

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н. Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н. Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ	«Информатика и системы управления»
КАФЕЛРА «П	рограммное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

ОТЧЕТ

по лабораторной работа №4 по курсу «Защита информации»

на тему: «Электронная цифровая подпись. Алгорит
м RSA с хешированием SHA1 и MD5» Вариант № 2

Студент ИУ7-73Б (Группа)	(Подпись, дата)	Лысцев Н. Д. (И. О. Фамилия)
Преподаватель	(Подпись, дата)	Чиж И. С. (И. О. Фамилия)

СОДЕРЖАНИЕ

B	ВЕД	ЕНИЕ	3		
1	Ана	алитическая часть	4		
	1.1	Электронная цифровая подпись	4		
	1.2	Алгоритм RSA	4		
	1.3	Алгоритм SHA1	6		
2	Koi	нструкторский раздел	9		
3	Tex	нологический раздел	12		
	3.1	Требования к программному обеспечению	12		
	3.2	Средства реализации	12		
	3.3	Сведения о модулях программы	12		
	3.4	Тестирование	12		
	3.5	Реализации алгоритмов	12		
34	АКЛ	ЮЧЕНИЕ	17		
\mathbf{C}	СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ				

введение

Целью данной лабораторной работы является реализация программы создания и проверки электронной подписи для документа с использованием алгоритма RSA и алгоритма хеширования SHA1.

Для достижения поставленной цели необходимо решить следующие задачи:

- 1) описать алгоритмы RSA и SHA1;
- 2) выбрать средства программной реализации;
- 3) реализовать данные алгоритмы.

1 Аналитическая часть

В этом разделе будут рассмотрен криптографический алгоритм RSA, алгоритм хеширования SHA1 понятие электронной подписи и принципы её получения и проверки с использованием алгоритмов RSA, SHA1.

1.1 Электронная цифровая подпись

Электронная цифровая подпись (ЭЦП) позволяет подтвердить авторство электронного документа.

Создание ЭЦП с использованием криптографического алгоритма RSA и алгоритма хеширования SHA1 происходит следующим образом:

- 1) файл, который необходимо подписать, хешируется при помощи SHA1;
- 2) полученный на предыдущем этапе хеш шифруется с использованием закрытого ключа RSA;
- 3) значение подписи результат шифрования.

Проверка подлинности ЭЦП с использованием криптографического алгоритма RSA и алгоритма хеширования SHA1 происходит следующим образом:

- 1) файл, который необходимо подписать, хешируется при помощи SHA1;
- 2) переданная подпись расшифровывается с использованием открытого ключа RSA;
- 3) происходит побитовая сверка значений, полученных на предыдущих этапах, если они одинаковы, подпись считается подлинной.

1.2 Алгоритм RSA

RSA (аббревиатура от фамилий *Rivest*, *Shamir* и *Adleman*) — ассиметричный алгоритм с открытым ключом, основывающийся на вычислительной сложности задачи факторизации больших полупростых чисел. В алгоритме RSA используется 2 ключа — открытый (публичный) и закрытый (приватный).

В ассиметричной криптографии и алгоритме RSA, в частности, открытый и закрытый ключи являются двумя частями одного целого и неразрывны

друг с другом. Для шифрования информации используется открытый ключ, а для её расшифровки закрытый.

Криптосистема RSA стала первой системой, пригодной и для шифрования, и для цифровой подписи.

Открытый и закрытый ключи RSA генерируются следующим образом:

- 1) выбираются два разных случайных простых числа p и q заданного размера;
- 2) вычисляется их произведение $n = p \cdot q$, называемое модулем;
- 3) вычисляется значение функции Эйлера от числа n по следующей формуле:

$$\phi(n) = (p-1) \cdot (q-1)$$

- 4) выбирается целое число e ($1 < e < \phi(n)$), взаимно простое со значением $\phi(n)$, называемое $om\kappa pыmoй экспонентой;$
- 5) вычисляется число d, называемое $\mathit{закрытой}$ экспонентой по следующей формуле:

$$d = e^{-1} mod(\phi(n))$$

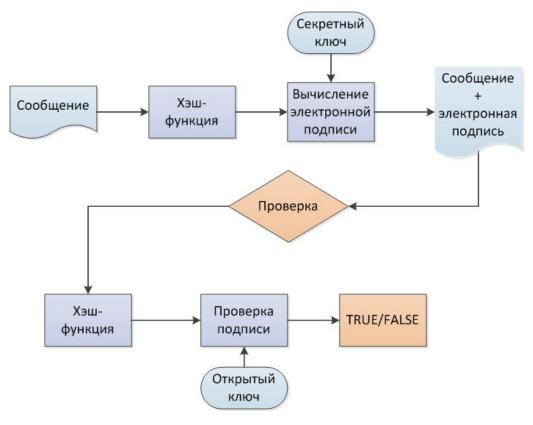
- 6) пара (e, n) публикуются в качестве открытого ключа RSA;
- 7) пара (d, n) представляет собой закрытый ключ RSA.

Перевод исходного сообщения m в зашифрованное сообщение c производится по формуле

$$c = E(m, k_1) = E(m, n, e) = m^e mod(n)$$

Расшифровка выполняется по формуле

$$m = D(c, k_2) = D(c, n, d) = c^d mod(n)$$



Pисунок 1.1 - RSA

1.3 Алгоритм SHA1

SHA1 (англ. Secure Hash Algorithm 1) — алгоритм криптографического хеширования. Для входного сообщения произвольной длины алгоритм генерирует 160-битное (20 байт) хеш-значение, называемое также дайджестом сообщения, которое обычно отображается как шестнадцатеричное число длиной в 40 цифр.

Алгоритм состоит из следующих шагов:

- добавление недостающих битов. Сообщение расширяется таким образом, чтобы его длина была кратна 448 по модулю 512 (длина ≡ 448 mod 512). Добавление осуществляется всегда, даже если сообщение уже имеет нужную длину. Таким образом, число добавляемых битов находится в диапазоне от 1 до 512;
- 2) расширение. Результатом первых двух шагов является сообщение, длина которого кратна 512 битам. Расширенное сообщение может быть представлено как последовательность 512-битных блоков $Y_0, Y_1, ..., Y_{L-1}$, так что общая длина расширенного сообщения есть L*512 бит. Таким

- образом, результат кратен шестнадцати 32-битным словам.
- 3) инициализация SHA-1 буфера. Используется 160-битный буфер для хранения промежуточных и окончательных результатов хэш-функции. Буфер может быть представлен как пять 32-битных регистров A, B, C, D и E. Эти регистры инициализируются следующими шестнадцатеричными числами: A = 67452301, B = EFCDAB89, C = 98BADCFE, D = 10325476, E = C3D2E1F0.
- 4) обработка сообщения в 512-битных (16-словных) блоках. Основой алгоритма является модуль, состоящий из 80 циклических обработок, обозначенный как H_{SHA} . Все 80 циклических обработок имеют одинаковую структуру.
- 5) **выход.** После обработки всех 512-битных блоков выходом L-ой стадии является 160-битный дайджест сообщения.

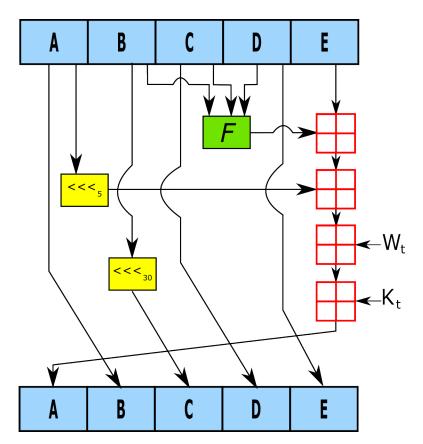


Рисунок 1.2 – Одна итерация алгоритма SHA-1

Вывод

В этом разделе был рассмотрен криптографический алгоритм RSA, алгоритм хеширования SHA1 понятие электронной подписи и принципы её получения и проверки с использованием алгоритмов RSA, SHA1.

2 Конструкторский раздел

На рисунках 2.1-?? представлены схемы алгоритма RSA и SHA1.



Рисунок 2.1 – Схема шифровального алгоритма RSA

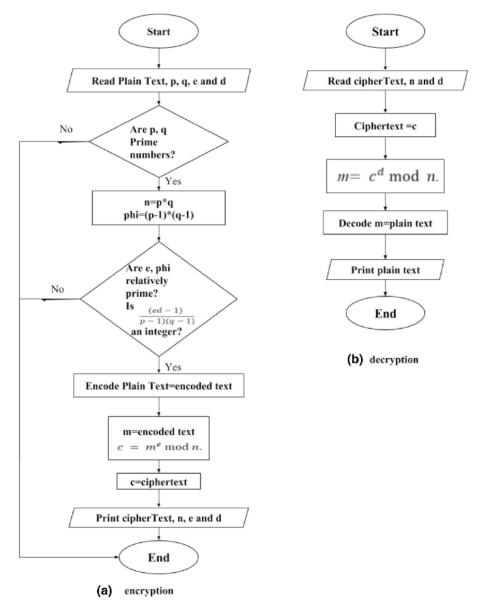


Рисунок 2.2 – Схема шифровального алгоритма работы RSA



Рисунок 2.3 – Схема алгоритма SHA1

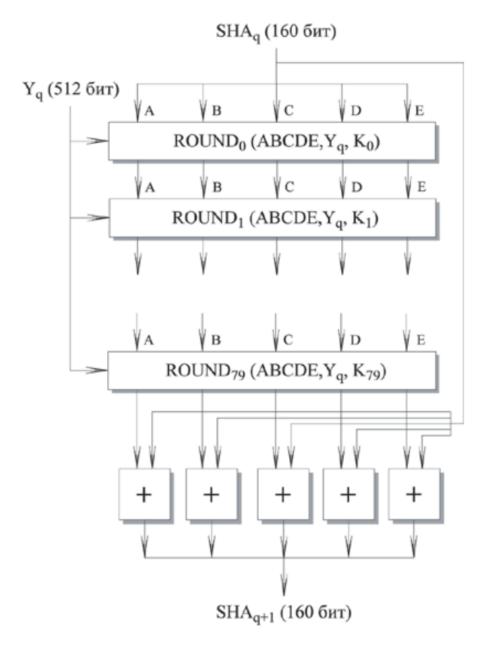


Рисунок 2.4 – Схема раунда алгоритма SHA1

Вывод

В данном разделе были представлены схемы алгоритма RSA и SHA1.

3 Технологический раздел

В данном разделе будут перечислены требования к программному обеспечению, средства реализации и листинги кода.

3.1 Требования к программному обеспечению

К программе предъявляется ряд требований:

- программа должна предоставлять возможность шифрования и расшифровки произвольного файла;
- программа должна корректно работать с пустым однобайтовым файлом;
- программа должна уметь обрабатывать файл архива.

3.2 Средства реализации

В качестве языка программирования для этой лабораторной работы был выбран C++[1].

3.3 Сведения о модулях программы

Программа состоит из трех модулей:

- main.cpp файл, содержащий точку входа в программу;
- SHA1.cpp модуль, реализующий алгоритм SHA1;
- RSA.cpp модуль, реализующий алгоритм RSA.

3.4 Тестирование

Все тесты с файлами были успешно пройдены.

3.5 Реализации алгоритмов

На листинге 3.1 представлена функция, реализующая реализующая генерацию публичного и приватного RSA-ключа.

На листинге 3.2 представлены функции создания подписи, создания прототипа сообщения и проверки подписи.

На листингах 3.3-3.4 представлена функция хеширования алгоритмом SHA1.

Листинг 3.1 – Функция, реализующая генерацию публичного и приватного RSA-ключа

```
pair < PrivateKey, PublicKey > RSA::genPublicAndSecretKeys() {
    mpz_class minVal(1), maxVal(string(40, '9'));
    auto [p, q] = RSA::_getRandomPrimePQ(minVal, maxVal);
    mpz_class n = p * q;
   mpz_class euler = (p - 1) * (q - 1);
    mpz_class e;
    while (true) {
        e = RSA::_genRandomNumber(1, euler);
        mpz_class resultGcd;
        mpz_gcd(resultGcd.get_mpz_t(), e.get_mpz_t(),
           euler.get_mpz_t());
        if (resultGcd == 1) {
            break;
        }
    }
    mpz_class g, s, t;
    mpz_gcdext(g.get_mpz_t(), s.get_mpz_t(), t.get_mpz_t(),
      e.get_mpz_t(), euler.get_mpz_t());
    mpz_class d(s);
    PublicKey publicKey{.e = e, .n = n};
    PrivateKey privateKey{.d = d, .n = n};
    return {privateKey, publicKey};
}
```

Листинг 3.2 — Функции создания подписи, создания прототипа сообщения и проверки подписи

```
mpz_class RSA::calcSignature(const mpz_class &d, const mpz_class
  &n, const mpz_class &hash) {
   mpz_class result;
   mpz_powm(result.get_mpz_t(), hash.get_mpz_t(),
       d.get_mpz_t(), n.get_mpz_t());
    return result;
}
mpz_class RSA::calcPrototypeSignature(const mpz_class &e, const
  mpz_class &n, const mpz_class &signature) {
   mpz_class result;
    mpz_powm(result.get_mpz_t(), signature.get_mpz_t(),
       e.get_mpz_t(), n.get_mpz_t());
   return result;
}
bool RSA::isCorrectSignature(const mpz_class &originalHash,
  const mpz_class &newHash) {
    if (originalHash != newHash) {
        return false;
    }
    return true;
}
```

Листинг 3.3 – Функции хеширования алгоритмом SHA1 (начало)

```
mpz_class SHA1::_hash(vector<uint8_t> &data) {
    uint32_t h0 = 0x67452301;
    uint32_t h1 = 0xEFCDAB89;
    uint32_t h2 = 0x98BADCFE;
    uint32_t h3 = 0x10325476;
    uint32_t h4 = 0xC3D2E1F0;
    SHA1::_preprocessing(data);
    array < uint32_t, 80> words = {0};
    for (int i = 0; i < data.size(); i += 64) {
        vector<uint8_t> chunk = SHA1::_getSlice(data, i, i + 64);
        for (uint8_t wid = 0; wid < 16; ++wid) {
            words[wid] = 0;
            for (uint8_t cid = 0; cid < 4; cid++) {
                words[wid] = (words[wid] << 8) + chunk[wid * 4 +
                   cid];
            }
        }
        for (uint8_t j = 16; j < 80; ++j) {
            words[j] = SHA1::_cyclicShiftLeft(words[j - 3] ^
               words[j - 8] ^ words[j - 14] ^ words[j - 16], 1);
        }
        uint32_t = h0, b = h1, c = h2, d = h3, e = h4;
        for (uint8_t ind = 0; ind < 80; ++ind) {
            uint32_t f = 0, k = 0;
            if (ind < 20) {
                f = (b \& c) | ((^b) \& d);
                k = 0x5A827999;
            } else if (ind < 40) {</pre>
                f = b \cdot c \cdot d;
                k = 0x6ED9EBA1;
            } else if (ind < 60) {
```

Листинг 3.4 – Функции хеширования алгоритмом SHA1 (конец)

```
f = (b \& c) | (b \& d) | (c \& d);
                k = 0x8F1BBCDC;
            } else {
                f = b \cdot c \cdot d;
                k = 0xCA62C1D6;
            }
            uint32_t temp = SHA1::_cyclicShiftLeft(a, 5) + f + e
               + k + words[i];
            e = d;
            d = c;
            c = SHA1::_cyclicShiftLeft(b, 30);
            b = a;
            a = temp;
        }
        h0 = h0 + a;
        h1 = h1 + b;
        h2 = h2 + c;
        h3 = h3 + d;
        h4 = h4 + e;
    }
    string resultStr = mpz_class(h0).get_str(16) +
                        mpz_class(h1).get_str(16) +
                        mpz_class(h2).get_str(16) +
                        mpz_class(h3).get_str(16) +
                        mpz_class(h4).get_str(16);
    return mpz_class(resultStr, 16);
}
```

Вывод

В данном разделе были перечислены требования к программному обеспечению, средства реализации и листинги кода.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В ходе выполнения лабораторной работы были решены следующие задачи:

- 1) описаны алгоритмы RSA и SHA1;
- 2) выбраны средства программной реализации;
- 3) реализованы данные алгоритмы.

Цель работы, а именно реализация программы создания и проверки электронной подписи для документа с использованием алгоритма RSA и алгоритма хеширования SHA1, также была достигнута.

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

1. Справочник по языку C++ [Электронный ресурс]. — Режим доступа: https://learn.microsoft.com/ru-ru/cpp/cpp/cpp-language-reference?view=msvc-170 (дата обращения: 28.09.2022).