4. Rovnice a nerovnice

Sunday 20 March 2022

14:15

Neekvivalentní úpravy

Pokaždé musíme udělat zkoušku, pokud jsme je dělali

- Odmocnina s jednou neznámou => dát jí na jednu stranu rovnice a umocnit
- Odocnina s více neznámými => dát je zase na jednu stranu a umocňovat, dokud nemám vše umocněno, zbytek zůstává na druhé straně rovnice

Odmocnina = umocním celou rovnici

Více odmocnin, umocňuji celou rovnici, používám základní vzorce, a zkouším odebírat kusy, co jsou stejné.

Podle stupně polynomu P(x) rozlišujeme různé typy polynomických rovnic/nerovnic.

- 1. st(P(x))=1 lineární rovnice/nerovnice;
- 2. st(P(x)) = 2 kvadratická rovnice/nerovnice;
- 3. st(P(x)) = 3 kubická rovnice/nerovnice;
- 4. st(P(x))=4 kvartická rovnice/nerovnice;
- 5. atp.

Lineární (ne)rovnice

$$ax + b = 0$$
 /-b

$$ax = -b$$
 /:a

$$x = -b/a$$

a,b E R, a != 0

Kvadratická (ne)rovnice

Obecný tvar:

actbr+c=0 abject, a & O

1. můžu řešit pomocí vzorce

×1×2= -5+ (62-400) => D

2. můžu řešit pomocí doplnění na čtverec a rozložení na kořenové činitele

$$ax^2 + bx + c = a\left(x^2 + \frac{b}{a}x\right) + c$$

$$= a\left(x^2 + 2\frac{b}{2a}x + \underbrace{\frac{b^2}{4a^2} - \frac{b^2}{4a^2}}_{0}\right) + c$$

$$= a\left(x^2 + 2\frac{b}{2a}x + \left(\frac{b}{2a}\right)^2\right) + c - \frac{b^2}{4a}$$

$$= a\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 + c - \frac{b^2}{4a}$$
Etverec dvojčlenu a zbytek

$$2x^2 + 4x - 30 = 2(x^2 + 2x) - 30$$

$$= 2(x+1)^2 - 30 - 2$$

$$= 2(x+1)^2 - 32$$

V tuto chvíli máme rozklad na čtverec. Pokračujme jako v obecném příkladu výše:

$$2[(x+1)^2 - 16] = 2(x+1+4) \cdot (x+1-4)$$
$$= 2(x-(-5)) \cdot (x-3)$$

Kořeny tohoto polynomu jsou tedy čísla -5 a 3.

3. můžu použít vietovy vzorce, konkrétně:

$$x_1 + x_2 = -\frac{a}{b}$$

$$x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a}$$

4. mohu použít speciální vzorce

Strategie řečení kvadratických nerovnic:

- 1. Nalezení nulových bodů, tj. kořenů.
- 2. Rozdělení číselné osy na intervaly s kořeny na krajích.
- 3. Nalezení znamének kořenových činitelů v jednotlivých intervalech.
- 4. Závěr a shrnutí.

Speciální typy rovnic

Rovnice s odmocninou - popsal jsem nahoře

Rovnice s absolutní hodnotou

řeším v zásadě více rovnic pro různá znaménka v absolutní hodnotě = když je kladné, tak kladné, když je záporné, tak záporné