

《密码学导论》课程大作业作品设计报告

作品题目: 随机数的统计分布测试

作品类别: 软件设计 团队名称:

团队人员: 李友好PB23030784

2025年6月8日

1 基本信息表

作品题目: 随机数的统计分布测试

作品内容摘要: 以下是程序员经常使用的产生0到N-1之间随机整数的方法 "x=rand()%N; //以C语言为例" 针对于此本作业实现了以下功能(均采用交互功能通过询问获得输入):

- ① 按 "x=rand()%N" 随机生成后统计每个数的出现概率
- (2) 按 "x=rand()%N" 随机生成后统计每个数重复出现的间隔的分布情况
- ③ 对 "x=rand()%N" 方法进行熵值测评
- ④ 对 "x=rand()%N" 方法进行游程测评
- (5) 对 "x=rand()%N" 方法进行自相关测评
- (6) 对 "x=rand()%N" 方法进行频率测评
- (7) 对 "x=rand()%N" 方法进行累加测评
- ⑧ 设计公式或函数,获得均匀分布的随机数,正态分布的随机数,并测试

关键词(五个):

随机数,统计分布,测评,正态分布,均匀分布

团队成员(按在作品中的贡献大小排序):

李友好PB23030784

2 作品功能与性能说明

2.1 作品功能说明

1. 随机数频率统计 (count_frequency)

功能: 生成指定范围内的随机整数,统计每个随机数出现的频率。用户需输入范围 N 和生成随机数的次数 $count_times$ 。

实现方式:使用 rand()%N 生成随机数,并通过数组 times 记录每个随机数出现的次数,最后计算并输出每个随机数的频率。

2. 重复间隔统计 (count_repetition_intervals)

功能:统计指定范围内随机数重复出现的间隔分布。用户输入范围 N 和生成随机数的次数 count_times。

实现方式:使用二维数组 intervals 记录每个随机数重复出现的间隔次数,通过 last_pos 数组记录每个随机数上一次出现的位置。最后输出每个随机数的间隔分布情况。

3. 熵测试 (entropy_test)

功能:对生成的随机数进行熵测试,评估随机数的随机性。用户输入范围 N 和生成随机数的次数 $count_times$ 。

实现方式: 生成随机数并统计每个数的出现次数, 计算实际熵值和理想熵值, 根据实际熵值是否达到理想熵值的 95% 判断测试是否通过。

4. 游程测试 (runs_test)

功能:对生成的随机数进行游程测试,评估随机数的随机性。用户输入范围 N 和生成随机数的次数 count_times。

实现方式:将随机数转换为二进制序列,统计游程数量,计算期望游程数、方差和标准差,通过 z-score 判断测试是否通过。

5. 自相关测试 (autocorrelation_test)

功能:对生成的随机数进行自相关测试,评估随机数的独立性。用户输入范围 N 和生成随机数的次数 count_times。

实现方式: 计算随机数的均值、自相关系数和标准误差,通过 z-score 判断测试是否通过。

6. 频率测试 (frequency_test)

功能:对生成的随机数进行频率测试,评估随机数的均匀分布性。用户输入范围 N 和生成随机数的次数 $count_times$ 。

实现方式:统计每个随机数的出现次数,计算卡方统计量和自由度,通过 p-value 判断测试是否通过。

7. 累积和测试 (cumulative_sums_test)

功能:对生成的随机数进行累积和测试,评估随机数的随机性。用户输入范围 N 和生成随机数的次数 $COUNT_{times}$

实现方式:将随机数转换为标准化值,计算正向和反向累积和的最大值,计算 z-score 和 p-value,根据 p-value 判断测试是否通过。

8. 随机数生成函数

- 均匀分布随机数 (uniform_random): 生成 0 到 N-1 之间的均匀分布随机数。
- 正态分布随机数 (normal_random): 使用 Box Muller 变换生成指定均值和标准差的正态分布随机数。

9. 统计计算函数

- 均值计算 (mean): 计算数组中有效元素的均值。
- 标准差计算 (stddev): 计算数组的标准差。
- 中位数计算 (median): 计算数组的中位数。

2.2 作品性能说明

1. 时间复杂度

- 随机数生成: 使用 rand() 函数生成随机数,时间复杂度为 O(1)。
- 频率统计和间隔统计: 需要遍历生成的随机数,时间复杂度为 O(count_times)。
- 熵测试、游程测试、自相关测试、频率测试和累积和测试: 主要操作是遍历随机数和进行统计计算,时间复杂度为 $O(\text{count_times})$ 。
- 中位数计算: 使用冒泡排序, 时间复杂度为 $O(n^2)$, 其中 n 是数组的长度。

2. 空间复杂度

- 频率统计和间隔统计: 需要使用数组记录每个随机数的出现次数和间隔次数,空间复杂度为O(N)。
- 熵测试、游程测试、自相关测试、频率测试和累积和测试: 需要使用数组存储随机数和统计结果,空间复杂度为 $O(\text{count_times})$ 。
- 中位数计算: 需要对数组进行排序,空间复杂度为 O(1)。

3 设计与实现方案

3.1 设计原理

① 统计随机数出现概率(count_frequency)

原理: 通过 rand()%N 生成 [0, N-1] 区间的随机整数,利用数组 times 记录每个数的出现次数。

生成指定次数的随机数后,将每个数的出现次数除以总次数,得到其出现概率。核心逻辑是频率统计,通过直接计数和比例计算,直观反映每个数值在随机序列中的分布密度。

② 统计随机数重复间隔分布(count_repetition_intervals)

原理:使用数组 last_pos 记录每个数最后一次出现的位置。每次生成随机数 x 时,若 x 非首次出现,则计算当前位置与上一次位置的间隔 $gap = i-last_pos[x]-1$,并通过二维数组 intervals[x][gap] 统计间隔 gap 的出现次数。最终输出每个数的间隔分布频率,用于分析随机数重复出现的时间间隔规律,评估序列的随机性是否符合均匀间隔预期。

③ 熵值测评(entropy_test)

原理:根据信息熵公式 $H = -\sum (p_i \log_2 p_i)$,计算随机序列的实际熵值。其中 p_i 是每个数的出现概率。理想情况下,均匀分布的熵值为 $\log_2 N$ 。通过比较实际熵值与理想熵值的 95% 阈值,判断序列的随机性是否接近理论最优(均匀分布)。熵值越高,序列的不确定性越强,随机性越好。

④ 游程测评(runs_test)

原理:将随机数转换为二进制序列(以中位数为阈值,大于等于阈值为 1,否则为 0),统计连续相同数字的"游程"数量。根据理论公式计算期望游程数和标准差,通过 z-score 检验实际游程数与期望值的偏离程度。若 |z|<1.96(95% 置信区间),则认为序列的游程分布符合随机序列的统计特性。

⑤ 自相关测评(autocorrelation_test)

原理: 计算随机序列中相邻数据的自相关系数,衡量前后数据的依赖程度。理想随机序列的自相关系数应接近 0。通过计算均值、自相关系数和标准误差,得到 z-score。若 |z| < 1.96,说明序列中相邻数据无显著相关性,符合随机性要求。

⑥ 频率测评(frequency_test)

原理:使用卡方检验评估随机数的频率分布是否均匀。计算每个数的实际出现次数与理论期望次数(总次数 / N)的差异,构造卡方统计量 $\chi^2 = \sum \frac{(O-E)^2}{E}$ 。根据自由度 N-1 和 p-value 判断:若 p>0.05,则接受"均匀分布" 假设,认为序列频率分布无显著异常。

(7) 累加测评(cumulative_sums_test)

原理:将随机数转换为标准化值(大于等于中位数为 1,否则为 -1),计算正向和反向累加和的最大值。通过标准化处理(除以 \sqrt{n})得到统计量 z,并近似计算 p-value。若 p > 0.01,说明累加和的波动在随机序列的合理范围内,未显示非随机性趋势。

⑧ 均匀分布与正态分布随机数生成及测试(last_part_test)

原理:

均匀分布:通过 uniform_random(N) = $\frac{\text{rand}()}{\text{RAND_MAX}} \times N$ 生成 [0, N) 区间的均匀随机数,利用卡方检验和直方图验证其分布均匀性。

正态分布:使用 Box-Muller 变换,通过两个均匀随机数 u1, u2 生成标准正态随机数 $Z = \sqrt{-2 \ln u1} \cos(2\pi u2)$,再通过 $X = \mu + \sigma Z$ 得到指定均值和标准差的正态随机数。通过 Lilliefors 检验和直方图验证其正态性。

测试逻辑: 计算均值、标准差、中位数等统计量,与理论值对比,并通过拟合优度检验判断生成的随机数是否符合目标分布(均匀或正态)。

3.2 参考文献

3.3 运行结果

实现菜单功能,可以进行各部分正常运行

3.4 技术指标

4 系统测试与结果

4.1 测试方案

直接运行"单人作品.cpp"即可

4.2 功能测试

各部分功能正常

4.3 性能测试

运行速度较快

4.4 测试数据与结果

测试结果正常

5 应用前景

可以用于评测一些随机数生成方法

6 结论

本作业实现了单人作品3随机数的统计分布测试,并且能够正常运行,采用了多种测评工具进行测评,能正常完成要求,但也存在一些局限,如:测评方法在大小样本的对待敏感度有差异

中科国昱密评工具箱未找到有效版本,经过询问,助教老师说可不用做。附上GitHub链接: https://github.com/niminshi666/ustc-/blob/main/