

آناليز الگوريتمها (٢٢٨٩١) [بهار ٩٩]

موعد: چهارشنبه ۳۱ اردیبهشت ساعت ۱۲

تمرین اضافه سری ۱

1. فرض کنید قرار است برای اولین بار درس الگوریتمهای پسرفته در دانشکده ارائه شود. n نفر کاندیدای TA شدن در این درس هستند و ما می خواهیم دقیقاً یک نفر را انتخاب کنیم. مکانیزم انتخاب به این صورت است که به ترتیب با کاندیداها مصاحبه می کنیم، و بعد از مصاحبه با هرکدام، برای اینکه به وی استرس وارد نشود، بلافاصله باید تصمیم بگیریم که آیا این دانشجو را به عنوان TA انتخاب کنیم یا خیر و تصمیممان را به او اعلام کنیم. فرض کنید تنها چیزی که از مصاحبه با یک دانشجو می فهمیم این باشد که آیا او از همه کاندیداهای قبلی بهتر است یا خیر. نشان دهید هر الگوریتم تصادفی به احتمال حداکثر 1/n (روی بدترین دنباله ورودی برای آن الگوریتم) بهترین TA را انتخاب می کند.

راهنمایی ۱: از اصل مینیمکس یائو استفاده کنید.

راهنمایی ۲: دنبالههایی از کاندیداها را در نظر بگیرید که تا رسیدن به بهترین کاندیدا صعودی هستند.

7. نشان دهید مشابه نتیجهای که در درس برای حالت صفر و یکی مسئله خبرگان بیان شد، در حالت پیوسته هم برقرار است. به طور دقیق تر، فرض کنید بعد از روز tام، ضرر این خبره و سپس وزن خبره را در هر روز با احتمال متناسب با وزنش انتخاب می کنیم. نشان دهید بعد از t روز، امید ریاضی ضرر این الگوریتم حداکثر برابر است با t

موفّق باشيد.