

**РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ДРУЖБЫ НАРОДОВ**  
**Факультет физико-математических и естественных наук**  
**Кафедра прикладной информатики и теории вероятностей**

## **Лабораторная работа №2.**

*Дисциплина: Математические основы защиты  
информации и информационной безопасности*

Студенка: Царитова Нина Аведиковна      Группа: НФИмд-02-23

Москва 2023

# Содержание

<b>1</b>	<b>Цель работы</b>	<b>5</b>
<b>2</b>	<b>Теоретическое введение</b>	<b>6</b>
<b>3</b>	<b>Ход лабораторной работы</b>	<b>8</b>
3.1	Маршрутное шифрование . . . . .	8
3.2	Метод решеток . . . . .	10
3.3	Таблица Виженера . . . . .	12
<b>4</b>	<b>Выводы</b>	<b>15</b>
	<b>Список литературы</b>	<b>16</b>

# List of Figures

3.1	Реализации маршрутного шифрования . . . . .	8
3.2	Реализации маршрутного шифрования . . . . .	9
3.3	Реализации маршрутного шифрования . . . . .	9
3.4	Результат маршрутного шифрования . . . . .	9
3.5	Реализации шифрования с помощью решеток . . . . .	10
3.6	Реализации шифрования с помощью решеток . . . . .	10
3.7	Реализации шифрования с помощью решеток . . . . .	11
3.8	Реализации шифрования с помощью решеток . . . . .	11
3.9	Реализации шифрования с помощью решеток . . . . .	12
3.10	Результат шифрования с помощью решеток . . . . .	12
3.11	Реализация Таблицы Виженера . . . . .	13
3.12	Реализация Таблицы Виженера . . . . .	13
3.13	Реализация Таблицы Виженера . . . . .	14
3.14	Реализация Таблицы Виженера . . . . .	14
3.15	Результат шифрования с помощью Таблица Виженера . . . . .	14

## List of Tables

# 1 Цель работы

Целью данной лабораторной работы является ознакомление с тремя методами шифрования: маршрутным шифрованием, шифрованием с помощью решеток, таблицей Виженера и их реализация на произвольном языке программирования.

## 2 Теоретическое введение

Математическая часть подробно описана в задании к лабораторной работе. Я поставила перед собой задачу найти исторические сведения, факты о методах шифрования.

Шифр перестановки — это метод симметричного шифрования, в котором элементы исходного открытого текста меняют местами. Элементами текста могут быть отдельные символы, пары букв, тройки букв, комбинирование этих случаев и так далее. Типичными примерами перестановки являются анаграммы. В классической криптографии шифры перестановки можно разделить на два класса: 1. Шифры одинарной (простой) перестановки — при шифровании символы открытого текста перемещаются с исходных позиций в новые один раз. 2. Шифры множественной (сложной) перестановки — при шифровании символы открытого текста перемещаются с исходных позиций в новые несколько раз.

Точное время появления шифра перестановки не известно. Вполне возможно, что писцы в древности переставляли буквы в имени своего царя ради того, чтобы скрыть его подлинное имя или в ритуальных целях. Одно из древнейших известных нам шифровальных устройств — Скитала. Бесспорно известно, что скитала использовалась в войне Спарты против Афин в конце V века до н. э.

Прародителем анаграммы считают поэта и грамматика Ликофрона, который жил в Древней Греции в III веке до н. э. Как сообщал византийский автор Иоанн Цец, из имени царя Птолемея он составил первую из известных нам анаграмм: Ptolemaios — Apo Melitos, что в переводе означает «из мёда», а из имени царицы Арсинои — как «Ion Eras» (фиалка Геры). Метод маршрутного шифрования

изобрел французский математик и криптограф Франсуа Виет. Этот способ относится к перестановочным шифрам. Шифр называется перестановочным, если все связанные с ним криптограммы получаются из соответствующих открытых текстов перестановкой букв. Способ, каким при шифровании переставляются буквы открытого текста, и является ключом шифра. Такой метод шифрования (столбцовая перестановка) в годы первой мировой войны использовала легендарная немецкая шпионка Мата Хари.

Шифровальная решётка — трафарет с прорезями-ячейками (из бумаги, картона или аналогичного материала), использовавшийся для шифрования открытого текста. Текст наносился на лист бумаги через такой трафарет по определённым правилам, и расшифровка текста была возможна только при наличии такого же трафарета.

Вращающаяся решетка: Прямоугольные решётки Кардано можно размещать в четырёх позициях. Шифр с сеткой в виде шахматной доски имеет только две позиции, но именно этот вариант вращающейся решётки послужил для разработки более сложной решётки с четырьмя позициями, которую можно вращать в двух направлениях. Шифр Виженера является простой формой многоалфавитной замены. Шифр Виженера изобретался многократно. Впервые этот метод описал Джован Баттиста Беллазо (итал. Giovan Battista Bellaso) в книге *La cifra del. Sig. Giovan Battista Bellaso* в 1553 году, однако в XIX веке получил имя Блеза Виженера, французского дипломата. Метод прост для понимания и реализации, он является недоступным для простых методов криптоанализа.

## 3 Ход лабораторной работы

### 3.1 Маршрутное шифрование

Программный код реализации маршрутного шифрования представлен ниже.

```
#задание 1
def marsh_shifr():
    m=5#длина блока
    n=6#количество блоков
    text="Нельзя недооценивать противника"#текст для шифрования
    text1=text.upper()#заглавными буквами
    result=list(text1)#сделали список из строки
    ...
    Иключаем пробелы, точки, запятые, тире и тп
    ...
    for symbol in result:
        if (symbol==' ' or (symbol=='.' or (symbol==',' or (symbol=='-' or (symbol=='?' or (symbol=='!' or (symbol==';' or (symbol==':'))):
            index=result.index(symbol)
            element=result.pop(index)#вырезаем символ по заданному индексу
        result1=result.copy()
        result2=[]
        ...
        Создаем необходимую матрицу с шагом n
        ...
        for i in range (0,len(result1),n):
            result2.append(list(result1[i:n+i]))
    #недостающие элементы заполняем буквами A
    while (len(result2[m-1])<n):
        result2[m-1].append('A')
```

Figure 3.1: Реализации маршрутного шифрования



```

text2="пароль"
text2=text2.upper()
password=list(text2)
####
result3=list(result2)
result3.append(password)#добавили к матрице пароль
alphabet="АБВГДЕЁЖЗИЙКЛМНОПРСТУФХЦЧШЩЪЫЬЭЮЯ"#ввели алфавит
indices=[]#пустой список для индексов
'''
Смотрим на индексы пароля в алфавите
'''
for pas in password:
    for letter in alphabet:
        if pas==letter:
            ind=alphabet.find(letter)
            indices.append(ind)
result4=list(result3)
result4.append(indices)#добавили индексы в матрицу
result5=np.array(result4)
result6=result5[:,np.argsort(result5[-1,:])]#сортировка
result7=list(result6)

```

Figure 3.2: Реализации маршрутного шифрования

```

del (result7[-1])
del (result7[-1])
result8=np.array(result7)
result9=result8.transpose()#транспонируем для того чтобы выписать шифр
result10=[]
'''
Начали работу над выписыванием шифра
'''
for i in range (n):
    result10.extend(result9[i])
print("".join(result10))#выписали строку шифра
marsh_shifr()

```

Figure 3.3: Реализации маршрутного шифрования

Результаты выполнения программы представлены ниже.

**ЕЕНПНЗОАТАЬОВОКННЕЬВЛДИРИЯЦТИА**

Figure 3.4: Результат маршрутного шифрования

## 3.2 Метод решеток

```
def turning_grille():
    k=2#вводим k
    ...

    заполняем маленькую матрицу
    ...

    osnova=np.linspace(1,k**2,k**2)
    result=[]
    for i in range(0,len(osnova),k):
        result.append(list(osnova[i:i+k]))
    ...

    вводим функцию для поворота матрицы
    ...

    def rot90(matrix):
        return [list(reversed(col)) for col in zip(*matrix)]
    matrix=np.full((2*k,2*k),0)#создали и заполнили нулями матрицу 2k x 2k
    ...

    заполняем матрицу matrix по четвертям
    ...

    #1четверть
    matrix[:k,:k]=result
    #2четверть
    result2=rot90(result)
    matrix[:k,k:2*k]=result2
    #3четверть
    result3=rot90(result2)
    matrix[k:2*k,k:2*k]=result3
    #4четверть
    result4=rot90(result3)
    matrix[k:2*k,:k]=result4
```

Figure 3.5: Реализации шифрования с помощью решеток

```
holes=[]
for i in range (1,k**2+1):#прогонка по отдельному числу, например, по единицам
    indexes=[]
    for m in range(0,2*k):#прогонка по строкам
        for j in range(0,2*k):#прогонка по столбцам
            if matrix[m][j]==i:
                coords=tuple([m,j])
                indexes.append(coords)
        find=random.randint(0,3)#выбираем 1 из 4 координат
        holes.append(indexes[find])
    ...

    работа с отверстиями (продолжение) визуализация поворотов и случаев размещений отверстий
    ...

    template=np.full((2*k,2*k),0)
    for d in range (k**2):
        template[holes[d][0],holes[d][1]]=1
    #1поворот
    template1=rot90(template)
    #2поворот
    template2=rot90(template1)
    #3поворот
    template3=rot90(template2)
    text="ДОГОВОР ПОДПИСАЛИ"
```

Figure 3.6: Реализации шифрования с помощью решеток

```

#1поворот
indexes1=[]
for m1 in range (0,2*k):
    for j1 in range (0,2*k):
        if template1[m1][j1]==1:
            coords1=tuple([m1,j1])
            indexes1.append(coords1)

#2поворот
indexes2=[]
for m2 in range (0,2*k):
    for j2 in range (0,2*k):
        if template2[m2][j2]==1:
            coords2=tuple([m2,j2])
            indexes2.append(coords2)

#3поворот
indexes3=[]
for m3 in range (0,2*k):
    for j3 in range (0,2*k):
        if template3[m3][j3]==1:
            coords3=tuple([m3,j3])
            indexes3.append(coords3)
...

```

Figure 3.7: Реализации шифрования с помощью решеток

```

letters_matrix=np.full((2*k,2*k),'O')
#0
for d in range (k**2):
    letters_matrix[holes[d][0],holes[d][1]]=text[d]
#1
for d in range (k**2):
    letters_matrix[indexes1[d][0],indexes1[d][1]]=text[d+k**2]
#2
for d in range (k**2):
    letters_matrix[indexes2[d][0],indexes2[d][1]]=text[d+2*(k**2)]
#3
for d in range (k**2):
    letters_matrix[indexes3[d][0],indexes3[d][1]]=text[d+3*(k**2)]
#####
letter_matrix=list(letters_matrix)
text2="шифр"
text2=text2.upper()
password=list(text2)
letter_matrix.append(password)
alphabet="АБВГДЕЁЖЗИЙКЛМНОПРСТУФХЦЧШЩЪЫЬЭЮЯ"
indices=[]

```

Figure 3.8: Реализации шифрования с помощью решеток

```

for pas in password:
    for letter in alphabet:
        if pas==letter:
            ind=alphabet.find(letter)
            indices.append(ind)
letter_matrix.append(indices)
letter_matrix=np.array(letter_matrix)
letter_matrix=letter_matrix[:,np.argsort(letter_matrix[-1,:])]#упорядочили
letter_matrix=list(letter_matrix)
del (letter_matrix[-1])#убрали строку с индексами букв из пароля в алфавите
del (letter_matrix[-1])#убрали строку с индексами букв из пароля в алфавите
letter_matrix=np.array(letter_matrix)
letter_matrix=letter_matrix.transpose()
letter_matrix=list(letter_matrix)
####
'''
выводим ответ в виде строки
'''
result1=[]
for i in range (2*k):
    result1.extend(letter_matrix[i])
print("".join(result1))
turning_grille()

```

Figure 3.9: Реализации шифрования с помощью решеток

Результаты выполнения программы представлены ниже.

ДЛГПАВПОСДОИООИР

Figure 3.10: Результат шифрования с помощью решеток

### 3.3 Таблица Виженера

Ну и наконец мы перешли к шифрованию при помощи таблицы Виженера. Программный код представлен ниже.

```

def table_vigenera():
    text="криптография серьезная наука"
    password="математика"
    text1=text.upper()
    result=list(text1)
    '''
    Исключаем пробелы, точки, запятые, тире и тп
    '''
    for symbol in result:
        if (symbol==' ') or (symbol=='.' ) or (symbol==',' ) or (symbol=='-' ) or (symbol=='?' ) or (symbol=='!' ) or (symbol==';' ) or (symbol==':') :
            index=result.index(symbol)
            element=result.pop(index)#вырезаем символ по заданному индексу
        result1=result.copy()
        password_line=[]
        password=password.upper()
        password=list(password)
        '''
        Заполняем строку, которая будет использоваться для шифрования (с паролем)
        '''
        i=0
        while len(password_line)!=len(result1):
            if i==len(password):
                i=0
            password_line.append(password[i])
            i+=1

```

Figure 3.11: Реализация Таблицы Виженера

```

alphabet_matrix=[]
alphabet="АБВГДЕЖЗИЙКЛМНОПРСТУФХЦЧШЩЪЫЭЮЯ"
alphabet_matrix.append(list(alphabet))
d=alphabet
i=0
while i<33:
    '''
    задаем, каким образом будет происходить смещение в строчке
    '''
    d=deque(d)
    d.rotate(-1)
    d=''.join(list(d))
    alphabet_matrix.append(list(d))
    i+=1

```

Figure 3.12: Реализация Таблицы Виженера

```

indices1=[ ]
indices2=[ ]
for pas in password_line:
    for letter in alphabet:
        if pas==letter:
            ind1=alphabet.find(letter)
            indices1.append(ind1)
for res in result1:
    for letter in alphabet:
        if res==letter:
            ind2=alphabet.find(letter)
            indices2.append(ind2)
answer=[ ]

```

Figure 3.13: Реализация Таблицы Виженера

```

j=0
while j<len(password_line):
    answer.append(list(alphabet_matrix[indices2[j]][indices1[j]]))
    j+=1
...
Запись ответа
...

answer1=[ ]
for i in range (len(answer)):
    answer1.extend(answer[i])
print("".join(answer1))
table_vigenera()

```

Figure 3.14: Реализация Таблицы Виженера

Результаты выполнения программы представлены ниже.

**ЦРЬФЯОХШКФФЯДКЭЪЧПЧАЛНТШЦА**

Figure 3.15: Результат шифрования с помощью Таблица Виженера

## 4 Выводы

Таким образом, я ознакомилась с тремя методами шифрования – маршрутным шифрованием, шифрованием с помощью решеток, таблицей Виженера, – а так же реализовала их на языке программирования Python.

## Список литературы

1. Википедия. Перестановочный шифр [Электронный ресурс]. Википедия, свободная энциклопедия, 2021. URL: [https://en.wikipedia.org/wiki/Transposition\\_cipher](https://en.wikipedia.org/wiki/Transposition_cipher).
2. Википедия. Шифровальная решетка [Электронный ресурс]. Википедия, свободная энциклопедия, 2021. URL: [https://en.wikipedia.org/wiki/Grille\\_\(cryptography\)](https://en.wikipedia.org/wiki/Grille_(cryptography)).
3. Википедия. Шифр Виженера [Электронный ресурс]. Википедия, свободная энциклопедия, 2021. URL: [https://en.wikipedia.org/wiki/Vigen%C3%A8re\\_cipher](https://en.wikipedia.org/wiki/Vigen%C3%A8re_cipher).