

# Actividad 9

Isaac Neri Gómez Sarmiento

01 de Mayo de 2018

## 1 Introducción

En esta Actividad aprenderemos a usar Maxima, el cual es un software de álgebra computacional. Este tipo de software permite al usuario manipular expresiones simbólicas y numéricas y graficar. Además, permite integrar, derivar, resolver ecuaciones diferenciales, realizar operaciones matriciales, etc. El software tuvo su origen en un proyecto del MIT llamado proyecto MAC (Proyecto on Mathematics and Computation).

## 2 Sintaxis básico

La primera línea de comando en Maxima está enumerado de la siguiente forma cuando es una entrada: `%i1` y cuando es salida: `%o1`. Para utilizar algún resultado, se puede guardar en una variable o también con el caracter `%`, el cual guarda el valor más reciente calculado. Si queremos que el resultado no se imprima en pantalla, en lugar de escribir `;` al final de una línea, escribimos `$`.

Los dos tipos de números que acepta máxima son reales y complejos. En los reales se incluyen los enteros, racionales e irracionales. Los números irracionales como  $\sqrt{2}$  o  $\log(2)$  se expresan de esa forma y no en números decimales, para expresarlo en formato decimal se utiliza el siguiente comando:

```
(%i1) float(sqrt(2))
(%o1) 1.414213562373095
```

Por otra parte, se pueden racionalizar numeros decimales, es decir expresar en forma de fraccion con el comando **rationalize()**. Por ejemplo, si queremos racionalizar el número .375, entonces escribimos en la línea de comandos **rationalize(.375)** y tendremos la salida como:  $\frac{3}{8}$ . Para poder asignar a una variable un valor u otros objetos, se utiliza el símbolo `:` y no el igual. Una consideración que se debe de hacer es que Maxima es sensible a las mayúsculas.

Para remover un valor asignado a alguna variable se utiliza el comando **remvalue(a)** y para remover los valores asignados de todas las variable creadas se utiliza el comando **remvalue(all)**. Para dar un valor a una variable de una expresión, se utiliza el comando **subst()**. Por ejemplo:

```
(%i12) a:x**3+x**2+x+1;
(a) x^3+x^2+x+1
(%i13) subst(x=2,a);
(%o13) 15
```

A una variable se le puede asociar una ecuación, por ejemplo:

```
(%i16) SegundaleyNewton: F=m*a;
(SegundaleyNewton) F=a*m
(%i21) subst([m=10, 'a=9.8], SegundaleyNewton);
(%o21) F=98.00000000000001
```

La razón por la cual se le puso un apostrofe a la izquierda de "a" es para evitar que se reemplazara para asignarle la expresión antes creada a:  $x^3 + x^2 + x + 1$ . Para realizar una lista, simplemente se encierra en corchetes y se separan por coma los elementos contenidos en ella, por ejemplo:

```

numeros: [1,2,3,4,5,6,7,8,9,10]$
(%i26) cuadrados: numeros**2;
(cuadrados) [1,4,9,16,25,36,49,64,81,100]

```

Para seleccionar un elemento de la lista se utiliza el nombre de la variable y en corchetes e índice del valor. Para obtener una lista de varios números al cuadrado, podemos utilizar una iteración:

```

(%i29) makelist(i**2, i, 1, 10);
(%o29) [1,4,9,16,25,36,49,64,81,100]

```

Maxima identifica constantes tales como el número  $\pi$  usando %pi, el número de Euler  $e$  usando %e y el número imaginario  $i = \sqrt{-1}$  usando %i.

La función **allroots()** proporciona todas las raíces de un polinomio al igual que la función **solve()** por ejemplo:

```

(%i26) allroots(x**2-2*x-1);
(%o26) [x=-0.4142135623730951,x=2.414213562373095]

(%i24) solve(x**2-2*x-1);
(%o24) [x=1-sqrt(2),x=sqrt(2)+1]

```

La diferencia es que la primera da una solución aproximada, mientras que la segunda una solución exacta.

Para resolver un sistema de ecuaciones, sea lineal o no lineal, se tienen que definir las ecuaciones involucradas y utilizar la función **solve()**. Por ejemplo, para resolver el sistema con las ecuaciones de un ejercicio de determinación de corriente eléctrica en un circuito se hace lo siguiente:

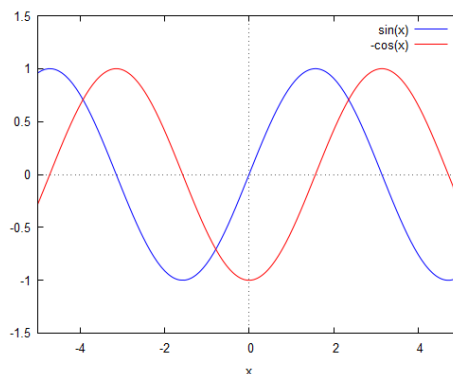
```

(%i27) eqA: -3*I1+9*I2+2*I6=-4$
(%i28) eqB: 3*I1+2*I2+9*I6=-2$
(%i32) eqC: -6*I1-4*I2+4*I6=-22$
(%i33) solve([eqA, eqB, eqC], [I1, I2, I6]);
(%o33) [[I1=27/11,I2=7/11,I6=-13/11]]

```

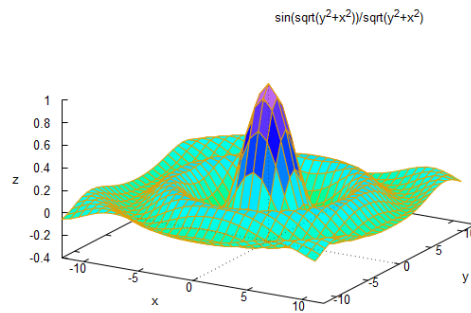
Para graficar en el plano cartesiano, se proporciona el siguiente ejemplo:

```
wxplot2d([sin(x),-cos(x)], [x,-5,5], [y,-1.5,1.5])$
```



Para graficar en R3, se proporciona otro ejemplo:

```
wxplot3d(sin(sqrt(x^2 + y^2))/sqrt(x^2 + y^2), [x,-12,12], [y,-12,12])$
```



### 3 Tutorial: Diferenciación

El comando general para derivar en máxima es:

`diff(expresión, variable, orden de la derivada)`

La ventaja del comando es que puedes poner el número de veces que quieres derivar. Por ejemplo si queremos derivar  $\tan(x)$  5 veces:

```
(%i13) diff(tan(x), x, 5)
(%o13) 16*sec(x)^2*tan(x)^4+88*sec(x)^4*tan(x)^2+16*sec(x)^6
```

Para definir una función que queramos derivar lo haremos de la siguiente forma:

```
(%i28) h(x):=csc(x)$
(%i29) diff(h(x), x, 5);
(%o29) -61*cot(x)*csc(x)^5-58*cot(x)^3*csc(x)^3-cot(x)^5*csc(x)
```

Para poder almacenar la derivada de una función  $f(x)$  como otra función  $g(x)$  se procede de la siguiente forma.

```
(%i30) f(x):=sqrt(tan(cos(x)));
(%i32) g(x):=subst(t=x, diff(f(t), t));
```

Para evaluar la derivada, simplemente se sustituye  $g(x)$  por  $g(a)$ , siendo  $a$  una constante.

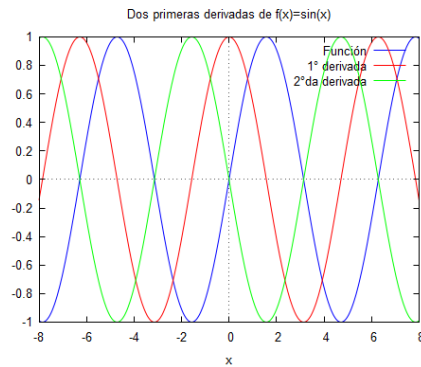
Existe otra manera para simplificar el proceso de sustitución de variable y derivación, utilizando el siguiente comando:

```
NDIFF(f,n):=subst(t=x, diff(f(t), t, n));
```

Esto lo utilizaremos para graficar la función  $\sin(x)$  y sus 2 primeras derivadas.

```
(%i22) f(x):=sin(x);
(%i23) g(x):=NDIFF(f(x),1);
(%i24) h(x):=NDIFF(f(x), 2);
wxplot2d([f(x), g(x), h(x)], [x, -8,8], [legend, "Función", "1° derivada", "2°da derivada"],
, [title, "Dos primeras derivadas de f(x)=sin(x)"]);
```

La gráfica resultante es:



Para obtener un valor en punto decimal de una derivada evaluada y no solo expresada, se utiliza la función `float()`. Por ejemplo:

```
(%i27) l(x):=tan(x);
```

```
(%i31) m(x):=subst(t=x, diff(l(t), t));
```

```
(%i33) m(1/sqrt(2));
```

```
(%o33) sec(1/sqrt(2))^2
```

```
(%i34) float(m(1/sqrt(2)));
```

```
(%o34) 1.730188078413236
```

## 4 Apéndice

1° ¿Cuál fue tu primera impresión de wxmaxima?

Que tiene algunas funciones similares a las de Wolfram Alpha.

2° ¿Crees que esta herramienta puede ser útil en otros de tus cursos?

De hecho sí, mas que nada para facilitar "la talacha" de resolver problemas algebraicos como un sistemas de ecuaciones.

3° ¿Qué se te dificultó más en esta actividad?

No hubo nada que se me dificultara de la actividad. Diría yo que donde tarde más fue en escoger un tutorial.

4° ¿Se te hizo compleja esta actividad? ¿Cómo la mejorarías?

No se me hizo compleja. Considero que estuvo bien esta actividad para introducirnos a la sintaxis de Maxima ya que posiblemente la próxima actividad consista en resolver un problema usando Maxima.