значении. Это эффективный способ работы с наборами элементов, особенно когда множества малы, и каждый элемент может быть представлен уникальным битом.

Пример использования битовых полей включает следующие области:

1. Фильтрация данных: битовые поля можно использовать для фильтрации или классификации данных. Например, в базах данных можно использовать битовые поля для обозначения свойств элементов.

2. Управление доступом: битовые поля часто применяются в системах управления доступом для определения прав доступа пользователей к ресурсам.

3. Оптимизация поиска: битовые индексы используются в различных поисковых алгоритмах и базах данных для ускорения операций поиска.

4. Сжатие данных: битовые поля можно использовать для сжатия информации, когда множество элементов ограничено и их присутствие или отсутствие можно представить битами.

5. Алгоритмы обработки изображений: в обработке изображений битовые поля могут использоваться для представления масок, сегментации и других свойств пикселей.

# Постановка задачи

Цель – реализация классов TBitField и TSet, предназначенных для работы с битовыми полями и множествами на их основе.

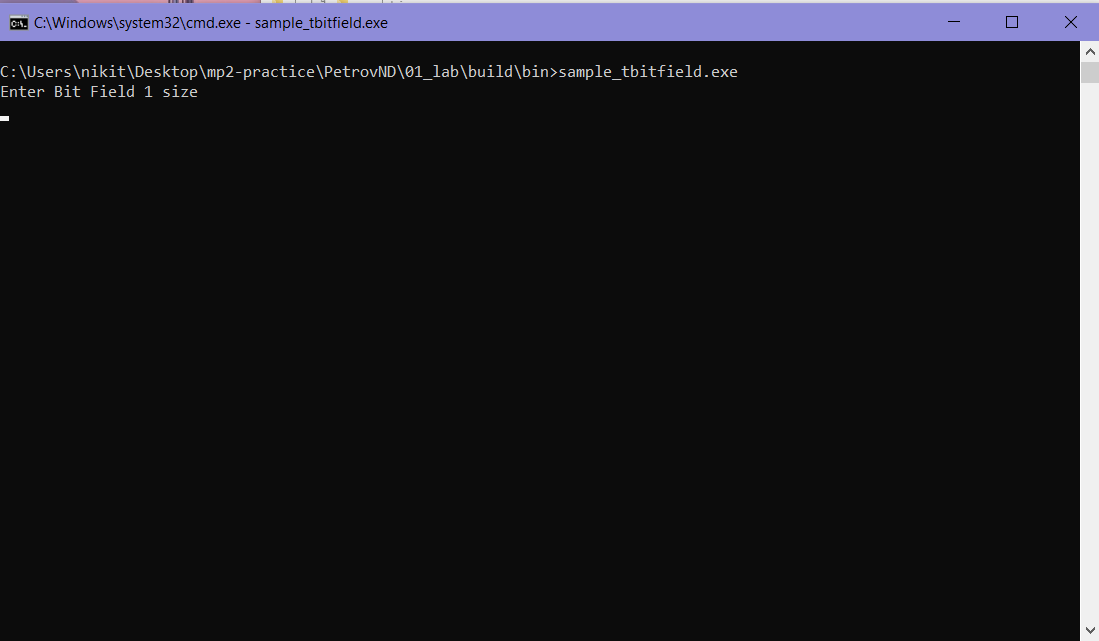
Задачи:

1. Исследовать тематическую литературу.
2. Реализовать класс TBitField.
3. Реализовать класс TSet.
4. Провести тестирование разработанных классов для проверки их корректной работы.

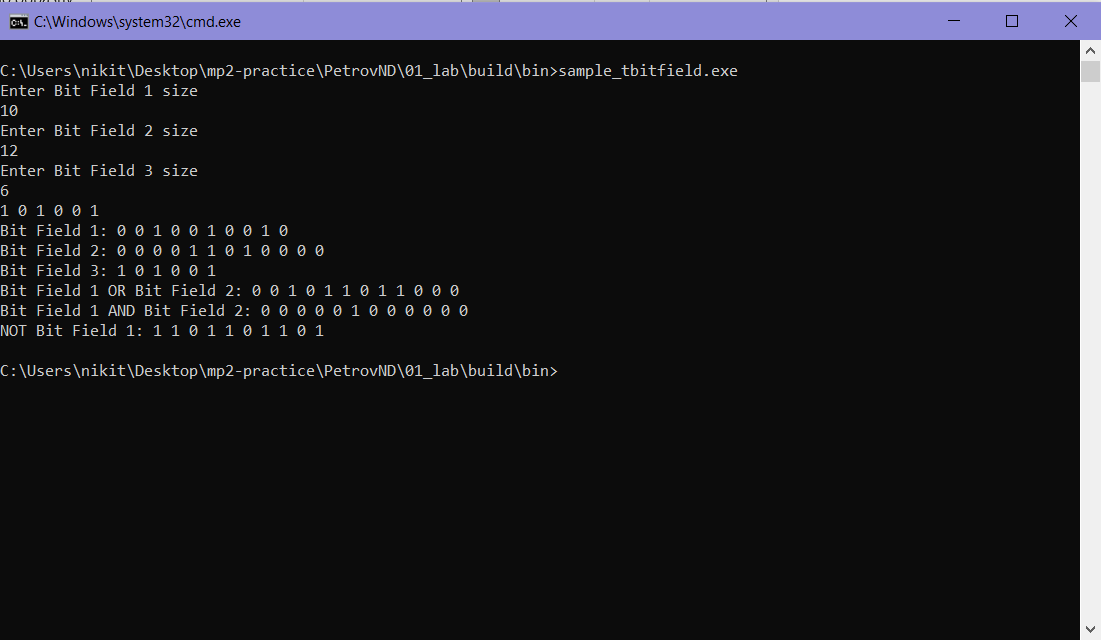
# Руководство пользователя

## Приложение для демонстрации работы битовых полей

1. Запустить sample\_tbitfield.exe. В результате появится следующее окно (Рис. 1).



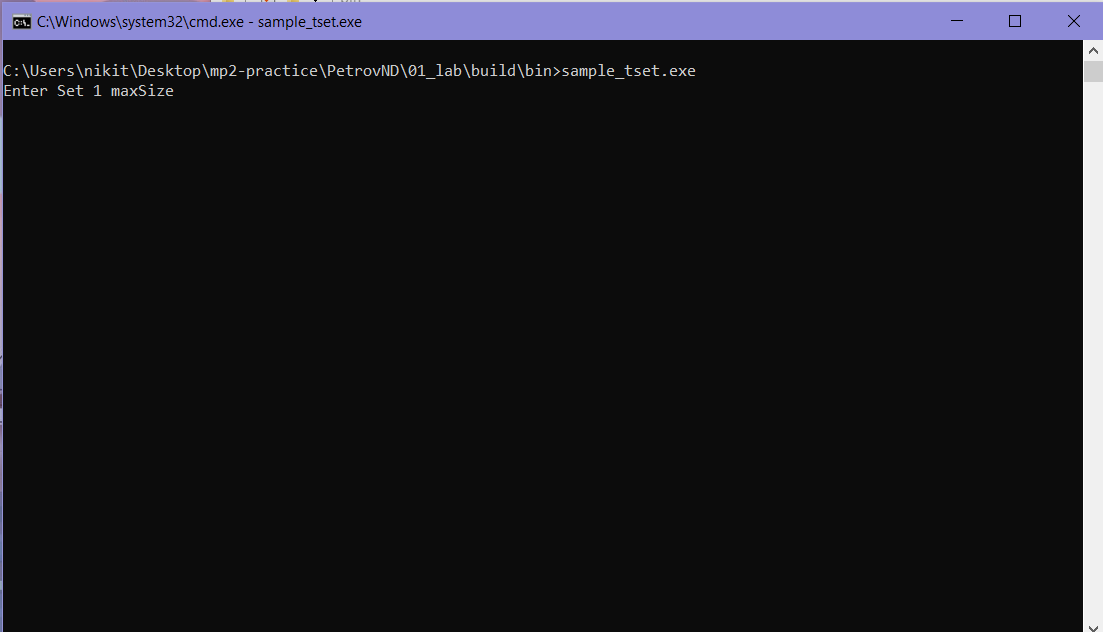
1. Основное окно приложения sample\_tbitfield
2. Необходимо ввести размеры первого, второго и третьего битовых полей (1 и 2 будут сгенерированы автоматически, вам будет предложено заполнить третье поле самостоятельно). Затем будет продемонстрирована работа битовых полей (Рис. 2).



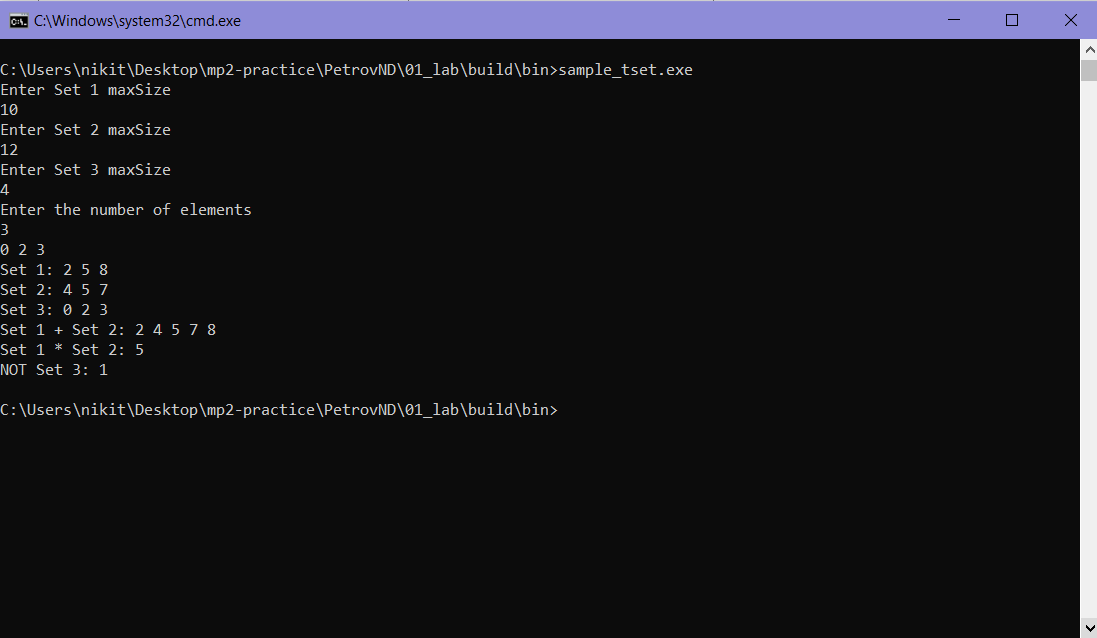
1. Основное окно приложения sample\_tbitfield

## Приложение для демонстрации работы множеств

1. Запустить sample\_tset.exe. В результате появится следующее окно (Рис. 3).



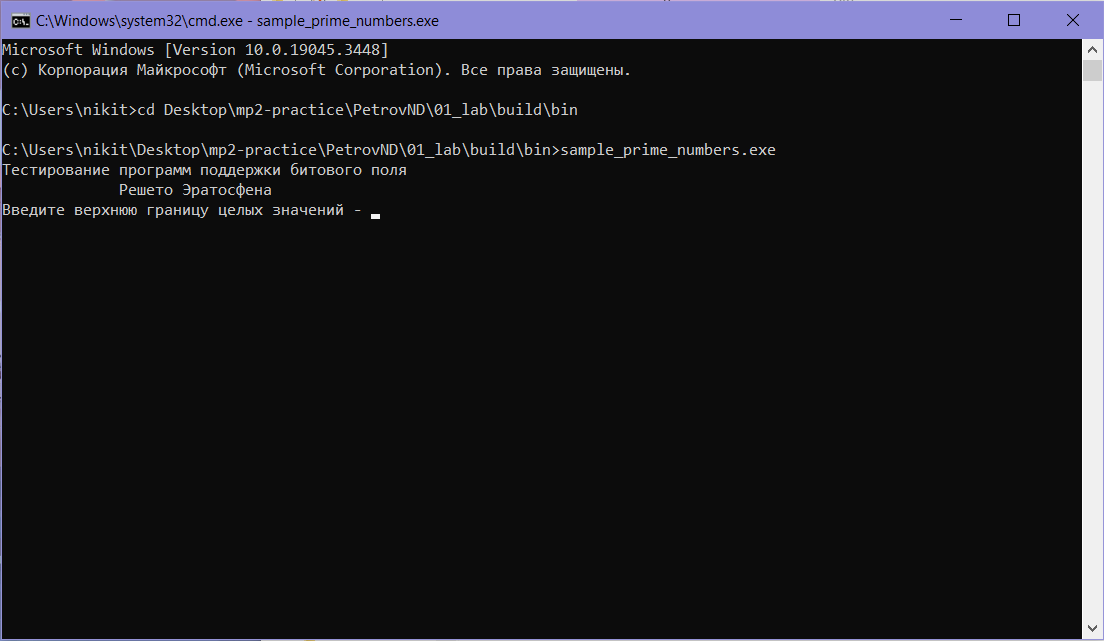
1. Основное окно приложения sample\_tset
2. Необходимо ввести максимальную мощность первого, второго и третьего множества (1 и 2 будут заполнены автоматически, вам будет предложено заполнить третье множество самостоятельно) Затем будет продемонстрирована работа множеств (Рис. 4).



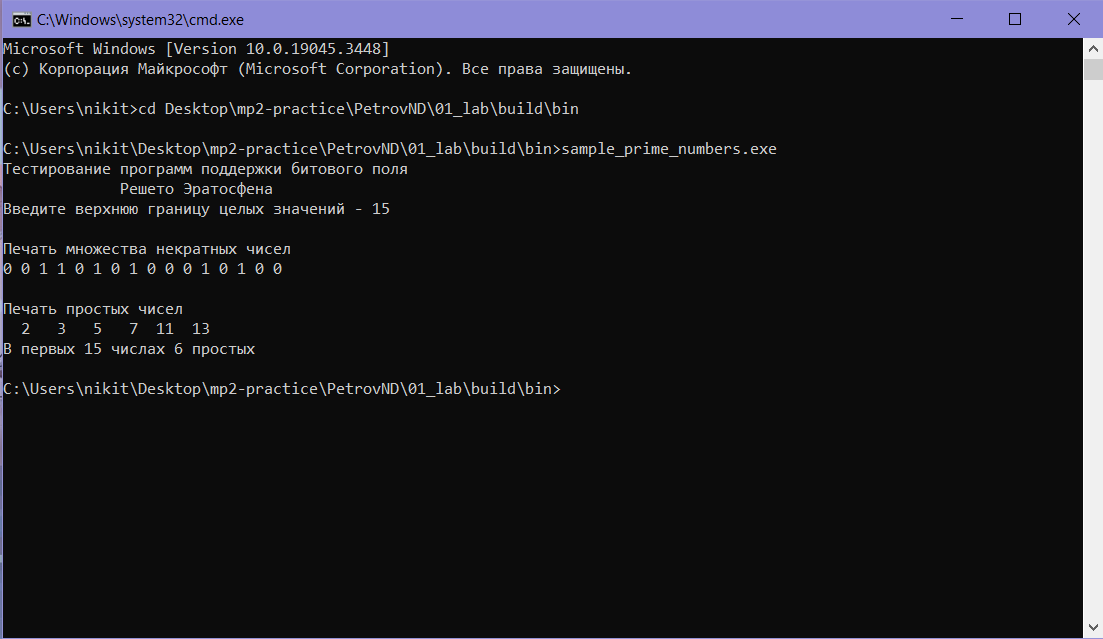
1. Основное окно приложения sample\_tset

## Приложение «решето Эратосфена»

1. Запустить sample\_prime\_numbers.exe. В результате появится следующее окно (Рис. 5).



1. Основное окно приложения sample\_prime\_numbers
2. Введите верхнюю границу целых значений для получения результата (Рис. 6).



1. Основное окно приложения sample\_prime\_ numbers

# Руководство программиста

## Использованные алгоритмы

### Битовые поля

Битовое поле представляет собой структуру данных, в которой каждый бит имеет значение либо 0 (сброшен), либо 1 (установлен). Эти биты хранятся в массиве (или нескольких массивах), где каждый элемент массива называется "словом" и содержит несколько битов.

Пример битового поля длинны 10 (Рис. 7 ниже):



1. Представление битового поля

Операции над битовыми полями:

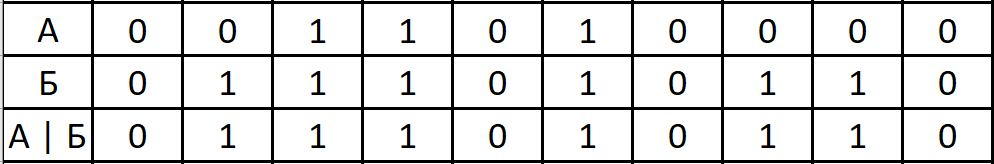
1. Установка бита. Выполняется путем изменения соответствующего бита на 1 (Рис. 8).



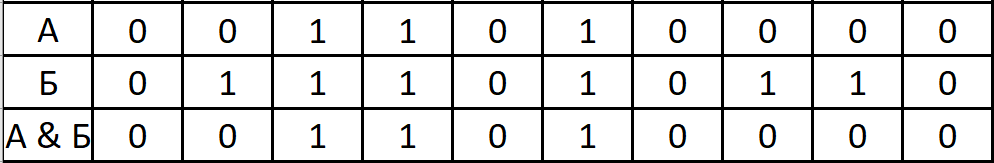
1. Установка бита под номером 2
2. Сброс бита. Выполняется путем изменения соответствующего бита на 0 (Рис. 9).



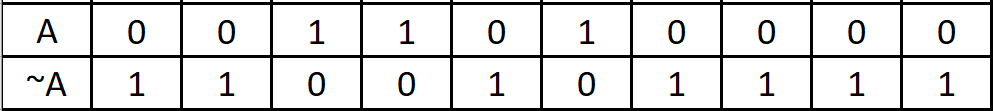
1. Сброс бита под номером 3
2. Операции ИЛИ (Рис. 10), И (Рис. 11) и отрицания (Рис. 12). Позволяют объединять, пересекать и инвертировать битовые поля.



1. А или Б



1. А и Б

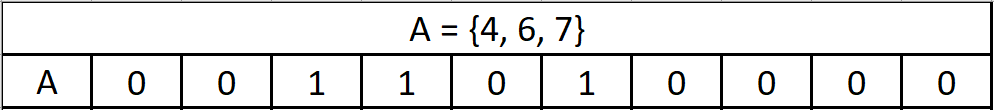


1. Отрицание А
2. Получение значения бита. Предполагается чтение значения бита без его изменения.
3. Сравнение битовых полей. Выполняется определение равенства и неравенства двух битовых полей.

### Множества

Множество — это абстрактная структура данных, представляющая набор уникальных элементов. Множества на основе битовых полей используют битовые поля для хранения информации о наличии или отсутствии элементов в множестве. Каждый элемент в множестве представлен соответствующим битом.

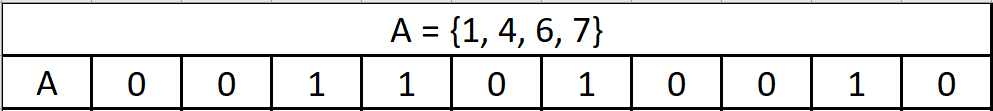
Пример множества А, мощность которого равна 10 элементов (Рис. 13):



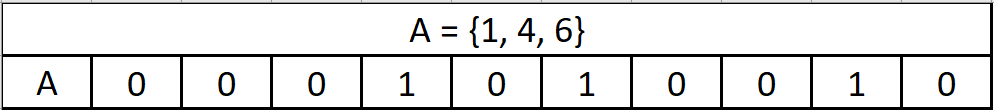
1. Множество А и его битовое поле

Операции над множествами на основе битовых полей:

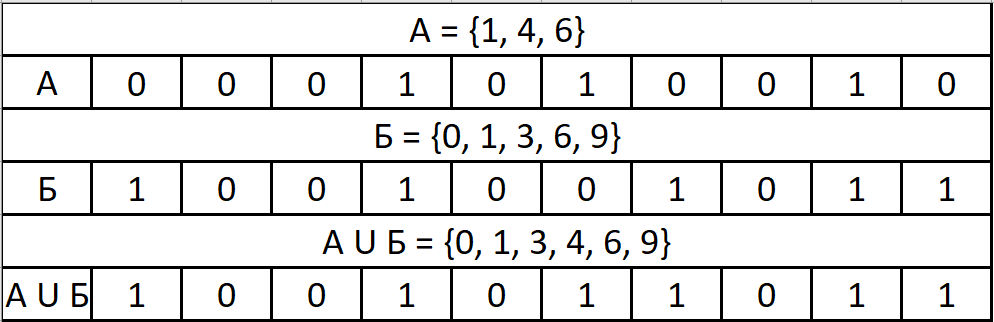
1. Вставка элемента. Устанавливает соответствующий бит для элемента (Рис. 14).



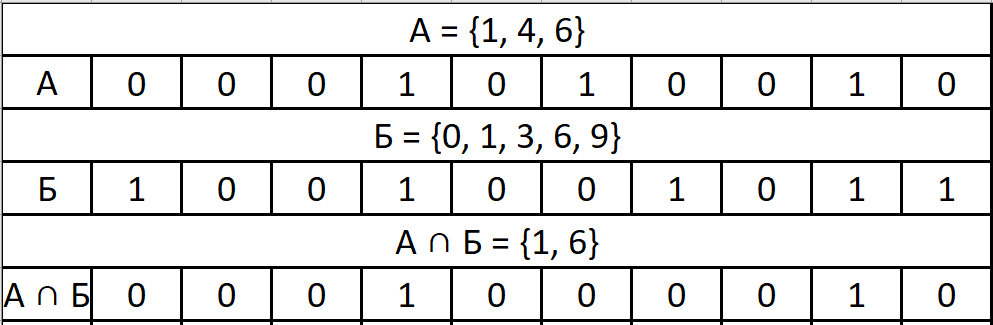
1. Вставка элемента 1 в множество А
2. Удаление элемента. Сбрасывает соответствующий бит для элемента (Рис. 15).



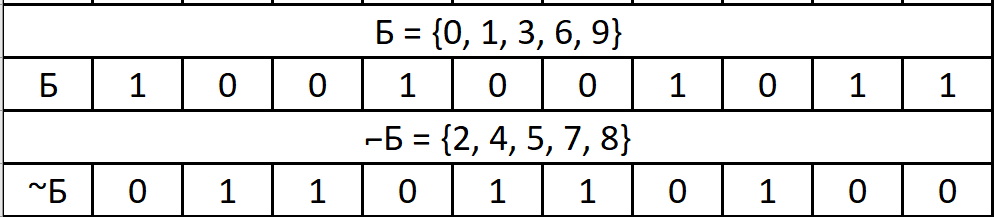
1. Удаление Элемента 7 из множества А
2. Операции множественного объединения (Рис. 16), пересечения (Рис. 17) и отрицания (Рис. 18). Выполняются путём объединения, пересечения и отрицания битовых полей.



1. Объединение множеств А и Б



1. Пересечение множеств А и Б



1. Отрицание(дополнение) множества Б
2. Проверка наличия элемента. Проверка значения соответствующего бита для элемента.

### Алгоритм «решето Эратосфена»

Алгоритм решето Эратосфена — это алгоритм нахождения всех простых чисел до некоторого целого числа N.

Он заключается в фильтрации чисел, в результате которой нужные числа (простые) остаются, а ненужные (составные) исключаются.

1. Для нахождения всех простых чисел до заданного числа N нужно выполнить следующие шаги:
2. Заполнить массив из N элементов целыми числами подряд от 2 до N.
3. Присвоить переменной p значение 2 (первого простого числа).
4. Удалить из массива числа от p2 до N с шагом p (это будут числа кратные p: p2, p2+p, p2+2p и т. д.).
5. Найти первое неудаленное число в массиве, большее p, и присвоить значению переменной p это число.
6. Повторять два предыдущих шага пока это возможно.
7. Все оставшиеся в массиве числа являются простыми числами от 2 до N

## Описание классов

### Класс TBitField

Объявление класса:

class TBitField

{

private:

int BitLen;

TELEM \*pMem;

int MemLen;

const int bitsInElem = sizeof(TELEM) \* 8;

int GetMemIndex(const int n) const;

TELEM GetMemMask (const int n) const;

public:

TBitField(int len);

TBitField(const TBitField &bf);

~TBitField();

int GetLength(void) const;

void SetBit(const int n);

void ClrBit(const int n);

int GetBit(const int n) const;

int operator==(const TBitField &bf) const;

int operator!=(const TBitField &bf) const;

TBitField& operator=(const TBitField &bf);

TBitField operator|(const TBitField &bf);

TBitField operator&(const TBitField &bf);

TBitField operator~(void);

friend istream &operator>>(istream &istr, TBitField &bf);

friend ostream &operator<<(ostream &ostr, const TBitField &bf);

};

Поля:

BitLen хранит длину битового поля, то есть максимальное количество битов, которые могут быть представлены в данном объекте.

pMem является указателем на массив, который используется для фактического хранения битовых данных. Каждый элемент массива pMem содержит набор битов.

MemLen хранит количество элементов массива pMem, необходимых для хранения битовых данных.

Методы:

TBitField(int len)

Назначение: конструктор с параметром, выделение памяти.

Входные параметры: len – длина битового поля.

Выходные параметры: отсутствуют.

TBitField(const TBitField &bf)

Назначение: конструктор копирования. Создание экземпляра класса на основе другого экземпляра.

Входные параметры: bf – ссылка, адрес экземпляра класса, на основе которого будет создан другой.

Выходные параметры: отсутствуют.

~TBitField()

Назначение: деструктор. Очистка выделенной памяти.

Входные и выходные параметры отсутствуют.

int GetMemIndex(const int n) const

Назначение: получение индекса элемента, где хранится бит.

Входные данные: n – номер бита.

Выходные данные: индекс элемента, где хранится бит с номером n.

TELEM GetMemMask(const n) const

Назначение: получение битовой маски.

Входные данные: n – номер бита.

Выходные данные: элемент под номером n.

int GetLength(void) const

Назначение: получение длинны битового поля.

Входные параметры отсутствуют.

Выходные параметры: длинна битового поля.

void SetBit(const int n)

Назначение: установить бит=1.

Входные параметры: n - номер бита, который нужно установить.

Выходные параметры отсутствуют.

void ClrBit(const int n)

Назначение: отчистить бит (установить бит = 0).

Входные параметры: n - номер бита, который нужно отчистить.

Выходные параметры отсутствуют

int GetBit(const int n) const

Назначение: вывести бит (узнать бит).

Входные параметры: n - номер бита, который нужно вывести (узнать).

Выходные параметры: бит (1 или 0, в зависимости есть установлен он, или нет).

int operator== (const TBitField &bf) const

Назначение: оператор сравнения. Сравнить на равенство 2 битовых поля.

Входные параметры: bf – битовое поле, с которым мы сравниваем.

Выходные параметры: 1 или 0, в зависимости равны они, или нет соответственно.

int operator! =(const TBitField &bf) const

Назначение: оператор сравнения. Сравнить на равенство 2 битовых поля.

Входные параметры: bf – битовое поле, с которым мы сравниваем.

Выходные параметры: 1 или 0, в зависимости равны они, или нет соответственно.

const TBitField& operator= (const TBitField &bf)

Назначение: оператор присваивания. Присвоить экземпляру \*this экземпляр & bf

Входные параметры: bf – битовое поле, которое мы присваиваем.

Выходные параметры: ссылка на экземпляр класса.

TBitField operator| (const TBitField &bf)

Назначение: оператор побитового «ИЛИ».

Входные параметры: bf – битовое поле.

Выходные параметры: экземпляр класса.

TBitField operator&(const TBitField &bf)

Назначение: оператор побитового «И».

Входные параметры: bf – битовое поле, с которым мы сравниваем.

Выходные параметры: Экземпляр класса, который.

TBitField operator~(void)

Назначение: оператор инверсии.

Входные параметры отсутствуют.

Выходные параметры: Экземпляр класса, каждый элемент которого равен~\*this.

friend istream &operator>>(istream &istr, TBitField &bf)

Назначение: оператор ввода из консоли.

Входные параметры: istr – буфер консоли, bf – класс, который нужно ввести из консоли.

Выходные параметры: Ссылка на буфер (поток) &istr.

friend ostream &operator<<(ostream &ostr, const TBitField &bf)

Назначение: оператор вывода из консоли.

Входные параметры: istr – буфер консоли, bf – класс, который нужно вывести в консоль.

Выходные параметры: Ссылка на буфер (поток) &istr.

### Класс TSet

Объявление класса:

class TSet

{

private:

int MaxPower;

TBitField BitField;

public:

TSet(int mp);

TSet(const TSet &s);

TSet(const TBitField &bf);

operator TBitField();

int GetMaxPower(void) const;

void InsElem(const int Elem);

void DelElem(const int Elem);

int IsMember(const int Elem) const;

int operator== (const TSet &s) const;

int operator!= (const TSet &s) const;

TSet& operator=(const TSet &s);

TSet operator+ (const int Elem);

TSet operator- (const int Elem);

TSet operator+ (const TSet &s);

TSet operator\* (const TSet &s);

TSet operator~ (void);

friend istream &operator>>(istream &istr, TSet &bf);

friend ostream &operator<<(ostream &ostr, const TSet &bf);

};

Поля:

MaxPowerхранит максимальную мощность множества (максимальное количество элементов в множестве).

BitFieldпредставляет собой битовое поле, где каждый бит соответствует элементу множества. Размер битового поля равен MaxPower.

Методы:

TSet(int mp)

Назначение: Создание объекта класса TSet с заданной максимальной мощностью.

Входные данные: mp - максимальная мощность множества.

TSet(const TSet &s)

Назначение: Конструктор копирования, создает копию существующего объекта класса TSet.

Входные данные: s - объект класса TSet для копирования.

TSet(const TBitField &bf)

Назначение: Создание объекта класса TSet на основе битового поля TBitField.

Входные данные: bf - битовое поле.

TBitField()

Назначение: Преобразование объекта класса TSet в битовое поле TBitField.

Основные методы:

int GetMaxPower() const

Назначение: Получение максимальной мощности множества, то есть максимального номера элемента, который может быть включен в множество.

Выходные данные: Максимальная мощность множества.

void InsElem(const int Elem)

Назначение: Включение элемента в множество.

Входные данные: Elem - элемент для включения.

void DelElem(const int Elem)

Назначение: Удаление элемента из множества.

Входные данные: Elem - элемент для удаления.

int IsMember(const int Elem) const

Назначение: Проверка принадлежности элемента множеству.

Входные данные: Elem - элемент для проверки.

Выходные данные: 1, если элемент принадлежит множеству; 0 в противном случае.

int operator== (const TSet &s) const

Назначение: Проверка на равенство множеств.

Выходные данные: 1, если множества равны, 0 - в противном случае.

int operator!= (const TSet &s) const

Назначение: Проверка на неравенство множеств.

Выходные данные: 1, если множества не равны, 0 - в противном случае.

TSet operator+ (const int Elem)

Назначение: Объединение множества с элементом.

Выходные данные: Новое множество, полученное в результате объединения.

TSet operator- (const int Elem)

Назначение: Разность множества с элементом.

Выходные данные: Новое множество, полученное в результате разности.

TSet operator+ (const TSet &s)

Назначение: Объединение двух множеств.

Выходные данные: Новое множество, полученное в результате объединения.

TSet operator\* (const TSet &s)

Назначение: Пересечение двух множеств.

Выходные данные: Новое множество, полученное в результате пересечения.

TSet operator~ (void)

Назначение: Дополнение текущего множества.

Выходные данные: Новое множество, представляющее дополнение текущего.

friend istream &operator>>(istream &istr, TSet &bf)

Назначение: Перегрузка оператора ввода для класса TSet.

Выходные данные: Входной поток.

friend ostream &operator<<(ostream &ostr, const TSet &bf)

Назначение: Перегрузка оператора вывода для класса TSet.

Выходные данные: Выходной поток.

# Заключение

В результате проделанной работы были созданы два класса, TBitField и TSet, предоставляющие возможность работать с битовыми полями и множествами. Эти классы могут быть использованы в различных задачах, требующих манипуляции битами и множествами элементов. Весь функционал классов был реализован и протестирован, что позволяет уверенно использовать их в практических задачах.

# Литература

1. C | Битовые поля (metanit.com) [https://metanit.com/c/tutorial/6.7.php]
2. Битовые поля в C++ | Microsoft Learn [https://learn.microsoft.com/ru-ru/cpp/cpp/cpp-bit-fields?view=msvc-170]
3. C/C++/Хабр | Habr [https://habr.com/ru/articles/142662/]

# Приложения

## Приложение А. Реализация класса TBitField

TBitField::TBitField(int len) {

if (len < 0) {

throw invalid\_argument("Length cannot be negative");

}

BitLen = len;

MemLen = (len + bitsInElem - 1) / bitsInElem;

pMem = new TELEM[MemLen];

memset(pMem, 0, MemLen \* sizeof(TELEM));

}

TBitField::TBitField(const TBitField& bf) {

BitLen = bf.BitLen;

MemLen = bf.MemLen;

pMem = new TELEM[MemLen];

memcpy(pMem, bf.pMem, MemLen \* sizeof(TELEM));

}

TBitField::~TBitField() {

delete[] pMem;

}

int TBitField::GetMemIndex(const int n) const {

if (n < 0 || n >= BitLen) {

throw out\_of\_range("Bit index is out of range");

}

return n / bitsInElem;

}

TELEM TBitField::GetMemMask(const int n) const {

if (n < 0 || n >= BitLen) {

throw out\_of\_range("Bit index is out of range");

}

int bitIndex = n % bitsInElem;

TELEM mask = 1;

mask <<= bitIndex;

return mask;

}

int TBitField::GetLength(void) const {

return BitLen;

}

void TBitField::SetBit(const int n) {

if (n < 0 || n >= BitLen) {

throw out\_of\_range("Bit index is out of range");

}

int index = GetMemIndex(n);

TELEM mask = GetMemMask(n);

pMem[index] |= mask;

}

void TBitField::ClrBit(const int n) {

if (n < 0 || n >= BitLen) {

throw out\_of\_range("Bit index is out of range");

}

int index = GetMemIndex(n);

TELEM mask = GetMemMask(n);

pMem[index] &= ~mask;

}

int TBitField::GetBit(const int n) const {

if (n < 0 || n >= BitLen) {

throw out\_of\_range("Bit index is out of range");

}

int index = GetMemIndex(n);

TELEM mask = GetMemMask(n);

return (pMem[index] & mask) ? 1 : 0;

}

int TBitField::operator==(const TBitField& bf) const {

if (BitLen != bf.BitLen) {

return 0;

}

for (int i = 0; i < MemLen; i++) {

if (pMem[i] != bf.pMem[i]) {

return 0;

}

}

return 1;

}

int TBitField::operator!=(const TBitField& bf) const {

return !(\*this == bf);

}

const TBitField& TBitField::operator=(const TBitField& bf) {

if (this == &bf) {

return \*this;

}

if (BitLen != bf.BitLen) {

delete[] pMem;

BitLen = bf.BitLen;

MemLen = bf.MemLen;

pMem = new TELEM[MemLen];

}

for (int i = 0; i < MemLen; i++) {

pMem[i] = bf.pMem[i];

}

return \*this;

}

TBitField TBitField::operator|(const TBitField& bf) {

int len = (BitLen > bf.BitLen) ? BitLen : bf.BitLen;

TBitField result(len);

for (int i = 0; i < MemLen; i++) {

result.pMem[i] = pMem[i] | bf.pMem[i];

}

return result;

}

TBitField TBitField::operator&(const TBitField& bf) {

int len = (BitLen > bf.BitLen) ? BitLen : bf.BitLen;

TBitField result(len);

for (int i = 0; i < MemLen; i++) {

result.pMem[i] = pMem[i] & bf.pMem[i];

}

return result;

}

TBitField TBitField::operator~(void) {

TBitField result(BitLen);

for (int i = 0; i < BitLen; i++) {

if (!GetBit(i))

result.SetBit(i);

}

return result;

}

istream& operator>>(istream& istr, TBitField& bf) {

int inputBit;

for (int i = 0; i < bf.BitLen; i++) {

istr >> inputBit;

if (inputBit == 0) {

bf.ClrBit(i);

}

else if (inputBit == 1) {

bf.SetBit(i);

}

else {

throw invalid\_argument("Invalid input. Use 0 or 1.");

}

}

return istr;

}

ostream& operator<<(ostream& ostr, const TBitField& bf) {

for (int i = 0; i < bf.BitLen; i++) {

ostr << bf.GetBit(i) << " ";

}

return ostr;

}

## Приложение Б. Реализация класса TSet

TSet::TSet(int mp) : MaxPower(mp), BitField(mp) { }

TSet::TSet(const TSet& s) : MaxPower(s.MaxPower), BitField(s.BitField) { }

TSet::TSet(const TBitField& bf) : MaxPower(bf.GetLength()), BitField(bf) { }

TSet::operator TBitField() {

return BitField;

}

int TSet::GetMaxPower(void) const {

return MaxPower;

}

void TSet::InsElem(const int Elem) {

if (Elem < 0 || Elem >= MaxPower) throw out\_of\_range("Element is out of range");

BitField.SetBit(Elem);

}

void TSet::DelElem(const int Elem) {

if (Elem < 0 || Elem >= MaxPower) throw out\_of\_range("Element is out of range");

BitField.ClrBit(Elem);

}

int TSet::IsMember(const int Elem) const {

if (Elem < 0 || Elem >= MaxPower) throw out\_of\_range("Element is out of range");

return BitField.GetBit(Elem);

}

int TSet::operator==(const TSet& s) const {

if (MaxPower != s.MaxPower) {

return 0;

}

return BitField == s.BitField;

}

int TSet::operator!=(const TSet& s) const {

return !(\*this == s);

}

const TSet& TSet::operator=(const TSet& s) {

if (this == &s) {

return \*this;

}

MaxPower = s.MaxPower;

BitField = s.BitField;

return \*this;

}

TSet TSet::operator+(const int Elem) {

if (Elem >= MaxPower || Elem < 0) throw invalid\_argument("Out of range");

TSet result(\*this);

result.InsElem(Elem);

return result;

}

TSet TSet::operator-(const int Elem) {

if (Elem >= MaxPower || Elem < 0) throw invalid\_argument("Out of range");

TSet result(\*this);

result.DelElem(Elem);

return result;

}

TSet TSet::operator+(const TSet& s) {

int len = (MaxPower > s.MaxPower) ? MaxPower : s.MaxPower;

TSet result(len);

result.BitField = BitField | s.BitField;

return result;

}

TSet TSet::operator\*(const TSet& s) {

int len = (MaxPower > s.MaxPower) ? MaxPower : s.MaxPower;

TSet result(len);

result.BitField = BitField & s.BitField;

return result;

}

TSet TSet::operator~() {

TSet result(MaxPower);

result.BitField = ~BitField;

return result;

}

istream& operator>>(istream& istr, TSet& ts) {

int inputElem, n;

cout << "Enter the number of elements" << endl;

cin >> n;

for (int i = 0; i < n; i++) {

istr >> inputElem;

if (inputElem >= 0 && inputElem < ts.MaxPower) {

ts.InsElem(inputElem);

}

else {

cerr << "Invalid input. Element out of range." << endl;

}

}

return istr;

}

ostream& operator<<(ostream& ostr, const TSet& ts) {

for (int i = 0; i < ts.MaxPower; i++) {

if (ts.IsMember(i)) {

ostr << i << " ";

}

}

return ostr;

}

## Приложение В. Реализация класса sample\_tbitfield

int main() {

    try {

        int a, b,c;

        cout << "Enter Bit Field 1 size" << endl;

        cin >> a;

        cout << "Enter Bit Field 2 size" << endl;

        cin >> b;

        cout << "Enter Bit Field 3 size" << endl;

        cin >> c;

        TBitField bf1(a);

        TBitField bf2(b);

        TBitField bf3(c);

        cin >> bf3;

        bf1.SetBit(2);

        bf1.SetBit(5);

        bf1.SetBit(8);

        bf2.SetBit(4);

        bf2.SetBit(5);

        bf2.SetBit(7);

        cout << "Bit Field 1: " << bf1 << endl;

        cout << "Bit Field 2: " << bf2 << endl;

        cout << "Bit Field 3: " << bf3 << endl;

        cout << "Bit Field 1 OR Bit Field 2: " << (bf1 | bf2) << endl;

        cout << "Bit Field 1 AND Bit Field 2: " << (bf1 & bf2) << endl;

        cout << "NOT Bit Field 1: " << ~bf1 << endl;

    }

    catch (const std::exception& e) {

        std::cerr << "Error: " << e.what() << std::endl;

    }

    return 0;

}