

Тема “Аналитическая геометрия” и “Графики на плоскости”

1. Задание (на листочке)

Решите уравнение

$$\sin(x)/x=0.$$

2. Задание (на листочке)

Даны три прямые $y=k_1x+b_1$, $y=k_2x+b_2$, $y=k_3x+b_3$. Как узнать, пересекаются они в одной точке или нет?

3. Задание (в программе или на листочке)

На листе тетради «в линейку» (расстояние между линиями равно a) лежит игла (длиной b). Координаты нижней точки иглы (x,y) , игла лежит под углом α . Пересекает ли игла линию или нет?

4. Задание** (задание делать по желанию)

Решите аналитически и потом численно (в программе) уравнение, зависящее от параметра a :

$$\sin(ax)=0$$

при условии: $0.01 < a < 0.02$, $100 < x < 500$.

Т.е. надо найти решение x как функцию параметра a - построить график $x=x(a)$.

Если численным методом не получается найти все ветви решения $x(a)$, то отыщите хотя бы одну.

17.6.2. Найти угол α между прямыми $4y - 3x + 12 = 0$

и $7y + x - 14 = 0$.

17.6.4. Найти угол α между прямыми $x = \sqrt{2}$ и $x = -\sqrt{3}$.

Выяснить тип кривых второго порядка, порожденных следующими уравнениями.

17.6.5. $y^2 - 2x - 2y - 5 = 0$.

17.6.6. $3x^2 + 5y^2 + 12x - 30y + 42 = 0$.

17.6.7. $2x^2 - y^2 + 6y - 7 = 0$.

17.6.8. $2x^2 - 3y^2 - 28x - 42y - 55 = 0$.

$$\textcircled{1} \frac{\sin(x)}{x} = 0$$

$x \neq 0$ и $x = k \cdot \pi$, где k - любое
целое (в т.ч. отрицательное число).
 $k \neq 0$

$$\textcircled{2} y = k_1 x + b_1, y = k_2 x + b_2, y = k_3 x + b_3$$

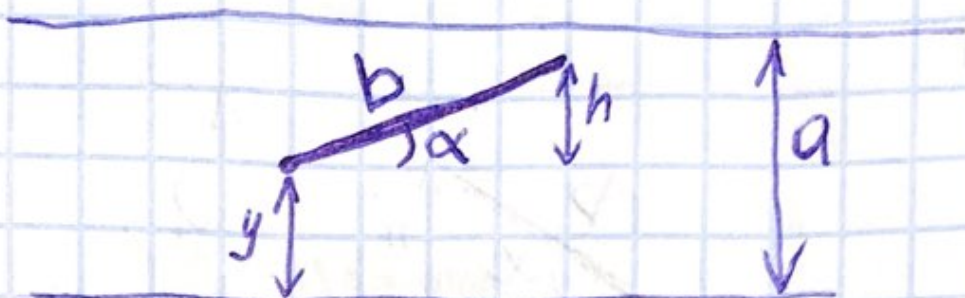
Насколько я понимаю, точка
пересечения этих прямых - либо
единственное решение системы

$$\begin{cases} y = k_1 x + b_1 \\ y = k_2 x + b_2 \\ y = k_3 x + b_3 \end{cases}$$

Если решений нет, то как минимум
две из них не пересекаются.

Наверное, еще возможен вариант,
когда 2 совпадают и пересекаются
с 3-ей, но это будет видно по киб.

③



Чтобы игла не пересекла линию,
должно выполняться условие
 $a > y + h$. Где h можно рассчитать
как длину катета, противолежащего
углу α ($180 - \alpha$). Т.е. $h = b \cdot \sin \alpha$

Отсюда, чтобы игла не пересекла
линию; $y + b \cdot \sin \alpha < a$

$$y + b \cdot \sin(180 - \alpha) < a \quad \text{— для } \alpha > 90^\circ$$

④ $\sin(a \cdot x) = 0$

$$0,01 < a < 0,02$$

$$100 < x < 500$$

$$a \cdot x = k \cdot \pi, \text{ где } k - \text{целое и}$$

$$1 < k\pi < 10$$

$$\frac{1}{\pi} < k < \frac{10}{\pi} \quad (1, 2, 3)?$$

$$x = \frac{k\pi}{a}$$

$$x = \frac{\pi}{a}, \quad x = \frac{2\pi}{a}, \quad x = \frac{3\pi}{a}$$

$$\sin\left(a \cdot \frac{\pi}{a}\right) = \sin \pi = 0$$

$$\sin(2\pi) = 0$$

$$\sin(3\pi) = 0$$

17.6.2 $4y - 3x + 12 = 0, 7y + x - 14 = 0$

$Ax + By + C = 0$
 $\tan \alpha = \frac{A_2 B_1 - A_1 B_2}{A_1 A_2 + B_1 B_2} = \frac{4 + 21}{-3 + 28} = 1, \alpha = \frac{\pi}{4} = 45^\circ$

17.6.4 $x = \sqrt{2}, x = -\sqrt{3}$

Это 2 параллельные прямые, а значит угол между ними равен 0.

Пусть либо $x + 0 \cdot y - \sqrt{2} = 0$ и $x + 0 \cdot y + \sqrt{3} = 0$

$\tan \alpha = \frac{0 \cdot 0}{1 + 0} = 0$

17.6.5 $y^2 - 2x - 2y - 5 = 0$

$y^2 - 2y + 1 = 2x + 6, (y-1)^2 = 2x+6$
парабола

17.6.6 $3x^2 + 5y^2 + 12x - 30y + 42 = 0$

$3(x^2 + 4x + 2) - 6 + 5(y^2 - 6y + 3) - 15 + 42 = 0$

$3(x+2)^2 + 5(y-3)^2 = -21 + \frac{(x+2)^2}{7} + \frac{5(y-3)^2}{2} = -1$
эллипс

17.6.7 $2x^2 - y^2 + 6y - 7 = 0$

$2x^2 - (y^2 - 6y + 3) + 3 - 7 = 0$

$2x^2 - (y-3)^2 = 4; \frac{x^2}{2} - \frac{(y-3)^2}{4} = 1$ гипербола

17.6.8 $2x^2 - 3y^2 - 28x - 42y - 55 = 0$

$2(x^2 - 14x + 7) - 14 - 3(y^2 + 14y + 7) + 21 - 55 = 0$

$2(x-7)^2 - 3(y+7)^2 = 48$
 $\frac{(x-7)^2}{24} - \frac{(y+7)^2}{16} = 1$

гипербола