

## 0.1 Зачёт по программированию на LaTeX

Как я умею писать

Это обычный шрифт  
Это шрифт "пишущая машинка"  
Это жирный шрифт  
*Это курсив*

Ещё  
Я  
Могу  
Увеличивать  
Размер  
Букв

Как я умею писать формулы

---

$$H = \vec{v} \left( \frac{mv}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} + \frac{e}{c} \vec{A} \right) + mc^2 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} - \frac{e}{c} \vec{A} \cdot \vec{v} + e\varphi \quad (1)$$

$$\begin{aligned} H &= \vec{v} \frac{mv}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} - mc^2 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} + e\varphi = m \left( \frac{v^2 + c^2(1 - \frac{v^2}{c^2})}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \right) + e\varphi = \\ &= m \left( \frac{v^2 + c^2 - V^2}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \right) + e\varphi = \frac{mc^2}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} + e\varphi \end{aligned}$$

---

(чертить линии: `rule[1mm]15cm0.1mm`)

Кстати, первая формула у меня пронумерована, вторая и третья - нет. Тут помог `ponumber`.  
Интересно, как сделать так, чтобы записать ряд пронумерованных формул, не прописывая  
бесконечное количество раз `begin` и `end`?

Если написать, например, с помощью `split`:

---

$$\begin{aligned} \vec{E} &= -\frac{1}{c} \frac{\partial(\vec{A} + \text{grad } f)}{\partial t} - \text{grad} \left( \varphi - \frac{1}{c} \frac{\partial f}{\partial t} \right) \\ &\quad \left( \frac{\partial(\text{grad } f)}{\partial t} = \text{grad} \frac{\partial f}{\partial t} \right) \\ &\quad \Downarrow \\ \vec{E} &= -\frac{1}{c} \frac{\partial \vec{A}}{\partial t} - \frac{1}{c} \frac{\partial(\text{grad } f)}{\partial t} - \text{grad } \varphi + \frac{1}{c} \text{grad} \frac{\partial f}{\partial t} \\ &\quad \Downarrow \\ \vec{E} &= -\frac{1}{c} \frac{\partial \vec{A}}{\partial t} - \text{grad } \varphi \\ \vec{H} &= \text{rot}(\vec{A} + \text{grad } f) = \text{rot } \vec{A} + \text{rot grad } f = \text{rot } \vec{A} \end{aligned}$$

---

То формулы начинают ровняться по правому краю, что меня никак не устраивает, и center тут никак не поможет :(  
Что делать?

Кстати, тут ещё есть интересная функция `operatorname`, из-за неё "нестандартные" операторы вроде градиента и ротора выглядят хорошо)

Вот ещё проблема: в первой части уравний  $H$  - это функция Гамильтона, а во второй части  $\vec{H}$  - напряженность магнитного поля. Если они в одном и том же файле, как их различать? Обычно функцию Гамильтона обозначают 'Аш красивое', так вот как сделать  $H$  красивым?

### Как я умею вставлять рисунки и пользоваться ссылками

Для этого надо было сначала экспортировать это изображение из .jpg в .eps

В Линуксе это делается командой: `convert imagename.jpg imagename.eps`

И ещё компилировать надо слегка по-другому:

```
texi2dvi zachet.tex
```

```
dvipfm zachet.dvi
```

И только тогда у нас будет всё *нормально* работать

Ещё я умею ссылаться на следующую формулу:

$$m\dot{\vec{v}} = e\vec{E} + \frac{e}{c}[\vec{V} \times \vec{H}] \quad (2)$$

Посмотрите на формулу (2) и на рисунок (??)

Так вот как мне их разместить на одном уровне в файле? Т.е. Как сделать рисунок оптекающим?

### Как я умею создавать матрицы

$$F_{ik} = \begin{bmatrix} 0 & E_x & E_y & E_z \\ -E_x & 0 & -H_z & H_y \\ -E_y & H_z & 0 & -H_x \\ -E_z & -H_y & H_x & 0 \end{bmatrix}$$
$$F^{ik} = \begin{bmatrix} 0 & -E_x & -E_y & -E_z \\ E_x & 0 & -H_z & H_y \\ E_y & H_z & 0 & -H_x \\ E_z & -H_y & H_x & 0 \end{bmatrix}$$

Как сделать так, чтобы элементы располагались в матрице боле-менее ровно? Только варьированием пробелов?

Выполнила студентка 2 курса, астроотделения - Гусинская Н.В.  
Санкт-Петербург 2012

$$R_{ik} = \frac{8\pi G}{c^4} (T_{ik} - \frac{1}{2} g_{ik} T_i^i)$$

$$g_{ik} = g_{ik}^{(0)} + h_{ik}$$

$$R_{ik} = \frac{1}{2} \square h_{ik}$$

$$\square h_i^k = 0$$

$$\frac{1}{2}\square\psi^k = \frac{8\pi G}{c^4}\tau_i^k$$

$$-\frac{dE}{dt} = \frac{G}{45c^5}\ddot{D}_{\alpha\beta}^2$$

$$T_{i;k}^k=0$$

$$h\sim\frac{\varphi}{c^2}\ll 1$$

$$h\sim 1$$

$$M\sim M_{\odot}$$

$$v\sim c$$

$$R\sim R_g$$

Rome

$$M=2300kg$$

$$\nu_R=858Hz$$

$$L=166cm$$

$$v_s=2.85\cdot 10^5cm/c$$

$$T_{eff}=29.5K$$

$$\Delta t=1c$$

$$\tau_a=10c$$

$$\Delta\nu_a\sim I/\tau_a\sim 0,1Hz$$

Maryland

$$M=3100kg$$

$$\nu_R=1660Hz$$

$$T_{eff}=28.8K$$

$$\Delta t=1c$$

Intensity

single star - Grab nebula (tensors waves): I - momemnut of intertia, P - self period of rotation,  $\varepsilon$  - ellipticity.

$$L_{(2)}\approx 10^{33}\left(\frac{I}{4\cdot 10^{44}gcm^2}\right)^2\left(\frac{\varepsilon}{10^{-3}}\right)^4\left(\frac{0.033c}{P}\right)^6\left(\frac{erg}{c}\right)$$

gravitation emission of binary system with full mass  $M=M_1+M_2$  and reduced mass  $\mu=M_1M_2/M$ , P - orbital period of rotation

$$L\approx 10^{33}\left(\frac{\mu}{M_{\odot}}\right)^2\left(\frac{M}{M_{\odot}}\right)^{4/3}\left(\frac{1h}{P}\right)^{10/3}\left(\frac{erg}{c}\right)$$

If gravitational waves are main mechanism of loosing energy by the binary system, the orbital period will decay in characteristic tempo:

$$\frac{1}{P} \frac{dP}{dt} \approx \frac{1}{3 \cdot 10^7 yr} \left( \frac{M}{M_{\odot}} \right)^{2/3} \left( \frac{\mu}{M_{\odot}} \right) \left( \frac{1 h}{P} \right)^{8/3}$$

Typical lifetime of the binary system (due to loosing energy by GW)

$$\tau_g \approx 2 \cdot 10^9 \left( \frac{a}{10^{16} cm} \right)^4 \left( \frac{M_1}{10^7 M_{\odot}} \right) \left( \frac{M_2}{10^8 M_{\odot}} \right) \left( \frac{M_1 + M_2}{1.1 \cdot 10^8 M_{\odot}} \right) (yr)$$

a - semi-major axis

From supernova, when:

$$\tau \sim R_g/c$$

$$L \sim \frac{c^5}{G} = 3.6 \cdot 10^{59} \left( \frac{erg}{c} \right)$$

$$E_{GW} \sim M_0 c^2 (erg)$$

$M_0$  - rest mass of relativistic system

expectes frequency:

$$\nu \sim \frac{1}{\tau} \sim \frac{c}{R_g} \sim 10^5 Hz \left( \frac{M_{\odot}}{M} \right)$$

$$\Downarrow$$

$$\Leftarrow$$

$$\Rightarrow$$

$$M_{gr} \neq M_{in}$$

$$\Delta rms \approx 10 \mu s / 10 yr$$

$$\ddot{\vec{r}} = F_N + F_{EIH} + \Delta F_{BD} + \Delta F_{FGT}$$

$$\mathfrak{M} = M - \eta[...]$$

$$(\alpha, \delta, DM, P, \dot{P}, \mu_{\alpha}, \mu_{\delta}, PX)$$

$$f(\nu) \sim \nu^{\Gamma}$$

$$\nu \geq 100 Hz$$

$$M \leq 1 M_{\odot}$$

$$B \sim 10^{8-9} G$$

$$M_i\,\vec{a}=\frac{GM_gM}{r^3}\,\vec{r}$$

$$\mathbf{M_G} = (\mathbf{1} + \mathbf{\Delta})\mathbf{M_i}$$

$$\Delta=1-\frac{M_g}{M_i}$$

$$\eta=\frac{\Delta}{E_g/M}$$

$$M_g=M_i-\eta[...]$$

$$M_i=M_g+\frac{I\Omega^2}{2c^2}$$

$$\Delta \leq 3.3 \times 10^{-6}$$

$$\eta=\frac{\Delta}{\mathbf{E_g}/\mathbf{M}}=\frac{\Delta}{10\%}=\mathbf{3.3\times10^{-5}}$$

$$\mathbf{E_g}/\mathbf{M}\sim\mathbf{4.6\times10^{-10}}$$

$$\eta\leq\mathbf{10^{-3}}$$

$$\Delta \times 3.3\,10^{-6}$$

$$\Delta < -1.5 \pm 0.75 \times 10^{-7}$$

$$8\sigma$$

$$\mathbf{f(t)}=\mathbf{A}[\cos(\mathbf{k}\,\varphi_{\mathbf{i}}+\mathbf{l}\,\varphi_{\mathbf{o}}),\sin(\mathbf{k}\,\varphi_{\mathbf{i}}+\mathbf{l}\,\varphi_{\mathbf{o}})]\mathbf{t}$$

$$(\mathbf{2}\,\varphi_{\mathbf{i}}+\mathbf{1}\,\varphi_{\mathbf{o}})$$

$$(\mathbf{1}\,\varphi_{\mathbf{i}}+\mathbf{1}\,\varphi_{\mathbf{o}})$$

$$\mathbf{P=27.3ms}$$

$$\mathbf{M_{PSR}=1.438M_{\odot}}$$

$$\mathbf{B=2.2\times10^8G}$$

$$\mathbf{P_{orb}=327days}$$

$$\mathbf{M_{WD}=0.41M_{\odot}}$$

$$P_{\text{orb}} = 1.6 \text{days}$$

$$M_{\text{WD}} = 0.19 M_{\odot}$$

$$L_{\text{R}} \sim L_{\text{X}}^{0.8} L_{\text{R}} \sim L_{\text{X}}^{1.32}$$