Machine Learning - Introduction

Nicolas Bourgeois

- Motivation
 - Exemples
 - L'apprentissage : idée générale
 - Valeur d'un résultat
- Visualisation
 - Aux origines du problème
 - Réduction dimensionnelle
 - Approche non linéaire
- - Introduction
 - Ford-Fulkerson / Edmonds
 - Construction du graphe
 - MATCHING vs CLUSTERING (cliques)
 - La classification hiérarchique ascendante
- Qualité d'un modèle
 - Différentes sources d'erreur
 - Complexité

Exemples

- Motivation
 - Exemples
 - L'apprentissage : idée générale
 - Valeur d'un résultat
- 2 Visualisation
 - Aux origines du problème
 - Réduction dimensionnelle
 - Approche non linéaire
- 3 Décision
 - Introduction
 - Ford-Fulkerson / Edmonds
 - Construction du graphe
 - MATCHING vs CLUSTERING (cliques)
 - La classification hiérarchique ascendante
- Qualité d'un modèle
 - Différentes sources d'erreur
 - Complexité



Web Images Vidéos Actualités

France Filtre Parental : Strict A tout moment F

Europa Universalis — Wikipédia

Europa Universalis est un leu vidéo de grande stratégie développé par Paradox Development Studio et sorti en 2000. Il est inspiré d'un jeu de plateau éponyme ...

W https://fr.wikipedia.org/wiki/Europa Universalis

Europa Universalis IV sur PC - jeuxvideo.com

Europa Universalis IV sur PC: retrouvez toutes les Informations, les tests, les vidéos et actualités du leu sur tous ses supports. Europa Universalis IV sur PC ...

Jeuxvideo.com/jeux/pc/00046149-europa-universalis-iv.htm

Europa Universalis IV

【送料無料】ミズノ硬式用【グローバルエリート】MG*(金属製/84cm/900g以上)シルバー(2th21140) 父の日 sale C1806 数安...

europauntversalts4.com

Europa Universalis 4 — Wikipédia

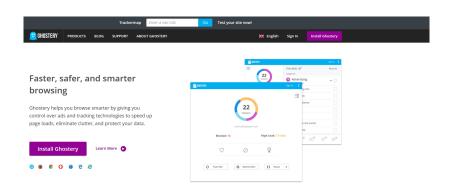
Europa Universalis 4 (stylisé Europa Universalis IV) est un leu de grande stratégie historique développé par la société suédoise Paradox Development Studio et ...

W https://fr.wikipedia.org/wiki/Europa_Universalis_4

Europa Universalis

Europa Universalis est un jeu vidéo de grande stratégie développé par Paradox Development Studio et sorti en 2000. Il est inspiré d'un leu de plateau éponyme créé par Philippe Thibaut distribué par AWE en 1993.

W Plus sur Wikipedia (FR)





Smart Blocking automatically optimizes page



Oynamic UI ncludes multiple displays and detailed tracker



Enhanced Anti-Tracking anonymizes your data to further protect your privacy. This site uses cookies

You are not being tracked since your browser is reporting that you do not want to. This is a setting of your browser so you won't be able to opt-in until you disable the 'Do Not Track' feature.

Exemples



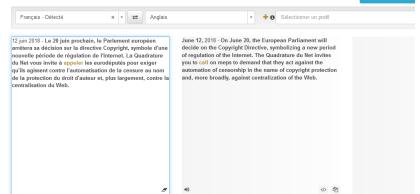
Traduction

Traduction de texte

This demo platform allows you to experience Pure Neural™ machine translation based on the last Research community's findings and SYSTRAM's R&D

You can translate up to 2000 characters of text in the languages proposed below. Check out the information page to learn more.

Click I ENTER SYSTRAN









Capitalisme : 0.5 Socialisme : 0.3 Sociales : 0.3 Marxismes : 0.1

Islam: 0.4 Musulman: 0.4 Mahomet: 0.2 Coran: 0.2

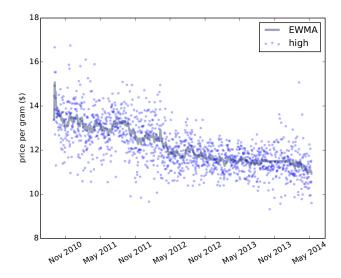
Ouvrage : 0.6 Biographie : 0.3 Extrait : 0.1 Préface : 0.1



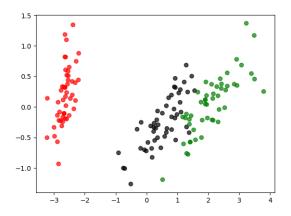
FIGURE: document

FIGURE: topics





Exemples



Motivation

Exemples



- Motivation
 - Exemples
 - L'apprentissage : idée générale
 - Valeur d'un résultat
- 2 Visualisation
 - Aux origines du problème
 - Réduction dimensionnelle
 - Approche non linéaire
- 3 Décision
 - Introduction
 - Ford-Fulkerson / Edmonds
 - Construction du graphe
 - MATCHING vs CLUSTERING (cliques)
 - La classification hiérarchique ascendante
- Qualité d'un modèle
 - Différentes sources d'erreur
 - Complexité

Environnement

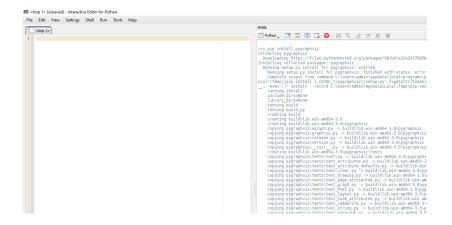
Python 3, avec les librairies suivantes :

- numpy, scipy
- pandas
- matplotlib, seaborn, pygraphviz
- scikit-learn, tensorflow
- jupyter

Motivation

L'apprentissage : idée générale

Install Party Now



Motivation

L'apprentissage : idée générale

Méthode Générale (I)

Définir (acquérir) un jeu de données

Motivation

L'apprentissage : idée générale

- Définir (acquérir) un jeu de données
- Préciser un objectif

- Définir (acquérir) un jeu de données
- Préciser un objectif
- Choisir un modèle

- Définir (acquérir) un jeu de données
- Préciser un objectif
- Choisir un modèle
- Identifier des algorithmes

- Définir (acquérir) un jeu de données
- Préciser un objectif
- Choisir un modèle
- Identifier des algorithmes
- Evaluer la performance (fiabilité)

Motivation

L'apprentissage : idée générale

Apprentissage Supervisé

Observations:

- Variable empirique cible \tilde{Y} (gain d'un match)
- ullet Variables empiriques explicatives \tilde{X} (joueurs, terrain)

Apprentissage Supervisé

Observations:

- Variable empirique cible \tilde{Y} (gain d'un match)
- Variables empiriques explicatives \tilde{X} (joueurs, terrain)

Hypothèses:

- \tilde{X} est un ensemble d'observations lié à un processus aléatoire X
- $m{\tilde{Y}}$ est un ensemble d'observations lié à un processus aléatoire Y
- il existe une relation Y = f(X)

Apprentissage Supervisé

Observations:

- Variable empirique cible \tilde{Y} (gain d'un match)
- Variables empiriques explicatives \tilde{X} (joueurs, terrain)

Hypothèses:

- ullet ést un ensemble d'observations lié à un processus aléatoire X
- $ilde{Y}$ est un ensemble d'observations lié à un processus aléatoire Y
- il existe une relation Y = f(X)

Objectifs:

- Produire une fonction \tilde{f} à partir de \tilde{X} et \tilde{Y}
- Telle que \tilde{f} soit une approximation fiable de f
- On pourra ainsi prédire $\tilde{Y}' = \tilde{f}(\tilde{X}')$ sur un nouvel échantillon

Motivation

L'apprentissage : idée générale

Apprentissage non Supervisé

Observations:

ullet Variable empirique $ilde{X}$ (caractéristiques économiques)

Machine Learning - Introduction

Motivation

L'apprentissage : idée générale

Apprentissage non Supervisé

Observations:

ullet Variable empirique $ilde{X}$ (caractéristiques économiques)

Hypothèses:

 X
 est un ensemble d'observations lié à un processus aléatoire X Machine Learning - Introduction

Motivation

L'apprentissage : idée générale

Apprentissage non Supervisé

Observations:

• Variable empirique \tilde{X} (caractéristiques économiques)

Hypothèses:

 X
 est un ensemble d'observations lié à un processus aléatoire X

Objectifs:

- Caractériser autant que possible le processus X
- Par exemple pour classer l'information \tilde{X}
- Ou pour la visualiser
- D'une façon qui reste fiable sur d'autres observations \tilde{X}'

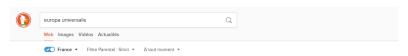
Motivation

L'apprentissage : idée générale

Exercice

Exercice

Dans les exemples précédents, identifier le caractère supervisé ou non du problème et les variables en jeu.



Europa Universalis — Wikipédia

Europa Universalis est un jeu vidéo de grande stratégie développé par Paradox Development Studio et sorti en 2000. Il est inspiré d'un jeu de plateau éponyme ...

W https://fr.wikipedia.org/wiki/Europa_Universalis

Europa Universalis IV sur PC - jeuxvideo.com

Europa Universalis IV sur PC ; retrouvez toutes les Informations, les tests, les vidéos et actualités du leu sur tous ses supports. Europa Universalis IV sur PC ...

Jeuxvideo.com/jeux/pc/00046149-europa-universalis-iv.htm

Europa Universalis IV

【送料無料】ミズノ硬式用【グローバルエリート】MG=(金属製/84cm/900g以上)シルバー(2th21140) 父の日 sale C1806 教安...

europauniversalis4.com

Europa Universalis 4 — Wikipédia

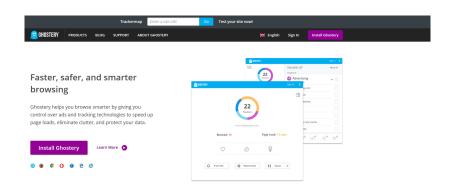
Europa Universalis 4 (stylisé Europa Universalis IV) est un jeu de grande stratégie historique développé par la société suédoise Paradox Development Studio et ...

W https://fr.wikipedia.org/wiki/Europa_Universalis_4

Europa Universalis

Europa Universalis est un jeu vidéo de grande stratégie développe par Paradox Development Studio et sorti en 2000. Il est inspiré d'un jeu de plateau éponyme créé par Philippe Thibaut distribué par AWE en 1993.

W Plus sur Wikipedia (FR)





Smart Blocking
automatically optimizes page



Dynamic UI ncludes multiple displays and detailed tracker



inhanced Anti-Tracking inonymizes your data to urther protect your privacy. This site uses cookies

You are not being tracked since your browser is reporting that you do not want to. This is a setting of your browser so you won't be able to opt-in until you disable the 'Do Not Track' feature.



Traduction

Traduction de texte

This demo platform allows you to experience Pure Neural™ machine translation based on the last Research community's findings and SYSTRAM's R&D

You can translate up to 2000 characters of text in the languages proposed below. Check out the information page to learn more.

Click h ENTER SYSTRAN



Motivation

L'apprentissage : idée générale





Motivation

L'apprentissage : idée générale



Capitalisme: 0.5 Socialisme: 0.3 Sociales: 0.3 Marxismes: 0.1

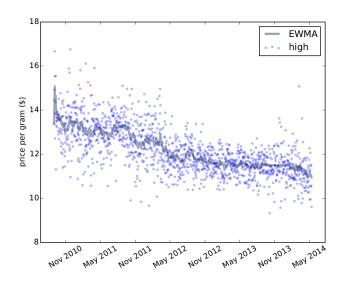
> Islam: 0.4 Musulman: 0.4 Mahomet: 0.2 Coran: 0.2

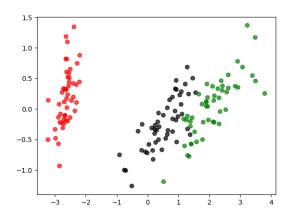
Ouvrage: 0.6
Biographie: 0.3
Extrait: 0.1
Préface: 0.1



FIGURE: document

FIGURE: topics





Motivation

L'apprentissage : idée générale



Valeur d'un résultat

- Motivation
 - Exemples
 - L'apprentissage : idée générale
 - Valeur d'un résultat
- 2 Visualisation
 - Aux origines du problème
 - Réduction dimensionnelle
 - Approche non linéaire
- 3 Décision
 - Introduction
 - Ford-Fulkerson / Edmonds
 - Construction du graphe
 - MATCHING vs CLUSTERING (cliques)
 - La classification hiérarchique ascendante
- Qualité d'un modèle
 - Différentes sources d'erreur
 - Complexité

Qualité

- Adéquation de la prédiction : marge d'erreur, risque d'erreur
- S'évalue sur un échantillon de test différent de l'échantillon d'apprentissage
- Temps de calcul, vitesse de convergence

Machine Learning - Introduction Motivation

Valeur d'un résultat

Surapprentissage

Exercice

Montrez qu'il est toujours possible de trouver un modèle parfaitement fiable sur l'échantillon d'apprentissage.

Machine Learning - Introduction Motivation

Valeur d'un résultat

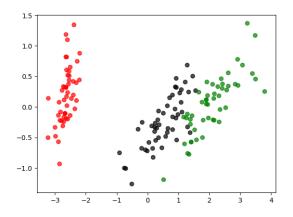
Surapprentissage

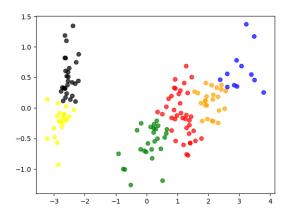
Exercice

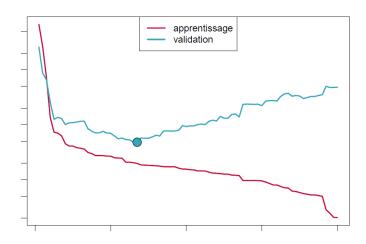
Montrez qu'il est toujours possible de trouver un modèle parfaitement fiable sur l'échantillon d'apprentissage.

Exercice

Montrez que ce modèle peut être en fait très mauvais sur un échantillon de test.







Machine Learning - Introduction

Motivation

Valeur d'un résultat

Warnings

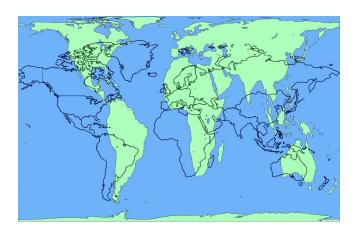
Exercice

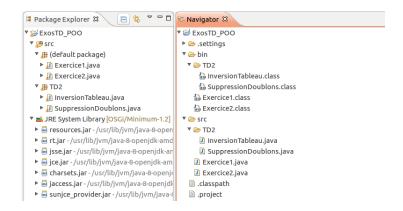
Essayez d'identifier un maximum de sources d'échec dans un processus d'apprentissage.

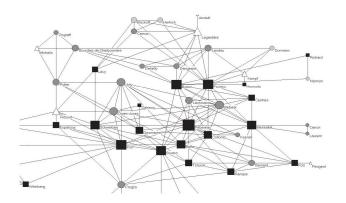
Solutions dans la partie 4...

- **1** Motivation
 - Exemples
 - L'apprentissage : idée générale
 - Valeur d'un résultat
- Visualisation
 - Aux origines du problème
 - Réduction dimensionnelle
 - Approche non linéaire
- 3 Décision
 - Introduction
 - Ford-Fulkerson / Edmonds
 - Construction du graphe
 - MATCHING vs CLUSTERING (cliques)
 - La classification hiérarchique ascendante
- Qualité d'un modèle
 - Différentes sources d'erreur
 - Complexité

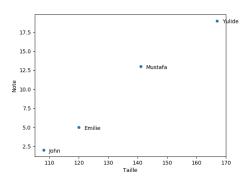


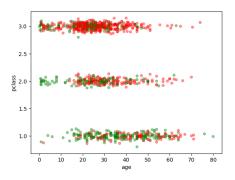












0.000; 0.004; 0.004; 0.003; 0.004; 0.003; 0.004; 0.143; 0.005; 0.002; 0.007; 0.002; 0.007; 0.002; 0.003; 0.001; 0.002; 0.003; 0.0 0,000; 0.0 0.002; 0.001; 0.002; 0.001; 0.002; 0.001; 0.001; 0.001; 0.001; 0.001; 0.001; 0.001; 0.001; 0.000; 0.003; 0.001; 0.000; 0.000; 0.001; 0.000; 0.001; 0.0 0.000:0.001:0.057:0.000.000:0.001:0.096:0.001:0.000.000:0.066:0.019:0.000:0.000:0.047:0.011:0.010:0.000:0.000:0.001:0.000:0.001:0.000.000:0.001:0.049:0.001:0.000.000 :0.002 :0.252 :0.002 :0.001 :0.001 :0.001 :0.001 :0.001 :0.001 :0.001 :0.001 :0.001 :0.001 :0.001 :0.001 :0.001 :0.001 :0.005 :0.000 :0.0 0,000; 0.0 0; 0.000; 0.001; 0.004; 0.001; 0.000; 0.004; 0.001; 0.000; 0.007; 0.001; 0.000; 0.001; 0.001; 0.001; 0.002; 0.001; 0.002; 0.001;

0.000; 0.005; 0.021; 0.000; 0.000; 0.000; 0.006; 0.001; 0.000; 0.001; 0.000; 0.002; 0.000;

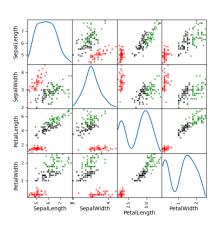
0,000; 0.000; 0.000; 0.000; 0.000; 0.000; 0.001; 0.002; 0.002; 0.002; 0.002; 0.001; 0.000; 0.0



Réduction dimensionnelle

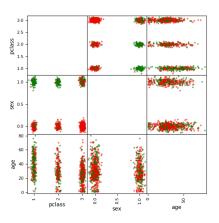
- **1** Motivation
 - Exemples
 - L'apprentissage : idée générale
 - Valeur d'un résultat
- Visualisation
 - Aux origines du problème
 - Réduction dimensionnelle
 - Approche non linéaire
- 3 Décision
 - Introduction
 - Ford-Fulkerson / Edmonds
 - Construction du graphe
 - MATCHING vs CLUSTERING (cliques)
 - La classification hiérarchique ascendante
- Qualité d'un modèle
 - Différentes sources d'erreur
 - Complexité

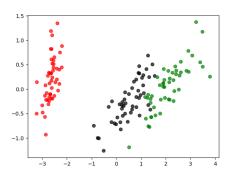
Scatter Matrix



Scatter Matrix

Scatter Matrix

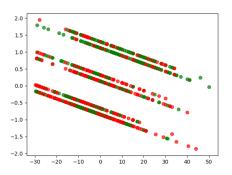


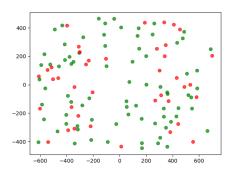


import matplotlib.pyplot as plt

```
from sklearn import datasets
from sklearn.decomposition import PCA

iris = datasets.load_iris()
X,Y = iris.data, iris.target
colMap={0:"red",1:"green",2:"black"}
colors=list(map(lambda x:colMap.get(x),Y))
X_2ev = PCA(n_components=2).fit_transform(X)
plt.scatter(X_2ev[:,0],X_2ev[:,1],alpha=0.7,c=colors)
plt.show()
```

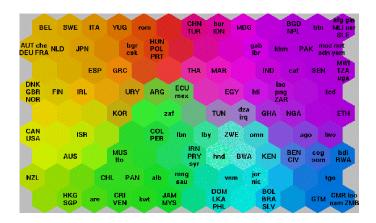




Approche non linéaire

- **1** Motivation
 - Exemples
 - L'apprentissage : idée générale
 - Valeur d'un résultat
- Visualisation
 - Aux origines du problème
 - Réduction dimensionnelle
 - Approche non linéaire
- 3 Décision
 - Introduction
 - Ford-Fulkerson / Edmonds
 - Construction du graphe
 - MATCHING vs CLUSTERING (cliques)
 - La classification hiérarchique ascendante
- Qualité d'un modèle
 - Différentes sources d'erreur
 - Complexité

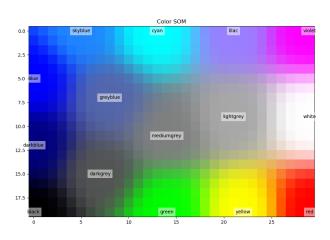
Kohonen Map



Kohonen Map

```
from som1 import *
colors = np.array(
  [[0., 0., 0.], [0., 0., 1.], [0., 0., 0.5], [0.125, 0.529, 1.0],
  [0.33, 0.4, 0.67], [0.6, 0.5, 1.0], [0., 1., 0.],
  [1., 0., 0.], [0., 1., 1.], [1., 0., 1.], [1., 1., 0.],
  [1., 1., 1.], [.33, .33, .33], [.5, .5, .5], [.66, .66, .66]]
color names = \
    ['black', 'blue', 'darkblue', 'skyblue',
     'greyblue', 'lilac', 'green', 'red',
     'cyan', 'violet', 'yellow', 'white',
     'darkgrey', 'mediumgrey', 'lightgrey']
som = SOM(20, 30, 3, 400)
som. train (colors)
image grid = som.get centroids()
mapped = som.map vects(colors)
plt.imshow(image_grid)
plt.title('Color SOM')
for i, m in enumerate (mapped):
    plt.text(m[1], m[0], color_names[i], ha='center', va='center',
    bbox=dict(facecolor='white', alpha=0.5, lw=0))
plt.show()
```

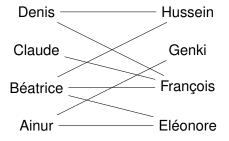
Kohonen Map



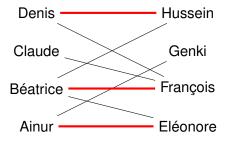
Introduction

- **Motivation**
 - Exemples
 - L'apprentissage : idée générale
 - Valeur d'un résultat
- 2 Visualisation
 - Aux origines du problème
 - Réduction dimensionnelle
 - Approche non linéaire
- Oécision
 - Introduction
 - Ford-Fulkerson / Edmonds
 - Construction du graphe
 - MATCHING vs CLUSTERING (cliques)
 - La classification hiérarchique ascendante
- 4 Qualité d'un modèle
 - Différentes sources d'erreur
 - Complexité

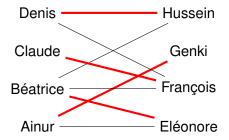
Un graphe de compatibilité



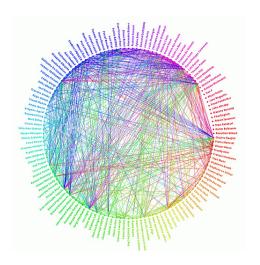
Une allocation sous-optimale



Une allocation optimale



Pas toujours facile



Introduction

Formalisation du problème

Soit un graphe G défini par un ensemble de sommets V et un ensemble d'arêtes E. On cherche

Formalisation du problème

Soit un graphe G défini par un ensemble de sommets V et un ensemble d'arêtes E. On cherche

un sous-ensemble d'arêtes $F \subset E$:

Formalisation du problème

Soit un graphe G défini par un ensemble de sommets V et un ensemble d'arêtes E. On cherche

un sous-ensemble d'arêtes $F \subset E$:

tel que deux arêtes ne soient pas incidentes

Formalisation du problème

Soit un graphe G défini par un ensemble de sommets V et un ensemble d'arêtes E. On cherche

un sous-ensemble d'arêtes $F \subset E$:

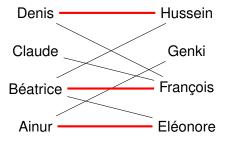
tel que deux arêtes ne soient pas incidentes

de taille maximale

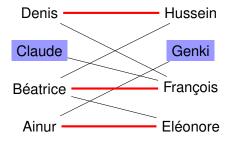
Ford-Fulkerson / Edmonds

- Motivation
 - Exemples
 - L'apprentissage : idée générale
 - Valeur d'un résultat
- 2 Visualisation
 - Aux origines du problème
 - Réduction dimensionnelle
 - Approche non linéaire
- Oécision
 - Introduction
 - Ford-Fulkerson / Edmonds
 - Construction du graphe
 - MATCHING vs CLUSTERING (cliques)
 - La classification hiérarchique ascendante
- 4 Qualité d'un modèle
 - Différentes sources d'erreur
 - Complexité

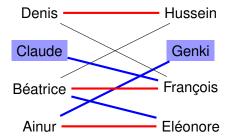
Chaîne augmentante



Deux sommets isolés



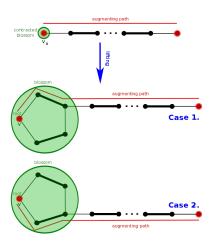
Une chaîne alternée



Chaîne augmentante

```
def chaine (couplage, sommets, aretes):
    isoles = \{x \text{ for } x \text{ in } \text{ sommets} \}
              if all(x not in e for e in couplage)}
    v = isoles.pop()
    reste, voisin, w, sol = sommets.copy(), None, v,[]
    while reste != set() and voisin not in isoles:
         voisin = {y for y in reste
                   if {y,w} in aretes \ . pop()
         sol.append({w, voisin})
         reste.remove(voisin)
         if voisin not in isoles:
             w = \{y \text{ for } y \text{ in } reste
                   if {y, voisin} in couplage \ . pop()
              reste.remove(w)
    return (sol)
```

Le cas non-biparti



Construction du graphe

- Motivation
 - Exemples
 - L'apprentissage : idée générale
 - Valeur d'un résultat
- 2 Visualisation
 - Aux origines du problème
 - Réduction dimensionnelle
 - Approche non linéaire
- Operation

 Operation

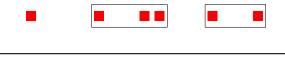
 Description

 Descrip
 - Introduction
 - Ford-Fulkerson / Edmonds
 - Construction du graphe
 - MATCHING vs CLUSTERING (cliques)
 - La classification hiérarchique ascendante
- 4 Qualité d'un modèle
 - Différentes sources d'erreur
 - Complexité

Données monovariées

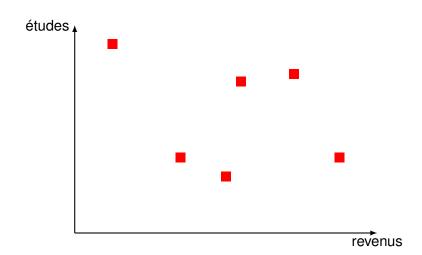


Données monovariées

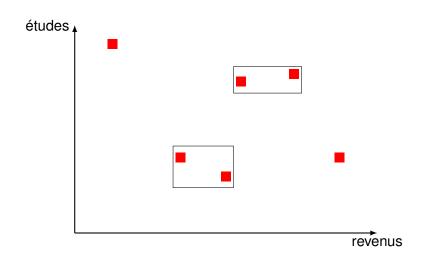


revenus

Données bivariées



Données bivariées

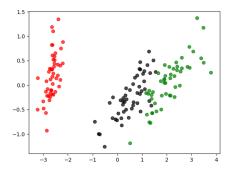


Données multivariées

Comment représenter sur un écran un classement selon des dizaines ou des milliers de critères ?

Comment déterminer des compatibilités entre des individus représentés par autant de variables?

Réduction dimensionnelle



Réduction dimensionnelle

import matplotlib.pyplot as plt

```
from sklearn import datasets
from sklearn.decomposition import PCA

iris = datasets.load_iris()
X,Y = iris.data, iris.target
colMap={0:"red",1:"green",2:"black"}
colors=list(map(lambda x:colMap.get(x),Y))
X_2ev = PCA(n_components=2).fit_transform(X)
plt.scatter(X_2ev[:,0],X_2ev[:,1],alpha=0.7,c=colors)
plt.show()
```

À vous de jouer!

Importez le fichier data2.csv et essayez de construire une représentation ou de modéliser un graphe de compatibilité.

Données numériques

Normalisation (exemple):

$$x' = \frac{x - xmin}{xmax - xmin}$$

Agrégation (exemple) :

$$d(X,Y) = \sqrt{\sum (x_i - y_i)^2}$$

Données par modalités

Distance binaire:

$$d(X, Y) = \sharp \{x_i \neq y_i\} = \sum_{x_i \neq y_i} 1$$

Distance pondérée :

$$d(X,Y) = \sum_{X_i \neq Y_i} \omega_i$$

Machine Learning - Introduction

Construction du graphe

Décision

Exemple

X: BLOND, BAC+5, MODEM, 43 ans

Y: BLOND, BAC+2, NPA, 36 ans

Exemple

X: BLOND, BAC+5, MODEM, 43 ans

Y: BLOND, BAC+2, NPA, 36 ans

X': BLOND, 0.6, MODEM, 0.7

Y': BLOND, 0.3, NPA, 0.55

Exemple

X: BLOND, BAC+5, MODEM, 43 ans

Y: BLOND, BAC+2, NPA, 36 ans

X': BLOND, 0.6, MODEM, 0.7

Y': BLOND, 0.3, NPA, 0.55

$$d(X,Y) = \sqrt{0 + (0.6 - 0.3)^2 + 1 + (0.7 - 0.55)^2}$$

À vous de jouer!

Construisez une matrice de distances sur les données du fichier data2.csv.

Principe

On fixe un seuil, par exemple S = N/4, où N est le nombre de variables.

Principe

On fixe un seuil, par exemple S = N/4, où N est le nombre de variables.

On considère que deux sommets doivent être reliés si et seulement si leur distance est inférieure au seuil.

$$(X,Y) \in G \iff d(X,Y) < S$$

Construction du graphe

Exemple

X: BLOND, 0.6, MODEM, 0.7

Y: BLOND, 0.3, NPA, 0.55

Z: BRUN, 0.5, LR, 0.8

T: BRUN, 0.2, NPA, 0.2

Exemple

	Χ	Υ	Z	Т
Х		1.45	2.30	2.90
Υ			2.45	1.45
Z				1.90
Т				

Exemple

	Χ	Υ	Z	Т
Х		1.45	2.3	2.9
Υ			2.45	1.45
Z				1.9
Т				

À vous de jouer!

- 1) Fixez un seuil et utilisez la matrice de l'exercice précédent pour construire des proximités entre les individus.
- 2) Essayez de produire le graphe correspondant.

MATCHING vs CLUSTERING (cliques)

- Motivation
 - Exemples
 - L'apprentissage : idée générale
 - Valeur d'un résultat
- 2 Visualisation
 - Aux origines du problème
 - Réduction dimensionnelle
 - Approche non linéaire
- Operation

 Operation

 Description

 Descrip
 - Introduction
 - Ford-Fulkerson / Edmonds
 - Construction du graphe
 - MATCHING vs CLUSTERING (cliques)
 - La classification hiérarchique ascendante
- 4 Qualité d'un modèle
 - Différentes sources d'erreur
 - Complexité

Soit un graphe G défini par un ensemble de sommets V et un ensemble d'arêtes E. On cherche

Soit un graphe G défini par un ensemble de sommets V et un ensemble d'arêtes E. On cherche

un sous-ensemble d'arêtes $F \subset E$:

Soit un graphe G défini par un ensemble de sommets V et un ensemble d'arêtes E. On cherche

un sous-ensemble d'arêtes $F \subset E$:

tel que deux arêtes ne soient pas incidentes

Soit un graphe G défini par un ensemble de sommets V et un ensemble d'arêtes E. On cherche

un sous-ensemble d'arêtes $F \subset E$:

tel que deux arêtes ne soient pas incidentes

de taille maximale

MATCHING vs CLUSTERING (cliques)

Rappel: le CLUSTERING

Soit un graphe G défini par un ensemble de sommets V et un ensemble d'arêtes E. On cherche

Rappel: le CLUSTERING

Soit un graphe G défini par un ensemble de sommets V et un ensemble d'arêtes E. On cherche

Une division de V en sous-ensembles disjoints V_1 , V_2 , V_3 ...

Rappel: le CLUSTERING

Soit un graphe G défini par un ensemble de sommets V et un ensemble d'arêtes E. On cherche

Une division de V en sous-ensembles disjoints V_1 , V_2 , V_3 ...

avec un maximum d'arêtes à l'intérieur de chaque V_i

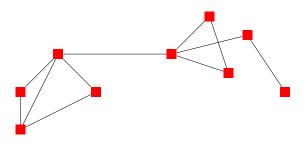
Rappel: le CLUSTERING

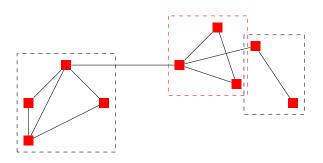
Soit un graphe G défini par un ensemble de sommets V et un ensemble d'arêtes E. On cherche

Une division de V en sous-ensembles disjoints V_1 , V_2 , V_3 ...

avec un maximum d'arêtes à l'intérieur de chaque V_i

et un minimum à l'extérieur, entre les différents V_i .





Différents types d'objectifs

 Ne regrouper que des éléments tous deux à deux compatibles :

$$x \in V_i, y \in V_i \Longrightarrow (x, y) \in G$$

Différents types d'objectifs

 Ne regrouper que des éléments tous deux à deux compatibles :

$$x \in V_i, y \in V_i \Longrightarrow (x, y) \in G$$

Ratio inter/intra minimal :

$$\min \frac{\sharp \{(x,y) \in G, x \in V_i, y \in V_j\}}{\sharp \{(x,y) \in G, x, y \in V_i\}}$$

MATCHING vs CLUSTERING (cliques)

À vous de jouer!

Trouvez un clustering pertinent sur l'exemple des exercices précédents.

- Motivation
 - Exemples
 - L'apprentissage : idée générale
 - Valeur d'un résultat
- 2 Visualisation
 - Aux origines du problème
 - Réduction dimensionnelle
 - Approche non linéaire
- - Introduction
 - Ford-Fulkerson / Edmonds
 - Construction du graphe
 - MATCHING vs CLUSTERING (cliques)
 - La classification hiérarchique ascendante
- 4 Qualité d'un modèle
 - Différentes sources d'erreur
 - Complexité

Machine Learning - Introduction

Décision

La classification hiérarchique ascendante

Principe

On va procéder de façon itérative.

Machine Learning - Introduction

Décision

La classification hiérarchique ascendante

Principe

On va procéder de façon itérative.

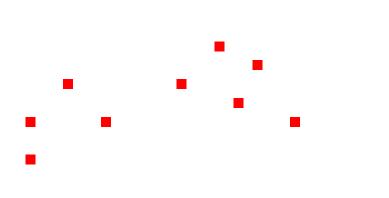
A chaque étape on regroupe les deux éléments les plus proches.

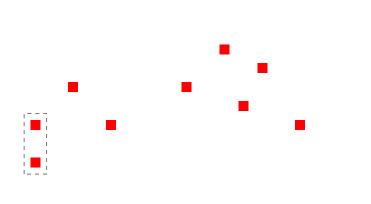
Principe

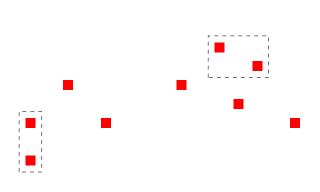
On va procéder de façon itérative.

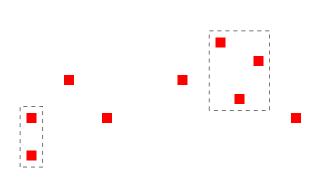
A chaque étape on regroupe les deux éléments les plus proches.

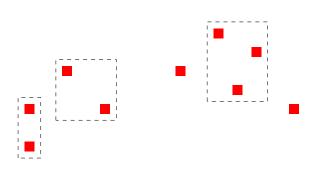
Le groupement ainsi constitué est considéré comme un pseudo-élément positionné en son barycentre.

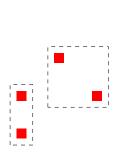


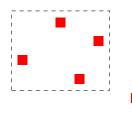












Machine Learning - Introduction

Décision

La classification hiérarchique ascendante

À vous de jouer!

Programmez un algorithme de classification hiérarchique ascendante. Testez-le sur l'exemple précédent (à partir de la table de distances).

Différentes sources d'erreur

- Motivation
 - Exemples
 - L'apprentissage : idée générale
 - Valeur d'un résultat
- Visualisation
 - Aux origines du problème
 - Réduction dimensionnelle
 - Approche non linéaire
- 3 Décision
 - Introduction
 - Ford-Fulkerson / Edmonds
 - Construction du graphe
 - MATCHING vs CLUSTERING (cliques)
 - La classification hiérarchique ascendante
- Qualité d'un modèle
 - Différentes sources d'erreur
 - Complexité

Machine Learning - Introduction

Qualité d'un modèle

Différentes sources d'erreur

Dissimilarité

Choix d'une mesure de l'écart entre prédiction et observation.

Dissimilarité

Choix d'une mesure de l'écart entre prédiction et observation. Minimiser :

$$d(\tilde{f}(x), y)$$

Exemples de dissimilarités

$$d(\tilde{f}(x), y) = ||\tilde{f}(x) - y||_2^2 = \sum (\tilde{f}(x)_i - y_i)^2$$

$$d(\tilde{f}(x), y) = |\tilde{f}(x) - y| = \sum |\tilde{f}(x)_i - y_i|$$

$$d(\tilde{f}(x), y) = |\{i, \tilde{f}(x)_i \neq y\}_i|$$

$$d(\tilde{f}(x), y) = \sum w_i |\tilde{f}(x)_i - y_i|$$

$$d(\tilde{f}(x), y) = \sum \phi_i (\tilde{f}(x)_i, y_i)$$

Machine Learning - Introduction

Qualité d'un modèle

Différentes sources d'erreur

Exercice

Exercice

Trouvez des contextes pour lesquels des mesures de dissimilarités différentes sont appropriées.

Machine Learning - Introduction

Qualité d'un modèle

Différentes sources d'erreur

Rappel des Hypothèses

Observations:

- Variable empirique cible \tilde{Y}
- Variables empiriques explicatives X

Rappel des Hypothèses

Observations:

- Variable empirique cible \tilde{Y}
- Variables empiriques explicatives \tilde{X}

Hypothèses:

- \tilde{X} est un ensemble d'observations lié à un processus aléatoire X
- Y
 est un ensemble d'observations lié à un processus aléatoire Y
- il existe une relation Y = f(X)

Rappel des Hypothèses

Observations:

- ullet Variable empirique cible $ilde{Y}$
- Variables empiriques explicatives \tilde{X}

Hypothèses:

- \tilde{X} est un ensemble d'observations lié à un processus aléatoire X
- $ilde{Y}$ est un ensemble d'observations lié à un processus aléatoire Y
- il existe une relation Y = f(X)

Objectifs:

- Produire une fonction \tilde{f} à partir de \tilde{X} et \tilde{Y}
- Telle que \tilde{f} soit une approximation fiable de f
- On pourra ainsi prédire $\tilde{Y}' = \tilde{f}(\tilde{X}')$ sur un nouvel échantillon

Erreur du modèle

La bonne mesure serait de minimiser :

$$D(\tilde{f}) = \mathbb{E}(d(\tilde{f}(x), y))$$

Erreur du modèle

La bonne mesure serait de minimiser :

$$D(\tilde{f}) = \mathbb{E}(d(\tilde{f}(x), y))$$

Mais comme on ne connaît pas la loi de (X, Y) c'est impossible.

Erreur moyenne empirique

On dispose d'un échantillon de test $\tau = (X_j, Y_j)_{j \le n}$. Minimiser :

$$\tilde{D}(\tilde{f},\tau) = \frac{1}{n} \sum_{j < m} d(\tilde{f}(x_j), y_j)$$

Erreur moyenne empirique

On dispose d'un échantillon de test $\tau = (X_j, Y_j)_{j \le n}$. Minimiser :

$$\tilde{D}(\tilde{f},\tau) = \frac{1}{n} \sum_{j \leq m} d(\tilde{f}(x_j), y_j)$$

Ne pas confondre cette somme sur les données avec la somme sur les variables!

Ne pas confondre cette moyenne empirique avec la moyenne

Machine Learning - Introduction

Qualité d'un modèle

Différentes sources d'erreur

Convergence

D'après la loi des grands nombres, si les observations de test sont indépendantes, la moyenne empirique converge vers l'erreur du modèle.

Pertinence du test

On cherche à évaluer la probabilité que l'écart entre les deux mesures soit faible.

$$P\left(\tilde{D}(\tilde{f}, \tau) - D(\tilde{f}) > \epsilon\right) < 1 - \rho$$

Complexité

- Motivation
 - Exemples
 - L'apprentissage : idée générale
 - Valeur d'un résultat
- 2 Visualisation
 - Aux origines du problème
 - Réduction dimensionnelle
 - Approche non linéaire
- **3** Décision
 - Introduction
 - Ford-Fulkerson / Edmonds
 - Construction du graphe
 - MATCHING vs CLUSTERING (cliques)
 - La classification hiérarchique ascendante
- Qualité d'un modèle
 - Différentes sources d'erreur
 - Complexité

Machine Learning - Introduction

Qualité d'un modèle

Complexité

Exponentielle rapide

Exercice

Implémentez une fonction exponentielle. Combien de multiplications effectue-t-elle pour calculer 3¹³⁰?

Exponentielle rapide

```
def fastexp(a,b):
    if b == 0:
        return 1
    if b%2 == 0:
        return fastexp(a,b//2)**2
    else:
        return a*fastexp(a,b//2)**2
```

Exemples d'algorithmes

Exponentielle rapide : $O(\log n)$

Tri rapide, exponentielle naïve : O(n)

Tri par insertion : $O(n^2)$

Multiplication matricielle naïve : $O(n^3)$

Énumération des sous-ensembles : $O(2^n)$

Voyageur de commerce, Coloration : $O(2^n)$

Énumération des permutations : O(n!)

Ordres de grandeur

Taille	n log n	n^3	2 ⁿ
n = 20	60	8000	1048576
n = 50	196	125000	1125899907000000
<i>n</i> = 100	461	1000000	12676506000000000000000000000000000000000

Machine Learning - Introduction

Qualité d'un modèle

Complexité

retour aux classifications

Exercice

Quelle est la complexité d'un clustering en force brute ? Et celle d'une classification hiérarchique ascendante ?