Теоретические сведения

Определение. *Временным рядом* называется последовательность измеренных через некоторые промежутки времени данные.

Определение. Скользящим средним будем называть среднее арифметическое значений исходной функции за установленный период

Определение. Временной ряд x_t называется *строго стационар-* n намм, если совместное распределение вероятностей n наблюдений $x_1, ..., x_n$ такое же, как и n наблюдений $x_{1+k}, ..., x_{n+k}$ для любых n, k **Определение.** A втокорреляционной функцией называют зависимость вида

$$\rho(k) = \frac{E[(x_t - a)(x_{t+k} - a)]}{\sigma(t)\sigma(t+k)}$$

Определение. Временной ряд называется *слабо стационарным* если его математическое ожидание и дисперсия не зависят от времени, и если ковариация между его значениями в моменты времени t и t+s зависят только от s, но не от t.

Определение. Addumueная модель — представление ряда в виде Y=T+S+E, где

T - трендовая составляющая

S - сезонна составляющая

E - остаток

Определение. Mультипликативная модель – представление ряда в виде Y = TSE

Описание задачи

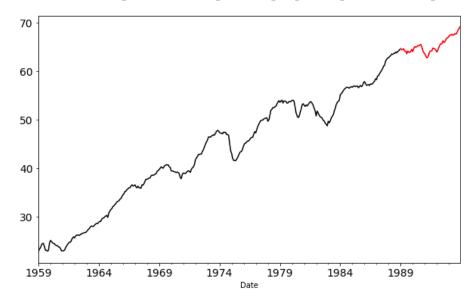
Задание состоит в:

• Проверке ряда на стационарность в широком смысле

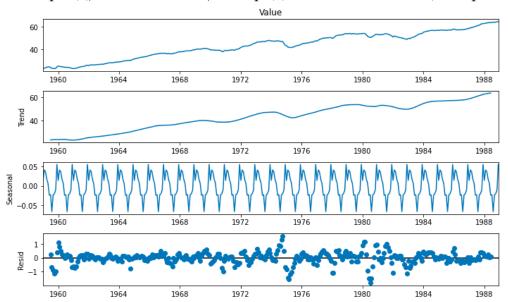
- Разложении ряда на тренд, сезональность, остаток в соответствии с мультипликативной и аддитивными моделями
- Визуализировании полученных рядов и оценке их стационарности
- Проверке ряда на интегрированность порядка к
- Применении к нему модели ARIMA
- Предсказании модели для тестовой выборки, вычислении r2 score
- Выборе наилучшей модели с использованием информационного критерия Акаике

Подход к решению

1. С помощью matplotlib построим график временного ряда.



2. Разложим ряд на тренд, сезонность и остаток. Воспользуемся функцией seasonal_decompose() с параметром model = 'additive' (соотв. model = 'multiplicate' для мультипликативной модели). Из построенных графиков видно, что наблюдается тренд, что означает, что ряд не является стационарным.

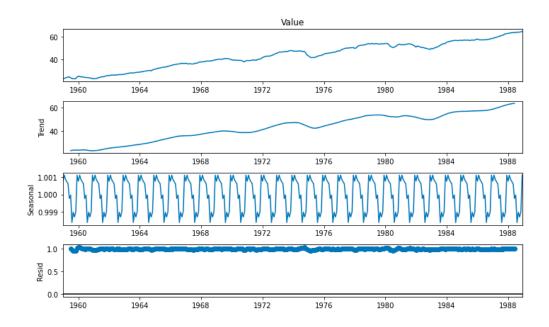


3. Проверим, является ли ряд интегрированным порядка k Проведем обобщенный тест Дики-Фуллера на наличие единичных корнейс помощью функции adfuller()

from statsmodels import adfuller

Имеем k=1, т. е. ряд интегрируем

4. Перейдем к построению модели ARIMA. Для этого нужно подобрать параметры, определяющие порядок модели: р — порядок компоненты AR, d — порядок интегрированного ряда, q — порядок компоненты MA.



d = 1, остается определить p и q.

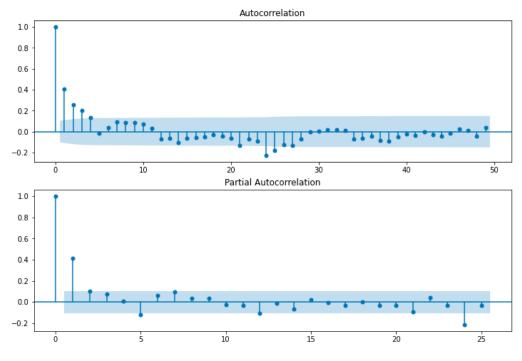
Построим автокорреляцию и частичную автокорреляцию ряда.

 ${
m q}$ определим из автокорреляции — по коррелограмме можно определить количество автокорреляционных коэффициентов, которые сильно отличаются от 0 в модели ${
m MA}.$

р определим из частичной автокорреляции – по ее коррелограмме можно определить максимальный номер коэффициента, сильно отличающегося от 0 в модели AR.

Для построения коррелограмм воспользуемся функциями plotacf() и plotpacf()

from statsmodels import plotacf, plotpacf



Получаем p = 0, q = 3

5. Построим теперь саму модель и осуществим прогноз. Построим график, на котором изображены данные из testing.xlsx и построенный прогноз. Вычислим коэффициент r_2 , чтобы определить процент наблюдений, описываемый данной моделью.

Системные требования

Необходимые библиотеки:

matplotlib
pandas
statsmodels
sklearn
pylab

Вклад участников в решение задачи

- Алексей Сомов проверка ряда на стационарность, построение прогнозирующей модели, сборка программы
- Дмитрий Попов написание Readme, разложение ряда на тренд, сезональность и шум
- Юлия Голубева визуализация, тест Дики Фуллера, сборка программы
- Алиса Боос написание Readme, тест Дики Фуллера, сборка программы
- Ли Юйтун визуализация, сборка программы