

## Kolmogorov-Smirnov: Práctico 9, ejercicio 1.

La distribución conocida es  $Unif(4.7, 5.9)$ . Y los datos son: [5.3, 5.1, 4.8, 4.9, 5.3, 5.2, 5.8, 5.5, 5.6, 5.2]. La prueba de hipótesis tiene la siguiente forma:

$$\begin{cases} H_0 : F_x = Unif(4.7, 5.9) \\ H_1 : F_x \neq Unif(4.7, 5.9) \end{cases}$$

Primero se plantea Kolmogorov-Smirnov:

$$K_n = D \times \sqrt{n} \rightarrow \mathcal{K}$$

Segundo la RC tiene la forma de:

$$RC = \{\sqrt{n} \times D > t_{1-\alpha}\}$$

Ahora se continua hallando el valor de  $D$ .

$$D = \sup |F_X(x) - F_0(x)|$$

$$D = 0.7 - 0.5 = 0.2$$

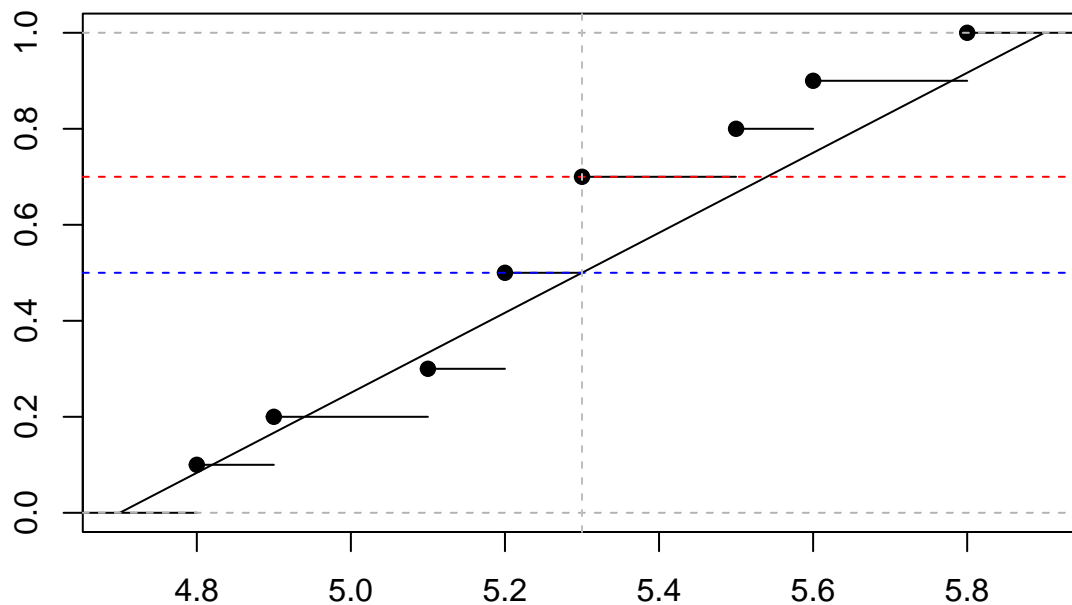
Como  $n < 30$  utilizamos la tabla y buscamos el valor de  $t_{1-\alpha}$ , para  $n = 10$  y  $\alpha = 0.05$ :

$$t_{1-\alpha} = 0.40925$$

Finalmente:

$$RC = \{D \times \sqrt{n} > 0.40925\}$$

Ya que  $D \times \sqrt{n} = 0.63$  es más grande que  $t_{1-\alpha}$  se puede decir que rechazamos  $H_0$ .



```
test_ks <- ks.test(datos, "punif", 4.7, 5.9)
```

Al realizar el ejercicio en R obtenemos  $D = 0.2$  y un  $p$ -valor  $= 0.819$ , ya que el  $p$ -valor es mayor a  $0.05$  podemos decir que no hay evidencias significativas como para rechazar  $H_0$ . Y esto es completamente lo contrario a lo que nos da al calcular “a mano”, donde rechazabamos  $H_0$ .