奈良先端科学技術大学院大学 情報科学研究科 平成 29 年度 博士前期課程入学者選抜試験 数学

更新日: 2016年10月17日

解析

7/7

(?)

級数 $\sum_{n=1}^\infty \frac{n^2+2}{n^4+3n+1}$ の収束・発散を判定せよ。 ただし、級数 $\sum_{n=1}^\infty \frac{1}{n^p}$ は p>1 で収束し、 $p\leq 1$ で発散することを用いてよい。

7/8

(?)

$$\int_0^\pi \frac{x \sin x}{1 + \cos^2 x} \, \mathrm{d}x$$

 $t = x - \pi$ として解け.

代数

7/7

(?)

$$A = \begin{pmatrix} \alpha & 1 \\ 0 & \alpha \end{pmatrix}$$

- 1. 固有ベクトルを求めよ.
- 2. A^n を求めよ.

7/8

(?)

$$A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$$

 $A^2 + 3A + 7E = O$ のとき、ad - bc と b + c を求めよ.