



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Московский государственный технический университет  
имени Н. Э. Баумана  
(национальный исследовательский университет)»  
(МГТУ им. Н. Э. Баумана)

---

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

---

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

---

## ОТЧЕТ

по лабораторной работе №6  
по курсу «Анализ Алгоритмов»  
на тему: «Методы решения задачи коммивояжера»

Студент ИУ7-53Б  
(Группа)

\_\_\_\_\_  
(Подпись, дата)

Лысцев Н. Д.  
(И. О. Фамилия)

Преподаватель

\_\_\_\_\_  
(Подпись, дата)

Волкова Л. Л.  
(И. О. Фамилия)

2024 г.

# СОДЕРЖАНИЕ

<b>ВВЕДЕНИЕ</b>	<b>3</b>
<b>1 Аналитический раздел</b>	<b>4</b>
1.1 Задача коммивояжера . . . . .	4
1.2 Алгоритм полного перебора . . . . .	4
1.3 Муравьиный алгоритм . . . . .	5
<b>2 Конструкторский раздел</b>	<b>8</b>
2.1 Разработка алгоритмов . . . . .	8
2.1.1 Последовательный алгоритм работы стадий конвейера . .	8
2.1.2 Параллельный алгоритм работы стадий конвейера . . . . .	9
<b>СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ</b>	<b>12</b>

# ВВЕДЕНИЕ

Цель лабораторной работы – описание методов решения задачи коммивояжера полным перебором и на основе муравьиного алгоритма.

Для достижения поставленной цели необходимо решить следующие задачи:

- 1) изучить и описать задачу коммивояжера;
- 2) изучить и описать методы решения задачи коммивояжера — метод полного перебора и метод на основе муравьиного алгоритма;
- 3) разработать и реализовать программный продукт, позволяющий решить задачу коммивояжера исследуемыми методами;
- 4) сравнить по времени метод полного перебора и метод на основе муравьиного алгоритма.
- 5) обосновать полученные результаты в отчете о выполненной лабораторной работе.

Выданный индивидуальный вариант для выполнения лабораторной работы:

- неориентированный граф;
- без элитных муравьев;
- карта городов России от Калининграда до Владивостока;
- незамкнутый маршрут.

# 1 Аналитический раздел

В данном разделе будет рассмотрена задача коммивояжера и будут описаны алгоритмы её решения.

## 1.1 Задача коммивояжера

Цель задачи коммивояжера [1] заключается в нахождении самого выгодного маршрута (кратчайшего, самого быстрого, наиболее дешевого), проходящего через все заданные точки (пункты, города) по одному разу.

Условия задачи должны содержать критерий выгодности маршрута (должен ли он быть максимально коротким, быстрым, дешевым или все вместе), а также исходные данные в виде матрицы затрат (расстояния, стоимости, времени) при перемещении между рассматриваемыми пунктами.

## 1.2 Алгоритм полного перебора

Рассмотрим  $n$  городов и матрицу расстояний между ними. Найдем самый короткий маршрут посещения всех городов ровно по одному разу, без возвращения в первый город:

- 1) число вариантов для выбора первого города равно  $n$ ;
- 2) число вариантов для выбора второго города равно  $n - 1$ ;
- 3) с каждым следующим городом число вариантов уменьшается на 1;
- 4) число всех вариантов маршрута равно  $n!$ ;
- 5) минимальный по сумме значений матрицы расстояний вариант маршрута — искомый.

В связи со сложностью  $n!$  полный перебор вариантов занимает существенное время, а при большом количестве городов становится технически невозможным.

### 1.3 Муравьиный алгоритм

Идея муравьиного алгоритма [2] — моделирование поведения муравьев, связанное с их способностью быстро находить кратчайший путь и адаптироваться к изменяющимся условиям, находя новый кратчайший путь.

Муравей обладает следующими чувствами:

- **зрение** — муравей  $k$ , находясь в городе  $i$ , может оценить длину (метку)  $D_{ij}$  дуги/ребра  $i - j$  и привлекательность этого ребра/дуги, описываемую формулой 1.1:

$$\eta_{ij} = 1/D_{ij}, \quad (1.1)$$

- **обоняние** — муравей чует концентрацию феромона  $\tau_{ij}(t)$  на ребре/дуге  $i - j$  в текущий день  $t$ .
- **память** — муравей  $k$  запоминает список/кортеж посещенных за текущий день  $t$  городов —  $J_k(t)$

Муравей выполняет следующую последовательность действий, пока не посетит все города:

- 1) находясь в городе  $i$ , муравей  $k$  выбирает следующий город  $j$  по вероятностному правилу (формула 1.2):

$$P_{ij,k}(t) = \begin{cases} 0, & j \in J_k(t) \\ \frac{\eta_{ij}^\alpha \cdot \tau_{ij}^\beta}{\sum_{q \notin J_k(t)} \eta_{iq}^\alpha \cdot \tau_{iq}^\beta}, & \text{если город } j \text{ необходимо посетить} \end{cases} \quad (1.2)$$

где  $\alpha$  — параметр влияния видимости пути,  $\beta$  — параметр влияния феромона,  $\tau_{ij}$  — число феромона на дуге/ребре  $i - j$ ,  $\eta_{ij}$  — эвристическое желание посетить город  $j$ , если муравей находится в городе  $i$ . Выбор города является вероятностным, данное правило определяет ширину зоны города  $j$ . В общую зону всех не посещенных муравьем городов бросается случайное число, которое и определяет выбор муравья;

2) муравей  $k$  проходит путь по дуге/ребре  $i - j$  и оставляет на нем феромон.

Информация о числе феромона на пути используется другими муравьями для выбора пути. Те муравьи, которые случайно выберут кратчайший путь, будут быстрее его проходить, и за несколько передвижений он будет более обогащен феромоном. Следующие муравьи будут предпочитать именно этот путь, продолжая обогащать его феромоном.

После прохождения маршрутов всеми муравьями (ночью, перед наступлением следующего дня) значение феромона на путях обновляется в соответствии со следующим правилом (1.3):

$$\tau_{ij}(t+1) = (1 - \rho)\tau_{ij}(t) + \Delta\tau_{ij}, \quad (1.3)$$

где  $\rho \in [0, 1]$  — коэффициент испарения. Чтобы найденное локальное решение не было единственным, моделируется испарение феромона.

При этом

$$\Delta\tau_{ij} = \sum_{k=1}^N \Delta\tau_{ij,k}, \quad (1.4)$$

где  $N$  — число муравьев,

$$\Delta\tau_{ij,k} = \begin{cases} 0, & \text{если ребро/дуга } i - j \text{ не посещена муравьем } k \text{ в день } t \\ \frac{Q}{L_k}, & \text{иначе} \end{cases} \quad (1.5)$$

где  $L_k$  — длина маршрута (сумма меток дуг/ребер)  $k$ -го муравья в день  $t$ ,  $Q$  — квота (некоторая константа) феромона 1-го муравья на день,  $Q$  выбирается соразмерной длине наименьшего маршрута.

Поскольку вероятность 1.2 перехода в заданную точку не должна быть равна нулю, необходимо обеспечить неравенство  $\tau_{ij}(t)$  нулю посредством введения дополнительного минимально возможного значения феромона  $\tau_{min}$  и в случае, если  $\tau_{ij}(t+1)$  принимает значение, меньшее  $\tau_{min}$ , откатывать значение феромона до этой величины  $\tau_{min}$ .

## Вывод

В данном разделе была рассмотрена задача коммивояжера, а также способы её решения — алгоритм полного перебора и муравьиный алгоритм.

## **2 Конструкторский раздел**

### **2.1 Разработка алгоритмов**

#### **2.1.1 Последовательный алгоритм работы стадий конвейера**

На рисунке 2.1 представлен последовательный алгоритм работы стадий конвейера.

Рисунок 2.1 – Схема последовательного алгоритма работы стадий конвейера



## 2.1.2 Параллельный алгоритм работы стадий конвейера

Параллельная работа будет реализована с помощью добавления 3-х вспомогательных потоков, где каждый поток отвечает за свою стадию обработки.

Вспомогательному потоку в числе аргументов в качестве структуры будут переданы:

- имя файла с исходным текстом на русском языке;
- имя выходного файла для словаря  $N$ -грамм;
- число  $N$ .
- временные отметки начала и конца выполнения каждой стадии обработки заявки.

На рисунке 2.2 представлена схема алгоритма работы главного потока при параллельной работе стадий конвейера.

На рисунках 2.3 – 2.5 представлены схемы алгоритмов каждого из обработчиков (потоков) при параллельной работе.

Рисунок 2.2 – Схема параллельного алгоритма работы стадий конвейера

Рисунок 2.3 – Схема алгоритма потока, выполняющего чтение текстов из файлов

Рисунок 2.4 – Схема алгоритма потока, выполняющего составление файлов-словарей с  $N$ -граммами

Рисунок 2.5 – Схема алгоритма потока, выполняющего логирование заявок в файл

## Вывод

В данном разделе были представлены схемы последовательной и параллельной работы стадий конвейера.

## СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

1. Задача коммивояжера — метод ветвей и границ [Электронный ресурс]. — Режим доступа: <https://galyautdinov.ru/post/zadacha-kommivoyazhera> (дата обращения: 02.02.2024).
2. М.В. Ульянов Ресурсно-эффективные компьютерные алгоритмы. Разработка и анализ. — 2007.