Практикум по курсу

«Суперкомпьютеры и параллельная обработка данных»

Отчет о выполненном задании

студента 321 учебной группы факультета ВМК МГУ

Теслюка Никиты Сергеевича

Лектор: доцент, к.ф.-м.н. Бахтин Владимир Александрович

Вариант 43

Содержание

Постановка задачи	2
Описание исходного алгоритма	3
Используемые функции	3
Используемые переменные	3
${f OpenMP}$	4
Параллелизация при помощи директивы for	4
Внесенные изменения	4
Код программы	5
Тестирование программы на Polus	8
Тестирование программы на Polus. Флаг оптимизации -02	9
Тестирование программы на Polus. Флаг оптимизации -03	10
Параллелизация при помощи директивы task	11
Внесенные изменения	11
Код программы	12
Тестирование программы на Polus	16
Тестирование программы на Polus. Флаг оптимизации -02	17
Тестирование программы на Polus. Флаг оптимизации -03	18
Выводы об OpenMP	19
Влияние флагов компиляции	19
MPI	2 0
Параллелизация при помощи MPI	20
Внесенные изменения	20
Код программы	21
Тестирование программы на Polus	25
Тестирование программы на Polus. Флаг оптимизации -02	26
Тестирование программы на Polus. Флаг оптимизации -03	27
Выводы о МРІ	28
Влияние флагов компиляции	28
Выводы	2 9
Приложения	30

Постановка задачи

Цель работы — разработка параллельной программы для решения задачи численного моделирования давления в задаче на уравнение Пуассона с использованием метода Якоби.

В рамках работы необходимо:

- 1. Реализовать параллельные программы с использованием OpenMP на языке программирования **с**:
 - с директивой for для распределения витков циклов;
 - с директивой task для механизма задач;
- 2. Реализовать параллельную программу с использованием МРІ.
- 3. Исследовать эффективность программ.
 - Исследовать влияние различных опций оптимизации, которые поддерживаются компиляторами (-02, -03).
- 4. Исследовать масштабируемость программ: построить графики зависимости времени от числа ядер и объёма данных для разных версий программы.
- 5. Проанализировать причины ограниченной масштабируемости при максимальном числе ядер.

Описание последовательного алгоритма

Программа реализует итерационную схему для решения задачи давления методом Якоби, используемого в решателе линейных уравнений для уравнения Пуассона давления в задаче о некомпрессируемом течении жидкости на языке С. Алгоритм работает на трехмерной сетке с разреженными коэффициентами.

Используемые функции

- main() инициализация матриц, запуск итераций метода Якоби и измерение производительности (время выполнения и операции с плавающей запятой).
- initmt() инициализация матриц, задание начальных значений для элементов массива сетки и коэффициентов для вычисления давления и граничных условий.
- jacobi(int nn) обновление значений давления и расчет сходимости на каждом шаге, вычисление ошибки (gosa), показателя сходимости.
- second() измерение времени выполнения итераций. В будущем, при распараллеливании, будет использована функция omp_get_wtime() в случае использования OMP и MPI_Wtime() в случае использования MPI.

Используемые переменные

Программа использует следующие массивы:

- імах, јмах переменные для хранения размеров решаемой области (по осям х, у, z).
- от ва тараметр релаксации для метода Якоби (находится в диапазоне от 0 до 1).
- NN количество итераций для выполнения в цикле метода Якоби.
- сри0, сри1 переменные для измерения времени выполнения программы.
- gosa переменная для хранения значения ошибки (остаточного) в процессе вычислений.
- р[МІМАХ] [МУМАХ] [МКМАХ] трехмерный массив для хранения давления в сетке.
- a [MIMAX] [MJMAX] [MKMAX] [4] массив коэффициентов для уравнения Пуассона (размерность 4 для каждого элемента).
- b[MIMAX] [MJMAX] [MKMAX] [3] массив коэффициентов для уравнения Пуассона (размерность 3 для каждого элемента).
- c [MIMAX] [MJMAX] [MKMAX] [3] массив коэффициентов для уравнения Пуассона (размерность 3 для каждого элемента).
- wrk1 [MIMAX] [MJMAX] [MKMAX] рабочий массив для хранения промежуточных значений (источник члена уравнения Пуассона).
- wrk2[MIMAX] [MJMAX] [MKMAX] рабочий массив для хранения результатов промежуточных вычислений.
- bnd[MIMAX] [MJMAX] [MKMAX] массив для граничных условий (значения 0 или 1, определяющие, является ли точка на границе или нет).

	SMALL	MIDDLE	LARGE	EXTLARGE
MIMAX	65	129	257	513
MJMAX	33	65	129	257
MKMAX	33	65	129	257

Таблица О. Размеры входных данных.

OpenMP

Параллелизация при помощи директивы for

Внесенные изменения

Для преобразования последовательной программы в параллельную с использованием директивы for OpenMP были внесены следующие изменения:

- Для параллелизации циклов использована директива **#pragma omp parallel for**, которая делегирует выполнение итераций цикла параллельным потокам.
- Директива **#pragma omp parallel** используется для создания параллельной области, позволяя нескольким потокам работать одновременно.
- Директива collapse(3) объединяет три вложенных цикла, увеличивая эффективность распределения работы между потоками.
- Для переменной gosa применена директива reduction(+:gosa), которая создает локальные копии переменной для каждого потока. По завершении параллельных вычислений локальные значения складываются в глобальную переменную.
- Директива schedule(static) задает равномерное распределение работы между потоками до начала выполнения.
- private(i, j, k) гарантирует, что переменные индексов цикла i, j, k будут локальными для каждого потока, исключая конфликты между потоками.

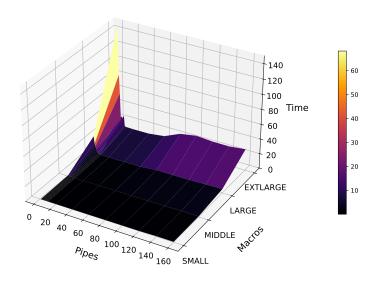
Код программы

```
# #include <stdio.h>
2 #include <omp.h>
4 #define MIDDLE
6 #ifdef SMALL
7 #define MIMAX 65
8 #define MJMAX 33
9 #define MKMAX 33
10 #endif
12 #ifdef MIDDLE
13 #define MIMAX 129
14 #define MJMAX 65
15 #define MKMAX 65
16 #endif
  #ifdef LARGE
19 #define MIMAX 257
20 #define MJMAX 129
21 #define MKMAX 129
22 #endif
24 #ifdef EXTLARGE
25 #define MIMAX 513
26 #define MJMAX 257
27 #define MKMAX 257
28 #endif
  #define NN 200
30
31
  static float p[MIMAX][MJMAX][MKMAX];
  static float a[MIMAX][MJMAX][MKMAX][4],
33
                b[MIMAX][MJMAX][MKMAX][3], c[MIMAX][MJMAX][MKMAX][3];
34
  static float bnd[MIMAX][MJMAX][MKMAX];
35
 static float wrk1[MIMAX][MJMAX][MKMAX], wrk2[MIMAX][MJMAX][MKMAX];
37
38 static int imax, jmax, kmax;
  static float omega;
39
_{41} void
42 initmt()
43
44
      int i, j, k;
45
  #pragma omp parallel for collapse(3) private(i, j, k)
46
      for (i = 0; i < imax; ++i) {</pre>
47
           for (j = 0; j < jmax; ++j) {
               for (k = 0; k < kmax; ++k) {
49
                    a[i][j][k][0] = 0.0;
50
51
                    a[i][j][k][1] = 0.0;
52
                    a[i][j][k][2] = 0.0;
                    a[i][j][k][3] = 0.0;
53
                    b[i][j][k][0] = 0.0;
54
                    b[i][j][k][1] = 0.0;
55
                    b[i][j][k][2] = 0.0;
56
                    c[i][j][k][0] = 0.0;
                    c[i][j][k][1] = 0.0;
58
                    c[i][j][k][2] = 0.0;
59
                   p[i][j][k] = 0.0;
60
```

```
wrk1[i][j][k] = 0.0;
61
                    bnd[i][j][k] = 0.0;
62
               }
63
           }
64
65
   pragma omp parallel for collapse(3) private(i, j, k)
66
       for (i = 0; i < imax; ++i) {</pre>
67
           for (j = 0; j < jmax; ++j) {
68
                for (k = 0; k < kmax; ++k) {
                    a[i][j][k][0] = 1.0;
                    a[i][j][k][1] = 1.0;
                    a[i][j][k][2] = 1.0;
                    a[i][j][k][3] = 1.0 / 6.0;
                    c[i][j][k][0] = 1.0;
74
                    c[i][j][k][1] = 1.0;
                    c[i][j][k][2] = 1.0;
76
                    p[i][j][k] = (float) (k * k) /
                                  (float) ((kmax - 1) * (kmax - 1));
78
                    wrk1[i][j][k] = 0.0;
79
                    bnd[i][j][k] = 1.0;
80
                }
81
           }
82
       }
83
84
  }
85
  float
86
  jacobi(int nn)
87
88
       int i, j, k, n;
89
       float gosa, s0, ss;
90
91
       for (n = 0; n < nn; ++n) {
92
           gosa = 0.0;
93
94
  #pragma omp parallel shared(a, b, c, p, wrk1, wrk2, bnd, gosa)
95
   private(i, j, k, s0, ss)
97
   #pragma omp for schedule(static) collapse(3) reduction(+ : gosa)
98
99
                for (i = 1; i < imax - 1; ++i) {
                    for (j = 1; j < jmax - 1; ++j) {
100
                        for (k = 1; k < kmax - 1; ++k) {
                             s0 = a[i][j][k][0] * p[i + 1][j][k] +
                                  a[i][j][k][1] * p[i][j + 1][k] +
104
                                  a[i][j][k][2] * p[i][j][k + 1] +
                                  b[i][j][k][0] * (p[i + 1][j + 1][k] -
105
                                                     p[i + 1][j - 1][k] -
106
                                                     p[i - 1][j + 1][k] +
107
                                                     p[i - 1][j - 1][k]) +
108
                                  b[i][j][k][1] * (p[i][j + 1][k + 1] -
109
                                                     p[i][j - 1][k + 1] -
                                                     p[i][j + 1][k - 1] +
                                                     p[i][j - 1][k - 1]) +
112
                                  b[i][j][k][2] * (p[i + 1][j][k + 1] -
                                                     p[i - 1][j][k + 1] -
114
                                                     p[i + 1][j][k - 1] +
                                                     p[i - 1][j][k - 1]) +
116
                                  c[i][j][k][0] * p[i - 1][j][k] +
                                  c[i][j][k][1] * p[i][j - 1][k] +
118
                                  c[i][j][k][2] * p[i][j][k - 1] +
                                  wrk1[i][j][k];
120
121
122
```

```
ss = (s0 * a[i][j][k][3] - p[i][j][k]) *
123
                                    bnd[i][j][k];
124
125
                             gosa = gosa + ss * ss;
126
                             wrk2[i][j][k] = p[i][j][k] + omega * ss;
128
                         }
129
                    }
130
                }
   #pragma omp for schedule(static) collapse(3)
                for (i = 1; i < imax - 1; ++i) {</pre>
134
                    for (j = 1; j < jmax - 1; ++j) {
                         for (k = 1; k < kmax - 1; ++k) {
136
                             p[i][j][k] = wrk2[i][j][k];
                         }
138
                    }
                }
140
           }
141
       }
142
       return gosa;
143
144
145
146
147 int
148 main()
149
       int i, j, k;
       float gosa;
       double cpu0, cpu1, nflop, xmflops2, score;
       omega = 0.8;
153
       imax = MIMAX - 1;
154
       jmax = MJMAX - 1;
155
       kmax = MKMAX - 1;
156
157
       initmt();
159
       printf("mimax = %d mjmax = %d mkmax = %d\n", MIMAX, MJMAX, MKMAX);
160
       printf("imax = %d jmax = %d kmax = %d \n", imax, jmax, kmax);
161
       cpu0 = omp_get_wtime();
163
164
       gosa = jacobi(NN);
165
166
       cpu1 = omp_get_wtime();
167
168
       nflop = (kmax - 2) * (jmax - 2) * (imax - 2) * 34;
169
170
       if (cpu1 != 0.0) {
           xmflops2 = nflop / cpu1 * 1.0e-6 * (float) NN;
173
       score = xmflops2 / 32.27;
176
177
       printf("cpu : %f sec.\n", cpu1 - cpu0);
       printf("Loop executed for %d times\n", NN);
178
       printf("Gosa : %e \n", gosa);
       printf("MFLOPS measured : %f\n", xmflops2);
180
       printf("Score based on MMX Pentium 200MHz : %f\n", score);
182
       return (0);
183
184
```

Тестирование программы на Polus



 $\Gamma pa\phi u\kappa$ 1.1

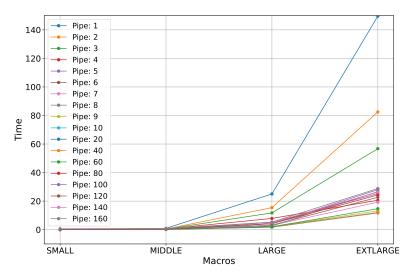
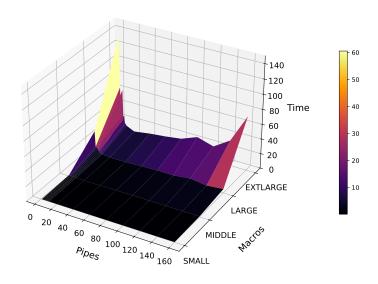


График 1.2

Графики 1.1, 1.2 — Зависимость времени работы программы от объема входных данных и количества потоков при оптимизации с помощью директивы for.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
SMALL	0.11	0.07	0.06	0.06	0.08	0.08	0.05	0.06	0.05
MIDDLE	0.93	0.50	0.44	0.54	0.57	0.67	0.57	0.34	0.36
LARGE	25.03	15.44	11.76	7.87	5.08	3.15	3.04	2.59	2.01
EXTLARGE	149.6	82.5	56.76	20.61	25.27	22.69	19.25	26.63	13.21
	10	20	40	60	80	100	120	140	160
SMALL	0.07	0.03	0.05	0.07	0.09	0.14	0.12	0.65	0.50
MIDDLE	0.30	0.14	0.20	0.29	0.38	0.62	0.43	0.94	0.68
LARGE	1.80	1.74	1.95	2.05	4.18	4.06	4.15	4.91	5.31
EXTLARGE	12.02	11.72	11.90	14.69	24.32	28.01	26.45	26.32	28.81

Таблица 1. Результаты оптимизации с помощью директивы for. Значения указаны в секундах и округлены до сотых.



 $\Gamma pa\phi u\kappa$ 2.1

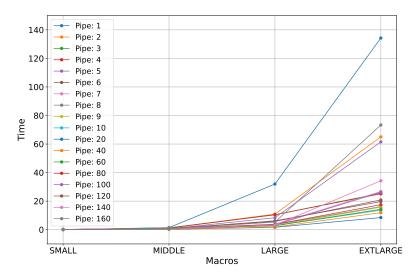
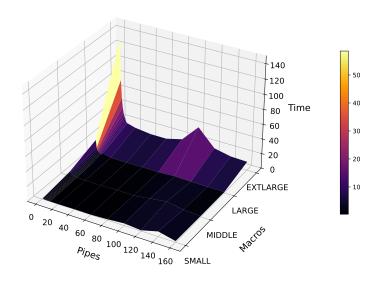


График 2.2

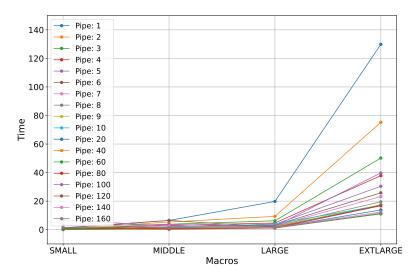
Графики 2.1, 2.2 — Зависимость времени работы программы от объема входных данных и количества потоков при оптимизации с помощью директивы for и флага -02.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
SMALL	0.11	0.10	0.08	0.09	0.09	0.08	0.09	0.05	0.06
MIDDLE	1.41	1.15	1.31	1.12	0.59	0.87	0.77	1.16	0.44
LARGE	31.95	10.93	10.43	10.45	8.37	5.77	3.82	3.53	2.84
EXTLARGE	134.27	65.04	25.57	25.14	61.51	20.80	26.74	16.14	15.77
	10	20	40	60	80	100	120	140	160
SMALL	0.06	0.03	0.04	0.07	0.09	0.12	0.13	0.13	0.18
MIDDLE	0.89	0.26	0.36	0.80	0.68	0.68	0.66	0.70	0.72
LARGE	1.64	1.86	2.71	3.67	3.38	6.21	3.19	5.26	2.85
EXTLARGE	8.46	11.91	14.30	17.48	26.18	19.69	34.25	73.35	16.14

Таблица 2. Результаты оптимизации с помощью директивы for и флага -02. Значения указаны в секундах и округлены до сотых.



 $\Gamma pa\phi u\kappa$ 3.1



 Γ рафик 3.2

Графики 3.1, 3.2 — Зависимость времени работы программы от объема входных данных и количества потоков при оптимизации с помощью директивы for и флага -03.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
SMALL	1.28	0.56	0.42	0.32	0.23	0.25	0.20	0.19	0.17
MIDDLE	6.44	5.34	3.82	2.99	2.00	1.93	1.65	1.54	1.24
LARGE	19.78	9.32	6.21	4.67	3.74	3.12	2.69	2.45	2.16
EXTLARGE	129.85	75.23	50.19	37.85	30.39	25.83	23.19	19.52	17.49
	10	20	40	60	80	100	120	140	160
SMALL	0.16	0.08	0.31	0.14	1.17	2.94	1.02	6.85	1.54
MIDDLE	1.31	0.55	0.26	1.09	0.46	3.66	6.49	2.67	1.14
LARGE	4.07	1.26	1.07	1.27	1.17	2.39	1.70	1.41	1.19
EXTLARGE	17.00	13.84	11.13	11.07	16.72	39.77	17.10	12.37	11.52

Таблица 3. Результаты оптимизации с помощью директивы for и флага -03. Значения указаны в секундах и округлены до сотых.

Параллелизация при помощи директивы task

Внесенные изменения

Для распараллеливания программы с использованием директивы task в программу были внесены следующие изменения:

- Для параллелизации блоков кода используется директива **#pragma omp parallel**, которая создает параллельную область, позволяя нескольким потокам работать одновременно. В частности, параллелизация применяется к циклам, выполняющим вычисления.
- Внутри параллельных областей используются директивы **#pragma omp task** для параллельного выполнения отдельных итераций вложенных циклов. Это позволяет создать асинхронные задачи, которые выполняются одновременно в разных потоках.
- Для подсчета переменной gosa используется директива atomic для предотвращения гонок данных при добавлении локального значения к глобальной переменной. Это гарантирует корректную агрегацию результатов из разных потоков.
- Директива firstprivate(...) применяется к переменным индексов i, j, k, чтобы обеспечить их локальные копии для каждого потока. Это предотвращает возможные проблемы с синхронизацией при параллельной обработке этих переменных.
- Директива **#pragma omp taskwait** используется, чтобы гарантировать завершение всех асинхронных задач перед продолжением вычислений.
- Используется директива shared для массивов, которые должны быть доступны для всех потоков, и директива private для переменных, которые должны быть локальными для каждого потока.

Код программы

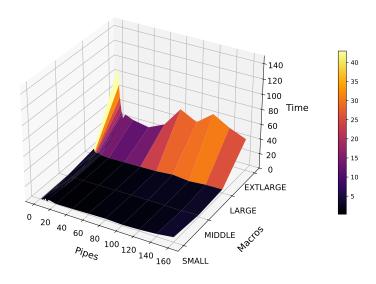
```
# #include <omp.h>
# include <stdio.h>
4 #define LARGE
6 #ifdef SMALL
7 #define MIMAX 65
8 #define MJMAX 33
9 #define MKMAX 33
10 #endif
12 #ifdef MIDDLE
13 #define MIMAX 129
14 #define MJMAX 65
15 #define MKMAX 65
16 #endif
  #ifdef LARGE
19 #define MIMAX 257
20 #define MJMAX 129
21 #define MKMAX 129
22 #endif
24 #ifdef EXTLARGE
25 #define MIMAX 513
26 #define MJMAX 257
27 #define MKMAX 257
28 #endif
  #define NN 200
30
31
  static float a[MIMAX][MJMAX][MKMAX][4],
                b[MIMAX][MJMAX][MKMAX][3], c[MIMAX][MJMAX][MKMAX][3];
  static float p[MIMAX][MJMAX][MKMAX];
34
  static float wrk1[MIMAX][MJMAX][MKMAX], wrk2[MIMAX][MJMAX][MKMAX];
  static float bnd[MIMAX][MJMAX][MKMAX];
static int imax, jmax, kmax;
  static float omega;
39
41
42 void
43 initmt()
44 {
45
      int i, j, k;
46
      for (i = 0; i < imax; ++i) {</pre>
47
  #pragma omp task firstprivate(i) private(j, k) shared(a, b, c, p, wrk1, bnd)
           {
49
               for (j = 0; j < jmax; ++j) {
50
51
                   for (k = 0; k < kmax; ++k) {
52
                        a[i][j][k][0] = 0.0;
                        a[i][j][k][1] = 0.0;
53
                        a[i][j][k][2] = 0.0;
54
                        a[i][j][k][3] = 0.0;
55
                        b[i][j][k][0] = 0.0;
                        b[i][j][k][1] = 0.0;
                        b[i][j][k][2] = 0.0;
58
                        c[i][j][k][0] = 0.0;
59
                        c[i][j][k][1] = 0.0;
60
```

```
c[i][j][k][2] = 0.0;
61
                         p[i][j][k] = 0.0;
62
                         wrk1[i][j][k] = 0.0;
63
                         bnd[i][j][k] = 0.0;
64
                    }
                }
66
           }
67
       }
68
       for (i = 0; i < imax; ++i) {</pre>
70
   #pragma omp task firstprivate(i) private(j, k) shared(a, b, c, p, wrk1, bnd)
                for (j = 0; j < jmax; ++j) {
                    for (k = 0; k < kmax; ++k) {
74
                         a[i][j][k][0] = 1.0;
                         a[i][j][k][1] = 1.0;
76
                         a[i][j][k][2] = 1.0;
                         a[i][j][k][3] = 1.0 / 6.0;
78
                         c[i][j][k][0] = 1.0;
                         c[i][j][k][1] = 1.0;
80
                         c[i][j][k][2] = 1.0;
81
                         p[i][j][k] = (float)(k * k) /
82
                                       (float) ((kmax - 1) * (kmax - 1));
83
                         wrk1[i][j][k] = 0.0;
84
                         bnd[i][j][k] = 1.0;
85
                    }
86
                }
87
           }
       }
89
90
91
92 float
93 jacobi(int nn)
94
       int i, j, k, n;
95
       float gosa;
96
       float s0, ss;
97
       float local_gosa = 0.0;
98
99
   #pragma omp parallel shared(a, b, c, p, wrk1, wrk2, bnd, omega, gosa)
   #pragma omp
                single
103
           {
104
                for (n = 0; n < nn; ++n) {
                    gosa = 0.0;
                    for (i = 1; i < imax - 1; ++i) {</pre>
106
   #pragma omp task firstprivate(i) private(s0, ss, local_gosa)
107
108
                             local_gosa = 0.0;
                             for (j = 1; j < jmax - 1; ++j) {
                                  for (k = 1; k < kmax - 1; ++k) {
112
                                      s0 = a[i][j][k][0] * p[i + 1][j][k] +
                                           a[i][j][k][1] * p[i][j + 1][k] +
114
                                            a[i][j][k][2] * p[i][j][k + 1] +
                                           b[i][j][k][0] * (p[i + 1][j + 1][k]
116
                                                              p[i + 1][j - 1][k]
                                                              p[i - 1][j + 1][k] +
118
                                                              p[i - 1][j - 1][k]) +
                                           b[i][j][k][1] * (p[i][j + 1][k + 1] -
120
                                                              p[i][j - 1][k + 1]
121
                                                              p[i][j + 1][k - 1] +
122
```

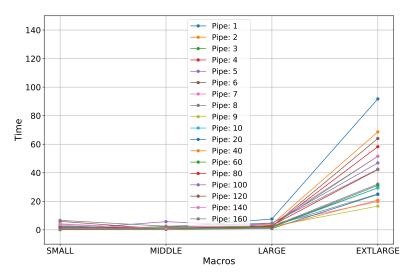
```
p[i][j-1][k-1]) +
123
                                            b[i][j][k][2] * (p[i + 1][j][k + 1] -
124
                                                                p[i - 1][j][k + 1] -
125
                                                                p[i + 1][j][k - 1] +
126
                                                                p[i - 1][j][k - 1]) +
                                            c[i][j][k][0] * p[i - 1][j][k] +
128
                                            c[i][j][k][1] * p[i][j - 1][k] +
129
                                            c[i][j][k][2] * p[i][j][k - 1] +
130
                                            wrk1[i][j][k];
131
                                       ss = (s0 * a[i][j][k][3] - p[i][j][k]) *
134
                                              bnd[i][j][k];
                                       local_gosa += ss * ss;
136
137
                                       wrk2[i][j][k] = p[i][j][k] + omega * ss;
138
                                  }
                              }
140
  #pragma omp atomic
141
                         gosa += local_gosa;
   #pragma omp taskwait
143
144
                    }
145
146
                     for (i = 1; i < imax - 1; ++i) {</pre>
147
   #pragma omp task firstprivate(i)
148
                         for (j = 1; j < jmax - 1; ++j) {
149
                              for (k = 1; k < kmax - 1; ++k)
151
                                  p[i][j][k] = wrk2[i][j][k];
  #pragma omp taskwait
153
154
                     }
                }
155
            }
156
       }
157
       return gosa;
159
160
  }
161
162 int
163 main()
  {
164
       int i, j, k;
165
166
       float gosa;
       double cpu0, cpu1, cpu2, cpu3, nflop, xmflops2, score;
167
168
       omega = 0.8;
169
       imax = MIMAX - 1;
170
       jmax = MJMAX - 1;
       kmax = MKMAX - 1;
       cpu2 = omp_get_wtime();
174
       initmt();
176
       cpu3 = omp_get_wtime();
178
       printf("mimax = %d mjmax = %d mkmax = %d\n", MIMAX, MJMAX, MKMAX);
180
       printf("imax = %d jmax = %d kmax =%d\n", imax, jmax, kmax);
182
183
       cpu0 = omp_get_wtime();
184
```

```
185
      gosa = jacobi(NN);
186
187
      cpu1 = omp_get_wtime();
188
189
      nflop = (kmax - 2) * (jmax - 2) * (imax - 2) * 34;
190
191
      if (cpu1 != 0.0) {
192
          xmflops2 = nflop / cpu1 * 1.0e-6 * (float) NN;
193
194
195
      score = xmflops2 / 32.27;
196
      198
199
      printf("Loop executed for %d times\n", NN);
200
      printf("Gosa : %e \n", gosa);
      printf("MFLOPS measured : %f\n", xmflops2);
202
      printf("Score based on MMX Pentium 200MHz : %f\n", score);
203
      printf("\n");
204
      return (0);
206
207 }
```

Тестирование программы на Polus



 $\Gamma pa\phi u\kappa$ 4.1

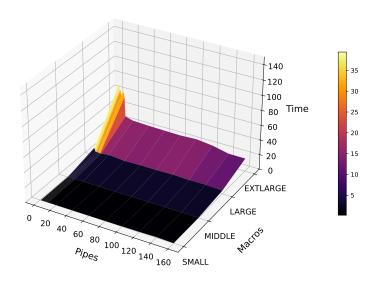


 $\Gamma pa\phi u\kappa$ 4.2

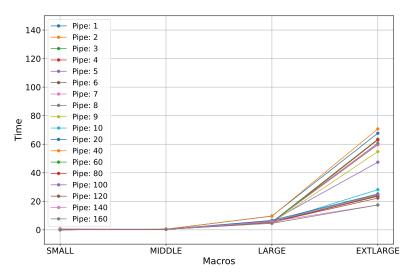
 Γ рафики 4.1, 4.2 — Зависимость времени работы программы от объема входных данных и количества потоков при оптимизации с помощью директивы task.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
SMALL	0.21	0.79	0.14	2.8	0.18	5.96	4.28	0.24	0.2
MIDDLE	1.55	1.5	2.31	0.43	5.74	0.49	0.58	0.41	0.36
LARGE	7.61	3.91	2.9	3.1	2.37	2.51	4.16	2.59	2.42
EXTLARGE	91.77	68.64	51.56	42.26	32.07	29.4	19.79	25.13	16.63
	10	20	40	60	80	100	120	140	160
SMALL	2.76	0.34	0.78	1.4	2.02	1.18	2.01	3.66	6.67
MIDDLE	0.69	0.37	0.61	0.83	1.16	1.25	1.43	1.07	2.55
LARGE	0.93	1.5	1.82	2.45	4.5	2.36	4.27	4.76	3.91
EXTLARGE	24.83	20.79	31.18	58.26	46.89	64.03	51.58	42.55	42.26

Таблица 4. Результаты оптимизации с помощью директивы **task**. Значения указаны в секундах и округлены до сотых.



 $\Gamma pa\phi u\kappa$ 5.1

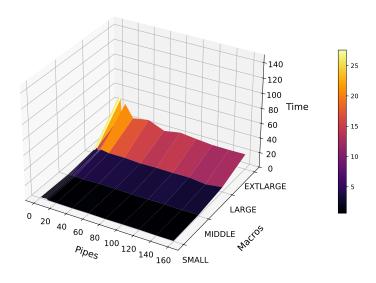


 $\Gamma pa\phi u\kappa$ 5.2

Графики 5.1, 5.2 — Зависимость времени работы программы от объема входных данных и количества потоков при оптимизации с помощью директивы task и флага -02.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
SMALL	0.09	0.09	0.09	0.09	0.09	0.09	0.09	0.09	0.09
MIDDLE	0.43	0.55	0.37	0.37	0.37	0.37	0.38	0.37	0.37
LARGE	9.68	9.55	5.45	4.75	6.22	5.35	5.33	5.32	4.99
EXTLARGE	67.69	70.74	63.52	63.11	47.43	59.73	60.09	60.78	54.84
	10	20	40	60	80	100	120	140	160
SMALL	0.09	0.09	0.09	0.09	0.09	0.19	0.32	0.75	0.09
MIDDLE	0.37	0.37	0.37	0.38	0.37	0.37	0.37	0.37	0.38
LARGE	5.18	6.65	4.84	5.43	5.45	5.94	5.39	5.72	4.56
EXTLARGE	28.15	25.18	24.30	23.87	23.51	24.68	22.24	17.44	17.41

Таблица 5. Результаты оптимизации с помощью директивы task и флага -02. Значения указаны в секундах и округлены до сотых.



 $\Gamma pa\phi u\kappa$ 6.1

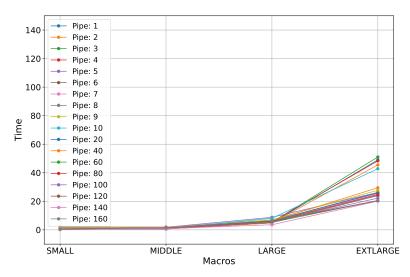


График 6.2

 Γ рафики 6.1, 6.2 — Зависимость времени работы программы от объема входных данных и количества потоков при оптимизации с помощью директивы task и флага -03.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
SMALL	1.43	1.56	1.66	1.49	1.73	1.7	1.95	2.0	1.41
MIDDLE	0.6	0.62	0.96	1.08	1.84	0.92	2.06	1.74	1.76
LARGE	4.86	4.75	5.3	5.61	8.77	5.2	5.81	6.38	7.13
EXTLARGE	49.02	45.48	51.03	48.35	26.24	23.97	25.17	26.19	27.75
	10	20	40	60	80	100	120	140	160
SMALL	0.53	0.47	0.3	0.55	0.23	0.52	0.61	0.28	0.45
MIDDLE	1.03	0.74	1.57	1.5	0.87	1.03	1.39	0.81	1.51
LARGE	6.33	6.41	5.2	5.8	5.58	6.13	3.58	6.55	8.1
EXTLARGE	25.8	29.49	20.59	24.59	22.2	20.24	20.11	20.45	42.83

Таблица 6. Результаты оптимизации с помощью директивы task и флага -03. Значения указаны в секундах и округлены до сотых.

Выводы об ОрепМР

После реализации программ и проведения тестов можно сделать следующие выводы:

- Малые (SMALL) и средние (MIDDLE) наборы данных: Для малых и средних наборов данных директива task показывает лучшую производительность. Например, для набора данных MIDDLE при одном потоке директива task работает быстрее, чем for. Это указывает на то, что task более эффективно распределяет задачи между потоками, особенно когда задачи относительно малы.
- Большие (LARGE) и экстремально большие (EXTLARGE) наборы данных: Для больших данных различия между for и task становятся менее выраженными. Для набора "LARGE"при большем числе потоков директива for работает быстрее, чем task. Это может свидетельствовать о том, что для больших данных дополнительная нагрузка на создание и синхронизацию задач в task становится более значимой.

Кроме того, выполнение программы не всегда ускоряется с увеличением числа потоков. Например, при использовании директивы for, для экстремально больших наборов данных оптимальное число потоков находится в диапазоне от 60 до 80. При увеличении числа потоков время выполнения перестает уменьшаться из-за накладных расходов на создание и синхронизацию дополнительных потоков. Особенно для небольших данных использование слишком большого числа потоков может замедлить выполнение программы, поскольку накладные расходы на создание потоков становятся значительными.

Влияние флагов компиляции

- -02: Применение флага -02 значительно уменьшает время выполнения программы по сравнению с базовой версией. Это связано с улучшением работы с кэшированием данных и оптимизацией циклов.
- -03: Флаг -03 ещё сильнее оптимизирует программу, что особенно заметно при использовании директивы for для большого числа потоков на больших наборах данных. Однако для некоторых случаев чрезмерная агрессивность оптимизаций может привести к ухудшению производительности из-за дополнительных вычислений, которые не всегда оправданы.

MPI

Параллелизация при помощи МРІ

Внесенные изменения

Для преобразования последовательной программы в параллельную с использованием MPI были внесены следующие изменения:

- Добавлены вызовы инициализации и завершения работы библиотеки MPI: MPI_Init, MPI_Finalize, а также определение числа процессов посредством MPI_Comm_size и получение ранга каждого процесса с помощью MPI_Comm_rank.
- Массивы в программе распределены по измерению i, так что каждый процесс обрабатывает лишь подмассив, соответствующий определённому диапазону индексов по оси i. Для этого полный диапазон i (от 0 до imax-1) был разделён на примерно равные блоки по числу процессов, учитывая возможный остаток при неделимости длины массива на число процессов. Таким образом, если существует size процессов, то каждый процесс с рангом rank получает свой участок [i_start, i_end], причём значения i_start и i_end вычисляются исходя из общего числа процессов и текущего ранга.
- Реализован обмен граничными слоями между соседями по оси і с помощью неблокирующих передач MPI_Isend и MPI_Irecv, что обеспечивает корректную обработку внутренних точек при вычислениях.
- Для сбора и агрегирования локальных результатов, таких как ошибка gosa, применена операция MPI_Allreduce, позволяющая получить глобальное значение ошибки.
- Функция измерения времени **second()** заменена на MPI_Wtime(), обеспечивающую синхронизированное измерение времени в параллельном режиме.

Код программы

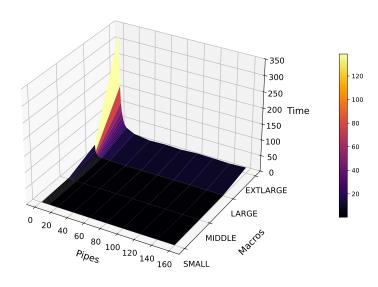
```
# # include < mpi.h >
# include < stdio.h>
# include < sys/time.h>
5 #define SMALL
7 #ifdef SMALL
8 #define MIMAX 65
9 #define MJMAX 33
10 #define MKMAX 33
  #endif
12
13 #ifdef MIDDLE
14 #define MIMAX 129
15 #define MJMAX 65
16 #define MKMAX 65
  #endif
19 #ifdef LARGE
20 #define MIMAX 257
21 #define MJMAX 129
22 #define MKMAX 129
23 #endif
25 #ifdef EXTLARGE
26 #define MIMAX 513
27 #define MJMAX 257
28 #define MKMAX 257
29 #endif
30
  #define NN 200
31
  float jacobi(int, int, int, int);
33
  void initmt(int, int, int, int);
34
35
static float p[MIMAX][MJMAX][MKMAX];
  static float a[MIMAX][MJMAX][MKMAX][4], b[MIMAX][MJMAX][MKMAX][3],
      c[MIMAX][MJMAX][MKMAX][3];
39 static float bnd[MIMAX][MJMAX][MKMAX];
  static float wrk1[MIMAX][MJMAX][MKMAX], wrk2[MIMAX][MJMAX][MKMAX];
42 static int imax, jmax, kmax;
43 static float omega;
44
  void initmt(int i_start, int i_end, int jmax, int kmax) {
45
      int i, j, k;
46
      for (i = i_start; i <= i_end; i++)</pre>
47
           for (j = 0; j < jmax; ++j)
               for (k = 0; k < kmax; ++k) {
49
                   a[i][j][k][0] = 1.0;
50
51
                   a[i][j][k][1] = 1.0;
52
                   a[i][j][k][2] = 1.0;
                   a[i][j][k][3] = 1.0 /
53
                   b[i][j][k][0] = 0.0;
54
                   b[i][j][k][1] = 0.0;
55
                   b[i][j][k][2] = 0.0;
                   c[i][j][k][0] = 1.0;
                   c[i][j][k][1] = 1.0;
58
                   c[i][j][k][2] = 1.0;
59
                   p[i][j][k] =
60
```

```
(float)(k * k) / (float)((kmax - 1) * (kmax - 1));
61
                    wrk1[i][j][k] = 0.0;
62
                   bnd[i][j][k] = 1.0;
63
                   wrk2[i][j][k] = 0.0;
64
               }
65
66
67
  float jacobi(int nn, int i_start, int i_end, int size) {
68
       int i, j, k, n;
       float gosa_local, gosa_global;
       int rank;
       MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);
72
       int left = (rank == 0) ? MPI_PROC_NULL : rank - 1;
74
       int right = (rank == size - 1) ? MPI_PROC_NULL : rank + 1;
76
       static float send_left[MJMAX][MKMAX], send_right[MJMAX][MKMAX];
       static float recv_left[MJMAX][MKMAX], recv_right[MJMAX][MKMAX];
78
79
       for (n = 0; n < nn; ++n) {
80
           if (i_start > 0) {
81
               for (j = 0; j < jmax; j++)
82
                   for (k = 0; k < kmax; k++)
83
                        send_left[j][k] = p[i_start][j][k];
84
85
           if (i_end < imax - 1) {</pre>
86
               for (j = 0; j < jmax; j++)
                   for (k = 0; k < kmax; k++)
                        send_right[j][k] = p[i_end][j][k];
89
           }
90
91
           MPI_Request reqs[4];
92
93
           int req_count = 0;
94
           if (left != MPI_PROC_NULL) {
95
               MPI_Isend(&send_left[0][0], jmax * kmax, MPI_FLOAT, left, 0,
                          MPI_COMM_WORLD, &reqs[req_count++]);
97
               MPI_Irecv(&recv_left[0][0], jmax * kmax, MPI_FLOAT, left, 1,
98
                          MPI_COMM_WORLD, &reqs[req_count++]);
99
           }
           if (right != MPI_PROC_NULL) {
               MPI_Isend(&send_right[0][0], jmax * kmax, MPI_FLOAT, right, 1,
                          MPI_COMM_WORLD, &reqs[req_count++]);
104
               MPI_Irecv(&recv_right[0][0], jmax * kmax, MPI_FLOAT, right, 0,
                          MPI_COMM_WORLD, &reqs[req_count++]);
106
107
           MPI_Waitall(req_count, reqs, MPI_STATUSES_IGNORE);
108
109
           if (left != MPI_PROC_NULL) {
               for (j = 0; j < jmax; j++)
                   for (k = 0; k < kmax; k++)
112
                        p[i_start - 1][j][k] = recv_left[j][k];
114
           if (right != MPI_PROC_NULL) {
               for (j = 0; j < jmax; j++)
116
                   for (k = 0; k < kmax; k++)
                        p[i_end + 1][j][k] = recv_right[j][k];
118
           }
120
           gosa_local = 0.0f;
```

```
for (i = (i_start > 1 ? i_start : 1);
123
                 i <= (i_end < imax - 2 ? i_end : imax - 2); i++)
124
                for (j = 1; j < jmax - 1; ++j)
125
                    for (k = 1; k < kmax - 1; ++k) {</pre>
126
                        float s0 = a[i][j][k][0] * p[i + 1][j][k] +
                                    a[i][j][k][1] * p[i][j + 1][k]
128
                                    a[i][j][k][2] * p[i][j][k + 1] +
129
                                    b[i][j][k][0] *
130
                                         (p[i + 1][j + 1][k] - p[i + 1][j - 1][k] -
131
                                          p[i - 1][j + 1][k] + p[i - 1][j - 1][k]) +
                                    b[i][j][k][1] *
                                         (p[i][j + 1][k + 1] - p[i][j - 1][k + 1] -
134
                                          p[i][j + 1][k - 1] + p[i][j - 1][k - 1]) +
                                    b[i][j][k][2] *
136
                                         (p[i + 1][j][k + 1] - p[i - 1][j][k + 1] -
137
                                          p[i + 1][j][k - 1] + p[i - 1][j][k - 1]) +
138
                                    c[i][j][k][0] * p[i - 1][j][k] +
                                    c[i][j][k][1] * p[i][j - 1][k] +
140
                                    c[i][j][k][2] * p[i][j][k - 1] + wrk1[i][j][k];
141
                        float ss =
143
                             (s0 * a[i][j][k][3] - p[i][j][k]) * bnd[i][j][k];
144
                        gosa_local += ss * ss;
145
                        wrk2[i][j][k] = p[i][j][k] + omega * ss;
146
                    }
147
148
           for (i = (i_start > 1 ? i_start : 1);
149
                 i <= (i_end < imax - 2 ? i_end : imax - 2); i++)
                for (j = 1; j < jmax - 1; ++j)
                    for (k = 1; k < kmax - 1; ++k)
                        p[i][j][k] = wrk2[i][j][k];
154
           MPI_Allreduce(&gosa_local, &gosa_global, 1, MPI_FLOAT, MPI_SUM,
155
                          MPI_COMM_WORLD);
156
157
       return gosa_global;
159
160
161
  int main(int argc, char* argv[]) {
162
       int i, j, k;
163
       int rank, size;
164
       double cpu0, cpu1, nflop, xmflops2, score;
165
166
       float gosa_local, gosa;
167
       MPI_Init(&argc, &argv);
168
       MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &size);
169
       MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);
170
       omega = 0.8;
       imax = MIMAX - 1;
       jmax = MJMAX - 1;
174
       kmax = MKMAX - 1;
176
177
       int i_block = imax / size;
       int rest = imax % size;
178
       int i_start, i_end;
       if (rank < rest) {</pre>
180
           i_block = imax / size + 1;
           i_start = rank * i_block;
182
           i_end = i_start + i_block - 1;
183
       } else {
184
```

```
i_block = imax / size;
185
           i_start = rest * ((imax / size) + 1) + (rank - rest) * i_block;
186
           i_end = i_start + i_block - 1;
187
       }
188
189
       initmt(i_start, i_end, jmax, kmax);
190
191
       if (rank == 0) {
192
           printf("mimax = %d mjmax = %d mkmax = %d\n", MIMAX, MJMAX, MKMAX);
193
           printf("imax = %d jmax = %d kmax = %d\n", imax, jmax, kmax);
194
195
196
       MPI_Barrier(MPI_COMM_WORLD);
       cpu0 = MPI_Wtime();
198
199
       gosa = jacobi(NN, i_start, i_end, size);
200
       MPI_Barrier(MPI_COMM_WORLD);
202
       cpu1 = MPI_Wtime();
2.03
204
       nflop = (kmax - 2) * (jmax - 2) * (imax - 2) * 34;
206
       if (rank == 0) {
207
           if (cpu1 != 0.0)
208
                xmflops2 = nflop / cpu1 * 1.0e-6 * (float)NN;
209
210
                xmflops2 = 0.0;
211
           score = xmflops2 / 32.27;
213
214
           printf("%f,\n", cpu1 - cpu0);
215
           printf("cpu : %f sec.\n", cpu1 - cpu0);
216
           printf("Loop executed for %d times\n", NN);
217
           printf("Gosa : %e \n", gosa);
218
           printf("MFLOPS measured : %f\n", xmflops2);
219
           printf("Score based on MMX Pentium 200 MHz : %f\n", score);
220
221
222
       MPI_Finalize();
223
       return (0);
224
225 }
```

Тестирование программы на Polus



 $\Gamma pa\phi u\kappa$ 7.1

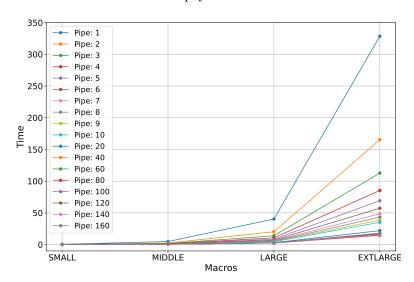
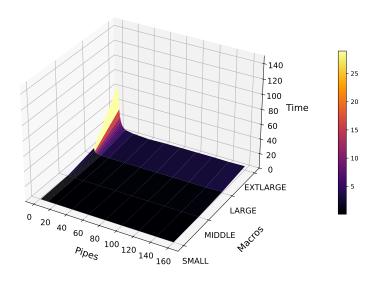


График 7.2

 Γ рафики 7.1, 7.2 — Зависимость времени работы программы от объема входных данных и количества потоков с помощью **тр**i.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
SMALL	0.54	0.28	0.24	0.16	0.12	0.22	0.11	0.11	0.15
MIDDLE	4.78	2.47	1.71	1.31	1.05	0.98	0.77	0.89	0.66
LARGE	40.32	20.21	13.93	10.62	8.51	7.10	6.20	5.54	4.85
EXTLARGE	328.54	165.42	112.75	85.33	69.20	57.30	48.63	43.20	38.70
	10	20	40	60	80	100	120	140	160
SMALL	0.15	0.11	0.10	0.06	0.06	0.07	0.07	0.19	0.36
MIDDLE	0.66	0.54	0.51	0.55	0.53	0.49	0.53	0.31	0.98
LARGE	4.51	3.14	2.54	2.60	2.49	2.57	2.80	2.70	2.43
EXTLARGE	35.19	21.96	14.78	16.61	14.68	18.08	17.06	15.52	18.06

Таблица 7. Результаты оптимизации с помощью **тр**і. Значения указаны в секундах и округлены до сотых.



 $\Gamma pa\phi u\kappa$ 8.1

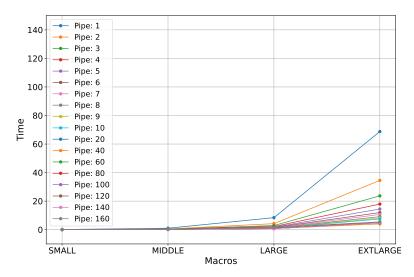
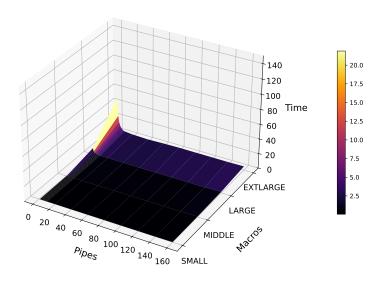


График 8.2

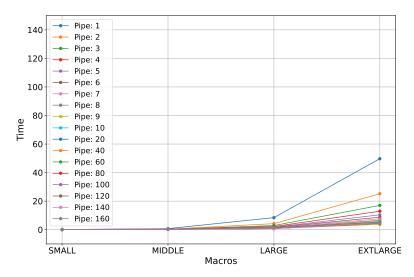
 Γ рафики 8.1, 8.2 — Зависимость времени работы программы от объема входных данных и количества потоков с помощью трі и флага -02.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
SMALL	0.12	0.06	0.07	0.05	0.04	0.06	0.03	0.04	0.04
MIDDLE	1.02	0.52	0.36	0.29	0.33	0.25	0.23	0.23	0.19
LARGE	8.42	4.21	2.88	2.20	1.78	1.57	1.35	1.18	1.14
EXTLARGE	68.74	34.52	23.69	17.92	14.45	11.95	10.61	9.11	8.19
	10	20	40	60	80	100	120	140	160
SMALL	0.04	0.05	0.03	0.03	0.02	0.02	0.03	0.03	0.03
MIDDLE	0.29	0.21	0.20	0.21	0.14	0.15	0.15	0.15	0.13
LARGE	0.99	0.90	0.80	0.81	0.76	0.75	0.82	0.67	1.65
EXTLARGE	7.49	5.35	4.02	4.74	4.93	4.98	5.16	4.87	5.43

Таблица 8. Результаты оптимизации с помощью **тр**і и флага -02. Значения указаны в секундах и округлены до сотых.



 $\Gamma pa\phi u\kappa$ 9.1



 $\Gamma pa\phi u\kappa$ 9.2

Графики 9.1, 9.2 — Зависимость времени работы программы от объема входных данных и количества потоков с помощью **тр**і и флага -03.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
SMALL	0.08	0.04	0.03	0.04	0.03	0.04	0.02	0.04	0.03
MIDDLE	0.73	0.37	0.26	0.21	0.24	0.18	0.17	0.15	0.27
LARGE	8.42	4.21	2.88	2.20	1.78	1.57	1.35	1.18	1.14
EXTLARGE	49.72	25.18	17.01	12.94	10.40	8.74	7.60	6.57	6.01
	10	20	40	60	80	100	120	140	160
SMALL	0.01	0.04	0.03	0.03	0.02	0.02	0.02	0.02	0.17
MIDDLE	0.18	0.22	0.19	0.16	0.12	0.13	0.17	0.11	0.55
LARGE	0.99	0.90	0.80	0.81	0.76	0.75	0.82	0.67	1.65
EXTLARGE	5.55	4.42	3.72	4.42	4.85	4.82	4.84	4.79	5.22

Таблица 9. Результаты оптимизации с помощью **трі** и флага -03. Значения указаны в секундах и округлены до сотых.

Выводы о МРІ

После проведения анализа результатов тестирования программы с использованием МРІ можно сделать следующие выводы:

- Малые (SMALL) наборы данных: Для малых наборов данных увеличение числа потоков не всегда приводит к улучшению производительности. Например, в базовой версии (без флагов) время выполнения существенно колеблется при большем количестве потоков. С применением флагов -02 и -03 ситуация становится стабильнее, но наибольшее ускорение наблюдается только при ограниченном числе потоков (до 20). Накладные расходы на синхронизацию потоков приводят к деградации производительности при большем числе потоков.
- Средние (MIDDLE) наборы данных: Для средних наборов данных наблюдается значительное уменьшение времени выполнения с увеличением числа потоков, особенно при использовании флагов компиляции. Флаг -03 показывает наилучшую производительность для числа потоков от 10 до 80. Однако при увеличении потоков более 120 начинает проявляться эффект насыщения, и производительность стабилизируется либо ухудшается из-за накладных расходов.
- Большие (LARGE) наборы данных: Для больших данных оптимизация более заметна. Базовая версия программы демонстрирует монотонное улучшение производительности с увеличением числа потоков. Применение флагов -02 и -03 позволяет достичь значительно лучшего ускорения, особенно при числе потоков до 40. При этом флаг -03 показывает лучшее время выполнения, но производительность стабилизируется при большом числе потоков (от 80 и выше).
- Экстремально большие (EXTLARGE) наборы данных: Для экстремально больших данных наибольшее ускорение достигается при использовании флагов -02 и -03. Особенно заметен эффект флага -03, который обеспечивает лучшее распределение нагрузки между потоками. Однако при большом числе потоков (свыше 100) производительность стабилизируется, а в некоторых случаях даже деградирует из-за накладных расходов на синхронизацию.

Влияние флагов компиляции

- -02: Флаг -02 значительно улучшает производительность для всех наборов данных. Наибольший эффект наблюдается для средних (MIDDLE) и больших (LARGE) данных, где время выполнения сокращается более чем в два раза. Для экстремально больших (EXTLARGE) данных флаг обеспечивает стабильность при числе потоков от 80, снижая влияние синхронизации.
- -03: Флаг -03 показывает лучшие результаты, особенно на больших (LARGE) и экстремально больших (EXTLARGE) данных, с максимальным ускорением при 60-80 потоках. Однако на малых (SMALL) данных или при числе потоков выше 140 агрессивные оптимизации иногда приводят к нестабильности из-за накладных расходов.

Выводы

На основе результатов тестирования можно сделать следующие выводы о производительности реализаций параллелизма с использованием OpenMP (for и task) и MPI:

1. OpenMP (директива for):

- Хорошо работает с относительно мелкими объемами данных (SMALL и MIDDLE).
- Демонстрирует стабильную производительность при увеличении числа потоков.
- При больших объемах данных (LARGE и EXTLARGE) производительность начинает снижаться, особенно если число потоков превышает оптимальное значение.
- Для больших данных использование оптимизаций (-02, -03) значительно улучшает производительность.

2. OpenMP (директива task):

- Эффективна на большом числе потоков при условии оптимизации. Однако в некоторых случаях наблюдается рост времени выполнения из-за накладных расходов на управление задачами.
- Показывает преимущество при обработке крупных данных (LARGE и EXTLARGE), особенно с оптимизациями компилятора.
- Меньше подходит для мелких объемов данных, где накладные расходы на управление задачами оказываются значительными.

3. **MPI**:

- Наиболее эффективна для очень больших объемов данных (EXTLARGE).
- Масштабируемость выше, чем у OpenMP, при условии правильного разбиения данных.

Приложения

- Прилагаемые файлы ОрепМР:
 - 1. Файл for.c реазация параллелизма при помощи директивы for.
 - 2. Файл task.c реазация параллелизма при помощи директивы task.
- Прилагаемые файлы МРІ:
 - 1. Файл mpi.c реазация параллелизма при помощи MPI.