Symmetrische Verschlüsselungsverfahren [WIP]

Sommersemester 2023

mail@nilslambertz.de
nilslambertz

Alle Angaben ohne Gewähr. Keine Garantie auf Vollständigkeit oder Richtigkeit.

mail@nilslambertz.de
nilslambertz

1 Einführung

1.1 Ausgangspunkte für Angriffe

Angriffe können nach den zur Verfügung stehenden Informationen unterteilt werden:

- **Ciphertext-Only-Attack**: Nur das *Chiffre*, also die verschlüsselte Nachricht, ist bekannt
- **Known-Plaintext-Attack**: Es gibt bekannte Klartext-Chiffre-Paare. Hilfreich sind bekannte Anfangs- und Endphrasen, die in mehreren Nachrichten vorkommen.
- **Chosen-Plaintext-Attack**: Es besteht die Möglichkeit, beliebige Texte zu verschlüsseln und somit Klartext-Chiffre-Paare zu erzeugen.

1.2 Angriffsarten

- Brute-Force (z.B. alle Schlüssel ausprobieren)
- Statistische Methoden (z.B. Häufigkeitsanalysen von Buchstaben)
- Strukturelle Angriffe (z.B. Lineare Kryptoanalyse)

1.3 Historische Verschlüsselungsverfahren

Historisch wurden zur Verschlüsselung zwei grundlegende Operationen verwendet:

- **Substitution**
- **Permutation**

Alleine sind beide Verfahren meistens nicht sicher, jedoch verwenden moderne Verschlüsselungsverfahren eine Kombination beider Operationen.

2 Blockchiffren

2.1 Definitionen

2.1.1 Definition: Blockchiffre

Gegeben seien zwei endliche Alphabete A, B und $n, m \in \mathbb{N}$ sowie ein Schlüsselraum $\mathcal{K}$. Eine **Blockchiffre** ist gegeben durch eine Familie von injektiven Abbildungen $f_k : A^n \to B^m$ mit $k \in \mathcal{K}$. In der Regel gilt $A = B = \{0, 1\}$ und $n = m$.

2.1.2 Anforderungen an Blockchiffren

- Gegeben den Schlüssel k müssen sowohl f_k als auch f_k^{-1} **effizient** berechenbar sein
- Ein Angreifer soll nicht zwischen einer *zufälligen Abbildung* und der Blockchiffre mit *zufälligem Schlüssel* unterscheiden können

2.1.3 Definition: Ideal Cipher

Eine **Ideal Cipher** (IC) ist eine (Über-)Idealisierung einer Blockchiffre. Jedem Schlüssel $k \in \{0, 1\}^\lambda$ ist eine vollkommen zufällige Permutation $P_k : \{0, 1\}^n \to \{0, 1\}^n$ zugeordnet (hierbei sind λ und n Sicherheitsparameter) und per Orakelzugriff kann jede Maschine im Modell die Funktionen P_k und P_k^{-1} auswerten. Die Existenz einer solchen IC wird zur Vereinfachung von Beweisen angenommen, man spricht dann von dem **Ideal-Cipher-Modell**.

2.1.4 Anforderungen an Ideal Cipher

- Alle Parteien können über Orakelzugriff P_k und P_k^{-1} auswerten
- Ideal Cipher liefert zu jedem Paar (k, m) ein c "zufällig" gewählt
- Ideal Cipher liefert zu jedem Paar (k, c) ein m "zufällig" gewählt
- Orakel muss jede Ausgabe speichern, damit für gleiche Nachrichten immer das gleiche Chiffre zurückgegeben wird (nicht parallelisierbar)

2.2 DES (Data Encryption Standard)

Der **Data Encryption Standard** ist eine Blockchiffre mit Schlüssellänge $k = 56$ und Blocklänge $n = 64$, die Verschlüsselungsfunktion ist also $\{0,1\}^k \times \{0,1\}^n \to \{0,1\}^n$. Er besteht aus einer **Feistel-Struktur** mit 16 Runden und wurden aufgrund der kurzen Schlüssellänge **gebrochen**.

2.2.1 Beispiel für Encryption-Schritt

$$L_1 = R_0$$
$$R_1 = L_0 \oplus F_{k_1}(R_0)$$

$$L_{16} = R_{15}$$
$$R_{16} = L_{15} \oplus F_{k_{16}}(R_{15})$$

2.2.2 Beispiel für Decryption-Schritt

$$R_{15} = L_{16}$$

$$\begin{aligned} L_{15} &= R_{16} \oplus F_{k_{16}}(R_{15}) \\ &= R_{16} \oplus F_{k_{16}}(L_{16}) \end{aligned}$$

2.2.3 F-Funktion

Die **F-Funktion** ist eine nicht-reversible Funktion, die in jeder Runde der Feistel-Struktur ausgeführt wird. Der Ablauf ist folgender:

1. **Expansion**: Die 32 Eingabebits werden auf 48 Bits erweitert
2. Das bitweise XOR zwischen Expansion und dem Schlüssel wird berechnet
3. Das Ergebnis wird in 6-Bit-Blöcken auf 8 **Substitutionsboxen** verteilt
4. Die Substitution wird permutiert und ausgeben

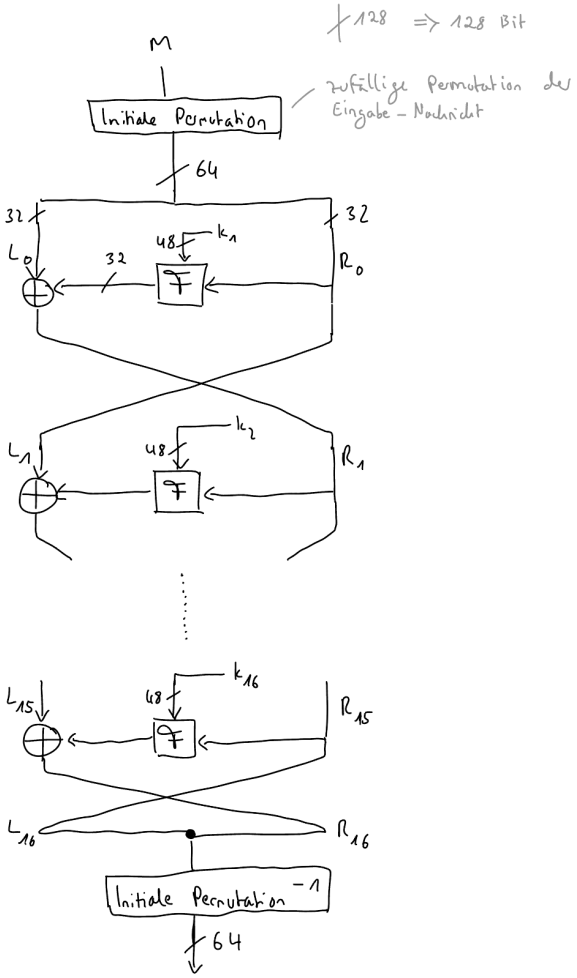


Abbildung 1: DES-Verschlüsselungsalgorithmus

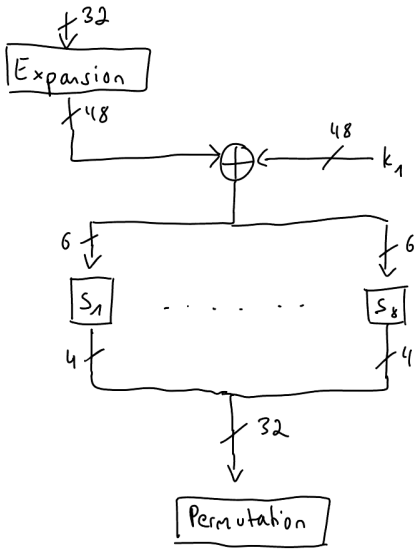


Abbildung 2: F-Funktion

mail@nilslambertz.de
nilslambertz

2.3 2DES

DES wurde aufgrund der kurzen Schlüssellänge (56 Bit) gebrochen und sollte daher nicht mehr in seiner einfachen Form verwendet werden. Es gibt jedoch modifizierte Varianten, die die Sicherheit von DES verbessern, z.B. **2DES**:

Bei 2DES wird die Nachricht zuerst mit k_1 verschlüsselt und das Chiffrat dann erneut mit k_2 verschlüsselt: $c = DES_{k_2}(DES_{k_1}(m))$

2.3.1 Angriff auf 2DES

Gegen 2DES sind **Meet-in-the-Middle**-Angriffe möglich, dabei wird versucht, die Verschlüsselung von beiden Seiten zu brechen.

Gegeben sind zwei Paare (m_1, c_1) und (m_2, c_2), dann funktioniert der Angriff wie folgt:

1. **Vorwärtsschritt**: Berechne $DES_k(m_1)$ und $DES_k(m_2)$ für alle $k = 0, \ldots, 2^{56} - 1$ und speichere alle Werte in einer Tabelle T
2. **Sortierschritt**: Sortiere Tabelle T
3. **Rückwärtsschritt**: Berechne $DES_k^{-1}(c_1)$ und $DES_k^{-1}(c_2)$ für alle $k = 0, \ldots, 2^{56} - 1$ und suche nach Treffern in T

Zeitaufwand des Angriffs:

1. **Vorwärtsschritt**: $2 * 2^{56}$ DES-Operationen
2. **Sortierschritt**: $56 * 2^{56}$ Vergleiche
3. **Rückwärtsschritt**: $2 * 2^{55}$ DES-Operationen (da man nach ungefähr nach der Hälfte fertig ist)

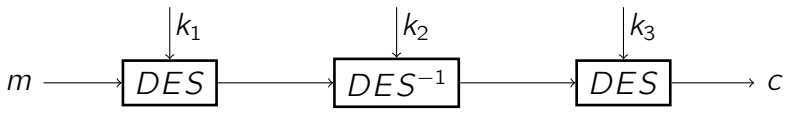
Speicheraufwand des Angriffs:

In der Tabelle müssen ungefähr 2^{60} Byte gespeichert werden, was ungefähr 1.150.000 TB entspricht. Damit ist der Angriff so nicht praktikabel.

Der Angriff lässt sich "verbessern", indem ein Teil des Platzbedarfs mit erhöhtem Rechenaufwand ausgeglichen wird, somit ist das Speicherproblem nicht mehr unüberwindbar, der Angriff dauert aber proportional länger.

2.4 3DES

3DES ist analog zu 2DES definiert. Hierbei werden drei verschiedene Schlüssel k_1, k_2, k_3 verwendet. In der mittleren Box wird statt dem normalen DES die inverse Funktion DES^{-1} verwendet. Dadurch kann bei Bedarf $k_1 = k_2 = k_3$ gesetzt werden, wodurch effektiv nur eine DES-Verschlüsselung mit k_1 ausgeführt wird.



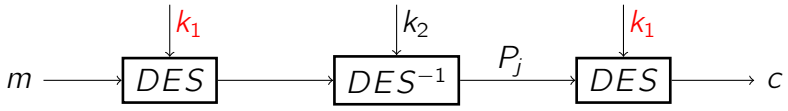
2.4.1 Aufwand für Meet-in-the-Middle-Angriffe gegen 3DES

- **Zeit** $\approx 2^{112}$
- **Platz** $\approx 2^{56}$

mail@nilslambertz.de
nilslambertz

2.4.2 2Key-3DES

2Key-3DES ist eine Variation von 3DES, das einen Schlüssel wiederverwendet:



2.4.3 Advanced Meet-in-the-Middle-Angriff gegen 2Key-3DES

1. Wähle $0 \ldots 0$ als Ergebnis nach erster DES-Box, entschlüssele für alle möglichen Schlüssel: $DES_k^{-1}(0 \ldots 0)$ und schreibe Ergebnis in eine Tabelle (die Berechnung liefert sowohl m als auch P_j)
2. Lasse alle 2^{56} Klartexte m verschlüsseln (chosen-plaintext-attack)
3. Entschlüssele jedes Chiffrat mit **dem einen** bekannten k_1
4. Suche den Wert in der Tabelle, bei Treffern *Kandidat* für (k_1, k_2)
5. Überprüfe an weiteren (m, c)-Paaren

2.4.4 Aufwand für Advanced Meet-in-the-Middle-Angriffe gegen 2Key-3DES

- **Zeit** $\approx 3 * 2^{56}$
- **Platz** $\approx 2^{56}$

2.5 Slide-Attacks

Slide-Attacks sind eine besondere Art von Angriffen, die nur bei Verschlüsselungsverfahren mit besonderer Struktur funktionieren. Die Verschlüsselung muss in mehreren Runden geschehen, wobei in jeder Runde die **gleiche Funktion** mit **gleichem Schlüssel** zum verwendet wird.

Findet man nun zwei Paare (m, c) und (m', c') wie in der folgenden Grafik, muss nur noch eine Runde gebrochen werden, um den Schlüssel zu erhalten: