## شما شنگول گرگزاده اصل و $\Delta$ شما در این آزمون اصلی چهارشنبه برابر با ۲۲۹۹۳۹ است!

```
مسئلهی یک: شنگول با صدای بلند می خواند «حالا یارم بیا!»! ........ ۳۰ نمره
a شنگول در باب دوستی و مرام بین اعداد تعاریف جالبی دارد! در نظر او زوج مرتب \langle a,b \rangle یک «زوج مرتب k-پار» است، اگر
و k دقیقاً k تا مقسومعلیه مشترک داشته باشند. برای مثال زوج مرتب \langle \mathfrak{P}, \mathfrak{q} \rangle ، زوج مرتب \langle \mathfrak{q}, \mathfrak{p} \rangle و زوج مرتب \langle \mathfrak{q}, \mathfrak{p} \rangle سه
 سری زوج مرتب ۲-یار هستند. شنگول می گوید یک زوجمرتب \langle a,b
angle از X کمتر است اگر هم a< X و هم b< X باشد.
۱- الف (۵ نمره) : اگر شنگول تعداد زوجمرتبهای ۱-یار کوچکتر از \Delta را A بنامد، باقیماندهی تقسیم A^{\mathfrak k} بر \Delta چند است؟
ياسخ شما: ....
B^{B} - بB^{B} ناگر شنگول تعداد زوجمرتبهای ۴۸-یار کوچکتر از \Delta را B بنامد، باقیماندهی تقسیم B^{B} بر \Delta چند استB^{B}
ياسخ شما: .....
۱- ج (۱۵ نمره): شنگول مقدار ۱۲۲۹۹۳۹۰ را M مینامد. باقیمانده ی تقسیم تعداد زوجمرتبهای ۴۸-یار کوچکتر از M بر
                                                                                      \Delta چند است؟
پاسخ شما: ....
شنگول در لپتاپ آیدین تکه کد زیر را پیدا کردهاست.
#include <iostream>
using namespace std;
int a[] = \{972, -1, 273, -1, 932, 911, -1, 233\};
int b[] = \{ -1, 942, 135, -1, 371, -1, 311, -1\};
const int k = 2;
int main() {
  int c = 777;
   for (int i=1; i<=k; i++)
     c = (c * a[i-1] + i) % b[i-1];
   if (c == 777)
      cout << "hey!" << endl;</pre>
  return 0;
او میخواهد طوری مقادیر 1 را در سطرهای سوم و چهارم (تعریف آرایههای a و b) با اعداد سه رقمی (بزرگتر از ۹۹ و کوچکتر
                                  از ۱۰۰۰) جایگزین کند که در سطر یازدهم (سطر cout) رشتهی ! hey چاپ شود.
۲- الف (۸ نمره): اگر تعداد راههایی که با مقداردهی تمامی 1- های موجود، خروجی مطلوب چاپ می شود را A بنامیم،
                                                                باقیماندهی تقسیم A بر \Delta چند است؟
ياسخ شما: ....
۲- \mathbf{v} (۱۲ نمره): فرض کنید سطر پنجم برابر باشد با \mathbf{k} = 4; یعنی مقدار \mathbf{k} به به باشد کنید سطر پنجم برابر باشد با
در این صورت اگر تعداد راههایی که با مقداردهی کلیهی 1- های موجود، خروجی مطلوب چاپ میشود را B بنامیم،
                                                                 باقی مانده ی تقسیم B بر \Delta چند است؟
ياسخ شما: .....
۲- ج (۲۰ نمره): فرض کنید سطر ینجم برابر باشد با k = 8; یعنی مقدار k به جای 2 برابر با 8 نوشته شده باشد.
در این صورت اگر تعداد راههایی که با مقداردهی کلیهی 1- های موجود، خروجی مطلوب چاپ میشود را C بنامیم،
                                                                باقیماندهی تقسیم C بر \Delta چند است؟
پاسخ شما: ....
```

مسئلهی سه: شنگول ، بلوکها و مهندسی معماری!
شنگول رشتهی $S$ ( $S$ به توان $x$ ) را برابر رشتهی حاصل از $x$ بار پشت سر هم قرار دادن متوالی $S$ تعریف می کند. برای مثال $(abc)^{\mathfrak{r}}=abcabcabc$
شنگول دوست دارد در آینده اگر در زمینهی برنامهنویسی به جایی نرسید، مهندس معمار بشود! از همین رو، او یک عدد را «بلوکی» مینامد اگر نمایش مبنای دوی آن را بتوان به حداقل یک حالت بهصورت $B^k$ نوشت که $B$ یک رشتهی باینری معتبر (چپترین بیتش یک است) بوده و ۲ $k \geq 1$ باشد. برای مثال عدد ۱۷۰ که نمایش مبنای دوی آن ۱۰۱۰۱۰۱ است یک عدد بلوکی است چون این رشته را میتوان بهصورت $(10)^{\dagger}$ نوشت. اما اعداد ۱۳ و ۴۴ بلوکی نیستند.
در نهایت کار و بهعنوان آخرین تعریف، شنگول مجموعهی $P_n$ را برابر مجموعهی تمام اعداد بلوکی کوچکتر از $Y^n$ می گیرد. برای مثال $P_{\mathfrak{r}}=\left\{ \mathtt{T},\mathtt{V},\mathtt{I}\mathtt{O},\mathtt{I}\mathtt{O} \right\}$ است.
۳-الف (۵ نمره): باقیماندهی تقسیم حاصل ضرب تمام اعضای $P_{\scriptscriptstyle{\Lambda}}$ بر $\Delta$ چند است؟ پاسخ شما:
۳- $Q$ بر $\Delta$ چند است؟ پاسخ شما: و $Q$ بگیریم؛ باقیماندهی تقسیم $Q^\Delta$ بر $\Delta$ چند است؟ پاسخ شما:
۳- $\Delta$ (۱۵ نمره): اگر تعداد اعضای $P_{ au  au}$ را $R$ بگیریم؛ باقیماندهی تقسیم $R^\Delta$ بر $\Delta$ چند است؟ پاسخ شما:
«پاینده و جاوید باشی شنگول جان!»