Представим базис в виде:

$$\chi = R(r - \vec{R})A(\theta_A, \varphi_A)$$

$$R(r) = \sum_{i=1}^{n} C_i e^{-\alpha_i r^2}$$

$$A_{lm} = \begin{cases} Y_{lm} r^l \\ (Y_{lm} + Y_{lm}) r^l \\ (Y_{lm} - Y_{lm}) r^l / i \\ x^k y^p z^q & (k + p + q = l) \end{cases}$$

$$l = 1 : A_0 = C_0$$

$$l = 1 : A_1 = \{C_1 x, C_1 y, C_1 z\}$$

$$l = 2 : A_1 = \{C_2 x y, C_2 x z, C_3 y z, C_3 x^2, C_3 y^2, C_3 z^2\}$$

Но эти же функции мы можем переписать в виде:

$$l = 2: A'_1 = \{C_2xy, C_2xz, C_3yz, C_3(x^2 - y^2), C_3(2z^2 - x^2 - y^2)\}$$
  
$$C_3(x^2 + y^2 + z^2) = C_3r^2 \sim r^2 = Y_{00}$$

Таким образом, получили "загрязнение" базиса функциями более низкого порядка — контаминантами.

При l=3 имеем 10 функций, опять же имеется загрязнение вида:  $(x^2+y^2+z^2)=r^2$ .

Когда мы говорим о базисном наборе, мы должны иметь в виду несколько понятий:

- 1. контаминанта функция, загрязняющая l оболочку функциями с l' < l.
- 2. диффузная функция функция с очень малым множителем в показателе экспоненты:  $\alpha \to 0$  имеем сильно размытый гаусс. Нужны для описания анионов или систем с сильно "распухшей"электронной оболочкой. Сродство к электрону: в квантовомеханических рассчетах оно может быть только отрицательно  $(E(A^{\ominus}) E(A) < 0)$ , в противном случае рассчет должен дать не анион, а молекулу плюс электрон такое поведение свидетельствует о том, что выбран неправильный базис (нужны диффузные функции).
- 3. поляризационная функция нужна для описания валентных оболочек: Представим атом водорода в молекуле; под действием полей других атомов валентная *s* орбиталь поляризуется и преобретает симметрию

 $(\text{шар} \to \text{эллипс})$ . Тогда для описания поляризованной функции нужны базисные функции с большим l:

$$s(valence) \rightarrow p(polarization)$$
  $p(valence) \rightarrow d(polarization)$   $d(valence) \rightarrow f(polarization)$ 

Иногда можно использовать в больших молекулах вместо диффузных функции поляризационные функции соседей. Валентное расщепление базисного набора — число линейно независимых функций с данным значением l:

Дважды расщепленные — cc-pv $\overline{\rm DZ},~6-\underline{\rm 31}{\rm G}$ 

Трижды расщепленные — cc-pvTZ, 6 - 311G

 $\operatorname{cc}$  — корреляционно согласованные — много одинаковых базисных функций

$$\chi_1 = \sum_{i=1}^{N} C_i e^{-\alpha_i r^2}$$

$$\chi_2 = \sum_{i=1}^{N} C'_i e^{-\alpha_i r^2}$$

$$\langle \chi_1 | A | \chi_2 \rangle = \sum_i \sum_j C_i C'_j \langle e^{-\alpha_i r^2} | A | e^{-\alpha_j r^2} \rangle$$

Получается, что все средние значения сводятся к вычислению гауссовых примитивов. Тогда можем посчитать интегралы на одних и тех же функциях один раз, а потом просто суммировать.

cc-pvDZ углерода = 3(количество)s, 2p, 1d

cc-pvQZ водорода = 4s, 3p, 2d, 1f

aug-cc-pvDZуглерода = 3s + 1s, 2p + 1p, 1d + 1d (расширенный)

d-aug-cc-pvTZводорода = 3s + 2s, 2p + 2p, 1d + 2d (дважды расширенный)

(9s,4p,1d)/[3s,2p,1d] = cc-pvDZ - 9 разных гауссовых примитивов собраны в 3 s-функций, 4- в 2 р, 1- в одну d.

$$\chi = \sum_{i=1}^{N} C_i N_i e^{-\alpha_i r^2}$$

где  $C_i$  — коэффициенты контрактации при нормированных примитивах (из файла базиса),  $N_i$  — нормировка примитива:

$$N_i^2 \int e^{-2\alpha_i r^2} dx dy dz = 1$$

- 4. комбинация s, p<sub>x</sub>, p<sub>y</sub>, p<sub>z</sub> с одинаковыми экспонентами, но разными коэффициентами контрактации — L функция. В файле базисов состоит из трех колонок — показатель экспоненты, коэффициенты контрактации для s функции, коэффициенты контрактации для p функции. Можно чуть быстрее считать двухэлектронные интегралы.
- 5. optimized general:

Вариационная задача имеет вид:

$$\begin{cases} g_1 = C_1 f_1 + C_2 f_2 + C_3 f_3 + C_4 f_4 \\ g_2 = C_1' f_1 + C_2' f_2 + C_3' f_3 + C_4' f_4 \\ g_3 = f_4 \end{cases}$$

Но тогда можно последнюю функцию выкинуть из первых двух, перенормировать базис и разбить задачу на два куска.

Этапы работы с файлом:

- 1. считать базисный набор из файла;
- 2. явно добавить угловую зависимость;
- 3. пересчитать коэффициенты контрактации с учетом нормировок примитивов;
- 4. перенормировать базисную функцию.

Дальше занимаемся приложением такого базиса к файлу с геометриями.