

Ответы по ОАиПу. Семестр 1

Забережный Тимофей

Багаев Леонид

Москалёв Никита

Буховец Устин

16 января 2025 г.

Актуальную версию документа можно найти здесь:

<https://github.com/nikitamos/OAiP/releases>

Рабочую версию документа можно найти здесь:

<https://github.com/nikitamos/OAiP/>

Предисловие к ищущим

Тексты C++ сложны, и да потому сложно все нижеизложенное. Черная магия шаблонов, макросов и странного синтаксиса окутывает этот язык непроглядной теменью.

Не пишите в билете того, что не знаете, или что гораздо хуже, да не напишите вы того, чего не понимаете.

Ибо если *комиссия* поймает вас на на вашем же незнании...да поможет вам Бог.

Воззвание к нашедшим

Братья и сестры! Ересь стремительно распространяются по миру. Нет на Земле такого места, куда не добралась бы скверна. Даже Истинная церковь ИиТП, что денно и ночью светом Священного Стандарта указывает заблудшим путь к спасению и клинком санитайзера изгоняет UBсов, не смогла избежать ее зловредного влияния.

Скверна настолько сильна, что она способна загрязнить и запутать священные тексты, внедрить туда семена ереси и исказить толкование Стандарта, тем самым осложняя понимание написанного и уводя человека от Церкви.

Если в книге, которую вы прямо сейчас держите в руках, вам встретится:

1. Ошибочное толкование Стандарта;
2. Искаженное или неверное правописание;
3. Иная подозрительная вещь;

немедленно сообщайте об этом Святой Инквизиции через открытие Issue: <https://github.com/nikitamos/OAiP/issues>.

Содержание

1 Основные характеристики языка C++	6
2 Отличия языка C++ от языка C	7
3 Область применения и системы программирования языка C++	8
3.1 Примеры	9
4 Исходные и объектные модули, процессы компиляции и связывания (линковка)	10
4.1 Процесс компиляции	11
4.2 Процесс компоновки (линковки)	11
5 Алфавит языка C++. Лексемы	12
5.1 Алфавит	12
5.2 Лексемы (a.k.a. Tokens)	12
5.2.1 Идентификаторы	13
5.2.2 Ключевые слова	13
6 Ключевые слова языка C++, их область применения	14
6.1 Таблица ключевых слов в языке C++	14
7 Знаки пунктуации, специальные символы и знаки операций в языке C++	17
7.1 Знаки пунктуации	17
7.2 Управляющие символы	17
8 Идентификаторы в языке C++, правила наименования	18
8.1 Идентификаторы	18
8.2 Правила названия	18
9 Виды констант в языке C++	19
9.1 Литералы	19
9.2 Именованные константы	20
10 Символьные и Строковые константы, отличие от числовых констант	22
10.1 Символьные и строковые константы	22
10.2 Отличия	22
11 Операнды в языках программирования	23
12 Типы данных в языке C++: целый, вещественный, символьный.	24
12.1 Целочисленные типы	24
12.2 Вещественные типы	25
13 Представление данных в оперативной памяти. Хранение переменных в Стеке	26
13.1 Представление данных в памяти	26
13.1.1 Целые числа	26
13.1.2 Вещественные числа	26
13.2 Стек. Хранение локальных переменных	27
14 Представление алгоритмов. Блок-схемы	28
14.1 Блок-схемы	28

15 Выражения: математические, логические, текстовые	30
15.1 Логические выражения	30
15.2 Текстовые выражения	30
15.3 Математические выражения	30
16 Унарные операции	31
17 Классификация бинарных операций	33
18 Арифметические и поразрядные операции. Результат операции	34
Вопросы 19-36	35
37 Операции над указателями разного порядка	50
38 Арифметика указателей	51
39 Массивы переменных размеров. Аллокаторы памяти	52
40 Рекурсивные алгоритмы	54
41 Алгоритмы сортировки. Асимптотическая сложность	55
42 Функции языка C для работы со строками	58
42.1 Длина строки	58
42.2 Копирование строк	58
42.3 Конкатенация строк	58
42.4 Сравнение строк	58
42.5 Обработка символов	59
42.6 Поиск	59
42.7 Приведение строк	59
42.8 Функции стандартной библиотеки ввода/вывода	60
43 Методы языка C++ для работы со строками	60
43.1 Перегруженные операторы	61
43.2 Методы	62
43.3 Размер строки	62
43.4 Модификация строки	62
43.5 Взятие подстроки	63
43.6 Поиск	63
43.7 Получение указателя на массив символов	64
44 Декларация структур (struct) в C/C++. Отличия в декларации	64
45 Инициализация и доступ к элементам структуры. Выравнивание	65
45.1 Инициализация	65
45.2 Выравнивание	66
46 Вложенные структуры и массивы структур	68
46.1 Вложенные структуры	68
46.2 Массивы структур	69
47 Указатели на структуры	70

48 Объединения и битовые поля	70
48.1 Объединения	70
48.2 Битовые поля	71
Время хранения. Связывание	73
49 Локальные и глобальные переменные	73
49.1 Локальные переменные	73
49.2 Глобальные переменные	75
50 Автоматические переменные	75
51 Внешние и статические переменные, особенности их реализации	76
52 Символические константы: #define. Включение файла: #include	78
53 Директивы препроцессора: #if, #ifdef, #ifndef, #else, #endif	79
54 Понятие алгоритма. Введение в алгоритмизацию	81
54.1 Свойства алгоритмов	82
54.2 Способы описания алгоритмов	82
54.3 Алгоритмические языки	83
Вопросы 55-62	84

1. Основные характеристики языка C++

C++ - это компилируемый статически типизированный язык программирования общего назначения. Язык программирования — это набор формальных правил, по которым пишутся программы.

Язык C++ **является**:

1. Компилируемым - программы, написанные на C++, перед выполнением сперва преобразуются в целевой (машинный) код целевой платформы - компилируется; за это отвечает специальная программа - компилятор. В результате получается исполнимый модуль, который уже может быть запущен на исполнение как отдельная программа;
2. Статически типизированным - за каждой переменной закреплён определенный **тип** - класс данных, характеризуемый членами класса и операциями, которые могут быть к ним применены. Тип переменной задается единожды при ее объявлении и не может быть изменен;
3. Слабо типизированным - значения разных, порой несвязных, типов в C++ можно приводить друг к другу встроенными в язык методами;
4. Высокоуровневым - программы на C++ проще в понимании человеком, чем с программы в машинных кодах и на языке ассемблера;
5. Мультипарадигмальным - C++ поддерживает несколько различных парадигм программирования - совокупностей идей и понятий, определяющих стиль написания программ, иными словами, парадигмы - подходы к программированию. В частности, C++ поддерживает: - Процедурное программирование - парадигма, при которой последовательно выполняемые операторы можно собрать в подпрограммы, то есть более крупные целостные единицы кода, с помощью механизмов самого языка; - Обобщенное программирование - парадигма, заключающаяся в таком описании данных и алгоритмов, которое можно применять к различным типам данных, не меняя само это описание; - **Объектно-ориентированное программирование** - парадигма, при котором программа рассматривается как набор объектов, взаимодействующих друг с другом. У каждого есть свойства и поведение;
6. Языком общего назначения - на C++ пишутся программы для различных сфер, начиная встраиваемыми системами и заканчивая разработкой игр. В качестве примера можно привести *драйверы* периферийных устройств, *операционные системы* и их компоненты, *браузеры*, *игры* и *игровые движки*, *базы данных*, *системы программирования*, в том числе *другие языки программирования* и библиотеки для них и т. д.

Язык C++ также обладает богатой стандартной библиотекой, включающей в том числе общепотребительные структуры данных и алгоритмы.

C++ строго регламентирован Международной организацией по стандартизации (ISO). На сегодняшний день выпущен стандарт C++23 и разрабатывается стандарт C++26.

Комментарии автора

TODO: Возможно, стоит добавить определения альтернативных подходов/терминов?

2. Отличия языка C++ от языка C

Язык программирования C++ многое, в том числе синтаксис, унаследовал от C. Обратная совместимость с C также является одной из целей создателей языка. Однако между этими языками есть и существенные различия.

1. Различен подход к управлению динамической памятью. В C используются `malloc()` и `free()`, в C++ - `new` и `delete` (и их вариации).
2. Различны способы представления и работы со строками. В C под строкой понимается последовательность (точнее, массив - все элементы расположены в смежных ячейках памяти) символов `char`, оканчивающихся т. н. *null-терминатором* - символом с кодом 0. В C++ для работы со строками стандартной библиотекой предоставлен тип `std::string`.
3. Различны возможности по организации кода. В C++ существует понятие **пространства имен** - это декларативная область, в рамках которой определяются различные идентификаторы (имена типов, функций, переменных, и т.д.). Пространства имен позволяют предотвращать конфликт имен (коллизии) - типы с одинаковым названием, но в разных пространствах имен считаются различными и доступ к ним однозначен. Помимо этого в C++ можно обращаться к типам структур без использования ключевого слова `struct`, что является **обязательным** в C и создает необходимость использования `typedef`.
4. Для косвенного обращения к данным помимо указателей (переменных, хранящих в качестве значения адрес ячейки памяти) в C++ существуют ссылки - их использование удобнее, поскольку не требует постоянного повторения оператора обращения через указатель (* или ->).
5. В C++ реализована поддержка **объектно-ориентированного программирования** (ООП), при котором программа рассматривается как набор объектов, взаимодействующих друг с другом. Можно определять поля и функции (точнее, такие функции называются методы), связанные с конкретным объектом (чаще всего это помещается в определении класса этого объекта). В тоже время встроенной поддержки ООП в C нет.
6. C++ позволяет писать более гибкий код с помощью перегрузки функций (методов) и операторов.
7. В C++ существует механизм обработки ошибок - исключения.
8. В современном стандарте C есть ключевые слова, которых нет в C++, например `restrict`, сигнализирующее о единственности указателя на заданную область памяти.

Идентификатор — это последовательность символов, используемая для обозначения переменной, функции или любого другого объекта. Ключевые слова - это предварительно определенные зарезервированные идентификаторы, имеющие специальные значения. Их нельзя использовать в качестве идентификаторов в программе.

3. Область применения и системы программирования языка C++

Язык C++ получил широкое распространение в сферах с требованиями к быстродействию ПО, а также в областях, требующих работу с низкоуровневыми интерфейсами. На C++ разрабатывают, в том числе (примеры тут)

1. Драйверы устройств;
2. Операционные системы и их компоненты;
3. Базы данных;
4. Другие языки программирования: компиляторы, интерпретаторы, программные библиотеки;
5. В целом системы программирования: редакторы исходного кода, в т.ч. IDE (интегрированная среда разработки), отладчики;
6. Прикладное ПО: браузеры, 3D-редакторы, программы для редактирования текста и видео;
7. Игры и игровые движки;
8. ...

Такое разнообразие в первую очередь обусловлено высокому *быстродействию* и *гибкости* программ, написанных на C++.

Система программирования - совокупность языка программирования и программных средств, обеспечивающих подготовку исходного кода программы, его перевод на машинный код, и последующую отладку. Иными словами системы программирования создаются для удобства работы пользователя с выбранным языком программирования.

Как правило, системы программирования включают в свой состав: - интегрированную среду разработки или программирования (Integrated Development Environment - IDE); - компилятор; - редактор связей или компоновщик; - библиотеки заголовочных файлов; - библиотеки классов и функций; - программы-утилиты.

Наиболее распространены следующие системы программирования (не включая IDE):

Набор инструментов (toolchain)	Компилятор	Компоновщик	Стандартная библиотека	Отладчик
GCC	g++	ld	libstdc++	gdb
LLVM	clang++	lld	libc++	lldb
MSVC	cl.exe	link.exe	MSVC STL	Visual Studio Windows Debugger

Интегрированную Среду Разработки можно трактовать как среду в которой есть все необходимое для проектирования, запуска и тестирования приложений и где все нацелено на облегчение процесса создания программ.

Что требуется от IDE: - Способность IDE корректно «понимать» код. IDE должна уметь индексировать все файлы проекта, а также все сторонние и системные заголовочные файлы и определения (defines, macro). - IDE должна предоставлять возможность кастомизации команд для построения проекта, а так же где искать заголовочные файлы и определения. - Должна эффективно помогать в наборе кода, т.е. предлагать наиболее подходящие варианты завершения, предупреждать об ошибках синтаксиса и т.д. - Навигация по большому проекту должна

быть удобной, а нахождение использования быстрым и простым. - Предоставлять широкие возможности для рефакторинга: переименование и т.д. - Также необходима способность к генерации шаблонного кода — создание каркаса нового класса, заголовочного файла и файла с реализацией. Генерация геттеров/сеттеров, определения методов, перегрузка виртуальных методов, шаблоны реализации чисто виртуальных классов (интерфейсов) и т.д.

В качестве примеров можно привести

1. Microsoft Visual Studio;
2. JetBrains CLion;
3. Qt Creator.

3.1. Примеры

1. Драйверы в Windows;
2. Ядра ОС обычно не пишут на C++, а вот API и драйверы - могут. Например, Windows;
3. MySQL, свободная реляционная БД;
4. LLVM - библиотека и программная платформа для написания языков программирования - сама написана на C и C++;
5. VisualStudio разрабатывается на C# и C++;
6. Mozilla Firefox и Google Chrome, Blender, LibreOffice, Premiere Pro
7. Unreal Engine, Unity, Godot - все это на C++
8. ...

4. Исходные и объектные модули, процессы компиляции и связывания (линковка)

Компиляция — сборка программы, включающая:

1. трансляцию всех модулей программы, написанных на одном или нескольких исходных языках программирования высокого уровня и/или языке ассемблера, в эквивалентные программные модули на низкоуровневом языке, близком машинному коду (абсолютный код, объектный модуль, иногда на язык ассемблера) или непосредственно на машинном языке или ином двоичнокодовом низкоуровневом командном языке;
2. последующую сборку исполняемой машинной программы, в том числе вставка в программу кода всех функций, импортируемых из статических библиотек и/или генерация кода запроса к ОС на загрузку динамических библиотек, из которых программой функции будут вызываться.

Соответственно, программа, осуществляющая компиляцию, называется **компилятором**. Примеры компиляторов языка C++:

1. **g++**, компилятор из набора инструментов (англ. toolchain) GCC;
2. **clang++**, компилятор из набора инструментов LLVM;
3. **cl.exe** - программа-драйвер MSVC (Microsoft Visual C++).

Компоновщик (редактор связей, линкер, сборщик) — это программа, которая производит компоновку («линковку», «сборку»): принимает на вход один или несколько объектных модулей и собирает по ним исполнимый модуль.

Примеры компоновщиков:

1. **ld** - из набора инструментов GCC;
2. **lld** - из набора инструментов LLVM;
3. **link.exe** - из набора инструментов MSVC.

Исходный модуль - программный модуль на исходном языке, обрабатываемый транслятором.

Объектный модуль - двоичный файл, который содержит в себе особым образом подготовленный исполняемый код, который может быть объединён с другими объектными файлами при помощи редактора связей (компоновщика) для получения готового исполняемого модуля, либо библиотеки.

Исполняемый модуль (исполняемый файл) — файл, который может быть запущен на исполнение процессором под управлением операционной системы.

Препроцессор — программа для обработки текста. Может существовать как отдельная программа, так и быть интегрированной в компилятор. В любом случае, входные и выходные данные для препроцессора имеют текстовый формат. Препроцессор преобразует текст в соответствии с директивами препроцессора. Если текст не содержит директив препроцессора, то текст остаётся без изменений.

В общем виде, сборка программы (C++) производится следующим образом:

- 1) Исходный модуль обрабатывается **препроцессором**.

В этой фазе происходит текстовая обработка директив препроцессора (например, `#include "foo/bar.h"` заменит строчку `#include "foo/bar.h"` на содержимое файла по пути `./foo/bar.h`);

- 2) **Фаза трансляции. Компилятор** на основе исходного модуля (файл с расширением **.crr**) с внесенными изменениями создает *объектный модуль*.
- 3) **Фаза компоновки**. Компоновщик собирает один или несколько *объектных модулей*, файлы *статических библиотек* и объединяет их в один исполняемый модуль.

4.1. Процесс компиляции

Компиляция состоит из следующих этапов: - Лексический анализ - объединение символов в лексемы; - Синтаксический анализ - построение лексем в дерево разбора; - Семантический анализ - проверка и построение семантической модели кода; - Оптимизация - перестроение программы для увеличения ее быстродействия без видимых побочных эффектов; - Генерация кода - создание итогового объектного модуля.

4.2. Процесс компоновки (линковки)

В объектном модуле сохраняется информация обо всех определенных функциях и глобальных переменных. Эта информация сведена в таблицу символов (англ. symbol table). При этом производятся необходимые искажения (англ. mangling) имен функций для предотвращения коллизий имен (возникающих, например, при перегрузке функций - в имя кодируются типы аргументов). По таблицам символов компоновщик разрешает межмодульные зависимости, в частности, подставляет реальные адреса функций в места их вызова. Аналогично линкуются и глобальные переменные.

5. Алфавит языка C++. Лексемы

5.1. Алфавит

Алфавит языка C++ для файлов исходного кода обязательно (по стандарту C++23) включает в себя:

1. Строчную базовую латиницу: a-z;
2. Прописную базовую латиницу: A-Z;
3. Арабские цифры: 0-9;
4. Специальные знаки: , . ; : ? ! ' " | / \ ~ _ ^ () { } [] < > # % & - = + * ;
5. Пробельные и управляющие символы (приведены также их *escape-последовательности* - символы которые выталкиваются в поток вывода, с целью форматирования вывода или печати некоторых управляющих знаков C++):
 - \t - табуляция;
 - \v - вертикальная табуляция;
 - \f - смена страницы (англ. *form feed*);
 - \n - перевод строки;
 - \0 - null-символ;
 - \b - возврат на шаг;
 - \a - звуковой сигнал (англ. *bell*);
 - \r - перевод каретки;
 - - пробел.

Впрочем, компиляторы могут поддерживать и более расширенный алфавит, например GCC поддерживает также символы UTF-8, например кириллицу. Строки и комментарии могут состоять вообще говоря из любых символов, поддерживаемых платформой.

5.2. Лексемы (a.k.a. Tokens)

Лексема (иначе *токен*, от англ. token) - минимальный лексический элемент языка C++ на этапе компиляции.

Категории лексем: 1) Идентификаторы; 2) Ключевые слова; 3) Литерал; 4) Операторы; 5) Знаки пунктуации (; , { } () и т.д.).

Идентификатор - это произвольно длинная последовательность цифр, знаков нижнего подчеркивания букв латиницы верхнего и нижнего регистров (и большинства символов Unicode, если присутствует поддержка платформы), обозначающая имя какой-либо программной сущности (напр. переменной, типа, метки и т. д.).

Ключевое слово - это предварительно определенный зарезервированный идентификатор, имеющий специальное значение. Его нельзя использовать в качестве идентификатора в программе.

Литерал - это непосредственное значение (целочисленное, вещественное, символьное, логическое, литерал-указатель `nullptr`, строковое).

Оператор - элемент программы, который контролирует способ и порядок обработки объектов.

Знаки пунктуации сами по себе смысла не несут, однако они являются составными частями операторов, и иных синтаксических конструкций.

5.2.1. Идентификаторы

Идентификатор - это произвольно длинная последовательность цифр, знаков нижнего подчеркивания букв латиницы верхнего и нижнего регистров (и большинства символов Unicode, если присутствует поддержка платформы), обозначающая имя какой-либо программной сущности (напр. переменной, типа, метки и т. д.).

Пользовательские идентификаторы не могут начинаться с цифры и содержать внутри себя пробельные символы. Также пользовательский идентификатор не может совпадать с каким-либо ключевым словом языка C++. Помимо этого не рекомендуется создавать идентификаторы, начинающиеся с символа подчеркивания, поскольку они могут являться внутренней деталью реализации стандартной библиотеки C++ или определяемым компилятором макросом.

5.2.2. Ключевые слова

Ключевое слово - это предварительно определенный зарезервированный идентификатор, имеющий специальное значение. Его нельзя использовать в качестве идентификатора в программе.

6. Ключевые слова языка C++, их область применения

Примечание автора

НЕ НУЖНО ПИСАТЬ ВСЮ ТАБЛИЦУ. Она для справки, по большому счету. Просто выбрать пару ключевых слов и расписать. Даже лучше по-подробнее, чем здесь.

Ключевое слово - это предварительно определенный зарезервированный идентификатор, имеющий специальное значение. Его нельзя использовать в качестве идентификатора в программе.

Помимо ключевых слов, стандарт C++ начиная с C++11 также из общей массы идентификаторов выделяет *идентификаторы со специальным значением* (англ. *identifiers with special meaning*). На сегодняшний день (стандарт C++23) их 4: - **final** (запечатывает иерархию наследования); - **import** (подключает модуль, начиная с C++20); - **module** (объявляет модуль, начиная с C++20); - **override** (переопределяет член родительского класса).

Эти особые идентификаторы являются ключевыми словами лишь в определенном контексте, в частности, вот пример их использования в обычном коде:

```
#include <iostream>

// пример использования идентификаторов со
// специальным значением в качестве обычных названий переменной
int main() {
    int final = 42;
    long import = 13;
    int module = final + import;
    bool override = true;

    std::cout << (override ? module : -1); // 55

    return 0;
}
```

Еще следует обозначить ключевые слова - заменители некоторых операторов. Они предназначены для платформ, поддерживающих только 6-битную ASCII, и потому не имеющую символов ~ & | и т. д.

Ключевое слово	Альтернативное представление
and	&&
and_eq	&=
bitand	&
bitor	
compl	~
not	!
not_eq	!=
or	
or_eq	=
xor	^
xor_eq	^=

6.1. Таблица ключевых слов в языке C++

Ключевое слово	Использование	Примечание/пример
<code>alignas</code>	Указывает выравнивание типа	Ошибкой было бы указать выравнивание меньше естественного.
<code>alignof</code>	Возвращает выравнивание типа	
<code>asm</code>	Вставка на языке ассемблера	Зависит от платформы.
<code>auto</code>	Спецификатор вывода типа автоматически	<code>auto i = 42; // i имеет тип int</code>
<code>bool</code>	Логический тип	
<code>break</code>	Принудительный выход из цикла/ветки <code>switch</code>	
<code>case</code>	Ветка оператора <code>switch</code>	
<code>catch</code>	Открывает блок захвата исключений	
<code>char</code>	Символьный тип	
<code>char8_t</code>	Символьный тип, строго 8 бит на символ	С C++20 , для представления текста в кодировке UTF-8.
<code>char16_t</code>	Символьный тип, строго 16 бит на символ	Для представления текста в UTF-16.
<code>char32_t</code>	Символьный тип, строго 32 бита на символ	Для представления текста в UTF-32.
<code>class</code>	Объявляет тип класса	
<code>concept</code>	Объявляет концепт	С C++20 . Концепты используются для ограничения параметров шаблонов.
<code>const</code>	Спецификатор константности (неизменяемости)	Может применяться к параметрам, указателям, локальным и глобальным переменным
<code>constexpr</code>	Объявляет <i>немедленно функцию</i>	С C++20 . Вызов такой функции обязан быть константой времени компиляции
<code>constexpr</code>	Функцию можно вычислить при компиляции	Ошибочно объявить никогда ни вычисляемую при компиляции функцию <code>constexpr</code>
<code>constinit</code>	Утверждает статическую инициализацию	С C++20 . Переменная <code>constinit</code> всегда должна инициализироваться статически. Только для глобальных переменных и <code>thread_local</code>
<code>const_</code>	Приведение типов с разными cv-квалификаторами	Позволяет добавить и/или убрать квалификаторы <code>const</code> и <code>volatile</code>
<code>cast</code>		
<code>continue</code>	Досрочно завершает текущую итерацию цикла	
<code>co_await</code>	Приостанавливает корутину до получения значения	С C++20 .
<code>co_</code>	Завершает корутину	С C++20 .
<code>return</code>		
<code>co_yield</code>	Приостанавливает корутину с возвратом значения	С C++20 .
<code>decltype</code>	Возвращает тип заданного выражения на этапе компиляции	
<code>default</code>	Определяет ветку по умолчанию в операторе <code>switch</code> . Также указывает использовать реализацию по умолчанию	
<code>delete</code>	Явным образом удаляет сгенерированную компилятором реализацию по умолчанию	
<code>do</code>	Часть объявления цикла с постусловием	
<code>double</code>	Вещественный тип двойной точности	
<code>dynamic_</code>	Приведение типов в иерархии наследования	
<code>cast</code>		
<code>else</code>	Ветка иначе в условном операторе	
<code>enum</code>	Объявляет перечисление	
<code>explicit</code>	Отличает конструктор с одним параметром от перегруженного оператора приведения типов	
<code>export</code>	До C++11 использовалось в шаблонах; после C++20 используется для экспорта кода в модулях	
<code>extern</code>	Определяет <i>внешнюю компоновку</i>	Переменные и функции с внешней компоновкой доступны из этого объектного модуля в других.
<code>false</code>	Литерал <i>ложь</i>	
<code>float</code>	Вещественный тип одинарной точности	
<code>for</code>	Объявляет цикл с параметром и цикл по коллекции (<i>range-based for</i>)	
<code>friend</code>	Спецификатор видимости; позволяет дать другому типу (функции) доступ к приватным полям класса	
<code>goto</code>	Оператор безусловного перехода	
<code>if</code>	Объявляет условный оператор	
<code>inline</code>	Функция, помеченная <code>inline</code> будет встроена в местах вызова	Компилятор имеет право (по соображению сохранения двоичного интерфейса приложения, ABI) проигнорировать этот спецификатор.
<code>int</code>	Целый тип, обычно 4 байта в размере	
<code>long</code>	Целый тип, не меньше чем <code>int</code>	
<code>mutable</code>	Спецификатор, позволяющий изменять поле, даже если объект константен	
<code>namespace</code>	Определяет или подключает пространство имен	
<code>new</code>	Оператор выделения памяти	
<code>noexcept</code>	Спецификатор отсутствия исключений	Возвращает <code>true</code> , если выражение не бросает исключений. Также используется как часть объявления функции, чтобы обозначить, что она не бросает исключений.
<code>nullptr</code>	Литерал <i>0-ого указателя</i>	
<code>operator</code>	Используется в переопределении операторов	
<code>private</code>	Спецификатор видимости; член (наследование) недоступен(-о) за пределами класса	
<code>protected</code>	Спецификатор видимости; член (наследование) доступен(-о) только дочерним классам	
<code>public</code>	Спецификатор видимости; член (наследование) доступен(-о)	
<code>register</code>	Спецификатор локальной переменной/параметра	Показывает компилятору, что указанная переменная/параметр часто используется, и потому ее следует поместить в регистр процессора. Не рекомендуется.
<code>reinterpret_</code>	Приведение несвязных типов	
<code>cast</code>		
<code>requires</code>	Используется в концептах	
<code>return</code>	Возврат значения из функции и лямбда-выражения	
<code>short</code>	Целый тип, не больше, чем <code>int</code>	
<code>signed</code>	Показывает, что следующий целый тип знаковый	
<code>sizeof</code>	Оператор получения размера типа	
<code>static</code>	Определяет <i>внутреннюю компоновку</i> . Также объявляет статический член класса (для его вызова не нужен объект)	при внутренней компоновке глобальные переменные и функции недоступны извне объектного модуля.
<code>static_</code>	Определяет условие на этапе компиляции	
<code>assert</code>		В случае ложности условия, завершает компиляцию с ошибкой. Вторым аргументом можно передать строку - пользовательское сообщение об ошибке.
<code>static_</code>	Приведение типов	
<code>cast</code>		
<code>struct</code>	Объявляет структуру	
<code>switch</code>	Объявляет оператор выбора <code>switch</code>	
<code>template</code>	Объявляет шаблон	
<code>this</code>	Указатель на текущий объект (в методе)	
<code>thread_</code>	Спецификатор, делающий переменную локальной для каждого потока	
<code>local</code>		
<code>throw</code>	Бросает исключение	
<code>true</code>	Литерал <i>истина</i>	
<code>try</code>	Объявляет защищаемый блок оператора <code>try-catch</code>	
<code>typedef</code>	Дает существующему типу новое имя (т.е. псевдоним)	
<code>typeid</code>	Получает информацию о типе	
<code>typename</code>	Используется в шаблонах	
<code>union</code>	Объявляет объединение	
<code>unsigned</code>	Показывает, что следующий целый тип беззнаковый	
<code>using</code>	Подключает пространство имен, член пространства имен. Также может давать типам псевдонимы	
<code>virtual</code>	Создает виртуальный метод	Виртуальные методы можно переопределять в дочерних классах; то, какой конкретно метод вызовется, зависит от типа конкретного объекта, даже при приведении к родительскому типу. Нет и не может быть объектов этого типа. Также используется для функций, не возвращающих значения.
<code>void</code>	Определяет тип <i>ничто</i> .	<code>volatile</code> переменные не могут быть оптимизированы, поскольку компилятор не может строить о них предположения. Значения таких переменных для компилятора могут изменяться непредсказуемо. Понимается как тип символов платформно-зависимой расширенной кодовой таблицы.
<code>volatile</code>	Спецификатор, показывающий, что переменная может измениться под влиянием внешних причин	
<code>wchar_t</code>	Тип символа, хранит не меньше, чем <code>char</code>	

Ключевое слово	Использование	Примечание/пример
<code>while</code>	Участвует в объявлении циклов с пред- и постусловием	

Не считая альтернативные формы некоторых операторов и идентификаторы с особым значением, всего в **C++ 81 ключевое слово**.

7. Знаки пунктуации, специальные символы и знаки операций в языке C++

7.1. Знаки пунктуации

К символам пунктуации в языке C++ относятся следующие:

! % ^ & * () - + = { } | ~
[] \ ; ' : " < > ? , . / #

Символы пунктуации в C++ имеют синтаксическое и семантическое значение для компилятора, однако сами по себе не указывают на операцию, которая позволяет получить значение. Некоторые из них (по отдельности или в сочетании) могут также быть операторами C++ или иметь значение для препроцессора.

7.2. Управляющие символы

Управляющие символы (или как их ещё называют — **escape-последовательность**) — символы которые выталкиваются в поток вывода, с целью форматирования вывода или печати некоторых управляющих знаков в C++.

символ	значение
\a	сигнал бипера (спикера) компьютера
\b	возврат назад
\f	следующая страница (англ. form feed)
\n	новая строка
\r	возврат каретки в начало строки
\t	горизонтальная табуляция
\v	вертикальная табуляция
\'	одинарная кавычка
\"	двойная кавычка
\\	обратная косая черта (обратный слэш)
\?	знак вопроса
\0	нулевой символ
\ooo	ASCII-символ в восьмеричной записи
\x hh	ASCII-символ в шестнадцатеричной записи
\x	Символ Unicode в шестнадцатеричной записи (только в для <i>широких</i> (<code>wchar_t</code>) и
hhhh	Unicode (<code>char*_t</code>) строках)

8. Идентификаторы в языке C++, правила наименования

8.1. Идентификаторы

Идентификатор - это произвольно длинная последовательность цифр, знаков нижнего подчеркивания букв латиницы верхнего и нижнего регистров (и большинства символов Unicode, если присутствует поддержка платформы), обозначающая имя какой-либо программной сущности (напр. переменной, типа, метки и т. д.).

Пользовательские идентификаторы **не могут** начинаться с **цифры** и содержать внутри себя **пробельные символы**. Также пользовательский идентификатор не может совпадать с каким-либо **ключевым словом** языка C++. Помимо этого не рекомендуется создавать идентификаторы, начинающиеся с символа подчеркивания, поскольку они могут являться внутренней деталью реализации стандартной библиотеки C++ или определяемым компилятором макросом. Аналогично, зарезервированными считаются идентификаторы с 2 нижними подчеркиваниями.

Несмотря на то, что стандарт *не накладывает ограничений на длину* идентификатора, она все равно может быть ограничена компилятором и/или компоновщиком. Например, **MSVC** и **Intel C++** поддерживают идентификаторы длиной лишь в **2048** символов, в то время как **GCC** никаких ограничений не накладывает.

8.2. Правила названия

Для увеличения читаемости кода, существуют различные соглашения о названиях переменных типов и других программных сущностей. Вот, например, правила, рекомендованные по стилю Google (google's codestyle):

Сущность	Стиль	Пример
Локальная переменная	snake_case	<code>int bus_queue_length = 12;</code>
Тип (напр. структура)	UpperCamelCase	<code>struct Unit {};</code>
Функция	UpperCamelCase	<code>int GetMagicNumber() { return 69; }</code>
Параметр	snake_case	<code>int GetAnswerToTheUniverse(int years_passed) { return 42 + 0 * years_passed; }</code>
С макрос	SCREAMING_CASE	<code>#define MY_MACRO_THAT_SCARES_SMALL_CHILDREN_AND_ADULTS_ALIKE</code>
Константа	kUpperCamelCase	<code>const bool kIsAndroid = true;</code>
Поле класса	snake_case	<code>class ProductData { private: int number_of_customers_; };</code>
Член перечисления	kUpperCamelCase	<code>enum Status { kOk = 0, kBadAlloc, kRuntimeError };</code>
Пространство имен	snake_case	<code>namespace foo_bar { ... }</code>

Существуют и другие подходы, например *венгерская нотация*, по которой различные свойства объекта (например, типы переменных) кодировались в названии этого объекта. Пример:

```
bool bBusy = false; // _b_olean
const char *szOwner = "This is the owner"; // _z_ero-terminated _s_tring
```

Также стоит придерживаться более общих правил:

1. Следует давать переменным и типам разборчивые имена, конкретные для предметной области.

Например, создавая очередь покупателей не следует называть переменную `queue`, вместо этого можно использовать более конкретное `customer_queue`.

2. Следует избегать излишних аббревиатур.

Например, вместо `class UQT ...`; следует использовать `UnitQuadTree ...`.

3. Не стоит называть свои типы и переменные также, как называются типы в стандартной библиотеке.

Это чревато коллизией имен и сложными в отладке ошибками.

9. Виды констант в языке C++

Под **константой** понимается какая-либо **неизменяемая** величина.
Можно выделить следующие виды констант:

1. Макросы;
2. Литералы;
3. Собственно константы (с ключевым словом `const`);
4. Выражения `constexpr`;
5. Константы, члены перечисления.

9.1. Литералы

Литералы - непосредственные значения определенного типа, встроенные в программный код.

Литералы могут иметь различный тип:

1. целый;
2. вещественный;
3. логический;
4. символьный;
5. типа указателя (`nullptr`);
6. строковый;
7. (*необязательно*) пользовательского типа (при соответствующем переопределенном операторе в пользовательском типе).

Тип литерала	Формат	Пример
целый	префикс 0 - 8-ричноепрефикс 0x - 16-ричноепрефикс 0b - 2-чное суффикс l - не меньший, чем <code>long int</code> суффикс u - не меньший, чем <code>unsigned int</code> суффикс ll - не меньший чем <code>long long int</code> одновременно ll и u - не меньший, чем <code>unsigned long long int</code> Регистр символов неважен; группы цифр можно разделять '	42 052 0x2a 0x2A 0b101010 (с C++14) 18446744073709550592ull 1'000'000'000ULL
вещественный	позволительна запись в экспоненциальном ($m * 10^{\pm t}$) виде: <code>mE*t</code> , (если $t \geq 0$, + можно опустить: <code>mEt</code>) суффикс f - тип <code>float</code> суффикс l - тип <code>long double</code> иначе - <code>double</code> регистр символов не имеет значения; группы цифр можно разделять '	1.0056 3.1415E12 0.0f 1'000'000.123'812L
логический	регистр символов не имеет значения; группы цифр можно разделять ' <code>true</code> - истина <code>false</code> - ложь	true
литерал-указатель	<code>nullptr</code> - предпочтительная замена 0 и макросу <code>NULL</code>	nullptr
символьный	без префикса - <code>char</code> <code>u8 - char8_t</code> (с C++17) <code>L - wchar_t</code> <code>u - char16_t</code> <code>U - char32_t</code> типы <code>char*_t</code> хранят символ Unicode в кодировке UTF-*	'a' '\n' u'=' u8'W' L'ъ' U'*'
строковый	разрешены <code>escape-последовательности</code> префиксы аналогичны символьным литералам, но обозначают тип символов строки суффикс s используется для создания литерала объекта <code>std::string</code> (<code>std::string</code> , <code>std::wstring</code> , <code>std::u8string</code> , и т.д.) также существуют <i>сырые строки</i> . Они задаются префиксом R и ограничиваются R"символы(...)символы"	"hello" u8"Hello, I'm UTF-8" L"Long string literal" R"(Prepare thyself!)" R"lit(A "(string)")lit"

9.2. Именованные константы

Символические константы - именованные константы, используются чтобы не использовать *магические числа* т.к. оные не несут смысла без контекста.

1. Макросы - подставляются препроцессором. Не рекомендуются к использованию.

```
#define ANSWER_TO_THE_UNIVERSE 42
```

2. `const` - основной способ показать неизменяемость в C++.

- Константные переменные должны быть инициализированы, когда вы их определяете, после этого это значение не может быть изменено с помощью присваивания;
- Объявление переменной как `const` предотвращает непреднамеренное изменение ее значения;
- Константные переменные могут быть инициализированы из других переменных (включая неконстантные).

`const` часто используется с параметрами функции, что гарантирует, что функция не изменит значение аргумента. Впрочем, данное свойство полезно только при передаче *по ссылке* или *по указателю*: при передаче по значению все аргументы функции копируются и функция в любом случае не может изменить значение извне:

```
void ByValue(int i) { i = 42; }
void ByReference(int &i) { i = 69; }
void ByPointer(int *i) { *i = 34; }

int main() {
    int a = 0;
    int b = 0;
    int c = 0;

    ByValue(a);
    ByReference(b);
    ByPointer(&c);

    // a == 0, b == 69, c == 34

    return 0;
}
```

3. Ключевое слово `constexpr` появилось с C++11 и позволяет показать *константу времени компиляции*, т.е. значения, помеченные `constexpr` компилятор вправе вычислить во время компиляции. При этом было бы ошибкой попытаться инициализировать `constexpr` константу не `constexpr` выражением.
4. Члены перечисления также являются символическими константами связанным с ними числовым значениям:

```
enum MyEnum {
    kZero = 0,
    kOne,
    kTwo,
    kFive = 5,
```

```
    kSix  
};  
// ...  
std::cout << kFive; // 5
```

10. Символьные и Строковые константы, отличие от числовых констант

10.1. Символьные и строковые константы

Константа - это ограниченная последовательность символов алфавита языка, представляющая собой изображение фиксированного (неизменяемого) объекта.

Речь в первую очередь пойдет о *литералах* и их типах.

Символьные литералы представляют собой 1 символ (или часть символа, если говорить про UTF-*) в какой-либо кодировке. В качестве символьных констант также могут использоваться управляющие коды, не имеющие графического представления. При этом код управляющего символа начинается с символа \ (обратный слеш).

Тип	Пояснение	Пример
char	ASCII. Также используется для хранения байт в многобайтных кодировках	'a'
wchar_t	Зависит от платформы, но так или иначе не меньше чем char. Например, на Linux имеет размер 32 бита и хранит в кодировке UTF-32, на Windows - 16 бит и хранит UTF-16	L'P'
char8_t	UTF-8, 8 бит	u8'w'
char16_t	UTF-16, 16 бит	u'L'
char32_t	UTF-32, 32 бита	U'Ё'

Строковые литералы представляют собой последовательность символов, заключенные в кавычки. В памяти строки представляют собой последовательность символов (точнее, массив, т.к. все символы находятся друг за другом), ограниченные символом \0. Этот нулевой символ называется также **null-терминатором**, и является маркером конца строки.

```
const char *example_string = "I am a string";
```

Вообще говоря строки можно составить из символов любого типа:

```
const wchar_t *wide_string = L"Я транслятор";
const char8_t *utf8_string = u8"Judgement!";
const char16_t *utf16_string = u"\\";
const char32_t *utf32_string = U"Съешь же ещё этих мягких"
                              U"французских булок, "
                              U"да выпей чаю.";
```

Однако они всегда будут оканчиваться символом с кодом 0.

10.2. Отличия

Символьные, строковые и числовые константы - это не одно и то же.

Числовые константы предназначены для хранения чисел. Символы кодируются в компьютере с помощью чисел (в соответствии с **кодовой таблицей**), однако числа сами по себе не несут какого-либо смысла и не обозначают печатный или управляющий знак.

Символы и строки также различны:

```
char a_char = 'A';
const char *a_string = "A";
```

Помимо разницы в синтаксисе (разные кавычки), строка `a_string` состоит из двух символов - 'A' и '\0'. `a_char` и `a_string` также занимают разное количество памяти (`a_char` - 1 байт, `a_string` - 2 байта).

11. Операнды в языках программирования

Комбинация **знаков операций** и **операндов**, результатом которой является определенное значение, называется **выражением**. Знаки операций определяют действия, которые должны быть выполнены над операндами. Каждый операнд в выражении может быть выражением. Значение выражения зависит от расположения знаков операций и круглых скобок в выражении, а также от приоритета выполнения операций.

Операнд - любой объект, над которым проводится операция.

Например, операндом может быть - переменная или константа - литерал - выражение вызова функции - выражение выбора элемента - любое другое выражение, сформированное комбинацией операндов, знаков операций и круглых скобок.

В языках высокого уровня зачастую за каждым операндом закреплен определенный тип, будь то целочисленный, вещественный или какой-либо другой.

Стоит отметить, что некоторые конструкции, даже не являясь выражениями в привычном смысле (*математические выражения*), тем не менее также состоят из операндов:

- 1) Оператор ветвления - `if`.

```
if ( _условие_ ) { ... }
```

условие - операнд логического типа.

- 2) Оператор выбора - `switch`

```
switch ( _значение_ ) {  
    case _вариант1_:  
        ...  
        break;  
    case _вариант2_:  
        ...  
        break;  
    ...  
    default:  
        ...  
        break;  
}
```

значение - операнд целого типа.

- 3) Оператор цикла с параметром - `for`.

```
for ( _инициализация_; _условие_; _модификация_ ) { ... }
```

инициализация - операнд, предназначенный для объявления переменных, используемых в цикле.

условие - операнд логического типа, определяет условие продолжения цикла.

модификация - операнд, выполняющийся после каждой итерации цикла.

- 4) Оператор циклов с пред- и постусловием - `while` и `do-while`.

```
while ( _условие_ ) { ... }
```

```
do { ... } while ( _условие_ );
```

условие - операнд логического типа.

12. Типы данных в языке C++: целый, вещественный, символьный.

Тип данных - множество значений и операций над этими значениями.

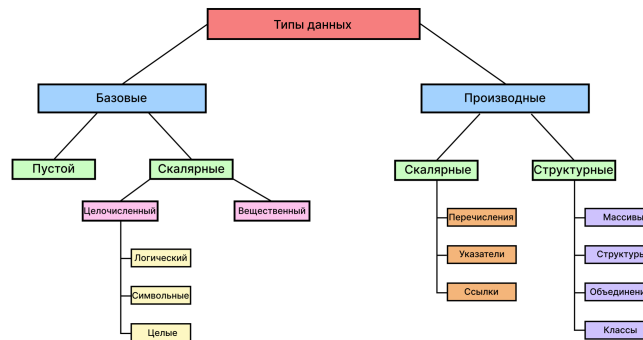


Рис. 1: Типы данных в C++

В категории базовых типов выделяют

1) Пустой тип (он же `void` в C++).

Нет и не может быть объектов этого типа. Используется в отклонении (англ. *discard*) результата вычисления (прим. `(void)GetAnswerToTheUniverse();`) и в функциях, не возвращающих значений.

2) Скалярные типы

- Целочисленные типы: логический (`bool` в C++), символьный (`char`, `wchar_t`, `char32_t`, ...), целый (`int`, `short`, ...)
- Вещественный тип

Отдельно рассмотрим целочисленные и вещественные типы данных в C++.

12.1. Целочисленные типы

Стоит отметить, что размеры конкретных типов зависят от платформы. Стандарт C++ дает ограниченные гарантии на их размер. Также к ключевым словам типов (`int`, `short`, `long`) могут добавляться квалификаторы **signed** (определяет знаковость) и **unsigned** (определяет беззнаковость). Возможна и комбинация ключевых слов типов: `unsigned long long int`.

Тип	Эквивалентен	Пояснение	Мини-мальный размер	Размер на <i>x86-64</i>	Диапазон значений (<i>x86-64</i>)	Примечание
<code>signed char</code>	<code>signed char</code>	Символьный тип	8 бит	8 бит	-128 до 127	
<code>unsigned char</code>	<code>unsigned char</code>	Символьный тип	8 бит	8 бит	0 до 255	
<code>char8_t</code>	<code>char8_t</code>	Символьный тип для UTF-8	8 бит	8 бит	0 до 255	C C++20
<code>wchar_t</code>	<code>wchar_t</code>	Длинный символьный тип	-	зависит от платформы	зависит от платформы	На Unix/Linux - 32 На Windows - 16
<code>char16_t</code>	<code>char16_t</code>	Символьный тип для UTF-16	16 бит	16 бит	0 до 65535	
<code>char32_t</code>	<code>char32_t</code>	Символьный тип для UTF-32	32 бит	32 бит	0 до 1114111 (<i>0x10ffff</i>)	Ограничение Unicode

Тип	Эквивалентен	Пояснение	Мини-мальный размер	Размер на <i>x86-64</i>	Диапазон значений (<i>x86-64</i>)	Примечание
short short int signed short signed short int	short int	Целый тип, не больший int	16 бит	16 бит	−32768 до 32767	
unsigned short unsigned short int	unsigned short int	Беззнаковый short	16 бит	16 бит	0 до 65535	
int signed signed int	int	Основной целый тип	16 бит	32 бит	−2 ³¹ до 2 ³¹ − 1	
unsigned unsigned int	unsigned int	Беззнаковый int	16 бит	32 бит	0 до 2 ³² − 1	
long long int signed long signed long int	long int	<i>Длинное</i> целое	32 бит	зависит от платформы	зависит от платформы	На Unix/Linux - 64 Windows API - 32
unsigned long unsigned long int	unsigned long int	Беззнаковый long	32 бит	зависит от платформы	зависит от платформы	На Unix/Linux - 64 Windows API - 32
long long long long int signed long long signed long long int	long long int	<i>Дважды длинное</i> целое	64 бит	64 бит	−2 ⁶³ до 2 ⁶³ − 1	
unsigned long long unsigned long long int	unsigned long long int	Беззнаковый long long	64 бит	64 бит	0 до 2 ⁶⁴ − 1	

Тип `char` занимает по крайней мере 8 бит и ведет себя так же, как и `signed char` или `unsigned char`, но является отдельным типом. При этом конкретная знаковость зависит от платформы и настроек компилятора. На *x86* он обычно знаковый, на *arm* - обычно беззнаковый.

Логический тип `bool` занимает по крайней мере 8 бит и хранит лишь два значения - `true` или `false`.

Типы в C++ формируют иерархию по размеру:

```
1 == sizeof(char) <= sizeof(short) <= sizeof(int) <= sizeof(long) <= sizeof(long long)
```

Однако стандарт гарантирует лишь минимальное количество бит типов. В частности возможная абсурдная ситуация, когда на платформе один байт¹ занимает 64 бит и

```
sizeof(char) == sizeof(short) == sizeof(int) == sizeof(long) == sizeof(long long) == 1
```

Количество бит, которое занимает тип `char` можно проверить макросом `CHAR_BIT`; впрочем, практически все современные системы имеют байт¹ равным 8 бит.

12.2. Вещественные типы

Стандарт C++ определяет следующие типы с плавающей точкой: 1) `float` - вещественный тип одинарной точности. Обычно **IEEE 754 binary32**. 2) `double` - вещественный тип двойной точности. Обычно **IEEE 754 binary64**. 3) `long double` - вещественный тип повышенной точности.

На разных платформах может быть типом четверной точности (***IEEE 754* *binary128***), 80-битным **x87-80 extended precision format** на **x86**, быть эквивалентным `'double'` или реализован каким-либо другим образом.

¹Под *байтом* в этом контексте понимается минимально адресуемый объем памяти. Это не обязательно 'байт' в значении *объем информации*.

13. Представление данных в оперативной памяти. Хранение переменных в Стеке

13.1. Представление данных в памяти

Бит — это самая маленькая единица измерения информации. Биты складываются в байты, те — в килобайты, мегабайты и так далее. Название произошло от слов *binary digit*, двоичное число. Это значит, что в одном бите может храниться одно из двух значений: 0 или 1.

Байт — единица хранения и обработки цифровой информации; совокупность битов, обрабатываемая компьютером одновременно.

Под **адресом** будем понимать номер начального байта.

Различные данные представляются в оперативной памяти компьютера различным образом.

13.1.1. Целые числа

Беззнаковые целые числа просто хранятся в памяти компьютера в двоичном коде. Однако знаковые числа требуют хранения особым образом, для однозначного разделения отрицательных и положительных чисел. Существуют 3 стандартных способа хранения отрицательных чисел: прямой код, обратный код и дополнительный код.

1) Прямой код (англ. *sign and magnitude*).

Старший бит двоичной записи числа называется знаковым битом. Если он установлен, число считается отрицательным, иначе положительным. Имеет проблему 2 нулей ($10000000_2 = 00000000_2 = 0_{10}$) и невозможности напрямую проводить арифметические операции ($5_{10}(00000101_2) + -5_{10}(10000101_2) = 10001010_2 \neq 0_{10}$).

2) Обратный код (англ. *one's complement*).

Отрицательные числа кодируются как побитовая инверсия противоположных положительных чисел. Имеет проблему 2 нулей ($00000000_2 = 11111111_2 = 0_{10}$).

3) Дополнительный код (англ. *two's complement*)

Отрицательные числа кодируются как побитовая инверсия положительных чисел плюс число 1. Не имеет названных проблем (только 1 ноль, арифметика стандартна).

Начиная с **C++20** единственной разрешенной формой кодирования знаковых отрицательных чисел в C++ является **дополнительный код**.

13.1.2. Вещественные числа

Стандарт не регламентирует строго формат хранения вещественных чисел, однако на фактически всех современных пользовательских и серверных платформах они представлены числами **IEEE 754**.

IEEE 754 регламентирует

1. Двоичное представление чисел с плавающей запятой;
2. Допустимые операции над такими числами;
3. Их поведение при выполнении операций, в частности, методы округления;
4. Специальные значения (*NaN*, *infinity*).

Двоичный формат чисел **IEEE 754** (на примере `binary32`, `float` в **C++**) изображен на рисунке 2.

Формат представления чисел следующий:

1. $(-1)^s \times 1.M \times 2^E$, если $E_{min} \leq E \leq E_{max}$ (нормализованные числа),
2. $(-1)^s \times 0.M \times 2^{E_{min}}$, если $E = E_{min} - 1$ (денормализованные числа),

где - s - знак - M - мантисса - E - порядок (англ. *exponent*)



Рис. 2: IEEE-754 `binary32`

13.2. Стек. Хранение локальных переменных

Стек - особая область памяти, работающая по принципу “первый зашел, последний вышел” (**FILO**), хранящая информацию о текущей подпрограмме и возврате из подпрограммы в вызвавшую программу (подпрограмму).

Структура, выравнивание, размер и положение стека в памяти определяется платформой; порядок вызова функций и хранение локальных переменных также определяется платформой. Обычно эти параметры определяются **двоичным интерфейсом приложения** (англ. **ABI - application binary interface**) платформы, а его часть касательно порядка вызова функций - **соглашением о вызовах** (англ. *calling convention*).

Например, на *x86-64* стек растет от старших адресов к младшим (рисунок 3).

Аргументы и локальные переменные функций также в общем случае хранятся на стеке. При входе в функцию на стеке под нее выделяется *кадр стека* - там хранятся переменные и аргументы, а также адрес возврата из функции. При выходе из функции кадр стека уничтожается (точнее, вершина стека перемещается вверх, за этот кадр, поэтому содержимое становится недоступным). Очистка памяти на стеке происходит автоматически, без участия программиста.

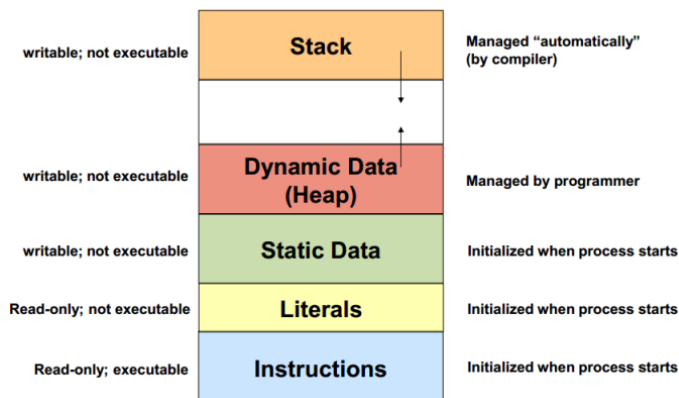


Рис. 3: Секции памяти на архитектуре *x86*

14. Представление алгоритмов. Блок-схемы

Алгоритм – это точное предписание, определяющее вычислительный процесс, ведущий от варьируемых начальных данных к искомому результату.

Алгоритм может быть представлен различным образом:

1. Словесный;

Предполагает описание алгоритма на естественном языке. Имеет существенный недостаток – строго не формализуем.

2. Формульно-словесный;

Алгоритм записывается в виде текста с формулами по пунктам, определяющим последовательность действий.

3. Блок-схемный;

4. Псевдокод;

Псевдокод – компактный, зачастую неформальный язык описания алгоритмов, использующий ключевые слова императивных языков программирования, но опускающий несущественные для понимания алгоритма подробности и специфический синтаксис.

5. Структурные диаграммы;

Структурные диаграммы описывают структуру сложных объектов и систем, показывают статическую структуру системы и ее частей на разных уровнях абстракции и реализации, а также их взаимосвязь.

6. Языки программирования

Алгоритмический язык — это искусственный язык (система обозначений), предназначенный для записи алгоритмов. Он позволяет представить алгоритм в виде текста, составленного по определенным правилам с использованием специальных служебных слов. Количество таких слов ограничено. Каждое служебное слово имеет точно определенный смысл, назначение и способ применения.

Язык программирования – алгоритмический язык, команды которого однозначно преобразуются в команды для компьютера.

14.1. Блок-схемы

Блок–схема — наглядный способ представления алгоритма. Блок–схема отображается в виде последовательности связанных между собой *функциональных блоков*, каждый из которых соответствует выполнению одного или нескольких действий. Определенному типу действия соответствует *определенная геометрическая фигура блока* (см. рисунок 4). Линии, соединяющие блоки, определяют *очередность выполнения действий*. По умолчанию блоки соединяются *сверху вниз и слева направо*. Если последовательность выполнения блоков должна быть иной, используются направленные линии (стрелки).

Блок-схемы регламентируются такими документами, как **ГОСТ 19.701-90, СТП 01-2017** (стандарт предприятия БГУИР).

Пример блок-схемы алгоритма (рисунок -1).

Название блока	Обозначение	Назначение блока
Терминатор		Начало, завершение программы или подпрограммы
Процесс		Обработка данных (вычисления, пересылки и т. п.)
Данные		Операции ввода-вывода
Решение		Ветвления, выбор, итерационные и поисковые циклы
Подготовка		Счетные циклы
Граница цикла		Любые циклы
		
Предопределенный процесс		Вызов процедур
Соединитель		Маркировка разрывов линий
Комментарий		Пояснения к операциям

Рис. 4: Обозначения на блок-схемах

15. Выражения: математические, логические, текстовые

Операнд - объект над которым происходит операция.

Выражение - комбинация знаков операций и операндов, результатом которой является определенное значение. Знаки операций определяют действия, которые должны быть выполнены над операндами. Каждый операнд в выражении может быть выражением. Значение выражения зависит от расположения знаков операций и круглых скобок в выражении, а также от приоритета выполнения операций.

Каждое выражение в C++ характеризуется своим типом. Результирующий тип выражения выводится из типов операндов и характера операций.

При вычислении выражений тип каждого операнда может быть преобразован к другому типу. Преобразования типов могут быть неявными, при выполнении операций и вызовах функций, или явными, при выполнении операций приведения типов.

15.1. Логические выражения

Результатом логического выражения есть объект логического типа - истина или ложь. Такие выражения соотносятся с выражениями из булевой алгебры и используются в первую очередь в операторах ветвления и цикла.

15.2. Текстовые выражения

Примечание автора

Текстовых выражений в C++ нет. По крайней мере, никакой информации на этот счет найдено не было. Я не знаю, что сюда писать и нужно ли. Даже в общем смысле, абстрагируясь от C++

15.3. Математические выражения

Математическое выражение - это совокупность знаков, описывающая отношение между какими-то величинами. Результатом математических выражений обычно является какое-либо число.

16. Унарные операции

Унарная операция - операция над одним операндом и возвращающая один результат. Рассмотрим унарные операции в **C++**.

1) Унарные 'плюс' и 'минус'

```
+a;  
-a;
```

Унарный плюс не изменяет выражения, унарный минус меняет знак на противоположный.

2) Префиксный/постфиксный инкремент и декремент

```
++a;  
a++;  
--a;  
a--;
```

Прибавляет (инкремент) или отнимает (декремент) 1. Меняет операнд. В префиксной форме, сначала прибавляет/отнимает, потом возвращает значение измененной переменной. В постфиксной, сначала возвращает исходное значение переменной, потом прибавляет/отнимает.

3) Отрицание (логическое НЕ)

```
!a;
```

Заменяет **true** на **false**, а **false** - на **true** и возвращает **логическое значение** - результат такой замены. Сам операнд не изменяется.

4) Побитовая инверсия

```
~a;
```

Заменяет 0 в двоичной записи числа на 1, а 1 - на 0 и возвращает **число** - результат такой замены. Сам операнд не изменяется.

5) Взятие адреса и косвенная адресация

```
int *address = &a;  
*a = 42;
```

Взятие адреса применяется к переменной и возвращает адрес первой ячейки памяти, где хранится эта переменная, в виде указателя. Косвенная адресация позволяет прочитать и записать по адресу, хранящемуся в указателе.

6) Оператор `sizeof()` - получение размера типа

```
sizeof(a)
```

Возвращает размер типа(типа выражения) в байтах. Стандарт допускает, что байт может не быть равен 8 бит, поэтому точнее говорить, что **sizeof** возвращает размер типа в адресуемых ячейках памяти.

7) Оператор приведения типов в стиле C

```
int a = 42;  
double c_style = (double)a;
```

8) выделение и освобождение памяти - new и delete

```
int *heap_allocated = new int;  
*heap_allocated = 42;  
  
//...  
  
delete heap_allocated;
```

...и хватит...

17. Классификация бинарных операций

Бинарная операция - операция над двумя операндами и возвращающая один результат. К бинарным операциям в C++ относятся:

- 1) Присваивания (`=` `+=` `-=` `*=` `/=` `%=` `&=` `|=` `^=` `>>=` `<<=`);
- 2) Арифметические, за исключением унарных `+`, `-` (`+` `-` `*` `/` `%`);
- 3) Побитовые, за исключением побитовой инверсии `~` (`&` `|` `^` `<<` `>>`);
- 4) Логические, за исключением унарного логического отрицания `!` (`&&` `||`);
- 5) Сравнения (`==` `!=` `<` `>` `<=` `>=` `<=>`);
- 6) Обращения к члену (`->` `.`);
- 7) Другие особые операторы:
 - Оператор разрешения области видимости (`::`)
 - Оператор `,` (запятая)
 - Встроенный (неперегруженный) оператор `[]` (в C++23 этот оператор может иметь любую -арность, как и оператор вызова функции, но только в перегруженном виде. Встроенный оператор `E1[E2]` эквивалентен `*(E1 + E2)`)

18. Арифметические и поразрядные операции. Результат операции

Пусть a, b - операнды. К арифметическим операциям в C++ относятся:

Операция	Вызов	Тип операндов
Сложение	$a + b$	Целые/вещественные числа
Вычитание	$a - b$	Целые/вещественные числа
Умножение	$a * b$	Целые/вещественные числа
Деление нацело	a / b	Целые числа
Вещественное деление	a / b	Вещественные числа
Взятие остатка от деления	$a \% b$	Целые числа
Унарный плюс	$+a$	Целое/вещественное число
Унарный минус	$-a$	Целое/вещественное число

Результатом арифметических операций являются числа (целые или вещественные).

Пусть n - число разрядов (бит) в числах a и b . Пусть также $a[i]$ означает i -ый бит числа a . К поразрядным операциям в C++ относятся:

Операция	Вызов	Тип операндов	Примечание
Побитовое И	$a \& b$	Целые числа	$r = a \& b; \forall i = 1 \dots n, r[i] = a[i] \wedge b[i]$
Побитовое ИЛИ	$a b$	Целые числа	$r = a b; \forall i = 1 \dots n, r[i] = a[i] \vee b[i]$
Побитовое ИСКЛЮЧАЮЩЕЕ ИЛИ	$a \wedge b$	Целые числа	$r = a \wedge b; \forall i = 1 \dots n, r[i] = a[i] \oplus b[i]$
Побитовая инверсия	$\sim a$	Целое число	$r = \sim a; \forall i = 1 \dots n, r[i] = \neg a[i]$
Побитовое сдвиг вправо	$a \ll b$	Целые числа	Сдвигает биты числа a на b разрядов влево. Если $b > n$ или $b < 0$, результат не определен.
Побитовый сдвиг влево	$a \gg b$	Целые числа	Сдвигает биты числа a на b разрядов вправо. Если $b > n$ или $b < 0$, результат не определен. Результат также не определен, если $a < 0$, хотя большинство платформ применяют расширение знаковым битом

Результатом поразрядных операций являются целые числа.

19. Операции сдвига (побитовый, циклический)

Все числа в памяти представлены в двоичной форме. Операция побитового сдвига применяется для целочисленных значений и позволяет сдвинуть биты числа влево («) или вправо (»). Синтаксис:

$42 \gg 1$ — сдвиг вправо на один бит. $00101010 \rightarrow 00010101$. Результат — 21.

$42 \ll 1$ — сдвиг влево на один бит. $00101010 \rightarrow 01010100$. Результат — 84.

При сдвиге в какую-либо сторону, с противоположной стороны на месте сдвинутых появляются нули. Если число имеет в знаковом разряде единицу (отрицательное число), то при сдвиге влево на месте сдвинутых появляются не нули, а единицы — происходит расширение знака. Для отрицательных чисел выполнение побитового сдвига не рекомендуется — лучше поиграться с преобразованием в беззнаковый.

Сдвиг влево эквивалентен умножению на два. Сдвиг вправо — делению на два. Только если цифра не теряется при выходе за границу разряда!!!

При сдвиге информация о битах, ушедших за границу разрядности переменной (размер переменной в памяти) теряется полностью. Если это был значимый бит(1) — происходит потеря данных.

Циклический сдвиг — при котором биты, уходящие за границу разрядности не исчезают, а заменяют собой сдвигаемые с противоположной стороны. В C++ можно использовать данную реализацию:

Пусть дано число x надо совершить циклический сдвиг его битов на величину d . желаемый результат можно получить, если объединить числа, полученные при выполнении обычного битового сдвига в желаемую сторону на d и в противоположном направлении на разность между разрядностью числа и величиной сдвига. Таким образом, мы сможем поменять местами начальную и конечную части числа.

```
int32 rotateLeft(x, d: int32):  
    return (x << d) | (x >> (32 - d))
```

```
int32 rotateRight(x, d: int32):  
    return (x >> d) | (x << (32 - d))
```

20. Операции отношения, логические операции

В C++ существуют операции отношения и логические операции. В зависимости от операндов, к которым они применяются, операция возвращает значение true или false.

Операции отношения:

- `==` эквиваленция. Если операнды равны, возвращает `true(1)`, иначе `false(0)`
- `!=` неравенство. Если операнды не равны, возвращает `true(1)`, иначе `false(0)`
- `<` меньше
- `>` больше
- `<=` меньше или равно
- `>=` больше или равно

Логические операции:

- `&&` логическое И. Возвращает `true(1)`, если все операнды истинны
- `||` логическое ИЛИ. Возвращает `true(1)`, если хотя бы один из операндов истинен
- `!` унарное НЕ. Возвращает `true(1)`, если исходная операция возвращала `false(0)` и наоборот, если исходная `false(0)`, то возвращает `true(1)`.

21. Операция присваивания

Операция присваивания выполняется над двумя операндами и сохраняет значение второго операнда в объект, указанный первым операндом.

Синтаксис: `a = 10; b = a.`

Если оба объекта имеют арифметические типы, правый операнд преобразуется в тип операнда слева перед выполнением операции.

Существуют составные операторы присваивания, считающие операцию присваивания с другими операциями:

- `+=` сложение с присваиванием
- `-=` вычитание с присваиванием
- `*=` умножение с присваиванием
- `/=` деление с присваиванием
- `<<=` сдвиг влево с присваиванием
- `>>=` сдвиг вправо с присваиванием
- `&=` поразрядная конъюнкция с присваиванием
- `|=` поразрядная дизъюнкция с присваиванием
- `^=` поразрядное исключающее ИЛИ с присваиванием

22. Условная трехместная (тернарная) операция

Тернарная операция — операция с тремя операндами. В C++ существует тернарный оператор. Он имеет следующий синтаксис:

выражение ? выражение : выражение

Тернарный оператор работает следующим образом:

- Первый операнд преобразуется в `bool`
- Если первый операнд является `true` (1), то выполняется второй операнд
- Если первый операнд является `false` (0), то выполняется третий операнд

Результатом тернарного оператора является второй или третий операнд.

Если типы второго и третьего операндов не одинаковы, то компилятором вызывается преобразование типов в соответствии со стандартом C++, что может привести к неверной работе программы. Лучше следить за типами вручную.

Следует помнить, что любое значение кроме единицы в переменной типа `bool` воспринимается как `false`.

Тернарные операторы можно вкладывать друг в друга, получая многоуровневые условные конструкции.

23. Безопасность преобразования типов

Тип данных — это характеристика значений, которые может принимать переменная или функция.

C++ - язык программирования со статической типизацией. Это значит, что переменная имеет только один изначально назначенный ей тип данных, и поменять мы его не можем. Но часто возникает необходимость присвоить переменной значение другого типа. Тогда используется преобразование типов. Это перевод значения из одного типа данных в другой.

Если присвоить переменной значение, выходящее за диапазон её типа данных, то компилятор произведёт неявное преобразование значения к соответствующему типу. В арифметических операциях все операнды должны быть одного типа, и компилятор приводит все значения к типу данных с наибольшим диапазоном, участвующим в операции. При этом велика вероятность потери информации, так что этого лучше избегать.

Существует два способа преобразования типов: круглые скобки и `static_cast`. Круглые скобки — унаследованный от C способ, `static_cast` появился уже в C++ и является более приоритетным, как более безопасный.

Пример:

```
int a = 6;
double b = (double)a;
```

```
double c = static_cast<double>(a);
```

Безопасное преобразование типов — при котором не происходит потеря информации. Опасное — при котором происходит потеря информации. Общее правило безопасного преобразования — от меньшего к большему, от целого к вещественному.

Цепочки безопасного преобразования:

`bool → char → short → int → double → long double`

`bool → char → short → int → long → long long`

`unsigned char → unsigned short → unsigned int → unsigned long`

`float → double → long double`

24. Приоритет операций и порядок вычисления выражений.

В C++ существует приоритет выполнения операций. Если у всех операций в выражении одинаковый приоритет, то почти всегда они выполняются слева направо. Если в выражении операции с разным приоритетом — операции выполняются по убыванию приоритета.

Приоритет операций в C++:

Приоритет	Оператор	Описание
1	::	Разрешение области видимости
2	a++ a-- тип() тип{} a() a[] . ->	Суффиксный/постфиксный инкремент и декремент Функциональный оператор приведения типов Вызов функции Индексация Доступ к элементу
3	++a --a +a -a ! ~ (тип) *a &a sizeof co_await new new[] delete delete[]	Префиксный инкремент и декремент Унарные плюс и минус Логическое НЕ и побитовое НЕ Приведение типов в стиле C Косвенное обращение (разыменование) Взятие адреса Размер в байтах Выражение await (C++20) Динамическое распределение памяти Динамическое освобождение памяти
4	.* ->*	Указатель на элемент
5	a*b a/b a%b	Умножение, деление и остаток от деления
6	a+b a-b	Сложение и вычитание
7	<< >>	Побитовый сдвиг влево и сдвиг вправо
8	<=>	Оператор трёхстороннего сравнения (C++20)
9	< <= > >=	Для операторов отношения < и ≤ и > и ≥ соответственно
10	== !=	Операторы равенства = и ≠ соответственно
11	&	Побитовое И
12	^	Побитовый XOR (исключающее или)
13		Побитовое ИЛИ (включающее или)
14	&&	Логическое И
15		Логическое ИЛИ
16	a?b:c throw co_yield = += -= *= /= %= <<= >>= &= ^= =	Тернарный условный оператор Оператор throw Выражение yield (C++20) Прямое присваивание Присваивание с сложением и вычитанием Присваивание с умножением, делением и остатком Присваивание с побитовым сдвигом влево и вправо Присваивание с побитовым И, XOR и ИЛИ
17	,	Запятая

25. Функции форматированного вывода printf и ввода информации scanf

Поток — непрерывный процесс, который обрабатывает и выполняет команды. Поток ввода-вывода нужен для получения данных (из файла, от пользователя) и для вывода данных (например, в консоль). При обмене с потоком используется вспомогательный участок памяти — буфер потока. Для работы с потоками ввода и вывода в C необходимо подключить заголовочный файл `stdio.h`.

Для вывода информации используется функция `printf()`. Общая форма записи:

```
printf("СтрокаФорматов", объект1, объект2, ..., объектn);
```

Строка формата состоит из следующих элементов:

- управляющие символы
- текст, предназначенный для непосредственного вывода
- форматы, предназначенные для вывода значений переменных

Управляющие символы не выводятся на экран, а управляют расположением выводимых символов. Отличительной чертой управляющего символа является наличие обратного слэша '\' перед ним. Основные - /n — перевод строки и /t — горизонтальная табуляция.

Форматы нужны для того, чтобы указывать вид, в котором информация будет выведена на экран. Отличительной чертой формата является наличие символа процент '%' перед ним:

- %d — int
- %u — unsigned int
- %x — int в шестнадцатичной
- %f — float
- %lf — double
- %c — char
- %s — строка
- %p — указатель

Пример:

```
int x = 42;  
printf("У меня %d яблока", x);
```

Для форматированного ввода информации используется функция scanf(). Общая форма записи:

```
scanf ("СтрокаФорматов", адрес1, адрес2,...);
```

В данной функции работаем не переменную, а её адрес!

Строка форматов аналогична функции printf().

Пример:

```
scanf ("%f", &y);
```

Функция scanf() является незащищённой, так что для её работы в современных компиляторах необходимо разрешить её использование, добавив в программу строчку


```
#define _CRT_SECURE_NO_WARNINGS
```

Существует защищённый вариант — `scanf_s()`.

26. Методы форматированного вывода `cout` и ввода информации `cin`

Поток — непрерывный процесс, который обрабатывает и выполняет команды. Поток ввода-вывода нужен для получения данных (из файла, от пользователя) и для вывода данных (например, в консоль). При обмене с потоком используется вспомогательный участок памяти — буфер потока. Для работы с потоками ввода и вывода в C++ необходимо подключить библиотеку `iostream`.

Основными функциями для работы с потоками ввода-вывода являются `cin` и `cout`. Они находятся в пространстве имён `std`, поэтому их вызов записывается следующим образом:

```
std::cin >> a;  
std::cout << a << b;
```

Для операций ввода-вывода переопределены операции поразрядного сдвига:

- `>>` получить из входного потока
- `<<` поместить в выходной поток

Для работы с широкими символами (`wchar_t`) существуют аналоги: `wcout` и `wcin`.

Существуют функции-манипуляторы. Функцию — манипулятор потока можно включать в операции помещения в поток и извлечения из потока (`<<`, `>>`). В C++ имеется ряд манипуляторов. Рассмотрим основные:

- `endl` — очищает буфер потока и переходит на новую строку
- `width` — устанавливает ширину поля вывода
- `precision` — устанавливает количество цифр после запятой

У потока ввода также есть функции:

- `cin.peek` — возвращает следующий символ без извлечения
- `cin.ignore(число, символ)` — удаляет из потока ввода *число* символов, пока не встретит *символ*.

27. Понятие оператора. Оператор простой и составной, блок оператора

Оператор — это команда, обозначающая определенное математическое или логическое действие, выполняемое с данными (операндами).

В языке C существует следующие группы операторов:

- Условные операторы (if, switch)
- Операторы цикла (while, for, do-while)
- Операторы безусловного перехода (break, continue, goto, return)
- Метки (case, default)
- Операторы-выражения – операторы, состоящие из допустимых выражений.

Блоки – фрагмент текста программы, оформленный фигурными скобками {}. Блок иногда называют составным оператором.

Простым оператором является такой оператор, который не содержит в себе других операторов.

Составной оператор – представляет собой два или более операторов, объединенных с помощью фигурных скобок. Составной оператор иногда называют блоком. Составной оператор рассматривается компилятором как один оператор.

На языке Си любой оператор заканчивается точкой с запятой. Операторы можно условно подразделить на две категории: исполняемые - с их помощью реализуется алгоритм решаемой задачи, и описательные, необходимые для определения типов пользователя и объявления объектов программы, например, переменных.

Исполняемые операторы также можно разбить на две группы: простые и структурированные. В структурированных операторах можно выделить части, которые сами могут выступать в качестве отдельных операторов, а простые операторы на более элементарные разложить не удастся.

К простым операторам относятся: оператор присваивания, оператор-выражение, пустой оператор, операторы перехода (goto, continue, break, return), вызов функции как отдельного оператора.

Структурированные операторы – это операторы ветвления (if), выбора (switch), цикла (for, while, do).

28. Виды управляющих конструкций программы

Программы не ограничиваются линейной последовательностью выполнения команд. Во время выполнения программа может повторять сегменты кода или разветвляться в зависимости от некоторого условия. Для реализации этого существуют управляющие конструкции.

В C++ несколько видов управляющих конструкций:

- Ветвление

- Циклы
- break
- continue
- goto

Добавить общее описание каждой конструкции, привести примеры.

29. Операторы ветвления, условный оператор

Для реализации ветвления в C++ существует условный оператор if else. Он имеет следующий синтаксис:

```
if(условие){
    код
} if else(условие) {
    код
} else {
    код
}
```

Оператор if проверяет условие в скобках на истинность. Если оно истинно — код дальше выполняется, если ложно — проверяет следующий if else. Если if и все if else ложны, выполняется блок кода else. Блоки if else и блок else являются необязательными.

30. Метки и переходы. Оператор выбора (switch-case)

В дополнение к стандартным методам работы с ветвлением в C++ существует оператор **goto**. Он позволяет перейти в конкретное место в коде, заданное **меткой** — идентификатором, состоящим из названия и двоеточия после него. В функции не может быть двух меток с одинаковыми названиями.

Пример:

```
int x = 9;
Loop1:
if(x < 20){
    ++x;
    goto Loop1;
};
```

Switch-case — конструкция для ветвления, позволяющая выбирать между несколькими разделами кода в зависимости от значения **целочисленного** выражения. Она также использует метод переходов по меткам.

Switch-case имеет следующий синтаксис:

```

switch(инициализация, выражение){
    case значение 1:
        //код
        break;
    case значение 2:
        //код
        break;
    default:
        //код
}

```

case и **default** — **метки**. Если выражение в объявлении совпадает со значением **case**, то выполнение кода переходит на эту метку и продолжается в обычном режиме. Для того, чтобы другие случаи **case** не выполнились, необходимо добавить оператор прерывания **break**. Случай **default** выполняется, если выражение в объявлении не соответствует ни одному **case**.

Инициализация переменной в объявлении необязательна, при её отсутствии нет необходимости оставлять пустое место и ставить запятую.

Хорошим тоном считается каждый блок **case** заключать в свою область видимости **{}**(как в циклах).

В целом использование **goto** и **swicth-case** не рекомендуется. Переход в произвольное место кода нарушает ход следования чтения программы сверху-вниз. С помощью метки возможен переход прямо в центр другого блока кода, цикла, ветвления, что также плохо для понимания. Возникают трудноотслеживаемые ошибки. Компилятору труднее (а иногда — невозможно) оптимизировать такой код.

Однако в некоторых случаях **goto** является хорошим инструментом. Один из примеров — выход из глубоко вложенного цикла.

31. Понятие цикла. Операторы цикла: цикл с заданным числом повторений

Цикл — управляющая конструкция, которая заставляет блок кода повторятся несколько раз. В программировании используются повсеместно для повторения каких-либо инструкций, например — проход по массиву и изменение каждого элемента. В C++ существуют циклы с заданным числом повторений (**for**), циклы с предусловием (**while**), и циклы с постусловием (**do while**).

Цикл с заданным числом повторений в C++ это цикл **for**. Синтаксис цикла **for** при определении имеет следующую форму:

```

for(инициализатор; условие; итерация ){
    //очень важный код;
}

```

```
}
```

Все параметры являются **обязательными** при определении. Поле параметра при надобности можно оставить пустым, но точка с запятой необходима.

Инициализатор — обычно используется для инициализации итерируемой переменной
Пример:

```
for(int i = 0; ; ){}
```

Условие — условие выхода из цикла. Зачастую в условии используется итерируемая переменная, но это не обязательно. Если возвращает true — цикл продолжается, если false — цикл прерывается.

Пример:

```
for(int i = 0; i < 10; ){}
```

Итерация — действие, которое производится после выполнения одного повторения цикла. Зачастую это изменение итерируемой переменной на некоторый шаг.

Пример:

```
for(int i = 0; i < 10; ++i){  
    //очень важный код;  
}
```

Последний цикл повторит очень важный код 10 раз. В первой итерации $i = 0$, в последней итерации $i = 9$. При проверке на следующее повторение цикла i станет равна 10, и при проверке условия $i < 10$ будет неверным, что не позволит циклу повториться и программа пойдёт обрабатывать команды дальше.

32. Понятие цикла. Операторы цикла: цикл с предусловием и с постусловием

Цикл — управляющая конструкция, которая заставляет блок кода повторяться несколько раз. В программировании используются повсеместно для повторения каких-либо инструкций, например — проход по массиву и изменение каждого элемента. В C++ существуют циклы с заданным числом повторений (for), циклы с предусловием (while), и циклы с постусловием (do while).

Цикл с предусловием перед выполнением блока кода проверяет на истинность условие. Если оно ложно, то блок не выполняется. Если истинно — то блок кода выполняется и условие проверяется заново с последующим повторением (или нет) выполнением кода. Таким образом образуется цикл с предусловием. В C++ цикл с предусловием имеет следующий синтаксис:

```
while(условие){  
    // код
```

```
}
```

Для выхода из такого рода циклов часто кроме условия используется оператор прерывания цикла **break**, который позволяет прямо в цикле прервать его выполнение. Обычно используется в связке с условным оператором **if**.

Цикл с постусловием отличается от цикла с предусловием тем, что блок кода **в любом случае** выполняется 1 раз и после этого при истинности условия выполняется ещё раз.

В C++ имеет следующий синтаксис:

```
do {  
    // код  
} while (условие)
```

Данные виды циклов повсеместно используются в написании программ. Такие циклы используются, когда неизвестно необходимое количество повторений кода для получения нужного результата. Часто цикл с предусловием используется для подсчёта итераций. Для этого заводится переменная-счётчик.

Пример:

```
int number = 100;  
int count = 0;  
while(number > 10){  
    number = number / 2;  
    ++count;  
}  
std::cout << count; // сколько раз нужно число number разделить на 2, чтобы оно  
стало меньше 10
```

Также стоит упомянуть схему написания всегда истинных циклов с условием.

Пример:

```
while (true){}
```

Для выхода из таких циклов используется оператор прерывания **break**.

33. Понятие цикла. Бесконечные циклы. Проблемы

Цикл — управляющая конструкция, которая заставляет блок кода повторяться несколько раз. В программировании используются повсеместно для повторения каких-либо инструкций, например — проход по массиву и изменение каждого элемента. В C++ существуют циклы с заданным числом повторений (**for**), циклы с предусловием (**while**), и циклы с постусловием (**do while**).

Бесконечный цикл — цикл, условие выхода из которого никогда не выполняется. Если программа заходит в бесконечный цикл, зачастую это заканчивается ошибкой, чаще всего — переполнением стека (stack overflow).

При создании программы важно следить, чтобы используемые циклы никогда в условиях программы не могли превратиться в бесконечные.

Примеры бесконечных циклов:

```
int i = 10
while(i>5){
    std::cout << «Этот цикл бесконечен» << std::endl;
}

for(int i = 0; 1; ++i){
    std::cout << i << std::endl;
}
```

34. Понятие цикла. Операторы прерывания и продолжения цикла

Цикл — управляющая конструкция, которая заставляет блок кода повторяться несколько раз. В программировании используются повсеместно для повторения каких-либо инструкций, например — проход по массиву и изменение каждого элемента. В C++ существуют циклы с заданным числом повторений (for), циклы с предусловием (while), и циклы с постусловием (do while).

Операторы перехода:

Оператор **break** завершает выполнение ближайшего внешнего цикла или оператора switch. Оператор **continue** начинает новую итерацию ближайшего внешнего цикла.

Оператор **break** завершает выполнение только одного цикла. Для выхода из нескольких вложенных циклов используются другие методы.

35. Одномерные и многомерные массивы статические массивы

Массив — это определённое число ячеек памяти, расположенных подряд. Они позволяют эффективно хранить однотипные данные. Имя массива является указателем на его первый элемент. Все элементы массива имеют одинаковый тип данных.

По способу хранения в памяти массивы различаются на два вида: статические и динамические.

Статические массивы хранятся в статической памяти. Объявляются в глобальной области видимости. Их размер определяется на этапе компиляции и не может быть изменён. Объявление статического массива:

тип элемента/размер массива/

```
int a[16]
int array[5] = { 0, -9, 23, 61, -15 };
```

Динамический массив хранится в динамической памяти(куче). Скорость обращения к нему немного меньше, но его размер мы можем определять произвольно и во время выполнения программы. Для этого нужно выделить место в куче и создать указатель на это место. После отработки массива хорошим тоном считается очистка занимаемой им памяти. Пример объявления динамического массива:

```
int *numbers = new int[4];
```

Массивам, объявленным в локально, выделяется память в стеке, нужно учитывать её ограниченность.

Массивы бывают одномерные и многомерные.

Одномерный массив — простая последовательность элементов.

Многомерные массивы — массивы указателей. Как частный пример многомерного массива можно привести матрицу — двумерный массив.

Доступ к элементам массива осуществляется через индекатор:

```
int a[4];
a[0] = 42;
int t = a[3];
```

Выход за границы массива не контролируется, ошибка может привести к неопределённому поведению.

36. Указатели. Связь между указателями и динамическими массивами

Указатель – переменная, значением которой является адрес ячейки памяти. Может ссылаться на переменную или функцию. Для взятия адреса существует унарная операция &

Указатели используются для передачи по ссылке данных, что намного ускоряет процесс обработки этих данных (в том случае, если объём данных большой), так как

их не надо копировать, как при передаче по значению, то есть, используя имя переменной.

Для определения указателя надо указать тип объекта, на который указывает указатель, и символ звездочки *

```
int a = 5;
int *p = &a; // p — указатель на a
```

Так как указатель хранит адрес, то мы можем по этому адресу получить хранящееся там значение, то есть значение переменной x. Для этого применяется операция * или операция разыменования, то есть та операция, которая применяется при определении указателя. Результатом этой операции всегда является объект, на который указывает указатель.

Размер указателя равен разрядности системы

Указатели используются для организации динамических массивов. Имя массива — указатель на его первый элемент. Для создания динамического массива необходимо выделить память в куче. Чтобы выделенное место не потерять, адрес на её начало сохраняется в указатель. Для работы с динамическими массивами указатели используются постоянно. Двумерный массив — массив указателей на массивы. Объявление двумерного динамического массива и очистка памяти:

```
int nstr = 5; // количество строк
int nstb = 5; // количество столбцов
// объявление двумерного динамического массива на 25 элементов
int** a = new int*[nstr]; // пять строк в массиве
for (int i = 0; i < nstr; ++i) {
    a[i] = new int[nstb]; // и пять столбцов
}

for (int i = 0; i < nstr; ++i) {
    delete[] a[i]; // удаляем строку
    a[i] = nullptr; // убираем висячий указатель
}
delete[] a; // удаляем сам двумерный массив
a = nullptr; // убираем висячий указатель
```

Если указатель указывает на массив, то его можно индексировать, как массив.

37. Операции над указателями разного порядка

Над указателями можно проводить следующие операции:

1. Присваивание `=`. Работает так же, как и с обычными переменными: операция `a = b` запишет в указатель `a` значение указателя `b` и вернет записанное значение. Присваивание разрешено только если оба операнда одноименные или один из них является указателем на `void`. С данными, на которые указывал `a`, ничего не будет. Если на эти данные не было других указателей, то доступ к ним будет утерян и освобождения памяти не последует.
2. Разыменование `*` возвращает тот объект, на который указывает указатель.

```
int *a = 4;
// 4
std::cout << a << '\n';
*a += 7;
// 11
std::cout << *a << '\n';
```

3. Взятие адреса самой переменной, которая является указателем `&` возвращает указатель на указатель (то есть указатель высшего порядка):

```
int a = 13;
int *b = &a;
int **c = &b;
int ***d = &c;
// ...
// Можно продолжать сколько угодно

// 13
std::cout << **c << '\n';
// Два одинаковых числа
std::cout << *d << ' ' << c << '\n';
```

4. Сравнение значений указателей `<`, `<=`, `>`, `>=`, `==`, `!=`. Адреса, на которые указывают сравниваемые указатели сравниваются как обычные целые числа.
5. Арифметические операции.

Все эти операции работают для указателей любого порядка.

Указатели высших порядков используются для представления многомерных массивов. Для получения конкретного элемента n -мерного массива достаточно n раз применить оператор `[]`².

Перебор многомерных массивов осуществляется с помощью вложенных циклов. Ниже приведен пример сложения матриц.

```
/// Складывает матрицы `lhs` и `rhs` размера `m * n`.
/// Результат записывает в матрицу `res`.
void AddMatrices(int **lhs, int **rhs, int **res,
                 int m, int n)
{
    for (int i = 0; i < m; ++i) {
        for (int j = 0; j < n; ++j) {
```

²или сложения с разыменованиями, если вы желаете страдать

```

    // Вместо того, что в левой части
    // для доступа к элементам массива `res`
    // можно использовать выражение `res[i][j]`
    *(*res + i) + j) = lhs[i][j] + rhs[i][j];
}
}
}

```

38. Арифметика указателей

Указатель — переменная, значением которой является адрес памяти. В памяти указатель представляется как беззнаковое целое длины, равной длине машинного слова. *Одноименными* будем называть указатели, которые указывают на переменные одинакового типа. По стандарту арифметические операции нельзя совершать над указателями на `void`³ и функции, хотя GCC разрешает эти операции в качестве расширения.

К арифметическим операциям над указателями относятся следующие операции:

1. **Сложение с числом.** К указателю можно прибавлять как положительные, так и отрицательные числа. Эта операция коммутативна. При прибавлении к указателю `a` числа `n`, значение адреса памяти, на который указывает указатель, увеличивается на `n*sizeof(*a)`. Таким образом, указатель сдвигается на одну или несколько ячеек.

Выражение `*(a + n)` также можно записывать как `a[n]`. С точки зрения языка обе записи эквивалентны. Пример (выведет ОК):

```

int n = 4;
if (((unsigned long) (a+n)) ==
    ((unsigned long) a) + (n*sizeof(int))) {
    std::cout << "OK\n";
}

```

2. **Инкремент и декремент** прибавляет и отнимает единицу к указателю (**не** к адресу!) по правилу, указанному выше, соответственно. При этом, как и с обычными числами, префиксные операторы возвращают измененное значение, а постфиксные — неизмененное.

Следует обратить внимание на приоритет оператора инкремента (декремента) и оператора разыменования `*`. При использовании как префиксного, так и постфиксного оператора сначала выполнится инкремент (декремент) и только потом — разыменование.

```

int c[2]{5, 10};
int *b = c;
// 5 (b до изменения указывает на c[0])
std::cout << *b++ << '\n';
// Теперь b указывает на c[1]
// 10 | 5 10
std::cout << *b << " | " << c[0] << ' '
           << c[1] << '\n';

```

3. **Вычитание числа из указателя** работает так же, как и прибавление к указателю числа, противоположного по знаку.

³точнее, на неполные типы (incomplete types — types that describe objects but lack information needed to determine their sizes)

4. **Вычитание одноименных указателей** $a - b$ возвращает такое число n , что $a == b + n$. Число n имеет тип `ptrdiff_t` из `<cstdint>`, который является `typedef`'ом от какого-то⁴ базового *знакового* целочисленного типа.

```
int a[20]{};
int *b = a;
int *c = a + 12;
// 12
std::cout << c - b << '\n';
// -12
std::cout << b - c << '\n';
```

Если результат вычитания настолько большой, что не может поместиться в `ptrdiff_t`, то UB.

39. Массивы переменных размеров. Аллокаторы памяти

Массив — это определённое число ячеек памяти, расположенных непосредственно друг за другом. Массив позволяет хранить несколько значений одинакового типа.

Поскольку число элементов массива переменной длины и, следовательно, его размер заранее неизвестны, память для него обычно выделяется в куче. Доступ к элементам массива при этом осуществляется через указатель на первый элемент массива при помощи арифметики указателей или оператора `[]`

В языке C++ память можно выделять двумя основными способами:

1. Функции `malloc`, `realloc`, `calloc`. Для первоначального выделения памяти можно использовать любую из этих функций. Для изменения размера выделенного участка памяти необходимо использовать функцию `realloc`. Она либо расширяет старый участок памяти, либо выделяет память заново, копируя при этом туда нужное число элементов (минимум от старого и нового размеров) и освобождая после этого старый участок.

```
// Выделение памяти
int *array = (int*) malloc(sizeof(int) * array_size);

// Изменение размера
array = (int*) realloc(sizeof(int) * new_array_size);

// Освобождение памяти
free(array);
```

2. Оператор `new[]` Оператор `new type[x]` позволяет выделить динамический массив из x элементов типа `type`, вызывая для каждого элемента конструктор по умолчанию. Для освобождения выделенного массива используется оператор `delete[]`, который не только освободит память, но и вызовет деструкторы всех элементов массива.

Язык C++ не предоставляет аналога функции `realloc` из C. Поэтому для изменения размера массива необходимо выделить память заново и вручную переместить в новую область памяти существующие элементы массива.

```
// Выделение памяти
int *array = new int[array_size];

// Изменение размера
```

⁴implementation-defined

```

int *new_array = new int[new_array_size];
int copy_size = std::min(array_size, new_array_size);
for (int i = 0; i < copy_size; ++i) {
    new_array[i] = array[i]; // Или std::move(array[i]);
}
delete[] array;
array = new_array;

// Освобождение памяти
delete[] array;

```

Работа с памятью в стиле языка Си в некоторых случаях позволяет облегчить перевыделение памяти, поскольку избегает копирования всех элементов массива, однако возлагает на программиста ответственность за ручной вызов деструкторов и `placement new`, если приходится работать с объектами производных типов.

Аллокатор — высокоуровневая абстракция над выделением и освобождением памяти, которая позволяет задать конкретный способ того, как будет выделяться память. Аллокатор должен предоставлять функционал выделения и освобождения выделенной им памяти.

Для непосредственного выделения памяти используются системные вызовы `mmap` на Linux; `GlobalAlloc`, `HeapAlloc` и др. на Windows. Они требуют переключения контекста на процессоре и передают управление ядру ОС, что является относительно дорогостоящей операцией. Из-за этого программисты обычно стремятся уменьшить число системных вызовов.

В случае выделения памяти этого можно достичь, если, например, обращаться к системным вызовам только для выделения достаточно больших участков памяти, которые распределяются уже функциями, которые работают в пространстве пользователя.

Примерно такую стратегию используют функции `*alloc` и оператор `new`, поэтому в широком смысле их можно назвать аллокаторами.

Наконец, отметим, что аллокатор в общем случае не обязан выделять память на куче или вообще использовать системные вызовы. Ниже приведен пример примитивного аллокатора, который выделяет статическую память.

Он резервирует 100 000 байт статической памяти и хранит размер выделенной памяти, а при вызове метода `Allocate` возвращает указатель на участок зарезервированной заранее и увеличивает значение переменной, хранящей размер выделенной памяти.

Для простоты реализации этот аллокатор не может переиспользовать освобожденную память, поэтому функция `Deallocate`, которая должна освобождать участок памяти, ничего не делает. Вся память, занятая аллокатором будет автоматически освобождена при завершении исполнения программы.

```

#include <cmath>
#include <iostream>

struct StaticAllocator {
    static constexpr const size_t kPoolSize = 100'000;

    /// Выделяет память размером `size`.
    /// В случае неудачи возвращает `nullptr`,
    /// иначе - указатель на выделенную память.
    void *Allocate(size_t size) {
        if (allocated_ + size <= kPoolSize) {
            void *result = pool_ + allocated_;
            allocated_ += size;
            return result;
        }
    }
};

```

```

    }
    return nullptr;
}
/// Освобождает выделенный указатель `ptr`
void Deallocate(void *ptr) {
    /// nop
}

private:
    char pool_[kPoolSize];
    size_t allocated_ = 0;
};

static StaticAllocator allocator;

int main() {
    // Массив из 3 int'ов
    int *a = (int *)allocator.Allocate(3 * sizeof(int));
    std::cin >> a[0];
    std::cin >> a[1];
    a[2] = a[0] + a[1];
    std::cout << a[2] << '\n';

    // Один double
    double *b = (double *)allocator.Allocate(sizeof(double));
    std::cin >> *b;
    std::cout << std::sqrt(*b) << '\n';

    // Освобождение памяти
    allocator.Deallocate(a);
    allocator.Deallocate(b);
}

```

40. Рекурсивные алгоритмы

Рекурсивная функция – такая функция, которая вызывает саму себя. Тривиальным примером рекурсивной функции может служить функция для вычисления чисел Фибоначчи, определяемых рекуррентным соотношением $f_n = f_{n-1} + f_{n-2}$ ($n \geq 3$), причем $f_1 = f_2 = 1$:

```

long FibRecursion(long n) {
    if (n == 1 || n == 2) {
        return 1;
    }
    return FibRecursion(n - 1) + FibRecursion(n - 2);
}

```

Математически доказуемо, что любой рекурсивный алгоритм можно реализовать с помощью цикла и обратно: любой циклический алгоритм можно реализовать с помощью рекурсии.

```

long FibLoop(long n) {
    long f1 = 1;
    long f2 = 1;
    for (int i = 1; i <= n; ++i) {

```

```

    f1 += f2;
    std::swap(f1, f2);
}
return f2;
}

```

Рекурсия используется во многих алгоритмах, например в сортировках Quicksort и Mergesort, в обходе графов (поиск в глубину).

Рекурсивные алгоритмы из-за накладных расходов на вызов функции обычно показывают худшую производительность чем циклические, несмотря на одинаковую асимптотику. Кроме того, для работы рекурсивных алгоритмов необходимо поддерживать стек вызовов. Но размер стека ограничен, что накладывает ограничение на максимальную глубину рекурсии.

Из-за кривого дизайна (как в примере выше) выполнение рекурсивной функции может иметь экспоненциальную сложность. Например, для вычисления 10-го числа Фибоначчи эта функция два раза вычислит 8-ое число, для чего ей понадобится 4 раза вычислить 7-ое и т. д. Чтобы избежать повторных вычислений, применяют подход, называемый **мемоизацией**: после вычисления функции для заданного значения аргумента оно сохраняется в памяти, а при повторных запросах функция возвращает уже вычисленное значение. Применение мемоизации позволяет снизить алгоритмическую сложность до $O(n)$ (в данном примере), пожертвовав дополнительной памятью.

```

#include <cstdint.h>

uint64_t FibMem(uint64_t n) {
    // Число Фибоначчи F(94) уже не
    // помещается в uint64_t
    if (n >= 94) {
        return 0;
    }
    static uint64_t memory[95] {0};
    if (n == 1 || n == 2) {
        memory[n] = 1;
        return 1;
    }
    if (memory[n] == 0) {
        memory[n] = FibMem(n - 1) + FibMem(n - 2);
    }
    return memory[n];
}

```

41. Алгоритмы сортировки. Асимптотическая сложность

Сортировка — процесс расположения элементов массива (последовательности) в определенном порядке, удобном для работы. Если отсортировать массив чисел в порядке возрастания, то первый элемент всегда будет наименьшим, а последний — наибольшим. Сортировки имеют важное прикладное значение. Например, с отсортированными данными иногда можно работать более эффективно, чем с неупорядоченными (бинарный поиск имеет сложность $O(\log n)$, а линейный — $O(n)$).

Алгоритм сортировки называется **устойчивым** (stable), если он сохраняет порядок следования элементов с совпадающим значением ключа — признака, по которому происходит сравнение.

Алгоритмическая сложность многих алгоритмов сортировки может зависеть от входных данных⁵.

Можно доказать, что асимптотическая сложность сортировки, основанной на сравнениях, не может быть лучше, чем $O(n \cdot \log n)$. При этом существуют алгоритмы сортировки (например, Radix Sort и Bucket Sort), которые используют знания о природе сортируемых данных и имеют сложность $O(n)$ в среднем, однако они могут быть неприменимы в общем случае.

Ниже приведены и кратко описаны некоторые алгоритмы сортировки. Для простоты будем считать, что мы сортируем массивы чисел по возрастанию.

Пузырьковая сортировка. Самый примитивный алгоритм сортировки. Выполняет проходы по массиву до тех пор, пока массив не будет отсортирован. Если во время прохода встретится пара элементов, которые непосредственно идут друг за другом и имеют неверный порядок, то они меняются местами. Time Complexity — $O(n^2)$, Space Complexity — $O(1)$.

Сортировка выбором. В первом проходе выбирает наименьший элемент массива и меняет его местами с первым. На следующем этапе проходит по массиву начиная со второго элемента и выбирает наименьший элемент из этой части массива, после чего меняет его местами со вторым элементом массива. Затем проходит по массиву начиная с третьего элемента, находит минимальный и меняет его с третьим и т.д. Этот шаг повторяется до тех пор, пока число шагов не совпадет с длиной исходного массива. Time Complexity — $O(n^2)$, Space Complexity — $O(1)$.

Сортировка вставками. В начальный момент отсортированная последовательность пуста. На каждом шаге алгоритма выбирается один из элементов входных данных и помещается на нужную позицию в уже отсортированной последовательности до тех пор, пока набор входных данных не будет исчерпан. Time Complexity — $O(n^2)$ в худшем случае и $O(n)$, если массив уже отсортирован. Space Complexity — $O(1)$.

Алгоритм можно ускорить, если для поиска позиции элемента в отсортированной части массива использовать бинарный поиск вместо линейного.

Сортировка вставками имеет довольно маленькую константу, благодаря чему используется в функции `std::sort` для сортировки небольших массивов или маленьких частей больших массивов как часть следующего алгоритма.

Быстрая сортировка. Time Complexity — $O(n \log n)$ в среднем, $O(n^2)$ в худшем (если входной массив уже отсортирован) случае. Space Complexity — $O(1)$. Быстрая сортировка функционирует по принципу «разделяй и властвуй»:

1. Массив $a[l \dots r]$ (l — индекс самого первого, r — самого последнего элемента) разбивается на два подмассива $a[l \dots q]$ и $a[q + 1 \dots r]$, таких что каждый элемент $a[l \dots q]$ меньше или равен $a[q]$, который в свою очередь, не превышает любой элемент подмассива $a[q + 1 \dots r]$. *Индекс опорного элемента* q вычисляется в ходе процедуры разбиения.
2. Подмассивы $a[l \dots q]$ и $a[q + 1 \dots r]$ сортируются рекурсивно.

Распространенной является функция разбиения Хоара, которая выбирает средний элемент массива в качестве опорного. Однако так делать не обязательно. В качестве опорного можно выбрать абсолютно любой элемент массива.

Если кому-либо известен алгоритм функции разбиения, то он может злонамеренно соорудить такой массив, на котором функция быстрой сортировки уйдет в $O(n^2)$ и/или возникнет переполнение стека. Чтобы избежать этого, в качестве опорного можно выбирать случайный элемент массива.

Ниже приведен алгоритм Quicksort с разбиением Хоара.

⁵Здесь и далее, если не указано иное, за n принимается размер массива


```

#include <iostream>
#include <utility>

/// a - массив, который сортируется
/// l - левая граница сортируемого отрезка
/// r - правая граница
int Partition(int *a, int l, int r) {
    int v = a[(l + r) / 2];
    int i = l;
    int j = r;
    while (i <= j) {
        while (a[i] < v) {
            ++i;
        }
        while (a[j] > v) {
            --j;
        }
        if (i >= j) {
            break;
        }
        std::swap(a[i++], a[j--]);
    }
    return j;
}

void Quicksort(int *a, int l, int r) {
    if (l < r) {
        int q = Partition(a, l, r);
        Quicksort(a, l, q);
        Quicksort(a, q + 1, r);
    }
}

int main() {
    int a[7] = {5, 10, -2, -3, 0, 1, 7};
    Quicksort(a, 0, 6);
    for (int i = 0; i < 7; ++i) {
        std::cout << a[i] << ' ';
    }
    std::cout << '\n';
}

```

Сортировка слиянием. Разделяет исходный массив на два равных подмассива, после чего рекурсивно сортирует их по отдельности и объединяет. Массивы разделяются до тех пор, пока в них не останется одного элемента.

Алгоритм сортировки таков:

1. Если в массиве 1 элемент — завершиться.
2. Найти середину массива.
3. Посортировать первую половину.
4. Посортировать вторую половину.

5. Объединить массив.

Алгоритм объединения массивов:

1. Циклично проходим по двум массивам.
2. В объединяемый ставим тот элемент, что меньше.
3. Двигаемся дальше, пока не дойдем до конца обоих массивов.

Time Complexity: $O(n \log n)$, Space Complexity: $O(n)$.

42. Функции языка C для работы со строками

Строка — тип данных, значением которого является произвольная последовательность символов алфавита. В языке C строки рассматриваются как массивы символов (`char`), заканчивающиеся специальным зарезервированным символом с кодом 0.

Прототипы функций для работы со строками в языке C находятся в заголовочном файле `<string.h>` (в языке C++ для работы с C-строками — `<cstring>`).

42.1. Длина строки

```
size_t strlen(const char *s)
```

определяет длину строки `s` без учёта нуль-символа.

42.2. Копирование строк

```
char *strcpy(char *dst, const char *src)
```

выполняет побайтное копирование символов из строки `src` в строку `dst`. Возвращает указатель `dst`. Программист должен удостовериться, что `dst` указывает на участок памяти достаточного размера.

```
char* strncpy(char* dest, const char* src, size_t count)
```

выполняет побайтное копирование `count` символов из строки `src` в строку `dest`. Возвращает значение `dest`.

42.3. Конкатенация строк

`char* strcat(char *dst, const char *src)` - объединяет строку `src` со строкой `dst`. Результат сохраняется в `dst`.

`char* strncat(char* dest, const char* src, size_t count)` - объединяет `count` символов строки `src` со строкой `dest`. Результат сохраняется в `dest`. Возвращает `dest`.

42.4. Сравнение строк

Будем говорить, что строка `lhs` **лексикографически меньше** строки `rhs`, если выполнено одно из двух: (1) первые m символов этих строк совпадают, а $m + 1$ -й символ слова `lhs` меньше $m + 1$ -го символа строки `rhs`; (2) строка `lhs` является префиксом `rhs`.

Все функции в этом подразделе посимвольно (побайтово) сравнивают строку `lhs` с `rhs` (или их префиксы длины `count`). Если строки совпадают, то они функции возвращают 0. Если `lhs < rhs`, то функции вернут отрицательное число; в противном случае — положительное.

```
int strcmp(const char* lhs, const char* rhs)
```

сравнивает строку `lhs` со строкой `rhs`.

```
int strcmp(const char* lhs, const char* rhs size_t count)
```

сравнивает первые count символов (байт) строк lhs и rhs.

Следующие функции полностью аналогичны первым двум, за исключением того, что сравнивают строки без учета регистра (т. е. одинаковые буквы в разных регистрах для них совпадают). Эти функции **не являются стандартными** и доступны на Microsoft Windows.

```
int stricmp(const char* lhs, const char* rhs);
int strnicmp(const char* lhs, const char* rhs, size_t count);
```

42.5. Обработка символов

```
int isalnum(int c)
```

возвращает ненулевое значение, если символ c является буквой или цифрой, и 0 в других случаях.

```
int isalpha(int c)
```

возвращает ненулевое значение, если символ c является буквой, и 0 в других случаях

```
int isdigit(int c)
```

возвращает ненулевое значение, если символ c является цифрой, и 0 в других случаях

```
int islower(int c)
```

возвращает ненулевое значение, если символ c является буквой ASCII нижнего регистра, и 0 в других случаях

```
int isupper(int c)
```

возвращает ненулевое значение, если символ c является буквой ASCII верхнего регистра, и 0 в других случаях

```
int isspace(int c)
```

возвращает ненулевое значение, если символ c является пробельным символом ASCII, и 0 в других случаях

```
int toupper(int c)
```

Если c — буква регистра ASCII, то возвращает соответствующую букву верхнего регистра. В противном случае возвращает c.

42.6. Поиск

```
char *strchr(const char *str, int ch)
```

Находит первое вхождение символа ch в строку str. В случае удачного поиска возвращает указатель на место первого вхождения символа ch. Если символ не найден, то возвращает NULL.

```
size_t strspn(const char *s, const char *accept)
```

Возвращает длину в байтах начального сегмента строки s, содержащего только те символы, которые входят в строку accept.

```
size_t strcspn(const char *s, const char *reject)
```

Возвращает длину в байтах начального сегмента строки s, содержащего только те символы, которые **не** входят в строку reject.

```
char *strpbrk(const char *s, const char *accept)
```

Возвращает указатель первого вхождения любого символа строки accept в строке s или NULL, если таких символов не встретилось.

42.7. Приведение строк

Если в строке nptr не записано корректное число, то эти функции возвращают 0.

```
double atof(const char* nptr)
```

преобразует строку nptr в тип double.

```
int atoi(const char* nptr)
преобразует строку nptr в тип int.
long atol(const char* nptr)
преобразует строку nptr в тип long.
```

42.8. Функции стандартной библиотеки ввода/вывода

```
int getchar(void)
считывает символ со стандартного потока ввода и возвращает его код.
char *gets(char *s)
считывает поток символов со стандартного потока ввода (stdin) в строку s до тех пор, пока не
будет встречен конец строки или поток ввода не будет закрыт. Возвращает саму строку s, если
считывание прошло успешно и NULL, если произошла ошибка или был встречен EOF до тех
пор, пока ни один символ не был прочитан. Строго рекомендуется никогда не использовать
эту функцию, поскольку она не проверяет длину строки s и может произвести запись в
память, которая выделена для других целей, что приводит к UB и может служить причиной
уязвимостей в ПО.
```

Функции для работы с Си-строками никогда не выделяют память, если оказывается, что размер буфера недостаточен. Это может привести к неопределенному поведению и ошибкам сегментации. О выделении достаточного размера памяти должен заботиться программист, который вызывает функцию.

43. Методы языка C++ для работы со строками

Строка — тип данных, значением которого является произвольная последовательность символов алфавита. В языке C строки рассматриваются как массивы символов (`char`), заканчивающиеся специальным зарезервированным символом с кодом 0. В языке C++ эти строки также уместны, однако в стандартной библиотеке имеется класс `std::string`, который предоставляет высокоуровневую обертку над C-строками, берущую на себя все операции с выделением и освобождением памяти. Кроме того, API `std::string` более понятное и удобное, чем у C-строк.

```
#include <string>

int main() {
    std::string s = "Hello";
    // Hello
    std::cout << s << '\n';
    s[0] = 'h';
    // hello
    std::cout << s << '\n';
}
```

Класс `std::string` имеет ряд конструкторов — специальных методов, которые создают объект класса и инициализируют его. Основные из них следующие:

```
// конструктор по умолчанию (без параметров) создает пустую строку (1)
string()

// Конструктор копирования
// (копия строки S) (2)
string(string &S)
```

```
// Копия C-строки s (на второй аргумент не обращайтесь
// внимания, он имеет значение по умолчанию) (3)
string(const char* s, const Allocator& alloc = Allocator())
```

Ниже приведены примеры инициализации переменных типа string:

```
string s1("Hello!");
string s2 = "Hello!";
char *c_str = "Hello";
string s3(c_str);
string s4(s3);
string s5;
```

43.1. Перегруженные операторы

Для объектов класса `std::string` существуют перегрузки операторов, которые позволяют использовать стандартные операторы языка C++ для облегчения работы со строками:

- **Присваивание** (`=`) вместо ручного выделения памяти и копирования C-строк;
- **конкатенация и присваивание с конкатенацией** (`+`, `+=`) Память выделяется автоматически;
- **Сравнение** (`==` и `!=` — побайтовое равенство и неравенство; `<`, `<=`, `>`, `>=` — лексикографическое)
- **Посимвольный индекс** (`[]`) — доступ к конкретному символу (байту) строки, в точности как в Сишном массиве.

```
string s1 = "s-1";
string s2 = "s-2";
string s3;
bool b;
```

```
// операция '=' (присваивание строк)
s3 = s1; // s3 = "s-1"
```

```
// операция '+' - конкатенация строк
s3 = s3 + s2; // s3 = "s-1s-2"
```

```
// операция '+= ' - присваивание с конкатенацией
s3 = "s-3";
s3 += "abc"; // s3 = "s-3abc"
```

```
// операция '==' - сравнение строк
b = s2==s1; // b = false
b = s2=="s-2"; // b = true
```

```
// операция '!=' - сравнение строк (не равно)
s1 = "s1";
s2 = "s2";
b = s1 != s2; // b = true
```

```
// операции '<' и '>' - сравнение строк
```

```

s1 = "abcd";
s2 = "de";
b = s1 > s2; // b = false
b = s1 < s2; // b = true

// операции '<=' и '>=' - сравнение строк (меньше или равно, больше или равно)
s1 = "abcd";
s2 = "ab";
b = s1 >= s2; // b = true
b = s1 <= s2; // b = false
b = s2 >= "ab"; // b = true

// операция [] - индексация
char c;
s1 = "abcd";
c = s1[2]; // c = 'c'
c = s1[0]; // c = 'a'

```

43.2. Методы

Поскольку язык C++, в отличие от C, поддерживает перегрузку функций и методов, метод с одним и тем же названием может иметь несколько различных определений, каждое из которых принимает различные аргументы.

Метод, упрощенно говоря, — это функция, привязанная к классу или структуре, которая первым аргументом неявно принимает указатель на объект класса (структуры) `this`. Для вызова метода `Method` на объекте `object` используется оператор `object.Method()`.

43.3. Размер строки

size_t size()

возвращает длину строки в виде количества байт в строке.

void resize(**size_t** n)

Изменяет длину строки, новая длина строки становится равна `n`. При этом строка может как уменьшиться, так и увеличиться.

void resize(**size_t** n, **char** c)

При увеличении длины строки добавляемые символы будут равны `c`.

void clear()

Очищает строчку, строка становится пустой.

bool empty()

Возвращает `true`, если строка пуста, `false` - если не пуста.

43.4. Модификация строки

Добавление

void push_back(**char** c)

Добавляет в конец строки символ `c`, вызывается с одним параметром.

Все методы, описанные ниже в этом разделе возвращают ссылку на объект строки, на котором вызван метод.

```
std::string &append(size_t n, char c)
```

Добавляет в конец строки `n` одинаковых символов, равных `c`.

```
std::string &append(const std::string &s)
```

```
std::string &append(const char* s)
```

Добавляет в конец строки содержимое строки `s`.

```
std::string &append(const std::string s, size_t pos, size_t count)
```

Добавляет в конец строки символы строки `s` начиная с символа с индексом `pos` количеством `count`.

```
std::string &insert(size_t i, size_t n, char c)
```

Вставить `n` одинаковых символов, равных `c` на позицию `pos`.

```
std::string &insert(size_t i, const std::string &s)
```

```
std::string &insert(size_t i, const &s)
```

Вставить строку `s` начиная с позиции `i`.

Удаление

```
std::string &erase(size_type index = 0, size_type count = npos)
```

Удаляет из строки `count` символов начиная с позиции `index` включительно. Если `index + count` больше размера строки, то удаляется вся оставшаяся строка. Возвращает ссылку на себя. `npos` — наибольшее возможное значение `size_t`.

Замена

```
std::string &replace(size_t pos, size_t count, const std::string &s)
```

```
std::string &replace(size_t pos, size_t count, const char *s)
```

Заменяет символы в диапазон `[pos, pos + count]` символами строки `s`.

43.5. Взятие подстроки

```
std::string substr(size_t pos = 0, size_t count = npos)
```

Возвращает подстроку длины `count` данной строки начиная с символа с индексом `pos` или до конца строки, если `pos + count` больше размера строки.

43.6. Поиск

```
size_t find(const char* str, size_t pos = 0)
```

```
size_t find(const std::string &str, size_t pos = 0)
```

Ищет в данной строке начиная с позиции `pos` подстроку, `str`. Возвращает позицию первого вхождения, если строка найдена и `npos`, если не найдена.

```
size_t find(const char* s, size_t pos, size_t n)
```

Ищет в данной строке начиная с позиции `pos` подстроку, равную первым `n` символам строки `str`. Возвращает позицию первого вхождения, если строка найдена и `npos`, если не найдена.

43.7. Получение указателя на массив символов

```
const char *c_str()
```

Возвращает указатель на содержимое `std::string`. Возвращаемое значение можно использовать в функциях, которые должны получать на вход C-строку. Поскольку

44. Декларация структур (struct) в C/C++. Отличия в декларации

Структура — производный тип данных, который представляет какую-то определенную сущность. Для определения структуры используется ключевое слово **struct**:

```
struct ИмяСтруктуры {  
    поля_структуры;  
};
```

Поля структуры — это объявленные внутри структуры переменные, доступ к которым можно получать через объект структуры с помощью оператора `.` или через указатель на объект структуры через оператор `->`.

В языке C, в отличие от C++, объявленная таким образом структура будет доступна под именем `struct ИмяСтруктуры` (в C++ — просто `ИмяСтруктуры`). Чтобы не писать слово `struct`, можно объявить псевдоним для типа структуры с помощью ключевого слова `typedef`. В C++ так тоже можно делать для обратной совместимости с Си. В C++ для полей структур можно задавать значения по умолчанию.

В языке C++ во всех структурах неявно объявляется конструктор и деструктор по умолчанию (если они не объявлены явно). Конструктор вызывается при объявлении (и/или инициализации) объекта структуры (также при вызове оператора `new`), а деструктор — когда объект покидает область видимости или вызывается оператор `delete`.

```
#include <iostream>  
#include <cstdint>  
  
struct Vector2 {  
    float x;  
    // Значение по умолчанию  
    float y = 0;  
};  
  
typedef struct Vector2 vector2_t;  
  
// typedef можно писать и сразу. Название структуры можно опускать  
typedef struct {  
    size_t size;  
    char* str;  
} string_t;  
  
typedef struct Segment {  
    Vector2 a;  
    Vector2 b;  
} segment_t;  
  
int main() {  
    // Обращение в стиле Си
```



```

struct Vector2 a = {1.0, -3.0};
vector2_t b = {1.0, 3.4};
// Обращение в стиле C++
Vector2 c = {-2.0, -0.4};

// Анонимная структура. У нее нет названия,
// но в остальном она работает как обычная структура.
struct {
    double x;
    double y;
} point = {.x = a.x, .y = a.y};
// В строчке выше используется designated initializer,
// который позволяет указывать названия полей, которые
// инициализируются. (перед названием поля для этого)
// ставится точка.
// В Си это было с незапамятных времен, а в C++
// стандартизировано лишь в C++20

// Обращение к полю x
std::cout << b.x + a.x + c.x << '\n';

// Использование псевдонима и динамического выделения памяти
segment_t *segment = new segment_t;
// Обращение через указатель на структуру
segment->a = a;
segment->b = c;
delete segment;
return 0;
}

```

45. Инициализация и доступ к элементам структуры. Выравнивание

Определение понятия структуры см. выше.

Элементами структуры являются поля и методы структуры. Доступ к элементам структуры можно получать через объект структуры с помощью оператора `.` или через указатель на объект структуры через оператор `->`. Пример в предыдущем вопросе.

45.1. Инициализация

Инициализация структуры в языках C и C++ частично отличается. Так, в языке C++ присутствует конструктор по умолчанию — метод структуры, который неявно вызывается компилятором при создании объекта структуры. Он же вызывается (но уже фактически явно) и при выделении памяти с помощью оператора `new`. В языке C ничего подобного нет.

Конструктор по умолчанию в языке C++ инициализирует все поля значениями по умолчанию, которые можно указывать явно. Если значения явно не указано, то поля простых типов наподобие `int` или указатели инициализируются нулями, если структура располагается в статической памяти или в куче⁶; и мусором, если структура объявлена на стеке.

⁶при выделении памяти с помощью оператора `new`. Особо искушенные последователи Культа также знают о `placement new`, который может проинициализировать любой участок памяти (в т. ч. выделенный с помощью `malloc`.)

```
typedef struct {
    int a = 42;
    int c;
} ExampleStruct;

static ExampleStruct e1;

int main() {
    ExampleStruct e2;
    // 42 42
    std::cout << e1.a << ' ' << e2.a << '\n';
    // 0 <мусор>
    std::cout << e1.c << ' ' << e2.c << '\n';
}
```

Для инициализации полей структур в Си используется перечисление значений в порядке объявления полей. Также допустима инициализация с явным указанием пар поле-значение:

```
typedef struct Example {
    int a;
    float f;
};

// Обычная инициализация
Example e1 = {0, 0.4};
// designated initializer
Example e2 = {.a = 0, .f = 0.4};
```

Оба этих вида инициализации также поддерживаются языком C++ (вторая — начиная с C++20). Кроме того, начиная с C++11 поддерживается еще один вид инициализации:

```
Example e3{0, 3.14};
```

45.2. Выравнивание

Обычно процессоры эффективнее загружают и выгружают данные, когда они **выравнены**, то есть их адрес кратен какой-либо степени числа 2. Это число называется **выравниванием** и зависит от типа данных.

Все простые типы (кроме `long double`, он выровнен по 16 байтам) должны быть выравнены по своему размеру, то есть их адрес в памяти должен быть кратен размеру этого типа. Так, адрес 4-байтного `int` должен быть кратен числу 4, а адрес переменной однобайтного типа `char` может быть любым. Выравнивание всей структуры равно выравниванию ее первого поля.

В заголовочном файле `<stddef>` определен макрос `offsetof(type, member)`, значение которого равно отступу поля (расстоянию в байтах от начала структуры до начала самого поля) `member` структуры `type`.

Узнать выравнивание типа (начиная с C++11) можно с помощью оператора `alignof`, аналогичного оператору `sizeof`.

С целью выравнивания при создании структур компилятор может добавлять неиспользуемые байты — **паддинги** между двумя полями, если у предыдущего выравнивание меньше, чем следующего. Также паддинги могут добавляться и в конце структуры, вероятно, чтобы обеспечить корректное выравнивание для последующих структур в массиве.

Основными компиляторами (MSVC, GCC, Clang) поддерживается нестандартная директива `#pragma pack(N)`, которая позволяет ограничить максимальное выравнивание полей

структуры N байтами («упаковать» структуру), где $N \in \{1, 2, 4, 8, 16\}$. В частности, `#pragma pack(1)` полностью отключает выравнивание.

Использование директивы `#pragma pack` применяет упаковку ко *всем* структурам, которые объявлены после нее⁷. Это относится и к тем структурам, которые могут быть объявлены в других заголовочных файлах. Если при компиляции данного файла компилятор будет думать, что структура упакована, но другой код, с которым линкуется этот файл, компилировался без учета упаковки, то бинарное представление структур в памяти (ABI) окажется несовместимым и программа, вероятно, упадет.

Чтобы избежать этого, упаковки структур следует оборачивать в директивы `pack(push)` и `pack(pop)`, как в примере ниже.

```
#include <cstdint>
#include <iostream>

struct S {
    char    m0; // 1 байт
    // <паddинг 7 байт>
    double  m1;
    short   m2;
    char    m3;
    // <паddинг 5 байт>
};

#pragma pack(push)
#pragma pack(1)
struct SPacked {
    char    m0;
    double  m1;
    short   m2;
    char    m3;
};

#pragma pack(pop)

int main() {
    std::cout
        // 24
        << "S:          " << sizeof(S) << '\n'
        // 0
        << "char    m0 = " << offsetof(S, m0) << '\n'
        // 8
        << "double m1 = " << offsetof(S, m1) << '\n'
        // 16
        << "short   m2 = " << offsetof(S, m2) << '\n'
        // 18
        << "char    m3 = " << offsetof(S, m3) << "\n\n";

    // 8 4
    std::cout
        << alignof(double) << ' '
        << alignof(int) << "\n\n";
```

⁷по крайней мере, в GCC и Clang

```

std::cout
    // 12
    << "SPacked:    " << sizeof(SPacked) << '\n'
    // 0
    << "char    m0 = " << offsetof(SPacked, m0) << '\n'
    // 1
    << "double m1 = " << offsetof(SPacked, m1) << '\n'
    // 9
    << "short  m2 = " << offsetof(SPacked, m2) << '\n'
    // 11
    << "char    m3 = " << offsetof(SPacked, m3) << '\n';
}

```

46. Вложенные структуры и массивы структур

46.1. Вложенные структуры

Поле структуры может являться любой полный тип и, в частности, другая структура.

Структура не является полным типом до конца своего объявления, поэтому она не может содержать саму себя в качестве поля. Это привело бы к тому, что такая структура должна иметь бесконечный размер. Однако структура принципиально может содержать указатель или ссылку на себя. Если структура содержит ссылку в качестве поля, то она должна быть проинициализирована при создании объекта структуры. Но если в структуре есть ссылка на объект этой же структуры, то такую структуру будет невозможно создать, поскольку это потребовало бы, чтобы уже существовал объект структуры. Но для его создания также требуется существование объекта структуры...и так до бесконечности.

```

struct Node {
    int value;
    // Ошибка компиляции: Field has incomplete type
    // Node next;
};

// Валидно (хотя объект этой структуры
// невозможно создать без черной магии)
struct RefNode {
    int value;
    RefNode &prev;
    RefNode &next;
};

// Тоже валидно
struct PtrNode {
    int value;
    PtrNode *prev = nullptr;
    PtrNode *next = nullptr;
};

// Двусвязный список
// (на самом деле head и tail должны быть указателями,
// но здесь ради примера это не так)
struct List {

```

```

    PtrNode head;
    PtrNode tail;
};

int main() {
    // Ошибка компиляции
    // RefNode *had = new RefNode;

    List list;

    // Инициализирует поле value всех структур
    list.head = PtrNode {1};
    PtrNode middle {2};
    list.tail = PtrNode {3};

    list.head.next = &middle;
    middle.prev = &list.head;
    middle.next = &list.head;
    list.tail.prev = &middle;
}

```

Выравнивание структуры в принципе и вложенной структуры в частности равно самому большому выравниванию среди ее полей.

```

struct A {
    int x;
    char c;
    // Выравнивание 8
    double y;
};

struct B {
    char c;
    A a;
};

std::cout
    // 16 8
    << sizeof(A) << ' ' << alignof(A) << '\n'
    // 24 8
    << sizeof(B) << ' ' << alignof(B) << '\n'
    // 8
    << offsetof(B, a) << '\n';

```

46.2. Массивы структур

Массив структур объявляется точно так же, как и массив простых типов. Для создания и освобождения динамических массивов лучше использовать операторы `new []` и `delete []`, поскольку они вызывают конструкторы и деструкторы и позволяют корректно инициализировать и освобождать память полей, которые имеют производные типы (например, `std::string`).

```

struct Vector2 {
    int x;

```

```

    int y;
};

Vector2 static_array[100];

Vector2 dyn_array = new Vector2[100];
delete[] dyn_array;

```

47. Указатели на структуры

Совершенно бессмысленный вопрос. Тут даже не о чем говорить.

Вся общая теория указателей (арифметика указателей, разыменования) также применима к указателям на структуры. Для доступа к элементам структуры можно использовать оператор стрелочка (->): (ptr->field); или садомазохистскую запись с разыменованием структуры и доступом к полю через объект структуры с помощью оператора точка (.): (*ptr).field.

```

struct Person {
    int age;
    std::string name;
};

Person *jack = new Person {27, "Jack"};

Person *peter = new Person;
peter->name = "Peter";
(*peter).age = 17;

// Jack is 27
std::cout << jack->name << "is " << jack->age << '\n';
// Peter is 17
std::cout << peter->name << "is " << peter->age << '\n';

delete peter;
delete jack;

```

48. Объединения и битовые поля

48.1. Объединения

Объединение — группирование переменных, которые разделяют одну и ту же область памяти.

Объявление объединения (типа объединения или шаблона объединения) начинается с ключевого слова `union`.

```

union ИмяТипаОбъединения {
    Тип1 переменная_1;
    Тип2 переменная_2;
    ...
    ТипN переменная_n;
};

```

Где **ИмяТипаОбъединения** — непосредственно имя новосозданного объединения;

переменная_1, ..., переменная_n — имена переменных, которые являются полями объединения. Эти переменные могут быть разных типов;

Тип1, ..., ТипN — типы полей объединения.

Размер объединения равен размеру самого большого поля.

Объединение относится к определенному участку памяти, в котором может находиться объект одного из типов, которые есть в объединении. При попытке перезаписать данные другим типом новые данные записываются поверх старых, а для старых данных деструктор не вызывается. Поэтому в **union** без дополнительных плясок с бубном нельзя поместить «умный» производный тип наподобие **std::string**.

При обращении к полю объединения записанные в память данные будут интерпретироваться как данные того типа, к которому относится переменная, к которой происходит обращение. Нетрудно догадаться, что обращение к неправильному типу может вызвать UB.

```
// Можно объявлять и анонимные union.
// Тогда их поля попадут в ту же область
// видимости, где и объявлено объединение.
union {
    float f;
    int i;
} united;
// Одно из возможных побитовых представлений NaN по IEEE754.
united.i = 0x7f800001;
// nan
std::cout << united.f << '\n';
```

Резюмируя:

1. Объединения можно использовать для хранения одного из заданных типов данных. Чтобы знать, какой именно тип хранится в объединении, надо хранить эту информацию отдельно.
2. Объединения можно использовать для побитового преобразования одного типа в другой

В C++ для более безопасного хранения нескольких типов в одном участке памяти можно использовать **std::variant**, а для побитового преобразования (начиная с C++20) — **std::bit_cast**.

48.2. Битовые поля

Битовое поле позволяет задать длину поля структуры в битах. То есть, они как бы позволяют получать целочисленные типы произвольной (но не более машинного слова) длины. Битовые поля объявляются точно так же, как и обычные, но после имени поля через двоеточие указывается его длина.

```
struct ИмяСтруктуры {
    <bool | unsigned <char|int|short|long|long long>> имя_поля: длина;
};
```

Обратите внимание, что только битовые поля могут иметь только целочисленные типы. Желательно, чтобы они были **unsigned**. Хотя использование обычных (знаковых) чисел не запрещается, оно, вообще говоря, может привести к неожиданным результатам (отрицательные числа), потому что способ представления отрицательных чисел до C++20 не был стандартизирован. С C++20 все компиляторы обязаны использовать дополнительный код.

Максимальное число, которое может поместиться в битовое поле длины n , равно $2^n - 1$. Обычно, если несколько битовых полей (неважно каких типов) объявлены друг за другом, то

компилятор их ужимает так, чтобы они имели наименьший размер. При этом неиспользуемые в битовых полях биты становятся недоступными и превращаются в паддинг (a.k.a. 'struct offset').

В приведенном ниже примере (нумерация с нуля) биты 5, 6, 7 игнорируются и программа выведет 31 ($31 = 2^5 - 1$) и 255. Битовое поле с позволяет получить доступ к первым пяти битам числа:

```
union {
    struct {
        unsigned char c: 5;
    } bitfield;
    unsigned char num;
};

// Все биты заполнены единицами
num = 255;
std::cout << (unsigned int) bitfield.c
           << ' ' << (unsigned int) num << '\n';

// =====
// Битовые поля позволяют компактно хранить булевых значений
struct BitSet {
    bool b1 : 1;
    bool b2 : 1;
    bool b3 : 1;
    bool b4 : 1;
    bool b5 : 1;
    bool b6 : 1;
    bool b7 : 1;
    bool b8 : 1;
};

BitSet Compress(bool b[8]) {
    BitSet res;
    res.b1 = b[0];
    res.b2 = b[1];
    res.b3 = b[2];
    res.b4 = b[3];
    res.b5 = b[4];
    res.b6 = b[5];
    res.b7 = b[6];
    res.b8 = b[7];
    return res;
}

int main() {
    bool bool_array[8] = {true, true, true, false,
                          false, true, false, true};
    BitSet bitset = Compress(bool_array);
    std::cout
        << bool_array[0] << ' ' << bitset.b1 << '\n' // 1 1
        << bool_array[1] << ' ' << bitset.b2 << '\n' // 1 1
        << bool_array[2] << ' ' << bitset.b3 << '\n' // 1 1
```



```

<< bool_array[3] << ' ' << bitset.b4 << '\n' // 0 0
<< bool_array[4] << ' ' << bitset.b5 << '\n' // 0 0
<< bool_array[5] << ' ' << bitset.b6 << '\n' // 1 1
<< bool_array[6] << ' ' << bitset.b7 << '\n' // 0 0
<< bool_array[7] << ' ' << bitset.b8 << '\n'; // 1 1
}

```

Время хранения (storage duration). Связывание

Эта информация в равной мере относится к последующим трем вопросам. Поэтому я решил ее вынести в отдельный раздел.

Время хранения — это свойство объекта, которое определяет минимальное возможное время жизни хранилища, содержащего объект⁸. Время хранения зависит от способа объявления объекта и может быть одним из следующих:

- **Статическое.** Все глобальные переменные и переменные, впервые объявленные с использованием спецификатора `static` или `extern`, которые не имеют потоковое время хранения. Хранилище живет на протяжении всего исполнения программы.
- **Потоковое (C C++11).** Все переменные, объявленные `thread_local`. Хранилище живет на протяжении жизни потока, в котором переменная создана. У каждого потока имеется своя уникальная копия объекта.
- **Автоматическое.** Смотреть ниже.
- **Динамическое.** Все объекты, созданные во время исполнения программы: объекты, созданные с помощью оператора `new` или динамически выделенные на куче, а также исключения (“allocated and deallocated in an unspecified way”).

Будем говорить, что переменная (символ) имеет **внутреннее** связывание, если он доступен только из той единицы трансляции, в которой объявлен.

Будем говорить, что переменная (символ) имеет **внешнее** связывание, если доступ к нему можно получить из любой единицы трансляции.

Стандарт также выделяет переменные **без связывания** — все переменные внутри функций (блоков), которые явно не объявлены `static` или `extern`.

49. Локальные и глобальные переменные

49.1. Локальные переменные

объявляются внутри тела функции или блока и доступны только изнутри функции или блока, в котором объявлены. Локальные переменные могут иметь *любое* время хранения.

```

// Два файла компилировать вместе
// В файле lib.cc
int a = 42;

```

```

// В файле main.cc
#include <iostream>

```

```

void Func() {

```

⁸https://en.cppreference.com/w/cpp/language/storage_duration

```

// статическое время хранения (внешнее связывание)
// сейчас эта переменная локальная
// но если эту же декларацию вынести за пределы
// функции, то эта переменная станет глобальной
extern int a;
std::cout << "a = " << a << '\n';
}

void Counter() {
// статическое время хранения (внутреннее связывание)
// чисто локальная переменная
static int count = 0;
std::cout << "count = " << ++count << '\n';
}

void PrintHi() {
// автоматическое время хранения
std::string name;
std::cin >> name;
std::cout << "Hello, " << name << "!\n";
}

int main() {
// 42
Func();
// 42
Func();

// Ошибка компиляции
// a = 24;

// 1
Counter();
// 2
Counter();

// Ошибка компиляции
// std::cin >> count;
PrintHi();

// Ошибка компиляции
// name = "Doomguay";

//3
Counter();

{
    int x = -3;
    std::cout << x << '\n';
}
// Ошибка компиляции
// x = 3;

```

```
}
```

49.2. Глобальные переменные

Глобальные переменные объявляются вне тела функции и доступны из любых функций. Глобальные переменные имеют статическое или потоковое время хранения и могут иметь как внешнее, так и внутреннее связывание. Все глобальные переменные хранятся в статической области памяти.

Поскольку глобальные переменные доступны из любой функции, их значение может менять кто угодно. Это может нарушить внутренние взаимосвязи в программе, из-за чего их использование (особенно с внешним связыванием) не рекомендуется.

```
// Глобальная переменная
```

```
std::string name;
```

```
void ReadName() {
```

```
    std::cout << "Введите ваше имя: ";
```

```
    std::cin >> name;
```

```
}
```

```
void Welcome() {
```

```
    std::cout << "Добро пожаловать, " << name << "!\n";
```

```
}
```

```
int main() {
```

```
    ReadName();
```

```
    Welcome();
```

```
}
```

50. Автоматические переменные

Переменная имеет **автоматическое** время хранения, если выполнено одно из двух условий:

1. Переменная принадлежит области видимости блока ({}), и явно не объявлена **static**, **extern** или **thread_local** (см. следующий вопрос). Хранение этих переменных длится до тех пор, пока существует блок, в котором они объявлены.
2. Переменная является параметром функции. Хранение параметров функции длится до их уничтожения при выходе из функции.

Других автоматических переменных нет.

Автоматические переменные обычно хранятся на стеке, однако компиляторы с целью оптимизации могут помещать их в регистры процессора.

До C++11 можно было явно указать автоматическое время хранения с помощью ключевого слова **auto**. Начиная со стандарта C++11 ключевое слово **auto** приобрело новое значение: теперь оно позволяет явно не указывать тип переменной. В таком случае тип переменной выводится статически во время компиляции и не может быть изменен во время исполнения.

```
std::string ReadName() {
```

```
    // автоматическая переменная
```

```
    std::string name;
```

```
    std::cout << "Введите ваше имя: ";
```

```
    std::cin >> name;
```

```

    return name;
}

void Welcome(/* автоматическая переменная */
             std::string name1)
{
    std::cout << "Добро пожаловать, " << name1 << "!\n";
} // <- Здесь переменная name1 уничтожена

int main() {
    // автоматическая локальная переменная
    std::string name = ReadName();
    Welcome(name);
} // <- Здесь переменная name уничтожена

```

51. Внешние и статические переменные, особенности их реализации

Термин ‘статическая переменная’ неоднозначен: он может обозначать как переменную, которая находится в статической области памяти (любая не-`thread_local` глобальная переменная или локальная переменная с внутренним или внешним связыванием), так и переменную с внутренним связыванием (глобальная или локальная переменная, объявленная `static`). **Статической переменной** будем называть переменную, которая располагается в статической области памяти.

Переменные как с внешним, так и с внутренним связыванием хранятся в статической области памяти, то есть являются статическими в смысле данного выше определения.

В отличие от кучи и стека, размер статической памяти постоянен и не может меняться во время исполнения.

Переменные с внутренним связыванием могут быть как глобальными, так и локальными. Про глобальные переменные разговор будет ниже, а пока остановимся на локальных. Однако локальные переменные с внутренним связыванием хранятся не на стеке, а в статической памяти, потому они не очищаются при выходе из функции. Это позволяет сохранять состояние между вызовами функции. Статические локальные переменные инициализируются только один раз: тогда, когда строка с такой переменной впервые выполняется. Когда статическая локальная переменная при выполнении программы встречается в следующий раз, она не инициализируется повторно.

```

#include <iostream>

void f(int val0) {
    static int saved = val0;
    std::cout << saved << ' ';
    ++saved;
}

int main() {
    // 4
    f(4);
    // 5
    f(0);
    // 6
    f(-3);
}

```

```
std::cout << '\n';
}
```

Внешняя переменная — это переменная, которая имеет внешнее связывание, то есть доступна из других единиц трансляции. Такими переменными являются глобальные переменные, определенные (defined) без спецификатора `static` или с спецификатором `extern`.

Хотя нормальные компиляторы (GCC, Clang, MSVC?) поддерживают определение переменной с ключевым словом `extern` (см. переменную с ниже), оно предназначено только для объявления переменной. Если определить значение этой переменной в нескольких единицах трансляции, то возникнет ошибка компоновки.

```
// obj.cc
// Внешние переменные, доступные из любых единиц трансляции
int a = 1;
int b = 2;
// Предупреждение GCC и Clang
extern int c = 3;
// Переменная с внутренним связыванием
static float pi = 3.1416;

float GetPi() {
    return pi;
}

// main.cc
#include <iostream>

extern int a;
extern int b;

// Использование этих переменных приведет к ошибке компоновки
extern int d;
extern float pi;

extern float GetPi();

void Swap() {
    int buf = a;
    a = b;
    b = buf;
}

int main() {
    // Да, так тоже можно. Переменная `c` (если не объявлена
    // в другом месте) будет доступна в теле функции `main`.
    // Но в этой строке попытаться присвоить
    // переменной значение, программа не скомпилируется
    extern int c;

    // 1 2
    std::cout << a << ' ' << b << '\n';
    a += 23;
```

```

// 24
std::cout << a << '\n';
Swap();
// 2 24
std::cout << a << ' ' << b << '\n';

// 3.1416 3
std::cout << GetPi() << ' ' << c << '\n';

// Ошибка компоновки
// std::cout << ' ' << pi << ' ' << d << '\n';
}

```

52. Символические константы: #define. Включение файла: #include

#include подставляет вместо себя содержимое указанного файла. Синтаксис:

```
#include <файл>
```

или

```
#include "файл"
```

Подключаемый файл может находиться либо в той же директории, в которой лежит и исходный файл, либо в одном из системных путей (на Linux обычно `/usr/include/` и `/usr/include/c++/<версия GCC>/`).

При использовании синтаксиса с кавычками препроцессор сначала ищет файлы в той же директории, где находится сам файл, и только потом — в системных путях; а при использовании треугольных скобок — наоборот.

Можно добавить системные пути с помощью флага `-I` (GCC, Clang) или `/I` (MSVC) компилятора.

Хотя директива **#include** может использоваться для подключения произвольных файлов в произвольное место любого файла, делать это не рекомендуется. Директиву надо применять для подключения заголовочных файлов, содержащих объявления функций, структур, классов и т. д. Например, в заголовочном файле `cmath` стандартной библиотеки содержатся объявления математических функций `std::sqrt`, `std::sin`, `std::round` и других. В файле `iostream` содержатся функции и структуры для ввода-вывода информации в консоль.

Руководство Google по стилю кода рекомендует использовать `<>` для подключения системных заголовков и стандартной библиотеки; и `"` для подключения всех остальных заголовков (за редкими исключениями, напр. `<Python.h>`).

#define позволяет определять символьные константы⁹, вместо которых на этапе препроцессинга будет подставляться указанное выражение. Синтаксис таков:

```
#define идентификатор выражение
```

```
#define идентификатор(параметры, через, запятую) выражение
```

где **идентификатор** — это имя макроса (любой валидный идентификатор), а **выражение** — то, что будет подставляться вместо **идентификатора**.

В первом случае директива создает символическую константу (object-like macro), вместо которой просто в лоб подставляется выражение.

⁹для краткости я буду их называть макросами, но гипотетически Вадим может к этому придраться

Во втором случае директива создает функциональный макрос (function-like macro), в которые можно передать несколько аргументов. Они будут подставлены в выражение вместо параметров (см. пример). Поскольку в качестве аргумента макроса может выступать любое выражение, которое подставляется в макрос прямым текстом, «как есть», параметры при использовании следует оборачивать в скобки, чтобы избежать неожиданных результатов (ср. `MUL` и `CORRECT_MUL` в примере).

В выражении функционального макроса можно использовать два специальных оператора: `#параметр`, который оборачивает значение параметра в кавычки, превращая его в строковый литерал и `##`, который позволяет сконкатенировать параметр с чем угодно.

В выражении можно использовать другие макросы (и они будут корректно разворачиваться), а в процедурные макросы можно передавать другие макросы (в том числе и процедурные).

Отметим, что выражение может быть пустым (в таком случае вместо макроса подставится ничто). Также любой макрос можно впоследствии переопределить с помощью директивы `#define` либо разопределить с помощью директивы `#undef`. В коде после разопределения макроса компилятор будет вести себя так, как будто этого макроса никогда и не было; но в коде между `#define` и `#undef` этот макрос будет доступен.

В C++11 появилась возможность создавать макросы с переменным числом параметров. Это ужасно страшное колдунство. Подробнее смотри по ссылке: <https://en.cppreference.com/w/cpp/preprocessor/replace>

Пример:

```
#define QUESTION 52
#define ANSWER 42
#define SUM QUESTION + ANSWER
#define MERGE(x) v##x
#define MKSTRING(x) #x

#define MUL(x, y) x*y
#define CORRECT_MUL(x, y) (x) * (y)

int v42 = 24;
int vANSWER = -24;

// 10 94
std::cout << QUESTION - ANSWER << ' ' << SUM << '\n';
// 24 0
std::cout << MERGE(42) << ' ' << MERGE(42) + MERGE(ANSWER) << '\n';
// Hello 0AiP
std::cout << MKSTRING>Hello 0AiP) << '\n';
// 5 9
std::cout << MUL(3, 1 + 2) << ' ' << CORRECT_MUL(3, 1 + 2) << '\n';

#undef ANSWER
// Ошибка компиляции
std::cout << ANSWER << '\n';
```

53. Директивы препроцессора: `#if`, `#ifdef`, `#ifndef`, `#else`, `#endif`

Эти директивы препроцессора предназначены для условной компиляции, то есть они позволяют включить или выключить компиляцию определенных участков кода. Директивы создают ветвления на этапе препроцессора.

`#if` имеет следующий синтаксис:

```
#if <условие>
// скомпилировать код
#endif
```

Подобно оператору(?) ветвления в C++, включает компиляцию нижеследующего участка кода, если выполнено заданное условие. В условии можно использовать:

- Числовые и символьные константы (42, 'Y')
- Арифметические, побитовые и логические операции
- Макросы
- Оператор `defined(<макрос>)`. Если `<макрос>` был ранее по тексту программы определен с помощью директивы препроцессора `#define`, то оператор возвращает 1, иначе – 0
- Идентификаторы, которые не являются ранее определенными макросами. Вместо них подставляется число 0.

Если при вычислении записанного в условии выражения получится 0, то оно считается ложным; если же выйдет любое ненулевое число — истинным.

Следует отметить, что в директивах нельзя использовать оператор `sizeof`, поскольку препроцессор ничегно не знает о типах.

Также существует директива препроцессора `#elif`, которая является полным аналогом конструкции `else if`.

`#ifdef`, `#ifndef` имеют одинаковый синтаксис:

```
#ifdef <макрос>
// скомпилировать код
#endif
```

```
#ifndef <макрос>
// скомпилировать код
#endif
```

Директива `#ifdef` включает компиляцию участка кода, если `<макрос>` был ранее определен с помощью директивы `#defined`.

Директива `#ifndef`, наоборот, включает компиляцию участка кода, если `<макрос>` **не** был ранее определен с помощью директивы `#defined`.

Примечание. Макросы можно разопределить с помощью директивы `#undef`

`#else` может использоваться только в связке с вышеназванными директивами:

```
#ifndef <условие>
// скомпилировать, если <условие> выполнено
#else
// скомпилировать, если <условие> не выполнено
#endif
```

Если оказывается, что условие директив `#if`, `#ifdef`, `#ifndef` ложно, то все то, что находится между директивами `#if` и `#else` игнорируется, а компилируется то, что находится между `#else` и `#endif`.

`#endif` обозначает конец ветвления.

Эти директивы можно использовать для определения операционной системы (проверка макросов `__linux__`, `__ANDROID__`, `_WIN32`, `macintosh`), различения C и C++ (макрос `__cplusplus`).

Также Руководство Google по стилю кода рекомендует использовать эти директивы для предотвращения повторного включения одного и того же файла (include guards):

```
#ifdef MY_FANCY_HEADER_H_
#define MY_FANCY_HEADER_H_ 1

int Sum(int a, int b);
int Odd(int a, int b);
typedef int(*FunctionPtr)(int, int);

#endif // MY_FANCY_HEADER_H_
```

Более сложный и бесполезный пример:

```
#ifndef __cplusplus
#include <stdio.h>
void SayHi() {
    printf("Thou usest C!\n");
}
#elif __cplusplus >= 202300L
#include <print>
void SayHi() {
    std::print("Your C++ version is {}, supergood!\n",
               __cplusplus);
}
#else
#include <iostream>
void SayHi() {
    std::cout << "Your C++ version is "
               << __cplusplus << ", kinda old :(\n";
}
#endif

int main() {
    SayHi();
    return 0;
}
```

<https://gcc.gnu.org/onlinedocs/cpp/If.html>

<https://sourceforge.net/p/predef/wiki/OperatingSystems/>

54. Понятие алгоритма. Введение в алгоритмизацию

Алгоритм — точное предписание, определяющее вычислительный процесс, ведущий от варьируемых начальных данных к искомому результату.

Алгоритмизация — процесс построения алгоритма решения задачи, результатом которого является выделение этапов процесса обработки данных, формальная запись содержания этих этапов и определение порядка их выполнения.

54.1. Свойства алгоритмов

1. **Дискретность.** Процесс решения задачи должен быть разбит на последовательность отдельных шагов — простых действий, которые выполняются одно за другим в определенном порядке. Каждый шаг называется командой (инструкцией). Только после завершения одной команды можно перейти к выполнению следующей.
2. **Детерминированность** (определенность). Каждая команда алгоритма в отдельности и последовательность команд в целом должна быть точно и однозначно определена. Результат выполнения команды не должен зависеть ни от какой дополнительной информации. У исполнителя не должно быть возможности принять самостоятельное решение (т. е. он исполняет алгоритм формально, не вникая в его смысл). Благодаря этому любой исполнитель, имеющий необходимую систему команд, получит один и тот же результат на основании одних и тех же исходных данных, выполняя одну и ту же цепочку команд.
3. **Конечность и результативность.** Исполнение алгоритма должно завершиться за конечное число шагов; при этом должен быть получен результат.
4. **Массовость.** Алгоритм предназначен для решения не одной конкретной задачи, а целого класса задач, который определяется диапазоном возможных входных данных.
5. **Понятность.** Каждая команда алгоритма должна быть понятна исполнителю. Алгоритм должен содержать только те команды, которые входят в систему команд его исполнителя.

54.2. Способы описания алгоритмов

1. словесный;
2. формульно-словесный;
3. блок-схемный;
4. псевдокод;
5. структурные диаграммы;
6. языки программирования.

Пример словесного способа. *(деление обыкновенных дробей)*

В качестве входных данных даны две обыкновенные дроби. Для того чтобы разделить первую дробь на вторую, необходимо:

1. Числитель первой дроби умножить на знаменатель второй дроби.
2. Знаменатель первой дроби умножить на числитель второй дроби.
3. Записать дробь, числителем которой является результат выполнения шага 1, знаменателем — результат выполнения шага 2.

Описанный алгоритм применим к любым двум обыкновенным дробям. В результате его выполнения будут получены выходные данные — результат деления двух дробей (входных данных).

54.3. Алгоритмические языки

Алгоритмический язык — это искусственный язык (система обозначений), предназначенный для записи алгоритмов. Он позволяет представить алгоритм в виде текста, составленного по определенным правилам с использованием специальных служебных слов. Количество таких слов ограничено. Каждое служебное слово имеет точно определенный смысл, назначение и способ применения. При записи алгоритма служебные слова выделяют полужирным шрифтом или подчеркиванием.

В алгоритмическом языке используются формальные конструкции, но нет строгих синтаксических правил для записи команд. Различные алгоритмические языки различаются набором служебных слов и формой записи основных конструкций.

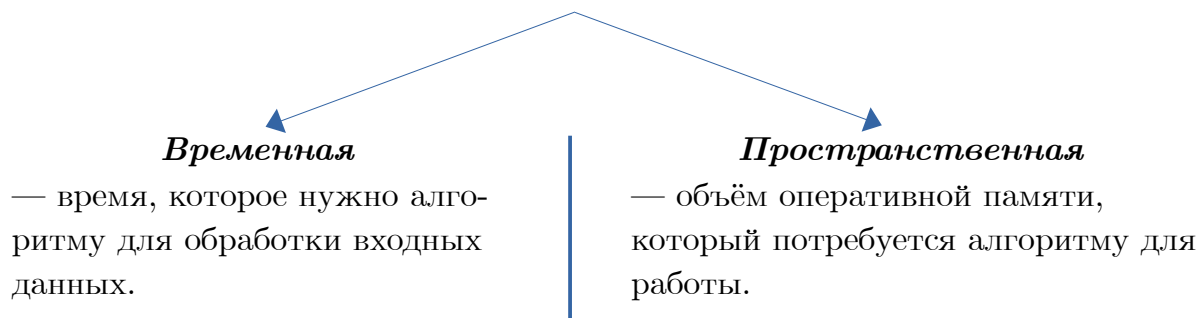
Алгоритмический язык, конструкции которого однозначно преобразуются в команды для компьютера, называется **языком программирования**. Текст алгоритма, записанный на языке программирования, называется **программой**.

Вопросы

- 55. Большая О Нотация. Асимптотика.
- 56. Поиск элемента в массиве. Асимптотика.
- 57. Пользовательские типы данных в C++.
- 58. Нечёткий поиск. Расстояние Левенштейна.
- 59. Оптимизированное перемножение матриц. Асимптотика.
- 60. Флаги компиляций приложений.
- 61. Компилирование с использованием статических библиотек.
- 62. Компилирование с использованием динамических библиотек.

Вопрос 55. Большая О Нотация. Асимптотика.

Вычислительная сложность алгоритма — функция, определяющая зависимость объёма работы, выполняемой некоторым алгоритмом, от свойств входных данных.



- Когда говорят о *Time Complexity* или просто *Time*, то речь идёт именно о количестве элементарных операций, осуществляемых алгоритмом.

Замечание. В теории алгоритмов разница в скорости выполнения между операциями обычно опускается. Поэтому сложение простых чисел и деление чисел с плавающей точкой считаются равными по сложности операциями.

- Когда говорят о *Space Complexity* или просто *Space* (редко *Memory*), то речь идёт именно о количестве ячеек памяти, необходимых для выполнения алгоритма.

Замечание. В теории алгоритмов все ячейки считаются равноценными. Например, `int` на 4 байта и `double` на 8 байт имеют один вес.

- *In-place* алгоритмы (*на месте*) — алгоритмы, которые используют исходный массив как рабочее пространство.

- *Out-of-place* алгоритмы (*вне места*) — алгоритмы, требующие дополнительной памяти: копии исходного массива или дополнительные структуры данных.
- Таким образом, *оптимальным* называется алгоритм, решающий поставленную задачу за наименьшее возможное время и использующий минимальное возможное количество памяти.

Большая O Номинация (Big O Notation) — способ описания асимптотического поведения функций (поведение функции, когда её аргумент стремится к бесконечности | вспоминаем O-большое и o-маленькое из матанализа : D), который используется для анализа временной и пространственной сложности алгоритмов.

Примеры описания вычислительной сложности алгоритмов через «O»:

Временная:

- $O(1)$ — константное время. Например, определение размера массива, сложение чисел и т.п.
- $O(\log \log n)$ — двойное логарифмическое время. Например, интерполяционный поиск
- $O(\log n)$ — логарифмическая сложность. Например, бинарный поиск, бинарное возведение в степень.
- $O(n)$ — линейное время. Например, линейный поиск.
- $O(n^c)$ — полиномиальное время (квадратичное, кубическое и т.д.)
- $O(c^n)$ — экспоненциальное время. Например, рекурсивная реализация последовательности Фибоначчи.
- $O(n!)$ — факториальное время. Например, задача о коммивояжёре или задача полного перебора.

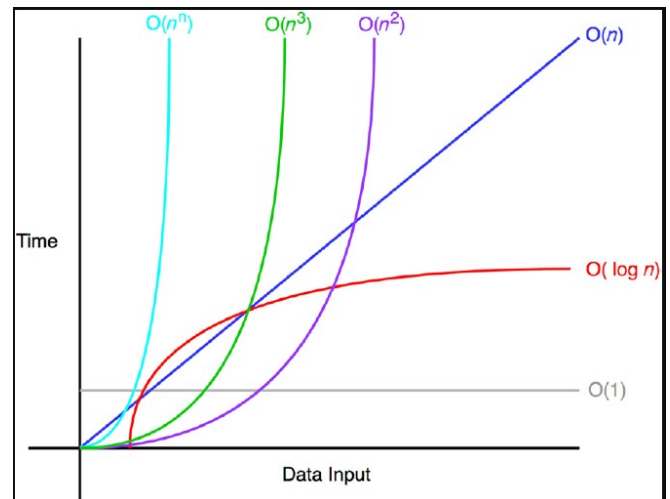
Пространственная:

- $O(1)$ — константное пространство. Например, алгоритм с фиксированным количеством переменных.
- $O(n)$ — линейное пространство. Например, одномерный массив.
- $O(n^c)$ — полиномиальное пространство. Например, многомерный массив.

Лирическое отступление:

экспоненциальное и факториальное пространства тоже существуют, но я не уверен, что их стоит упоминать (например, массив из всех возможных перестановок элементов массива длиной n).

*при наличии времени и желания, можете нарисовать для Вадима график



Правила определения сложности алгоритма:

- При расчете «О» используется два правила:

1. Константы откидываются:

$$O(3n) = O(n)$$

$$O(10000n^2) = O(n^2)$$

$$O(2n \log n) = O(n \log n)$$

Важное замечание. Из-за того, что в большой О нотации константы откидываются, алгоритмы с большей асимптотической сложностью могут работать быстрее алгоритмов с меньшей асимптотической сложностью. Так, например, алгоритм Штрассена с асимптотикой $\approx O(n^{2.81})$ (кстати, асимптотика этого алгоритма посчитана с использованием мастер-теоремы) (вопрос об оптимизированном перемножении матриц) работает быстрее алгоритма Копперсмита-Винограда с асимптотикой $\approx O(n^{2.37})$ на малых и средних матрицах из-за очень высоких скрытых констант в алгоритме Копперсмита-Винограда.

2. Если в «О» есть сумма, то записывается только самое *быстрорастущее* слагаемое (это называется асимптотической сложностью).

$$O(n^2 + n) = O(n^2)$$

$$O(n^3 + 100n \log n) = O(n^3)$$

$$O(1.1^n + n^{100}) = O(1.1^n)$$

- Циклы и вложенные циклы:

1. Временная сложность цикла, в котором n раз повторяется функция с временной сложностью $O(m)$, равна: $n * O(m) = O(n * m)$.

2. При добавлении вложенных циклов сложность растёт экспоненциально: в цикл с $O(n)$ добавили еще один цикл \rightarrow общая сложность $O(n^2)$.

- Мастер-теорема

Используется для оценки сложности рекурсивных алгоритмов.

Общая форма [\[править \]](#) [\[править код \]](#)

Основная теорема рассматривает следующие рекуррентные соотношения:

$$T(n) = aT\left(\frac{n}{b}\right) + f(n), \quad \text{где } a \geq 1, b > 1.$$

В применении к анализу алгоритмов константы и функции обозначают:

n — размер задачи.

a — количество подзадач в рекурсии.

n/b — размер каждой подзадачи. (Предполагается, что все подзадачи на каждом этапе имеют одинаковый размер.)

$f(n)$ — оценка сложности работы, производимой алгоритмом вне рекурсивных вызовов. В неё также включается вычислительная стоимость деления на подзадачи и объединения результатов решения подзадач.

*возможно, не стоит эту теорему расписывать, т. к. на степике Вадим Денисович даёт только: «По сути, это набор правил по оценке сложности. Он учитывает, сколько новых ветвей рекурсии создаётся на каждом шаге и на сколько частей дробятся данные в каждом шаге рекурсии. Это если вкратце.»

- Метод Монте-Карло

1. Применяется, только если невозможно оценить сложность через вложенность циклов или с помощью мастер-теоремы.
2. Алгоритм проверяется на данных разного размера. Затем строятся графики зависимости затраченного времени и памяти от размера данных. Затем по этим графикам вычисляется функция, которая лучше всего описывает полученное облако точек.

P.S. (возможно, это что-то важное). Не помню, в каком вопросе Вадим просил написать Quick Sort, поэтому пусть будет здесь:

Реализация для вектора.

Time Complexity:

Средний случай: $O(n \log n)$

Худший случай: $O(n^2)$

Настоятельно рекомендуется написать qsort самостоятельно. Этот говнокод использовать лишь в качестве подсказки

```
int partition(vector<int> &vec, int low, int high) {
    // Selecting last element as the pivot
    int pivot = vec[high];
    // Index of element just before the last element
    // It is used for swapping
    int i = (low - 1);
    for (int j = low; j <= high - 1; j++) {

        // If current element is smaller than or
        // equal to pivot
        if (vec[j] <= pivot) {
            i++;
            swap(vec[i], vec[j]);
        }
    }
    // Put pivot to its position
    swap(vec[i + 1], vec[high]);
    // Return the point of partition
    return (i + 1);
}

void quickSort(vector<int> &vec, int low, int high) {
    // Base case: This part will be executed till the starting
    // index low is lesser than the ending index high
    if (low < high) {
        // pi is Partitioning Index, arr[p] is now at
        // right place
        int pi = partition(vec, low, high);
        // Separately sort elements before and after the
        // Partition Index pi
        quickSort(vec, low, pi - 1);
        quickSort(vec, pi + 1, high);
    }
}
```

Вопрос 56. Поиск элемента в массиве. Асимптотика.

Поиск элемента в массиве — алгоритм, который находит индекс элемента в массиве или определяет, что элемент отсутствует.

Поиск элемента в массиве разделяют на две большие категории:

- *поиск в несортированном массиве* (например, линейный поиск)
- *поиск в сортированном массиве* (например, бинарный поиск, интерполирующий поиск)

Замечание. Для облегчения работы с элементами массива, в том числе для облегчения поиска элемента в массиве, нелишним бывает отсортировать массив.

Линейный поиск:

- Подходит для поиска элемента в небольших несортированных массивах.

Замечание. Если массив большой, то рекомендуется его отсортировать и применять более эффективные алгоритмы поиска.

- Перебираются все элементы массива и проверяются на совпадение с заданными критериями или ключами.
- Time Complexity: $O(n)$. В массиве миллион элементов → миллион операций (в худшем случае).

```
int linSearch(int arr[], int requiredKey, int arrSize) {
    for (int i = 0; i < arrSize; i++) {
        if (arr[i] == requiredKey)
            return i;
    }
    return -1;
}
```

Бинарный (двоичный) поиск:

- Подходит для поиска элемента в отсортированном массиве.
- На каждом шаге алгоритма выбирается средний элемент массива и сравнивается с искомым элементом. Если элементы

```
int SearchingAlgorithm(int arr[], int left, int right, int keys) {
    int middle = 0;

    while (true) {
        middle = (left + right) / 2;

        if (keys < arr[middle])
            right = middle - 1;
        else if (keys > arr[middle])
            left = middle + 1;
        else
            return middle;
        if (left > right)
            return -1;
    }
}
```


совпадают, то алгоритм завершает работу: элемент найден. Иначе половина элементов массива «отбрасывается» и поиск продолжается в другой половине массива.

- Time Complexity: $O(\log n)$. В отсортированном массиве миллион элементов → 20 операций (в худшем случае).

Интерполирующий поиск:

- Подходит для поиска элемента в отсортированном массиве.
- Вместо того, чтобы брать средний элемент, как в бинарном поиске, интерполирующий поиск вычисляет позицию искомого элемента по формуле:

$$\text{pos} = \text{lo} + \frac{(x - \text{arr}[\text{lo}]) * (\text{hi} - \text{lo})}{(\text{arr}[\text{hi}] - \text{arr}[\text{lo}])}$$

```
int interpolationSearch(int arr[], int lo, int hi, int x)
{
    int pos;
    if (lo <= hi && x >= arr[lo] && x <= arr[hi]) {
        pos = lo
            + (((double)(hi - lo) / (arr[hi] - arr[lo]))
              * (x - arr[lo]));
        if (arr[pos] == x)
            return pos;
        if (arr[pos] < x)
            return interpolationSearch(arr, pos + 1, hi, x);
        if (arr[pos] > x)
            return interpolationSearch(arr, lo, pos - 1, x);
    }
    return -1;
}
```

где lo, hi — нижняя и верхняя границы поиска соответственно, arr[] — заданный массив, x — искомый элемент, pos — позиция, на которой предположительно находится искомый элемент. Далее, как и в бинарном поиске, элемент на позиции pos сравнивается с искомым элементом.

- Time Complexity: $O(\log \log n)$.
Важное замечание. При плохих исходных данных (например, при экспоненциальном возрастании элементов) время работы может ухудшиться до $O(n)$.
Еще одно важное замечание.

Эксперименты показали, что интерполяционный поиск не настолько снижает количество выполняемых сравнений, чтобы компенсировать требуемое для дополнительных вычислений время (пока таблица не очень велика). Кроме того, типичные таблицы недостаточно случайны, да и разница между значениями $\log \log n$ и $\log n$ становится значительной только при очень больших n . На практике при поиске в больших файлах оказывается выгодным на ранних стадиях применять интерполяционный поиск, а затем, когда диапазон существенно уменьшится, переходить к двоичному.

Вопрос 57. Пользовательские типы данных в C++.

Пользовательские типы данных — типы данных, определяемые пользователем для организации данных и управления ими в программе.

Основные пользовательские типы данных:

1. Структуры (struct):

- пользовательский тип данных, который позволяет объединить различные типы данных в одну логическую единицу.
- Поле в структуре могут быть: переменные базовых типов C++, вложенные структуры, объединения (о них дальше), классы (тоже дальше), функции.
- Для определения структуры применяется ключевое слово struct, а сам формат структуры выглядит так:

```
struct имя_структуры {  
    компоненты_структуры  
};
```

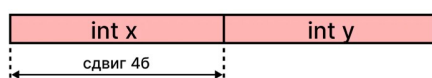
- Для определения нового типа используется ключевое слово

```
#include <conio.h>  
#include <stdio.h>  
  
//Определяем новую структуру  
struct point_t {  
    int x;  
    int y;  
};  
  
//Определяем новый тип  
typedef struct point_t Point;  
  
void main() {  
    //Обращение через имя структуры  
    struct point_t p = {10, 20};  
    //Обращение через новый тип  
    Point px = {10, 20};  
  
    getch();  
}
```

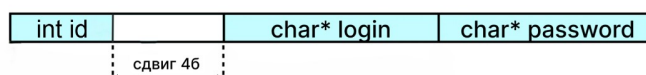
- Для обращения к элементу структуры через указатель на typedef: структуру используется операция «стрелка»: ->

```
Point p = {10, 20};  
Point* ptr = &p;  
  
ptr->x += 1;    // x = 11  
ptr->y += 2;    // y = 22
```

- Устройство структуры в памяти: размер структуры не всегда равен сумме размеров её полей, т.к. компилятор оптимизирует расположение структуры в памяти, подгоняя некоторые поля до четных адресов.



← Размер структуры: 8 байт



← Размер структуры: 24 байт
(выравнивание под char* - 8 байт)

Замечание. Есть возможность изменить упаковку структур в памяти: `#pragma pack(n)`. По умолчанию `n = 8`. Допустимыми значениями являются 1, 2, 4, 8 и 16. Выравнивание поля происходит по адресу, кратному `n` или сумме нескольких полей объекта, в зависимости от того, какая из этих величин меньше.

Замечание к замечанию. Использование `#pragma pack` не приветствуется: логика работы программы не должна зависеть от внутреннего представления структуры (если, конечно, вы не занимаетесь системным программированием или ломаете чужие программы и сети).

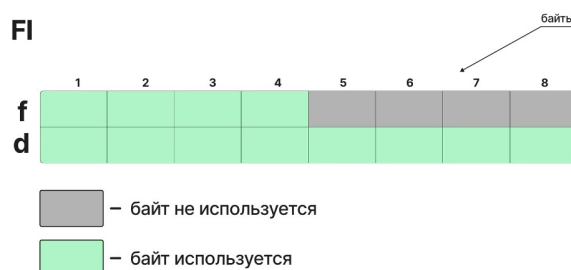
P.S. Нигде не указал: к полям структуры обращаемся через точку «.»: `Point.x += 1;`

2. Объединения (*union*):

- Объединение — группирование элементов, разделяющих одну и ту же область памяти (т.е. все переменные, что включены в объединение, начинаются с одной границы).

```
union Floats {  
    float f; // рассматривается 4 байта  
    double d; // рассматривается 8 байт  
};
```

В данном случае `sizeof(Floats) = 8`.



- Типом переменной в объединении может быть: базовый тип в C++, структура, объединение, класс.
- С указателями на объединение работаем так же, как со структурами «->». К полям обращаемся через точку. Вложенность работает так же, как со структурами.

3. Битовые поля:

- Позволяют формировать объекты с длиной, не кратной байту:

```
struct Example {  
    unsigned int field1 : 3; // 3 бита  
    unsigned int field2 : 5; // 5 бит  
    unsigned int field3 : 1; // 1 бит  
};
```

- Ширина поля не может превышать длину машинного слова.

4. Перечисления (*enum*):

- Перечисления позволяют задавать переменные, принимающие определенный набор значений:
- Пример работы с перечислением:

```
enum Color {
    Red,
    Green,
    Blue
};
```

```
#include <iostream>

enum Season{
    Winter,
    Spring,
    Summer,
    Autumn
};

int main() {
    Season currentSeason = Summer;
    if (currentSeason == Summer) {
        std::cout << "+вайб" << std::endl;
    }
    else {
        std::cout << "-вайб" << std::endl;
    }

    return 0;
}
```

P.S. Выведет +вайб

5. Ключевое слово *typedef*:

- Используется для создания псевдонимов (синонимов) для существующих типов данных.

```
typedef unsigned long ulong;
ulong a = 1000;
//Теперь можно использовать ulong вместо unsigned long
```

6. Классы (*class*):

Лирическое отступление. В семестре их не было, так что я не уверен, что их надо писать, но пусть что-то будет.

- Класс в C++ — это шаблон для создания объектов, который объединяет данные и функции, работающие с этими данными.
- Объявление класса позволяет описать не только данные представления объекта, но и аспекты использования таких данных:

1. список функций доступа к объектам;
2. правила наследования объектов производными классами;
3. различная степень защиты элементов объектов.

- Пример:

```
class ClassName {  
public:  
    // Конструктор  
    ClassName();  
  
    // Методы  
    void method();  
  
private:  
    // Поля данных  
    int data;  
};
```

Вопрос 58. Нечёткий поиск. Расстояние Левенштейна.

Нечёткий поиск — это метод поиска, который позволяет находить совпадения, даже если вводимые данные содержат ошибки, опечатки или незначительные различия от искомого значения.

Расстояние Левенштейна — минимальное количество операций вставки одного символа, удаления одного символа и замены одного символа на другой, необходимых для превращения одной строки в другую.

Пример:

$x = \text{“привет”}$

$y = \text{“прияет”}$

расстояние Левенштейна $L(x, y) = 1$ — одна замена символа. Можно привести и другие примеры:

$L(\text{“test”}, \text{“ttext”}) = 2;$

$L(\text{“ОАиП”}, \text{“н”}) = 4.$

Алгоритм нечёткого поиска:

- Для каждой строки словаря найдем, сколько у нее отличий с заданной строкой. Ответом будут те строки из словаря, отличий с которыми не больше заданного числа k .
- Алгоритм нахождения расстояния Левенштейна — алгоритм Вагнера-Фишера:
 1. Пусть $s1$ и $s2$ - строки, между которыми нужно найти расстояние. Их размеры соответственно n и m
 2. $D(i, j)$ будет означать расстояние между префиксом длины i строки $s1$ и префиксом длины j строки $s2$.
 3. Тогда ответ на задачу - $D(n, m)$.
 4. Будем считать, что нумерация символов в строке с единицы
 5. Базовые значения:
 6. $D(0, 0) = 0$,
 7. $D(i, 0) = i, D(0, j) = j$
 8. Для $i, j \neq 0$:
 - $D(i, j) = D(i - 1, j - 1)$, если $s1[i] = s2[j]$
 - $\min(D(i, j - 1) + 1, D(i - 1, j) + 1, D(i - 1, j - 1) + 1)$, иначе
 9. (последней операцией могли приписать символ к строке, удалить, или заменить символ)

Реализация на C++:

```
int diff(string a, string b) {
    int n = (int)a.size(), m = (int)b.size();
    int d[n + 1][m + 1];
    for (int i = 0; i <= n; i++)
        d[i][0] = i;
    for (int j = 0; j <= m; j++)
        d[0][j] = j;
    for (int i = 1; i <= n; i++)
        for (int j = 1; j <= m; j++)
            if (a[i - 1] == b[j - 1])
                d[i][j] = d[i - 1][j - 1];
            else
                d[i][j] = min({d[i - 1][j] + 1, d[i][j - 1] + 1, d[i - 1][j - 1] + 1});
    return d[n][m];
}
```

Time Complexity: $O(n*m)$, где n – размер введённой строки, m — сумма длин всех строк словаря.

Плюсы использования:

- Работает довольно быстро, если длина искомой строки и суммарная длина словаря небольшие.
- Алгоритм довольно прост в понимании и реализации.

Минусы использования:

- Работает довольно медленно при большой длине искомой строки и/или суммарной длине словаря

Вопрос 59. Оптимизированное перемножение матриц. Асимптотика.

Замечание. Будем говорить, что размеры матриц A порядка $m*n$ и B порядка $p*k$ согласованы относительно умножения, если $n = p$.

Виды алгоритмов перемножения матриц:

1. Стандартный алгоритм:

- сумма произведений элементов i -ой строки матрицы A на элементы j -ой строки матрицы B (рассмотрим подробнее чуть дальше).

2. Алгоритмы, основанные на блокировании:

- матрицы разбиваются на блоки, что уменьшает время доступа к данным и позволяет лучше использовать кэш-память процессора.
- Time Complexity: $O(n^3)$, но на практике может работать быстрее за счёт уменьшения накладных расходов на память.

3. Алгоритмы с использованием параллельных вычислений:

- Для ускорения умножения матриц используются многоядерные процессоры и распределенные системы для параллельных вычислений.

4. Алгоритм Штрассена:

- Матрица разбивается на 4 подматрицы и используется 7 рекурсивных умножений вместо 8, что уменьшает количество операций.
- Time Complexity: $O(n^{\log_2 7}) \approx O(n^{2.81})$.

5. Алгоритм Копперсмита-Винограда:

- Используются ассоциативные правила перемножений и требуются сложные математические выкладки.
- Time Complexity: $O(n^{2.376})$. На практике он медленнее, чем алгоритм Штрассена, на матрицах маленького и среднего размера, из-за огромной скрытой константы. Поэтому чаще используют алгоритм Штрассена.

Стандартное перемножение матриц:

- Работает за $O(n^3)$.
- Ниже представлен код, реализующий стандартное перемножение матриц.

```
void mulMat(vector<vector<int>>& m1, vector<vector<int>>& m2,
            vector<vector<int>>& res) {
    int r1 = m1.size();
    int c1 = m1[0].size();
    int r2 = m2.size();
    int c2 = m2[0].size();
    if (c1 != r2) {
        cout << "Invalid Input" << endl;
        exit(EXIT_FAILURE);
    }

    // Resize result matrix to fit the result dimensions
    res.resize(r1, vector<int>(c2, 0));

    for (int i = 0; i < r1; i++) {
        for (int j = 0; j < c2; j++) {
            for (int k = 0; k < c1; k++) {
                res[i][j] += m1[i][k] * m2[k][j];
            }
        }
    }
}
```

Замечание. Рекомендуется написать код самостоятельно и запустить на своей машине.

Алгоритм Штрассена:

- Используется методика *разделяй и властвуй*: делим исходную матрицу на 4 подматрицы порядка $(N/2) \times (N/2)$, после чего выполняется 7 рекурсивных перемножений подматриц (вместо стандартных 8, как в алгоритмах, основанных на блокировании):

$$\begin{aligned}
p1 &= a(f - h) & p2 &= (a + b)h \\
p3 &= (c + d)e & p4 &= d(g - e) \\
p5 &= (a + d)(e + h) & p6 &= (b - d)(g + h) \\
p7 &= (a - c)(e + f)
\end{aligned}$$

The A x B can be calculated using above seven multiplications.
Following are values of four sub-matrices of result C

$$\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} e & f \\ g & h \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} p5 + p4 - p2 + p6 & p1 + p2 \\ p3 + p4 & p1 + p5 - p3 - p7 \end{bmatrix}$$

A
B
C

A, B and C are square matrices of size N x N
a, b, c and d are submatrices of A, of size N/2 x N/2
e, f, g and h are submatrices of B, of size N/2 x N/2
p1, p2, p3, p4, p5, p6 and p7 are submatrices of size N/2 x N/2

- Временная асимптотическая сложность посчитана с помощью мастер-теоремы: $O(n^{\log_2 7}) \approx O(n^{2.81})$. Если запомните формулу, то можете написать: $T(N) = 7T(N/2) + O(N^2)$.
- Пример кода (*Да пребудет с вами сила!*):

```

#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

#define ROW_1 4
#define COL_1 4

#define ROW_2 4
#define COL_2 4

void print(string display, vector<vector<int>> matrix,
           int start_row, int start_column, int end_row,
           int end_column)
{
    cout << endl << display << " ==>" << endl;
    for (int i = start_row; i <= end_row; i++) {
        for (int j = start_column; j <= end_column; j++) {
            cout << setw(10);
            cout << matrix[i][j];
        }
        cout << endl;
    }
    cout << endl;
    return;
}

vector<vector<int>>
add_matrix(vector<vector<int>> matrix_A,
           vector<vector<int>> matrix_B, int split_index,
           int multiplier = 1)
{
    for (auto i = 0; i < split_index; i++)

```

```

        for (auto j = 0; j < split_index; j++)
            matrix_A[i][j]
                = matrix_A[i][j]
                  + (multiplier * matrix_B[i][j]);
    return matrix_A;
}

vector<vector<int>> >
multiply_matrix(vector<vector<int>> > matrix_A,
                vector<vector<int>> > matrix_B)
{
    int col_1 = matrix_A[0].size();
    int row_1 = matrix_A.size();
    int col_2 = matrix_B[0].size();
    int row_2 = matrix_B.size();

    if (col_1 != row_2) {
        cout << "\nError: The number of columns in Matrix "
              "A must be equal to the number of rows in "
              "Matrix B\n";
        return {};
    }

    vector<int> result_matrix_row(col_2, 0);
    vector<vector<int>> > result_matrix(row_1,
                                       result_matrix_row);

    if (col_1 == 1)
        result_matrix[0][0]
            = matrix_A[0][0] * matrix_B[0][0];
    else {
        int split_index = col_1 / 2;

        vector<int> row_vector(split_index, 0);

        vector<vector<int>> > a00(split_index, row_vector);
        vector<vector<int>> > a01(split_index, row_vector);
        vector<vector<int>> > a10(split_index, row_vector);
        vector<vector<int>> > a11(split_index, row_vector);
        vector<vector<int>> > b00(split_index, row_vector);
        vector<vector<int>> > b01(split_index, row_vector);
        vector<vector<int>> > b10(split_index, row_vector);
        vector<vector<int>> > b11(split_index, row_vector);

        for (auto i = 0; i < split_index; i++)
            for (auto j = 0; j < split_index; j++) {
                a00[i][j] = matrix_A[i][j];
                a01[i][j] = matrix_A[i][j + split_index];
                a10[i][j] = matrix_A[split_index + i][j];
            }
    }
}

```

```

        a11[i][j] = matrix_A[i + split_index]
                        [j + split_index];
        b00[i][j] = matrix_B[i][j];
        b01[i][j] = matrix_B[i][j + split_index];
        b10[i][j] = matrix_B[split_index + i][j];
        b11[i][j] = matrix_B[i + split_index]
                        [j + split_index];
    }

```

```

vector<vector<int>> > p(multiply_matrix(
    a00, add_matrix(b01, b11, split_index, -1)));
vector<vector<int>> > q(multiply_matrix(
    add_matrix(a00, a01, split_index), b11));
vector<vector<int>> > r(multiply_matrix(
    add_matrix(a10, a11, split_index), b00));
vector<vector<int>> > s(multiply_matrix(
    a11, add_matrix(b10, b00, split_index, -1)));
vector<vector<int>> > t(multiply_matrix(
    add_matrix(a00, a11, split_index),
    add_matrix(b00, b11, split_index)));
vector<vector<int>> > u(multiply_matrix(
    add_matrix(a01, a11, split_index, -1),
    add_matrix(b10, b11, split_index)));
vector<vector<int>> > v(multiply_matrix(
    add_matrix(a00, a10, split_index, -1),
    add_matrix(b00, b01, split_index)));

```

```

vector<vector<int>> > result_matrix_00(add_matrix(
    add_matrix(add_matrix(t, s, split_index), u,
        split_index),
    q, split_index, -1));
vector<vector<int>> > result_matrix_01(
    add_matrix(p, q, split_index));
vector<vector<int>> > result_matrix_10(
    add_matrix(r, s, split_index));
vector<vector<int>> > result_matrix_11(add_matrix(
    add_matrix(add_matrix(t, p, split_index), r,
        split_index, -1),
    v, split_index, -1));

```

```

for (auto i = 0; i < split_index; i++)
    for (auto j = 0; j < split_index; j++) {
        result_matrix[i][j]
            = result_matrix_00[i][j];
        result_matrix[i][j + split_index]
            = result_matrix_01[i][j];
        result_matrix[split_index + i][j]
            = result_matrix_10[i][j];
        result_matrix[i + split_index]
            [j + split_index]

```

```

        = result_matrix_11[i][j];
    }

    a00.clear();
    a01.clear();
    a10.clear();
    a11.clear();
    b00.clear();
    b01.clear();
    b10.clear();
    b11.clear();
    p.clear();
    q.clear();
    r.clear();
    s.clear();
    t.clear();
    u.clear();
    v.clear();
    result_matrix_00.clear();
    result_matrix_01.clear();
    result_matrix_10.clear();
    result_matrix_11.clear();
}

return result_matrix;
}

int main()
{
    vector<vector<int>> > matrix_A = { { 1, 1, 1, 1 },
                                       { 2, 2, 2, 2 },
                                       { 3, 3, 3, 3 },
                                       { 2, 2, 2, 2 } };

    print("Array A", matrix_A, 0, 0, ROW_1 - 1, COL_1 - 1);

    vector<vector<int>> > matrix_B = { { 1, 1, 1, 1 },
                                       { 2, 2, 2, 2 },
                                       { 3, 3, 3, 3 },
                                       { 2, 2, 2, 2 } };

    print("Array B", matrix_B, 0, 0, ROW_2 - 1, COL_2 - 1);

    vector<vector<int>> > result_matrix(
        multiply_matrix(matrix_A, matrix_B));

    print("Result Array", result_matrix, 0, 0, ROW_1 - 1,
        COL_2 - 1);
}

// Time Complexity: T(N) = 7T(N/2) + O(N^2) => O(N^Log7)

```

Замечание. Думаю, писать алгоритм Штрассена на экзамене не надо. Просто надо озвучить идею и рассказать про асимптотику алгоритма, а также написать про скрытые константы в алгоритмах Штрассена и Копперсмита-Винограда. Также рекомендую запустить код на своей машине (если он вообще запустится w :)

Вопрос 60. Флаги компиляций приложений.

Флаги компиляции приложения — параметры, которые передаются компилятору для изменения поведения процесса компиляции. (Что такое компилятор? 🤖)

1. Флаги оптимизаций (англ. буква O):

- используются для улучшения производительности сгенерированного кода, уменьшая его размер или время выполнения.
- -O0 — без оптимизаций (по умолчанию).
- -O1 — основная оптимизация (уменьшает размер кода и улучшает производительность).
- -O2 — более агрессивная оптимизация (включает все оптимизации из -O1 и добавляет новые).
- -O3 — максимальная оптимизация (включает все оптимизации из -O2 и добавляет новые (может даже увеличить размер кода)).
- -Os — оптимизация для уменьшения размера кода.
- -Ofast — включает все оптимизации из -O3 и добавляет агрессивные оптимизации, которые могут нарушать стандартное поведение.

2. Флаги отладки:

- позволяют включить информацию для отладки (что такое отладка? 🤖)
- -g — включает отладочную информацию в сгенерированный код.
- -ggdb — включает отладочную информацию, специфичную для GDB (GNU Debugger).
- **Замечание.** -g и -ggdb во многом схожи, однако, если интересно, вот небольшие отличия:

`-g` and `-ggdb` are similar with some *slight* differences, I read this [here](#):

`-g` produces debugging information in the OS's native format (stabs, COFF, XCOFF, or DWARF 2).

`-ggdb` produces debugging information specifically intended for gdb.

`-ggdb3` produces extra debugging information, for example: including macro definitions.

`-ggdb` by itself without specifying the level defaults to `-ggdb2` (i.e., gdb for level 2).

3. Флаги предупреждений:

- помогают выявить потенциальные ошибки и проблемы в программе.
- `-Wall` — включает общие предупреждения.
- `-Wextra` — включает дополнительные предупреждения.
- `-Werror` — превращает предупреждения в ошибки, останавливая компиляцию при их наличии.
- `-fsanitize=address` — указывает на сложные ошибки несоответствия типов, переполнения кучи, переполнения стека, ошибки выравнивания и т. п.
- `-fsanitize=thread` — указывает на конфликты потоков.
- `-fsanitize=undefined` — указывает на возможное неопределенное поведение.

4. Флаги стандартов:

- Позволяют указать версию языка, используемого при компиляции.
- `-std=c11` — стандарт C11 для компиляции на C.
- `-std=c++17` — стандарт C++17 для C++.

5. Флаги связывания:

- используются для связывания объектных файлов и библиотек.
- `-l<library>` — указывает компилятору подключить библиотеку (например, `-lgtest`).
- `-L<Path>` — указывает путь к пользовательской библиотеке.

Пример:

```
gcc -O2 -g -Wall -std=c11 my_program.c -o my_program
```

Вопрос 61. Компилирование с использованием статических библиотек.

Статическая библиотека — это коллекция объектных файлов, которые присоединяются к программе во время компоновки.

На Windows у статических библиотек расширение `.lib`, на Unix/Linux расширение `.a`.

Создание статической библиотеки на Windows в Visual Studio:

Например создадим статическую библиотеку для подсчёта площадей фигур:

• Создание проекта статической библиотеки в Visual Studio

1. в строке меню выберите **файл создать Project**, чтобы открыть диалоговое окно **создание нового Project**.
 2. в верхней части диалогового окна задайте для параметра **Language** значение **C++**, задайте для параметра **Platform** значение **Windows** и задайте для параметра **Project тип** значение **Library**.
 3. В отфильтрованном списке типов проектов выберите пункт **Мастер классических приложений Windows**, а затем нажмите кнопку **Далее**.
 4. На странице **Настроить новый проект** введите *SquareLibrary* в поле **Имя проекта**. В поле **Имя решения** введите *SquareMath*. Нажмите кнопку **Создать**, чтобы открыть диалоговое окно **Проект классического приложения Windows**.
 5. В диалоговом окне **Проект классического приложения Windows** в разделе **Тип приложения** выберите **Статическая библиотека (.lib)**.
 6. В разделе **Дополнительные параметры** снимите флажок **Предварительно откомпилированный заголовок**, если он установлен. Установите флажок **Пустой проект**.
 7. Нажмите кнопку **ОК**, чтобы создать проект.
- Затем создайте несколько `.cpp` файлов и в них разместите определения функций.
 - В едином заголовочном файле разместите все прототипы созданных функций.
 - Запустите проект

В папке Debug вашего проекта должен появиться *SquareLibrary.lib* - это и есть ваша библиотека.

Чтобы подключить вашу библиотеку к проекту, необходимо переместит `.lib` в файл в папку Debug вашего проекта и в IDE с помощью команды "Добавить/Add" контекстного меню вашего проекта добавить библиотеку.

Вам осталось лишь прописать в необходимом месте в коде `#include` к вашей библиотеке.

Создание статической библиотеки на Linux/Unix системах:

- Компиляция объектных файлов библиотеки:
`gcc -c my_library.c -o my_library.o`
- Создание статической библиотеки (создается с помощью утилиты `ar`):
`ar rcs mylibrary.a my_library.o`
- Компилирование программы с линковкой статической библиотеки:
`gcc main.c -L. -lmylibrary -o a.out`

Замечание. -L. флаг связывания здесь указывает на то, что наша библиотека находится в текущем каталоге (при желании её можно разместить в другой директории и указать к ней путь через -L<Path>).

- Запуск:
./a.out

Замечание. При желании проверьте, работает ли этот способ. Я вообще через CMake всегда билдил и не жаловался.

Вопрос 62. Компилирование с использованием динамических библиотек.

Динамическая библиотека — коллекция скомпилированных файлов, которая загружается в память и связывается с программой во время выполнения.

- На Windows динамические библиотеки имеют расширение **.dll**, а на Unix-подобных системах — **.so**
- Особенностью динамической библиотеки является то, что загрузившему её процессу доступны только экспортируемые функции, а функции, предназначенные для «внутреннего мира» библиотеки не выгружаются, чтобы не замедлять скорость загрузки библиотеки.
- Для экспортирования функции из динамической библиотеки следует указывать ключевое слово `__declspec(dllexport)`, а также *extern "C"*, чтобы отключить перегрузку функций (иначе в название функции будут кодироваться типы аргументов функции, что усложнит процесс обращения к экспортируемым функциям во внешних файлах).
- В Windows для загрузки динамической библиотеки используется *дескриптор* (указатель на область памяти) **HINSTANCE** или **HMODULE**. Переменная `HINSTANCE load = LoadLibrary(L"ПУТЬ/К/БИБЛИОТЕКЕ");` (`load` — название переменной) является указателем на начало динамической библиотеки в памяти компьютера.
- Доступ к функциям динамической библиотеки получаем с помощью функции `GetProcAddress(load, "Название функции");` которая возвращает указатель типа `(void*)` на место начала функции в памяти компьютера.

Создание динамической библиотеки на Linux:

- Компиляция исходного файла в библиотеку:
 - `gcc -fPIC -shared -o mylibrary.so my_library.c`
 - `-fPIC` указывает компилятору генерировать код, который может быть использован в динамической библиотеке.
 - `-shared` указывает на создание динамической библиотеки.
- Компилирование программы с подключением динамической библиотеки:
 - `gcc -o a.out main.c -L. -lmylibrary`
 - `-L.` указывает компилятору искать библиотеку в текущем каталоге (при желании можно разместить библиотеку в другой директории и указать путь к ней).
 - `-lmylibrary` — линкуем динамическую библиотеку.
- Запуск программы:
 - Для запуска программы, использующей динамическую библиотеку, необходимо убедиться, что библиотека доступна в системном пути. Для этого устанавливается *переменная окружения* (хранит информацию о среде выполнения) `LD_LIBRARY_PATH`.
 - `export LD_LIBRARY_PATH=./LD_LIBRARY_PATH`
 - `./a.out`

Замечание. Чтобы освежить знания о создании динамических библиотек на Windows в Visual Studio, рекомендую пересмотреть гайд на Stepik.