

# Практикум по курсу

«Суперкомпьютеры и параллельная обработка данных»

## Отчет о выполненном задании

студента 321 учебной группы  
факультета ВМК МГУ

Теслюка Никиты Сергеевича

**Лектор:** доцент, к.ф.-м.н. Бахтин Владимир Александрович

Вариант 43

Москва, 2024г.

## Содержание

|  |           |
|--|-----------|
| <b>Постановка задачи</b>   | <b>2</b>  |
| <b>Описание исходного алгоритма</b>                                    | <b>3</b>  |
| Используемые программы . . . . .                                       | 3         |
| Используемые переменные . . . . .                                      | 3         |
| <b>OpenMP</b>  | <b>4</b>  |
| Директива <b>for</b> . . . . .   | 4         |
| Внесенные изменения . . . . .  | 4         |
| Код программы . . . . .  | 5         |
| Тестирование программы на Polus . . . . .                              | 9         |
| Тестирование программы на Polus. Флаг оптимизации <b>-O2</b> . . . . . | 10        |
| Тестирование программы на Polus. Флаг оптимизации <b>-O3</b> . . . . . | 11        |
| Директива <b>task</b> . . . . .  | 12        |
| Внесенные изменения . . . . .  | 12        |
| Код программы . . . . .  | 13        |
| Тестирование программы на Polus . . . . .                              | 17        |
| Тестирование программы на Polus. Флаг оптимизации <b>-O2</b> . . . . . | 18        |
| Тестирование программы на Polus. Флаг оптимизации <b>-O3</b> . . . . . | 19        |
| Выводы . . . . .   | 20        |
| <b>Приложения</b>  | <b>21</b> |

## Постановка задачи

Цель работы — разработка параллельной программы для решения задачи численного моделирования давления в задаче на уравнение Пуассона с использованием метода Якоби.

В рамках работы необходимо:

1. Реализовать параллельные программы с использованием OpenMP на языке программирования C:
  - с директивой **for** для распределения витков циклов;
  - с директивой **task** для механизма задач;
2. Реализовать параллельную программу с использованием MPI.
3. Исследовать эффективность программ.
  - Исследовать влияние различных опций оптимизации, которые поддерживаются компиляторами (-O2, -O3).
4. Исследовать масштабируемость программ: построить графики зависимости времени от числа ядер и объёма данных для разных версий программы.
5. Проанализировать причины ограниченной масштабируемости при максимальном числе ядер.

## Описание последовательного алгоритма

Программа реализует итерационную схему для решения задачи давления методом Джакоби, используемого в решателе линейных уравнений для уравнения Пуассона давления в задаче о некомпрессируемом течении жидкости на языке C. Алгоритм работает на трехмерной сетке с разреженными коэффициентами.

### Используемые функции

- `main()` — инициализация матриц, запуск итераций метода Джакоби и измерение производительности (время выполнения и операции с плавающей запятой).
- `initmt()` — инициализация матриц, задание начальных значений для элементов массива сетки и коэффициентов для вычисления давления и граничных условий.
- `jacobi(int nn)` — обновление значений давления и расчет сходимости на каждом шаге, вычисление ошибки (`gosa`), показателя сходимости.
- `second()` — измерение времени выполнения итераций. В будущем, при распараллеливании, будет использована функция `omp_get_wtime()`.

### Используемые переменные

Программа использует следующие массивы:

- `imax`, `jmax`, `kmax` — переменные для хранения размеров решаемой области (по осям  $x$ ,  $y$ ,  $z$ ).
- `omega` — параметр релаксации для метода Якоби (находится в диапазоне от 0 до 1).
- `NN` — количество итераций для выполнения в цикле метода Якоби.
- `cru0`, `cru1` — переменные для измерения времени выполнения программы.
- `gosa` — переменная для хранения значения ошибки (остаточного) в процессе вычислений.
- `p[MIMAX][MJMAX][MKMAX]` — трехмерный массив для хранения давления в сетке.
- `a[MIMAX][MJMAX][MKMAX][4]` — массив коэффициентов для уравнения Пуассона (размерность 4 для каждого элемента).
- `b[MIMAX][MJMAX][MKMAX][3]` — массив коэффициентов для уравнения Пуассона (размерность 3 для каждого элемента).
- `c[MIMAX][MJMAX][MKMAX][3]` — массив коэффициентов для уравнения Пуассона (размерность 3 для каждого элемента).
- `wrk1[MIMAX][MJMAX][MKMAX]` — рабочий массив для хранения промежуточных значений (источник члена уравнения Пуассона).
- `wrk2[MIMAX][MJMAX][MKMAX]` — рабочий массив для хранения результатов промежуточных вычислений.
- `bnd[MIMAX][MJMAX][MKMAX]` — массив для граничных условий (значения 0 или 1, определяющие, является ли точка на границе или нет).

|       | SMALL | MIDDLE | LARGE | EXTLARGE |
|-------|-------|--------|-------|----------|
| MIMAX | 65    | 129    | 257   | 513      |
| MJMAX | 33    | 65     | 129   | 257      |
| MKMAX | 33    | 65     | 129   | 257      |

Таблица 0. Размеры входных данных.

## OpenMP

### Директива `for`

#### Внесенные изменения

Для преобразования последовательной программы в параллельную с использованием директивы `for` OpenMP были внесены следующие изменения:

- Для параллелизации циклов использована директива `#pragma omp parallel for`, которая делегирует выполнение итераций цикла параллельным потокам.
- Директива `#pragma omp parallel` используется для создания параллельной области, позволяя нескольким потокам работать одновременно.
- Директива `collapse(3)` объединяет три вложенных цикла, увеличивая эффективность распределения работы между потоками.
- Для переменной `gosa` применена директива `reduction(+:gosa)`, которая создает локальные копии переменной для каждого потока. По завершении параллельных вычислений локальные значения складываются в глобальную переменную.
- Директива `schedule(static)` задает равномерное распределение работы между потоками до начала выполнения.
- `private(i, j, k)` гарантирует, что переменные индексов цикла `i, j, k` будут локальными для каждого потока, исключая конфликты между потоками.

## Код программы

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <omp.h>
3
4  #define MIDDLE
5
6  #ifdef SMALL
7  #define MIMAX 65
8  #define MJMAX 33
9  #define MKMAX 33
10 #endif
11
12 #ifdef MIDDLE
13 #define MIMAX 129
14 #define MJMAX 65
15 #define MKMAX 65
16 #endif
17
18 #ifdef LARGE
19 #define MIMAX 257
20 #define MJMAX 129
21 #define MKMAX 129
22 #endif
23
24 #ifdef EXTLARGE
25 #define MIMAX 513
26 #define MJMAX 257
27 #define MKMAX 257
28 #endif
29
30 #define NN 200
31
32 static float p[MIMAX][MJMAX][MKMAX];
33 static float a[MIMAX][MJMAX][MKMAX][4],
34             b[MIMAX][MJMAX][MKMAX][3], c[MIMAX][MJMAX][MKMAX][3];
35 static float bnd[MIMAX][MJMAX][MKMAX];
36 static float wrk1[MIMAX][MJMAX][MKMAX], wrk2[MIMAX][MJMAX][MKMAX];
37
38 static int imax, jmax, kmax;
39 static float omega;
40
41 void
42 initmt()
43 {
44     int i, j, k;
45
46 #pragma omp parallel for collapse(3) private(i, j, k)
47     for (i = 0; i < imax; ++i) {
48         for (j = 0; j < jmax; ++j) {
49             for (k = 0; k < kmax; ++k) {
50                 a[i][j][k][0] = 0.0;
51                 a[i][j][k][1] = 0.0;
52                 a[i][j][k][2] = 0.0;
53                 a[i][j][k][3] = 0.0;
54                 b[i][j][k][0] = 0.0;
55                 b[i][j][k][1] = 0.0;
56                 b[i][j][k][2] = 0.0;
57                 c[i][j][k][0] = 0.0;
58                 c[i][j][k][1] = 0.0;
59                 c[i][j][k][2] = 0.0;
60                 p[i][j][k] = 0.0;

```

```

61         wrk1[i][j][k] = 0.0;
62         bnd[i][j][k] = 0.0;
63     }
64 }
65 }
66 #pragma omp parallel for collapse(3) private(i, j, k)
67 for (i = 0; i < imax; ++i) {
68     for (j = 0; j < jmax; ++j) {
69         for (k = 0; k < kmax; ++k) {
70             a[i][j][k][0] = 1.0;
71             a[i][j][k][1] = 1.0;
72             a[i][j][k][2] = 1.0;
73             a[i][j][k][3] = 1.0 / 6.0;
74             b[i][j][k][0] = 0.0;
75             b[i][j][k][1] = 0.0;
76             b[i][j][k][2] = 0.0;
77             c[i][j][k][0] = 1.0;
78             c[i][j][k][1] = 1.0;
79             c[i][j][k][2] = 1.0;
80             p[i][j][k] = (float) (k * k) /
81                         (float) ((kmax - 1) * (kmax - 1));
82             wrk1[i][j][k] = 0.0;
83             bnd[i][j][k] = 1.0;
84         }
85     }
86 }
87 }
88
89 float
90 jacobi(int nn)
91 {
92     int i, j, k, n;
93     float gosa, s0, ss;
94
95     for (n = 0; n < nn; ++n) {
96         gosa = 0.0;
97
98         #pragma omp parallel shared(a, b, c, p, wrk1, wrk2, bnd, gosa)
99         private(i, j, k, s0, ss)
100         {
101             #pragma omp for schedule(static) collapse(3) reduction(+ : gosa)
102             for (i = 1; i < imax - 1; ++i) {
103                 for (j = 1; j < jmax - 1; ++j) {
104                     for (k = 1; k < kmax - 1; ++k) {
105                         s0 = a[i][j][k][0] * p[i + 1][j][k] +
106                             a[i][j][k][1] * p[i][j + 1][k] +
107                             a[i][j][k][2] * p[i][j][k + 1] +
108                             b[i][j][k][0] * (p[i + 1][j + 1][k] -
109                                             p[i + 1][j - 1][k] -
110                                             p[i - 1][j + 1][k] +
111                                             p[i - 1][j - 1][k]) +
112                             b[i][j][k][1] * (p[i][j + 1][k + 1] -
113                                             p[i][j - 1][k + 1] -
114                                             p[i][j + 1][k - 1] +
115                                             p[i][j - 1][k - 1]) +
116                             b[i][j][k][2] * (p[i + 1][j][k + 1] -
117                                             p[i - 1][j][k + 1] -
118                                             p[i + 1][j][k - 1] +
119                                             p[i - 1][j][k - 1]) +
120                             c[i][j][k][0] * p[i - 1][j][k] +
121                             c[i][j][k][1] * p[i][j - 1][k] +
122                             c[i][j][k][2] * p[i][j][k - 1] +

```

```

123         wrk1[i][j][k];
124
125
126         ss = (s0 * a[i][j][k][3] - p[i][j][k]) *
127             bnd[i][j][k];
128
129         gosa = gosa + ss * ss;
130
131         wrk2[i][j][k] = p[i][j][k] + omega * ss;
132     }
133 }
134 }
135
136 #pragma omp for schedule(static) collapse(3)
137 for (i = 1; i < imax - 1; ++i) {
138     for (j = 1; j < jmax - 1; ++j) {
139         for (k = 1; k < kmax - 1; ++k) {
140             p[i][j][k] = wrk2[i][j][k];
141         }
142     }
143 }
144 }
145 }
146
147 return gosa;
148 }
149
150
151 int
152 main()
153 {
154     int i, j, k;
155     float gosa;
156     double cpu0, cpu1, nflop, xmflops2, score;
157
158     omega = 0.8;
159     imax = MIMAX - 1;
160     jmax = MJMAX - 1;
161     kmax = MKMAX - 1;
162
163     initmt();
164
165     printf("mimax = %d mjmax = %d mkmax = %d\n", MIMAX, MJMAX, MKMAX);
166     printf("imax = %d jmax = %d kmax = %d\n", imax, jmax, kmax);
167
168     cpu0 = omp_get_wtime();
169
170     gosa = jacobi(NN);
171
172     cpu1 = omp_get_wtime();
173
174     nflop = (kmax - 2) * (jmax - 2) * (imax - 2) * 34;
175
176     if (cpu1 != 0.0) {
177         xmflops2 = nflop / cpu1 * 1.0e-6 * (float) NN;
178     }
179
180     score = xmflops2 / 32.27;
181
182     printf("cpu : %f sec.\n", cpu1 - cpu0);
183     printf("Loop executed for %d times\n", NN);
184     printf("Gosa : %e \n", gosa);

```



```
185     printf("MFLOPS measured : %f\n", xmflops2);
186     printf("Score based on MMX Pentium 200MHz : %f\n", score);
187
188     return (0);
189 }
```

## Тестирование программы на Polus

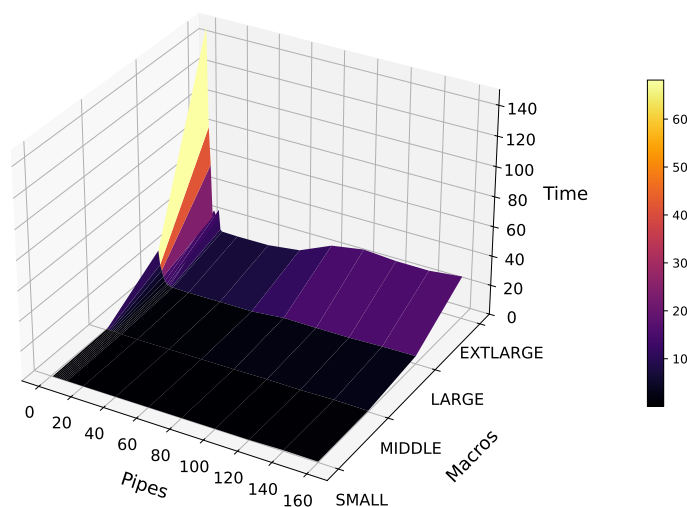


График 1.1

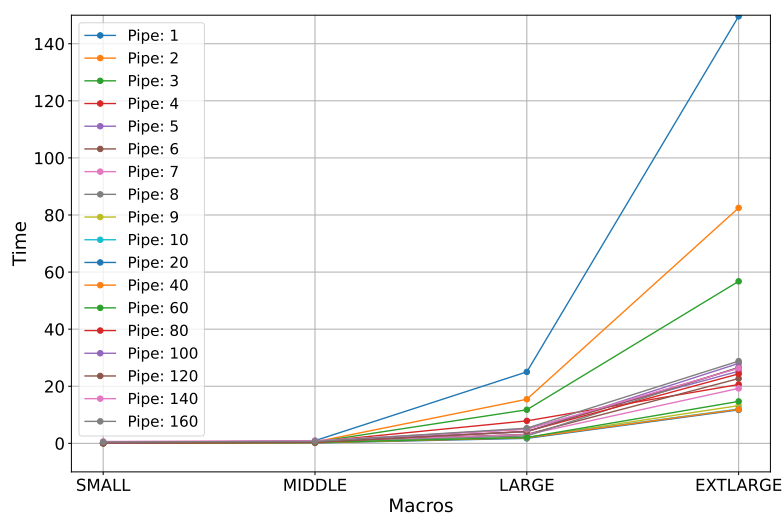


График 1.2

Графики 1.1, 1.2 — Зависимость времени работы программы от объема входных данных и количества потоков при оптимизации директивой `for`.

|          | 1     | 2     | 3     | 4     | 5     | 6     | 7     | 8     | 9     |
|----------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| SMALL    | 0.11  | 0.07  | 0.06  | 0.06  | 0.08  | 0.08  | 0.05  | 0.06  | 0.05  |
| MIDDLE   | 0.93  | 0.50  | 0.44  | 0.54  | 0.57  | 0.67  | 0.57  | 0.34  | 0.36  |
| LARGE    | 25.03 | 15.44 | 11.76 | 7.87  | 5.08  | 3.15  | 3.04  | 2.59  | 2.01  |
| EXTLARGE | 149.6 | 82.5  | 56.76 | 20.61 | 25.27 | 22.69 | 19.25 | 26.63 | 13.21 |

|          | 10    | 20    | 40    | 60    | 80    | 100   | 120   | 140   | 160   |
|----------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| SMALL    | 0.07  | 0.03  | 0.05  | 0.07  | 0.09  | 0.14  | 0.12  | 0.65  | 0.50  |
| MIDDLE   | 0.30  | 0.14  | 0.20  | 0.29  | 0.38  | 0.62  | 0.43  | 0.94  | 0.68  |
| LARGE    | 1.80  | 1.74  | 1.95  | 2.05  | 4.18  | 4.06  | 4.15  | 4.91  | 5.31  |
| EXTLARGE | 12.02 | 11.72 | 11.90 | 14.69 | 24.32 | 28.01 | 26.45 | 26.32 | 28.81 |

Таблица 1. Результаты оптимизации директивой `for`. Значения указаны в секундах и округлены до сотых.

## Тестирование программы на Polus. Флаг оптимизации -02

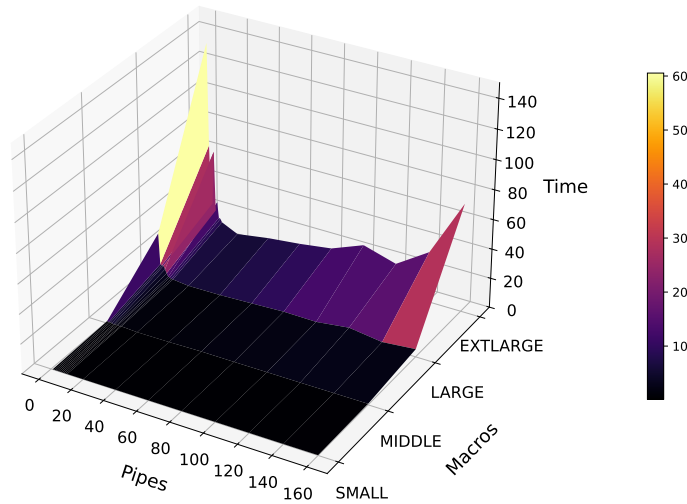


График 2.1

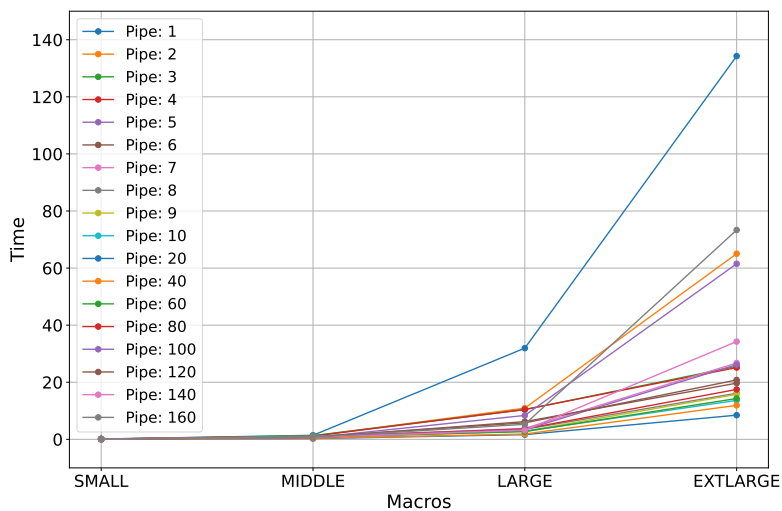


График 2.2

Графики 2.1, 2.2 — Зависимость времени работы программы от объема входных данных и количества потоков при оптимизации директивой `for` с флагом оптимизации `-02`.

|          | 1      | 2     | 3     | 4     | 5     | 6     | 7     | 8     | 9     |
|----------|--------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| SMALL    | 0.11   | 0.10  | 0.08  | 0.09  | 0.09  | 0.08  | 0.09  | 0.05  | 0.06  |
| MIDDLE   | 1.41   | 1.15  | 1.31  | 1.12  | 0.59  | 0.87  | 0.77  | 1.16  | 0.44  |
| LARGE    | 31.95  | 10.93 | 10.43 | 10.45 | 8.37  | 5.77  | 3.82  | 3.53  | 2.84  |
| EXTLARGE | 134.27 | 65.04 | 25.57 | 25.14 | 61.51 | 20.80 | 26.74 | 16.14 | 15.77 |

|          | 10   | 20    | 40    | 60    | 80    | 100   | 120   | 140   | 160   |
|----------|------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| SMALL    | 0.06 | 0.03  | 0.04  | 0.07  | 0.09  | 0.12  | 0.13  | 0.13  | 0.18  |
| MIDDLE   | 0.89 | 0.26  | 0.36  | 0.80  | 0.68  | 0.68  | 0.66  | 0.70  | 0.72  |
| LARGE    | 1.64 | 1.86  | 2.71  | 3.67  | 3.38  | 6.21  | 3.19  | 5.26  | 2.85  |
| EXTLARGE | 8.46 | 11.91 | 14.30 | 17.48 | 26.18 | 19.69 | 34.25 | 73.35 | 16.14 |

Таблица 2. Результаты оптимизации директивой `for` с флагом оптимизации `-02`. Значения указаны в секундах и округлены до сотых.

# Тестирование программы на Polus. Флаг оптимизации -O3

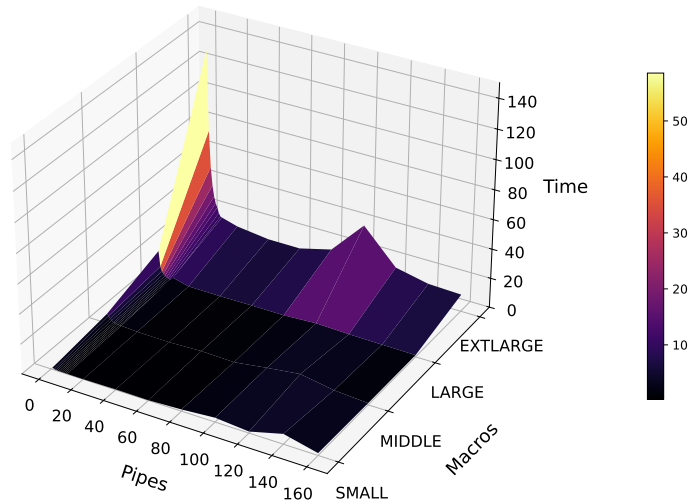


График 3.1

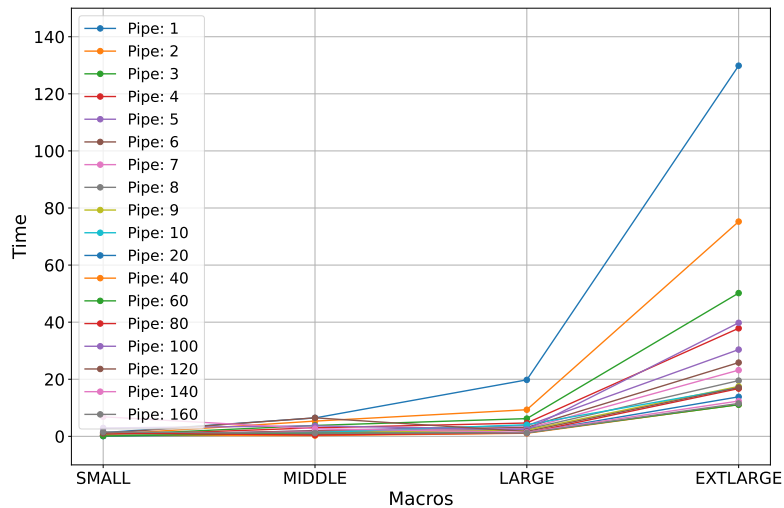


График 3.2

Графики 3.1,3.2 — Зависимость времени работы программы от объема входных данных и количества потоков при оптимизации директивой `for` с флагом оптимизации `-O3`.

|          | 1      | 2     | 3     | 4     | 5     | 6     | 7     | 8     | 9     |
|----------|--------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| SMALL    | 1.28   | 0.56  | 0.42  | 0.32  | 0.23  | 0.25  | 0.20  | 0.19  | 0.17  |
| MIDDLE   | 6.44   | 5.34  | 3.82  | 2.99  | 2.00  | 1.93  | 1.65  | 1.54  | 1.24  |
| LARGE    | 19.78  | 9.32  | 6.21  | 4.67  | 3.74  | 3.12  | 2.69  | 2.45  | 2.16  |
| EXTLARGE | 129.85 | 75.23 | 50.19 | 37.85 | 30.39 | 25.83 | 23.19 | 19.52 | 17.49 |

|          | 10    | 20    | 40    | 60    | 80    | 100   | 120   | 140   | 160   |
|----------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| SMALL    | 0.16  | 0.08  | 0.31  | 0.14  | 1.17  | 2.94  | 1.02  | 6.85  | 1.54  |
| MIDDLE   | 1.31  | 0.55  | 0.26  | 1.09  | 0.46  | 3.66  | 6.49  | 2.67  | 1.14  |
| LARGE    | 4.07  | 1.26  | 1.07  | 1.27  | 1.17  | 2.39  | 1.70  | 1.41  | 1.19  |
| EXTLARGE | 17.00 | 13.84 | 11.13 | 11.07 | 16.72 | 39.77 | 17.10 | 12.37 | 11.52 |

Таблица 3. Результаты оптимизации директивой `for` с флагом оптимизации `-O3`. Значения указаны в секундах и округлены до сотых.

## Директива `task`

### Внесенные изменения

Для распараллеливания программы с использованием директивы `task` в программу были внесены следующие изменения:

- Для параллелизации блоков кода используется директива `#pragma omp parallel`, которая создает параллельную область, позволяя нескольким потокам работать одновременно. В частности, параллелизация применяется к циклам, выполняющим вычисления.
- Внутри параллельных областей используются директивы `#pragma omp task` для параллельного выполнения отдельных итераций вложенных циклов. Это позволяет создать асинхронные задачи, которые выполняются одновременно в разных потоках.
- Для подсчета переменной `gosa` используется директива `atomic` для предотвращения гонок данных при добавлении локального значения к глобальной переменной. Это гарантирует корректную агрегацию результатов из разных потоков.
- Директива `firstprivate(...)` применяется к переменным индексов `i`, `j`, `k`, чтобы обеспечить их локальные копии для каждого потока. Это предотвращает возможные проблемы с синхронизацией при параллельной обработке этих переменных.
- Директива `#pragma omp taskwait` используется, чтобы гарантировать завершение всех асинхронных задач перед продолжением вычислений.
- Используется директива `shared` для массивов, которые должны быть доступны для всех потоков, и директива `private` для переменных, которые должны быть локальными для каждого потока.

## Код программы

```

1 #include <omp.h>
2 #include <stdio.h>
3
4 #define LARGE
5
6 #ifdef SMALL
7 #define MIMAX 65
8 #define MJMAX 33
9 #define MKMAX 33
10 #endif
11
12 #ifdef MIDDLE
13 #define MIMAX 129
14 #define MJMAX 65
15 #define MKMAX 65
16 #endif
17
18 #ifdef LARGE
19 #define MIMAX 257
20 #define MJMAX 129
21 #define MKMAX 129
22 #endif
23
24 #ifdef EXTLARGE
25 #define MIMAX 513
26 #define MJMAX 257
27 #define MKMAX 257
28 #endif
29
30 #define NN 200
31
32 static float a[MIMAX][MJMAX][MKMAX][4],
33             b[MIMAX][MJMAX][MKMAX][3], c[MIMAX][MJMAX][MKMAX][3];
34 static float p[MIMAX][MJMAX][MKMAX];
35 static float wrk1[MIMAX][MJMAX][MKMAX], wrk2[MIMAX][MJMAX][MKMAX];
36 static float bnd[MIMAX][MJMAX][MKMAX];
37
38 static int imax, jmax, kmax;
39 static float omega;
40
41
42 void
43 initmt()
44 {
45     int i, j, k;
46
47     for (i = 0; i < imax; ++i) {
48 #pragma omp task firstprivate(i) private(j, k) shared(a, b, c, p, wrk1, bnd)
49         {
50             for (j = 0; j < jmax; ++j) {
51                 for (k = 0; k < kmax; ++k) {
52                     a[i][j][k][0] = 0.0;
53                     a[i][j][k][1] = 0.0;
54                     a[i][j][k][2] = 0.0;
55                     a[i][j][k][3] = 0.0;
56                     b[i][j][k][0] = 0.0;
57                     b[i][j][k][1] = 0.0;
58                     b[i][j][k][2] = 0.0;
59                     c[i][j][k][0] = 0.0;
60                     c[i][j][k][1] = 0.0;

```

```

61         c[i][j][k][2] = 0.0;
62         p[i][j][k] = 0.0;
63         wrk1[i][j][k] = 0.0;
64         bnd[i][j][k] = 0.0;
65     }
66 }
67 }
68 }
69
70 for (i = 0; i < imax; ++i) {
71 #pragma omp task firstprivate(i) private(j, k) shared(a, b, c, p, wrk1, bnd)
72 {
73     for (j = 0; j < jmax; ++j) {
74         for (k = 0; k < kmax; ++k) {
75             a[i][j][k][0] = 1.0;
76             a[i][j][k][1] = 1.0;
77             a[i][j][k][2] = 1.0;
78             a[i][j][k][3] = 1.0 / 6.0;
79             b[i][j][k][0] = 0.0;
80             b[i][j][k][1] = 0.0;
81             b[i][j][k][2] = 0.0;
82             c[i][j][k][0] = 1.0;
83             c[i][j][k][1] = 1.0;
84             c[i][j][k][2] = 1.0;
85             p[i][j][k] = (float) (k * k) /
86                         (float) ((kmax - 1) * (kmax - 1));
87             wrk1[i][j][k] = 0.0;
88             bnd[i][j][k] = 1.0;
89         }
90     }
91 }
92 }
93 }
94
95 float
96 jacobi(int nn)
97 {
98     int i, j, k, n;
99     float gosa;
100    float s0, ss;
101    float local_gosa = 0.0;
102
103 #pragma omp parallel shared(a, b, c, p, wrk1, wrk2, bnd, omega, gosa)
104 {
105 #pragma omp single
106 {
107     for (n = 0; n < nn; ++n) {
108         gosa = 0.0;
109         for (i = 1; i < imax - 1; ++i) {
110 #pragma omp task firstprivate(i) private(s0, ss, local_gosa)
111         {
112             local_gosa = 0.0;
113
114             for (j = 1; j < jmax - 1; ++j) {
115                 for (k = 1; k < kmax - 1; ++k) {
116                     s0 = a[i][j][k][0] * p[i + 1][j][k] +
117                         a[i][j][k][1] * p[i][j + 1][k] +
118                         a[i][j][k][2] * p[i][j][k + 1] +
119                         b[i][j][k][0] * (p[i + 1][j + 1][k] -
120                                     p[i + 1][j - 1][k] -
121                                     p[i - 1][j + 1][k] +
122                                     p[i - 1][j - 1][k]) +

```

```

123         b[i][j][k][1] * (p[i][j + 1][k + 1] -
124             p[i][j - 1][k + 1] -
125             p[i][j + 1][k - 1] +
126             p[i][j - 1][k - 1]) +
127         b[i][j][k][2] * (p[i + 1][j][k + 1] -
128             p[i - 1][j][k + 1] -
129             p[i + 1][j][k - 1] +
130             p[i - 1][j][k - 1]) +
131         c[i][j][k][0] * p[i - 1][j][k] +
132         c[i][j][k][1] * p[i][j - 1][k] +
133         c[i][j][k][2] * p[i][j][k - 1] +
134         wrk1[i][j][k];
135
136
137         ss = (s0 * a[i][j][k][3] - p[i][j][k]) *
138             bnd[i][j][k];
139         local_gosa += ss * ss;
140
141         wrk2[i][j][k] = p[i][j][k] + omega * ss;
142     }
143 }
144 #pragma omp atomic
145     gosa += local_gosa;
146 #pragma omp taskwait
147 }
148 }
149
150     for (i = 1; i < imax - 1; ++i) {
151 #pragma omp task firstprivate(i)
152         for (j = 1; j < jmax - 1; ++j) {
153             for (k = 1; k < kmax - 1; ++k)
154                 p[i][j][k] = wrk2[i][j][k];
155         }
156 #pragma omp taskwait
157     }
158 }
159 }
160 }
161
162     return gosa;
163 }
164
165 int
166 main()
167 {
168     int i, j, k;
169     float gosa;
170     double cpu0, cpu1, cpu2, cpu3, nflop, xmflops2, score;
171
172     omega = 0.8;
173     imax = MIMAX - 1;
174     jmax = MJMAX - 1;
175     kmax = MKMAX - 1;
176
177     cpu2 = omp_get_wtime();
178
179     initmt();
180
181     cpu3 = omp_get_wtime();
182
183     printf("mimax = %d mjmax = %d mkmax = %d\n", MIMAX, MJMAX, MKMAX);
184     printf("imax = %d jmax = %d kmax = %d\n", imax, jmax, kmax);

```



```
185
186
187     cpu0 = omp_get_wtime();
188
189     gosa = jacobi(NN);
190
191     cpu1 = omp_get_wtime();
192
193     nflop = (kmax - 2) * (jmax - 2) * (imax - 2) * 34;
194
195     if (cpu1 != 0.0) {
196         xmflops2 = nflop / cpu1 * 1.0e-6 * (float) NN;
197     }
198
199     score = xmflops2 / 32.27;
200
201     printf("cpu : %f sec.\n", cpu1 - cpu0);
202     printf("init : %f sec.\n", cpu3 - cpu2);
203     printf("Loop executed for %d times\n", NN);
204     printf("Gosa : %e \n", gosa);
205     printf("MFLOPS measured : %f\n", xmflops2);
206     printf("Score based on MMX Pentium 200MHz : %f\n", score);
207     printf("\n");
208
209     return (0);
210 }
```

## Тестирование программы на Polus

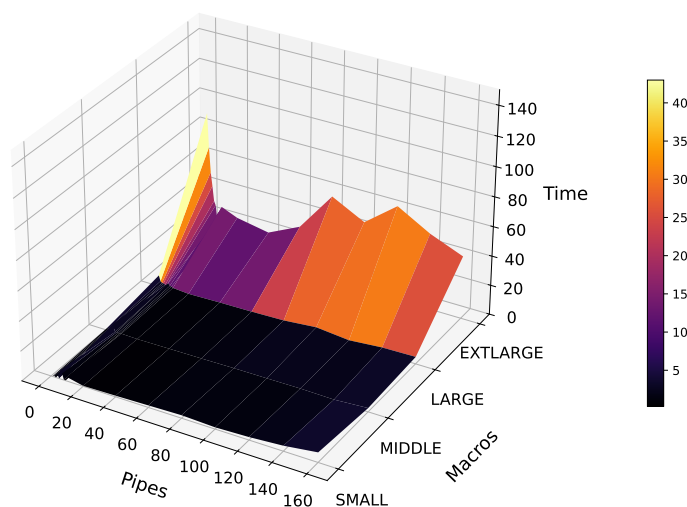


График 4.1

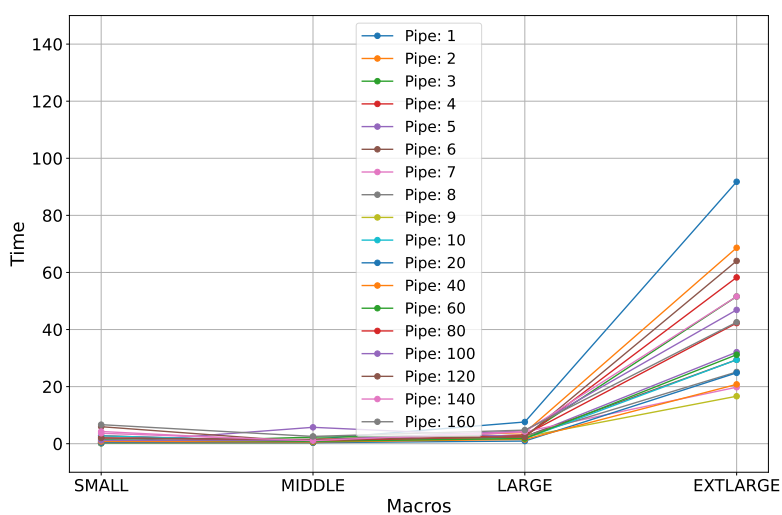


График 4.2

Графики 4.1, 4.2 — Зависимость времени работы программы от объема входных данных и количества потоков при оптимизации директивой *task*.

|          | 1     | 2     | 3     | 4     | 5     | 6    | 7     | 8     | 9     |
|----------|-------|-------|-------|-------|-------|------|-------|-------|-------|
| SMALL    | 0.21  | 0.79  | 0.14  | 2.8   | 0.18  | 5.96 | 4.28  | 0.24  | 0.2   |
| MIDDLE   | 1.55  | 1.5   | 2.31  | 0.43  | 5.74  | 0.49 | 0.58  | 0.41  | 0.36  |
| LARGE    | 7.61  | 3.91  | 2.9   | 3.1   | 2.37  | 2.51 | 4.16  | 2.59  | 2.42  |
| EXTLARGE | 91.77 | 68.64 | 51.56 | 42.26 | 32.07 | 29.4 | 19.79 | 25.13 | 16.63 |

|          | 10    | 20    | 40    | 60    | 80    | 100   | 120   | 140   | 160   |
|----------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| SMALL    | 2.76  | 0.34  | 0.78  | 1.4   | 2.02  | 1.18  | 2.01  | 3.66  | 6.67  |
| MIDDLE   | 0.69  | 0.37  | 0.61  | 0.83  | 1.16  | 1.25  | 1.43  | 1.07  | 2.55  |
| LARGE    | 0.93  | 1.5   | 1.82  | 2.45  | 4.5   | 2.36  | 4.27  | 4.76  | 3.91  |
| EXTLARGE | 24.83 | 20.79 | 31.18 | 58.26 | 46.89 | 64.03 | 51.58 | 42.55 | 42.26 |

Таблица 4. Результаты оптимизации директивой *task*. Значения указаны в секундах и округлены до сотых.

## Тестирование программы на Polus. Флаг оптимизации -02

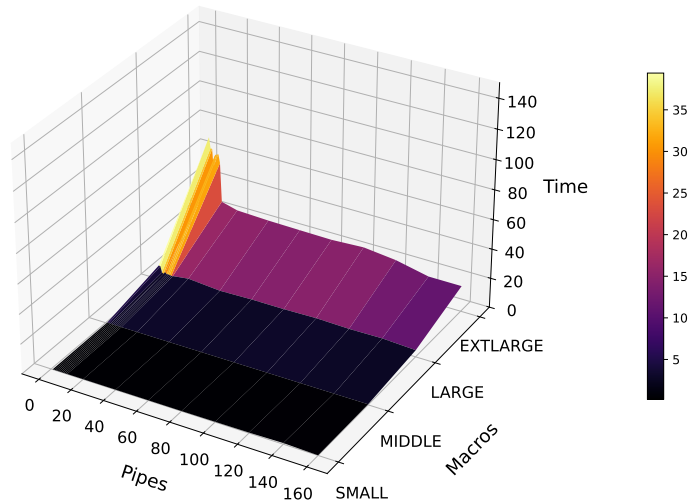


График 5.1

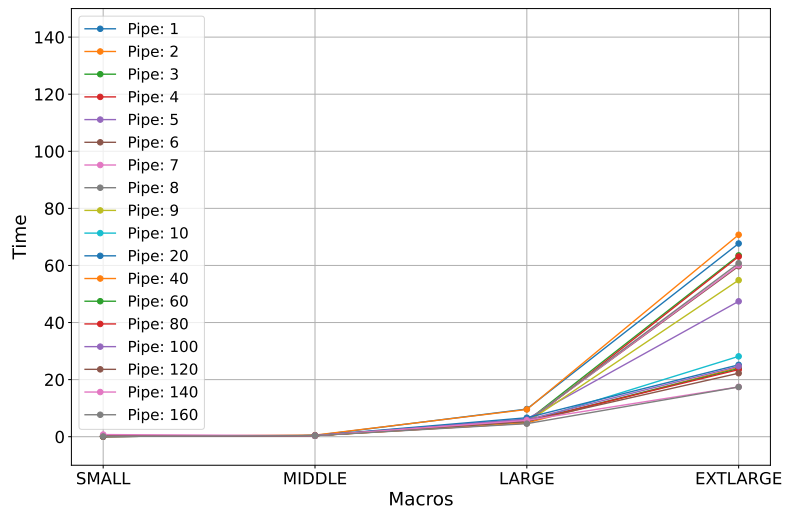


График 5.2

Графики 5.1, 5.2 — Зависимость времени работы программы от объема входных данных и количества потоков при оптимизации директивной task с флагом оптимизации -02.

|          | 1     | 2     | 3     | 4     | 5     | 6     | 7     | 8     | 9     |
|----------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| SMALL    | 0.09  | 0.09  | 0.09  | 0.09  | 0.09  | 0.09  | 0.09  | 0.09  | 0.09  |
| MIDDLE   | 0.43  | 0.55  | 0.37  | 0.37  | 0.37  | 0.37  | 0.38  | 0.37  | 0.37  |
| LARGE    | 9.68  | 9.55  | 5.45  | 4.75  | 6.22  | 5.35  | 5.33  | 5.32  | 4.99  |
| EXTLARGE | 67.69 | 70.74 | 63.52 | 63.11 | 47.43 | 59.73 | 60.09 | 60.78 | 54.84 |

|          | 10    | 20    | 40    | 60    | 80    | 100   | 120   | 140   | 160   |
|----------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| SMALL    | 0.09  | 0.09  | 0.09  | 0.09  | 0.09  | 0.19  | 0.32  | 0.75  | 0.09  |
| MIDDLE   | 0.37  | 0.37  | 0.37  | 0.38  | 0.37  | 0.37  | 0.37  | 0.37  | 0.38  |
| LARGE    | 5.18  | 6.65  | 4.84  | 5.43  | 5.45  | 5.94  | 5.39  | 5.72  | 4.56  |
| EXTLARGE | 28.15 | 25.18 | 24.30 | 23.87 | 23.51 | 24.68 | 22.24 | 17.44 | 17.41 |

Таблица 5. Результаты оптимизации директивной task с флагом оптимизации -02. Значения указаны в секундах и округлены до сотых.

# Тестирование программы на Polus. Флаг оптимизации -O3

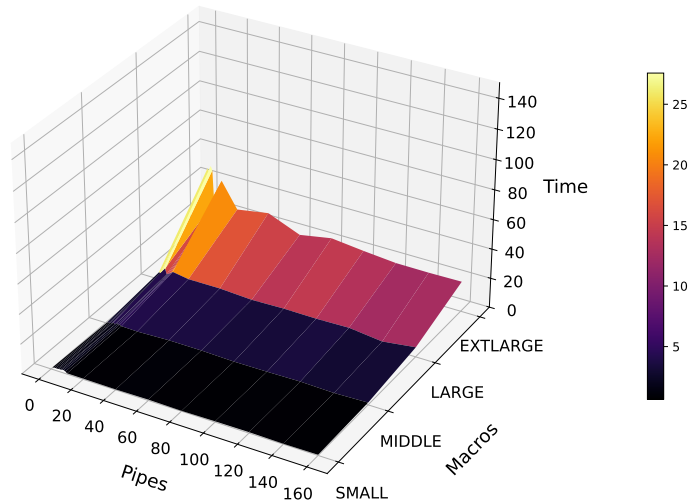


График 6.1

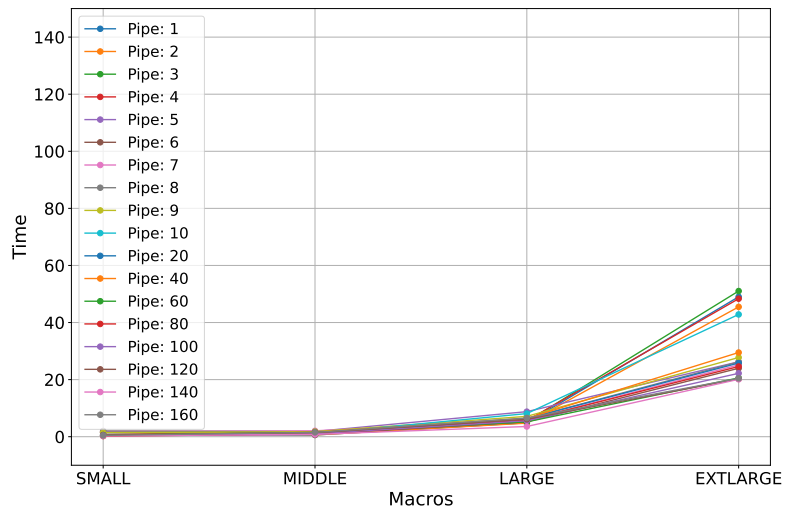


График 6.2

Графики 6.1, 6.2 — Зависимость времени работы программы от объема входных данных и количества потоков при оптимизации директивной task с флагом оптимизации -O3.

|          | 1     | 2     | 3     | 4     | 5     | 6     | 7     | 8     | 9     |
|----------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| SMALL    | 1.43  | 1.56  | 1.66  | 1.49  | 1.73  | 1.7   | 1.95  | 2.0   | 1.41  |
| MIDDLE   | 0.6   | 0.62  | 0.96  | 1.08  | 1.84  | 0.92  | 2.06  | 1.74  | 1.76  |
| LARGE    | 4.86  | 4.75  | 5.3   | 5.61  | 8.77  | 5.2   | 5.81  | 6.38  | 7.13  |
| EXTLARGE | 49.02 | 45.48 | 51.03 | 48.35 | 26.24 | 23.97 | 25.17 | 26.19 | 27.75 |

|          | 10   | 20    | 40    | 60    | 80   | 100   | 120   | 140   | 160   |
|----------|------|-------|-------|-------|------|-------|-------|-------|-------|
| SMALL    | 0.53 | 0.47  | 0.3   | 0.55  | 0.23 | 0.52  | 0.61  | 0.28  | 0.45  |
| MIDDLE   | 1.03 | 0.74  | 1.57  | 1.5   | 0.87 | 1.03  | 1.39  | 0.81  | 1.51  |
| LARGE    | 6.33 | 6.41  | 5.2   | 5.8   | 5.58 | 6.13  | 3.58  | 6.55  | 8.1   |
| EXTLARGE | 25.8 | 29.49 | 20.59 | 24.59 | 22.2 | 20.24 | 20.11 | 20.45 | 42.83 |

Таблица 6. Результаты оптимизации директивной task с флагом оптимизации -O3. Значения указаны в секундах и округлены до сотых.

## Выводы

После реализации программ и проведения тестов можно сделать следующие выводы:

- **Малые (SMALL) и средние (MIDDLE) наборы данных:** Для малых и средних наборов данных директива `task` показывает лучшую производительность. Например, для набора данных MIDDLE при одном потоке директива `task` работает быстрее, чем `for`. Это указывает на то, что `task` более эффективно распределяет задачи между потоками, особенно когда задачи относительно малы.
- **Большие (LARGE) и экстремально большие (EXTLARGE) наборы данных:** Для больших данных различия между `for` и `task` становятся менее выраженными. Для набора "LARGE" при большем числе потоков директива `for` работает быстрее, чем `task`. Это может свидетельствовать о том, что для больших данных дополнительная нагрузка на создание и синхронизацию задач в `task` становится более значимой.

Кроме того, выполнение программы не всегда ускоряется с увеличением числа потоков. Например, при использовании директивы `for`, для экстремально больших наборов данных оптимальное число потоков находится в диапазоне от 60 до 80. При увеличении числа потоков время выполнения перестает уменьшаться из-за накладных расходов на создание и синхронизацию дополнительных потоков. Особенно для небольших данных использование слишком большого числа потоков может замедлить выполнение программы, поскольку накладные расходы на создание потоков становятся значительными.

## Влияние флагов компиляции

- **-O2:** Применение флага `-O2` значительно уменьшает время выполнения программы по сравнению с базовой версией. Это связано с улучшением работы с кэшированием данных и оптимизацией циклов.
- **-O3:** Флаг `-O3` ещё сильнее оптимизирует программу, что особенно заметно при использовании директивы `for` для большого числа потоков на больших наборах данных. Однако для некоторых случаев чрезмерная агрессивность оптимизаций может привести к ухудшению производительности из-за дополнительных вычислений, которые не всегда оправданы.

## Приложения

- Прилагаемые файлы OpenMP:
  1. Файл `for.c` — реазация параллелизма при помощи директивы `for`
  2. Файл `task.c` — реазация параллелизма при помощи директивы `task`