

## Title

Bachelor's Thesis
in Partial Fulfillment of the Requirements for the
Degree of
Bachelor of Science

by Niklas Isermann

submitted to:
Prof. Dr. Johannes Blömer
and
????

Paderborn, July 10, 2022

## **Eidesstattliche Versicherung**

Nachname:	Vorname:	
Matrikelnr.:	Studiengang:	
$\square$ Bachelorarbeit $\square$ Master	rbeit	
Titel der Arbeit: Title		
□ Die elektronische Fassung	t der Abschlussarbeit beigefügt.	
□ Die elektronische Fassung Prüfenden gesendet.	sende ich an die/den erste/n Prüfenden bzw. habe ich an die/den erst	e/n
Zeichnungen, etc.) selbstständ die angegebenen Quellen und Die Abschlussarbeit hat in	statt, dass ich die vorliegende Abschlussarbeit (Ausarbeitung inkl. Tabel g und ohne unzulässige fremde Hilfe erbracht habe. Ich habe keine anderen Hilfsmittel benutzt sowie wörtliche und sinngemäße Zitate kenntlich gema eicher oder ähnlicher Form noch keiner Prüfungsbehörde vorgelegen. Int der gedruckten und gebundenen Fassung.	als cht.
Belehrung		
fungsordnung verstößt, hande zu 50.000,00 € geahndet we Ordnungswidrigkeiten ist die der Universität Paderborn. In	Γäuschung über Prüfungsleistungen betreffende Regelung einer Hochschulft ordnungswidrig. Die Ordnungswidrigkeit kann mit einer Geldbuße von den. Zuständige Verwaltungsbehörde für die Verfolgung und Ahndung Zizepräsidentin / der Vizepräsident für Wirtschafts- und Personalverwalt Falle eines mehrfachen oder sonstigen schwerwiegenden Täuschungsversuchtrikuliert werden. (§ 63 Abs. 5 Hochschulgesetz NRW in der aktuellen I	bis von ung ches
Die Universität Paderborn weine Täuschung festzustellen.	rd ggf. eine elektronische Überprüfung der Abschlussarbeit durchführen,	um
Ich habe die oben genannten schrift.	Belehrungen gelesen und verstanden und bestätige dieses mit meiner Un	ter-
Ort:	Datum:	
Unterschrift:		

#### **Datenschutzhinweis**

Die o.g. Daten werden aufgrund der geltenden Prüfungsordnung (Paragraph zur Abschlussarbeit) i.V.m. § 63 Abs. 5 Hochschulgesetz NRW erhoben. Auf Grundlage der übermittelten Daten (Name, Vorname, Matrikelnummer, Studiengang, Art und Thema der Abschlussarbeit) wird bei Plagiaten bzw. Täuschung der/die Prüfende und der Prüfungsausschuss Ihres Studienganges über Konsequenzen gemäß Prüfungsordnung i.V.m. Hochschulgesetz NRW entscheiden. Die Daten werden nach Abschluss des Prüfungsverfahrens gelöscht. Eine Weiterleitung der Daten kann an die/den Prüfende/n und den Prüfungsausschuss erfolgen. Falls der Prüfungsausschuss entscheidet, eine Geldbuße zu verhängen, werden die Daten an die Vizepräsidentin für Wirtschafts- und Personalverwaltung weitergeleitet. Verantwortlich für die Verarbeitung im regulären Verfahren ist der Prüfungsausschuss Ihres Studiengangs der Universität Paderborn, für die Verfolgung und Ahndung der Geldbuße ist die Vizepräsidentin für Wirtschafts- und Personalverwaltung.

## **Contents**

1	Bas	ic defin	itions	and n	otatio	on												1
	1.1	Basic	notatio	on .						 								1
	1.2	Gobbl	ing sch	nemes						 								1
		1.2.1	Synta	ax defi	nition	ı.				 								1
		1.2.2	Secur	rity de	finitio	on		•	 •	 		 				•	 •	2
2	Abs	tract																3
3	Intr	oductio	n															5
4	rela	ted wo	r <b>k</b>															7
	4.1	<b>ted wo</b> i concla	ve							 		 						7
	4.2	aby3								 		 						7
	4.3	$\operatorname{smcql}$						•				 						7
Bi	bliog	raphy																9

## 1 Basic definitions and notation

This file contains example content. It is meant to get you started.

You can remove this example content from the thesis by removing the input statement for example.tex from the thesis\_main.tex file.

#### 1.1 Basic notation

Throughout this thesis, we will use the following notation:

- $\mathbb{N} := \{1, 2, \dots\}$  denotes the set of natural numbers (excluding zero).
- For a bit string  $s = (s_0, \ldots, s_{n-1}) \in \{0, 1\}^n$  and  $0 \le i \le j < n$ , we write  $s[i : j] := (s_i, \ldots, s_{j-1})$  to denote substrings. In particular, s[i : i] is the empty string  $\varepsilon$  and s[0 : n] is the complete string s.
- For two vectors  $\vec{u}, \vec{v} \in \{0,1\}^n$ , with  $\vec{u} = (u_1, \dots, u_n), \vec{v} = (v_1, \dots, v_n)$ , the expression  $\vec{u} \odot \vec{v}$  denotes the Hadamard product.  $(\vec{u} \odot \vec{v})_i = u_i \cdot v_i$ .

### 1.2 Gobbling schemes

Don't try to make sense of this. It's just a syntax example with no real connection to anything.

Gobbling schemes are useful whenever the the Hadamard product of two random bit vectors needs to be hidden from polynomially bounded adversaries. They are an important building block for twaddle signatures, which we investigate in this thesis.

#### 1.2.1 Syntax definition

Our definition for gobbling schemes is taken from [Eti14] with minor syntactic changes. See Section 1.1 for basic notation.

**Definition 1.1** (Gobbling scheme) A gobbling scheme  $\Pi$  consists of the following three probabilistic polynomial-time algorithms:

- $pk \leftarrow \mathsf{Setup}(1^{\lambda})$  on input a unary security parameter  $\lambda$ ,  $\mathsf{Setup}$  generates a public  $key \ pk$ .
- $\vec{q} \leftarrow \mathsf{Gobble}(pk, \vec{u}, \vec{v})$  generates a gobbled vector  $\vec{q} \in \{0, 1\}^n$  given a key pk and two vectors  $\vec{u}, \vec{v} \in \{0, 1\}^n$ .

This is an example for a todonote.
They're super useful!

note the citation

note the reference

note that pk and Setup are macros defined in defs.tex.

•  $\vec{z} \leftarrow \mathsf{Ungobble}(pk, \vec{q})$  given a gobbled vector  $\vec{q} \in \{0,1\}^n$  outputs an ungobbled vector  $\vec{z} \in \{0,1\}^{2n}$ .

 $\Pi$  is correct if there exists a negligible function  $\mu$  such that for all  $\lambda, n \in \mathbb{N}$ ,

$$\begin{split} 1 - \mu(\lambda) \leq \Pr[\vec{z} = \vec{u} \odot \vec{v} \mid & k \leftarrow \mathsf{Setup}(1^{\lambda}); \vec{u}, \vec{v} \leftarrow \{0, 1\}^n; \\ \vec{z} \leftarrow \mathsf{Ungobble}(k, \mathsf{Gobble}(k, \vec{u}, \vec{v}))] \end{split}$$

Intuitively, correctness guarantees ...

#### 1.2.2 Security definition

. . .

# 2 Abstract

### 3 Introduction

A famous problem in the context of MPC is Yao's millionaire's problem. In Yao's millionaire's problem there are two millionaires Alice and Bob. We will call Alice's wealth x and Bob's wealth y. Alice and Bob want to know who of them is has more money. i.e. they want to compute the function  $F(x,y) := \begin{cases} Alice is richer & y \leq x \\ Bob is richer & y > x \end{cases}$ . Yet neither of them is willing to trust the other and tell him how much money he has. Yao's millionaire's problem can be generalised into the general MPC problem. Instead of Bob and Alice we now consider n parties  $p_0, \ldots, p_{n-1}$  and each party i holds an arbitrary input  $x_i$  for an arbitrary function  $F(x_0, \ldots, x_{n-1})$  that all parties have agreed upon. A MPC protocol  $\pi$  is protocol, that allows  $p_0, \ldots, p_{n-1}$  to compute  $F(x_0, \ldots, x_{n-1})$  without revelling  $x_0, \ldots, x_{n-1}$ .

## 4 related work

### 4.1 conclave

2019, end-to-end security by mix max, "SMCQL most similar existing system"

### 4.2 aby3

In [MRR20] .. 3 Party setting , honest majority passiv adversary O(n) constant round, inner left ,full join, set union,set minus, single table operation like where or aggregate.prototype LAN VS WAN

### 4.3 smcql

# **Bibliography**

- [Eti14] Y. Eti. On the Importance of Correct Stirring. International Journal of Cookie Theory, 13(1):1–247, 2014.
- [MRR20] Payman Mohassel, Peter Rindal, and Mike Rosulek. Fast Database Joins and PSI for Secret Shared Data, page 1271–1287. Association for Computing Machinery, New York, NY, USA, 2020.