

Sprawozdanie – Laboratoria 2.

Jakub Kogut

5 listopada 2025

1 Zadanie 1.

Zadanie 1. przedstawia problem transportowy, gdzie celem jest minimalizacja kosztów przewozu towarów producentów (suppliers) do odbiorców (demand).

1.1 Opis modelu

Mamy dane:

- Zbiór dostawców paliwa (firmy paliwowe – supply) $S = \{1, 2, \dots, m\}$, gdzie m to liczba dostawców.
- Zbiór odbiorców paliwa (lotniska – demand) $D = \{1, 2, \dots, n\}$, gdzie n to liczba odbiorców.
- $s_i \geq 0$ – ilość paliwa dostępna u dostawcy $i \in S$.
- $d_j \geq 0$ – ilość paliwa wymagana przez odbiorcę $j \in D$.
- $c_{ij} \geq 0$ – koszt transportu jednostki paliwa od dostawcy $i \in S$ do odbiorcy $j \in D$.

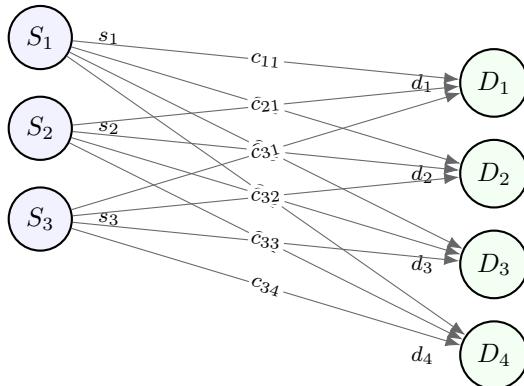
1.1.1 Definicje zmiennych decyzyjnych

Zmiennymi decyzyjnymi są:

- x_{ij} – ilość paliwa transportowana od dostawcy $i \in S$ do odbiorcy $j \in D$.

Problem można zwizualizować grafem:

$$\text{Dostawcy } I = \{1, \dots, 3\} \quad \text{Odbiorcy } J = \{1, \dots, 4\}$$



1.1.2 Funkcja celu

Celem jest minimalizacja całkowitych kosztów transportu paliwa, co można zapisać jako:

$$\min \sum_{i \in S} \sum_{j \in D} c_{ij} x_{ij}$$

1.1.3 Ograniczenia

Ograniczenia, które musi spełniać model to:

- podaż dla każdego dostawcy $i \in S$ nie może przekroczyć jego możliwości produkcyjnych:

$$\sum_{j \in D} x_{ij} \leq s_i$$

- popyt dla każdego odbiorcy $j \in D$ musi być w pełni zaspokojony:

$$\sum_{i \in S} x_{ij} = d_j$$

- zmienne decyzyjne nie mogą być ujemne:

$$x_{ij} \geq 0, \quad \forall i \in S, j \in D$$

- aby egzemplarz problemu był możliwy do rozwiązań, całkowita podaż musi być mniejsza bądź równa całkowitemu popytowi:

$$\sum_{i \in S} s_i \geq \sum_{j \in D} d_j$$

1.2 Opis rozwiązywanych egzemplarzy

Kod rozwiążający egzemplarze znajduje się w pliku `kody/transport.jl`. W pliku należy podać dane:

- wektor podaży s ,
- wektor popytu d .
- macierz kosztów transportu C ,

Dla danych podanych w zadaniu mamy zadane 4 lotniska (odbiorców) i 3 firmy paliwowe (dostawców). Ilości paliwa są podane w galonach, a koszty transportu w dolarach za galon:

- $s = [275000, 550000, 660000]$,
- $d = [110000, 220000, 330000, 440000]$,
- $C = \begin{bmatrix} 10 & 10 & 9 & 11 \\ 7 & 11 & 12 & 13 \\ 8 & 14 & 4 & 9 \end{bmatrix}$

otrzymujemy następujące rozwiązanie:

$$X = \begin{bmatrix} 0 & 165000 & 0 & 110000 \\ 110000 & 55000 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 330000 & 330000 \end{bmatrix}$$

gdzie $X = [x_{ij}]$ to macierz ilości paliwa transportowanego od dostawców do odbiorców.

1.3 Wnioski

- Całkowity, minimalny koszt transportu wynosi 8 525 000.
- Tak, każda firma paliwowa wysyła paliwo do więcej niż jednego lotniska:

$$\sum_j x_{1j} > 0, \quad \sum_j x_{2j} > 0, \quad \sum_j x_{3j} > 0$$

- Nie, nie każda firma paliwowa wysyła całkowicie swoją potencjalną produkcję paliwa:

$$\sum_j x_{1j} = 275000 = s_1, \quad \sum_j x_{2j} = 165000 < s_2, \quad \sum_j x_{3j} = 660000 = s_3$$

2 Zadanie 2.

Zadanie przedstawia problem zarządzania linią produkcyjną, w której dostępne są różne maszyny do obróbki surowców w celu produkcji określonych wyrobów gotowych. Celem jest maksymalizacja zysku z produkcji przy jednoczesnym spełnieniu ograniczeń dotyczących zasobów i zdolności produkcyjnych maszyn.

2.1 Opis modelu

Mamy dane:

- Zbiór maszyn $M = \{1, 2, \dots, m\}$, gdzie m to liczba maszyn.
- Zbiór wyrobów gotowych $P = \{1, 2, \dots, n\}$, gdzie n to liczba wyrobów.
- $a_{mp} \geq 0$ – czas obróbki jednoski materiału $m \in M$ w jednostce czasu na maszynie $p \in P$.
- H_m – dostępny czas pracy maszyny $m \in M$.
- $u_p \geq 0$ – maksymalny popyt na wyrob $p \in P$.
- $r_p \geq 0$ – zysk ze sprzedaży jednostki wyrobu $p \in P$.
- $c_p \geq 0$ – koszt materiałów potrzebnych do produkcji jednostki wyrobu $p \in P$.
- $d_m \geq 0$ – koszt eksploatacji maszyny $m \in M$ na jednostkę czasu pracy.

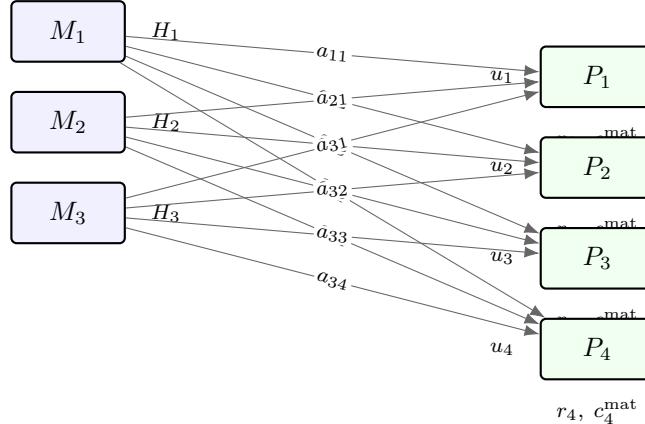
2.1.1 Definicje zmiennych decyzyjnych

Zmiennymi decyzyjnymi są:

- x_p – ilość wyprodukowanych jednostek wyrobu $p \in P$.

Maszyny $M = \{1, \dots, 3\}$

Wyroby $P = \{1, \dots, 4\}$



2.1.2 Funkcja celu

Celem jest maksymalizacja zysku z produkcji wyrobów, co można zapisać jako:

$$\max \underbrace{\sum_{p \in P} r_p x_p}_{\text{przychód}} - \underbrace{\sum_{p \in P} c_p x_p}_{\text{koszt materiałów}} - \underbrace{\sum_{m \in M} d_m \left(\sum_{p \in P} a_{mp} x_p \right)}_{\text{koszt eksploatacji maszyn}}$$

Co można uprościć do:

$$\max \sum_{p \in P} \left(r_p - c_p - \sum_{m \in M} d_m a_{mp} \right) x_p$$

2.1.3 Ograniczenia

Ograniczenia, które musi spełniać model to:

- Dostępność czasu pracy każdej maszyny $m \in M$ nie może zostać przekroczena:

$$\sum_{p \in P} a_{mp} x_p \leq H_m$$

- Produkcja każdego wyrobu $p \in P$ nie może przekroczyć maksymalnego popytu oraz musi być nieujemna:

$$0 \leq x_p \leq u_p$$

2.2 Opis rozwiązywanych egzemplarzy

Kod rozwiązujący egzemplarze znajduje się w pliku `kody/schedule.jt`. W pliku należy podać dane:

- macierz czasów obróbki A [min/kg],
- wektor dostępnych czasów pracy maszyn H [min],
- wektor maksymalnego popytu u [kg],
- wektor zysków ze sprzedaży r [\$/kg],
- wektor kosztów materiałów c [\$/kg],
- wektor kosztów eksploatacji maszyn d [\$/min].

W przykładzie z zadania mamy $P = \{1, 2, 3, 4\}$ wyrobów oraz $M = \{1, 2, 3\}$ maszyn. Dane wejściowe to:

- $A = \begin{bmatrix} 5 & 3 & 4 & 4 \\ 10 & 6 & 5 & 2 \\ 6 & 4 & 3 & 1 \end{bmatrix}$, gdzie $A = [a_{mp}]$, dla $m \in M, p \in P$,
- $H = [3600, 3600, 3600]$,
- $u = [400, 100, 150, 500]$,
- $r = [9, 7, 6, 5]$,
- $c = [4, 1, 1, 1]$,
- $d = [2, 2, 3]$.

Otrzymujemy następujące rozwiązanie:

$$X = [125, 100, 150, 500] \quad X = [x_p]$$

to wektor ilości wyprodukowanych jednostek wyrobów $p \in P$ Maksymalny zysk wynosi 3632,5 dolarów. Czas pracy maszyn wynosi odpowiednio:

- Maszyna 1: 3525 min,
- Maszyna 2: 3600 min,
- Maszyna 3: 2100 min.

3 Zadanie 3.

W tym zadaniu należy znaleźć optymalny plan produkcji oraz magazynowania towaru przez pewną firmę, która w danym okresie czasu może zwiększać jego produkcję lub magazynować nadwyżki w celu zaspokojenia przyszłego popytu.

3.1 Opis modelu

Mamy dane:

- Okresy czasu $T = \{1, \dots, K\}$, gdzie K to liczba okresów.

- Maksymalna okresowa produkcja P_{max} – maksymalna ilość towaru, którą firma może wyprodukować w jednym okresie czasu.
- c_j – koszt produkcji jednostki towaru w nie ponadmiarowej produkcji w okresie $j \in T$.
- a_j – ilość możliwej dodatkowej produkcji w okresie $j \in T$.
- o_j – koszt produkcji jednostki towaru w ponadmiarowej produkcji w okresie $j \in T$.
- d_j – popyt na towar w okresie $j \in T$.
- h – koszt magazynowania jednostki towaru przez jeden okres czasu.
- S_{max} – maksymalna pojemność magazynu.
- s_0 – początkowa ilość towaru w magazynie.

3.1.1 Definicje zmiennych decyzyjnych

Zmiennymi decyzyjnymi są:

- x_j – ilość towaru wyprodukowana w okresie $j \in T$ w nie ponadmiarowej produkcji,
- y_j – ilość towaru wyprodukowana w okresie $j \in T$ w ponadmiarowej produkcji,
- s_j – ilość towaru magazynowana na koniec okresu $j \in T$.

3.1.2 Funkcja celu

Celem jest minimalizacja całkowitych kosztów produkcji i magazynowania towaru, co można zapisać jako:

$$\min \sum_{j \in T} (c_j x_j + o_j y_j + h s_j)$$

3.1.3 Ograniczenia

Ograniczenia, które musi spełniać model to:

- Bilans zapasu w każdym okresie $j \in T$:

$$s_{j-1} + x_j + y_j = d_j + s_j$$

- Produkcja w nie ponadmiarowej produkcji nie może przekroczyć maksymalnej produkcji:

$$0 \leq x_j \leq P_{max}$$

- Produkcja w ponadmiarowej produkcji nie może przekroczyć dostępnej dodatkowej produkcji:

$$0 \leq y_j \leq a_j$$

- Ilość towaru w magazynie nie może przekroczyć jego pojemności:

$$0 \leq s_j \leq S_{max}$$

3.2 Opis rozwiązywanych egzemplarzy

Kod rozwiążający egzemplarze znajduje się w pliku `kody/production.jl`. W pliku należy podać dane:

- c – wektor kosztów produkcji w nie ponadmiarowej produkcji,
- o – wektor kosztów produkcji w ponadmiarowej produkcji,
- a – wektor dostępnej dodatkowej produkcji,
- d – wektor popytu,
- P_{max} – maksymalna produkcja w okresie,
- S_{max} – maksymalna pojemność magazynu,
- h – koszt magazynowania jednostki towaru przez

- s_0 – początkowa ilość towaru w magazynie,

Dla danych podanych w zadaniu mamy:

- $c = [6000, 4000, 8000, 9000]$,
- $o = [8000, 6000, 10000, 11000]$,
- $a = [60, 65, 70, 60]$,
- $d = [130, 80, 125, 195]$,
- $P_{max} = 100$,
- $S_{max} = 70$,
- $h = 1500$,
- $s_0 = 15$,

otrzymujemy następujące rozwiązanie:

- Okres 1: $x_1 = 100$, $y_1 = 15$, $s_1 = 0$,
- Okres 2: $x_2 = 100$, $y_2 = 50$, $s_2 = 70$,
- Okres 3: $x_3 = 100$, $y_3 = 0$, $s_3 = 45$,
- Okres 4: $x_4 = 100$, $y_4 = 50$, $s_4 = 0$,

3.3 Wnioski

- (a) Całkowity minimalny koszt produkcji i magazynowania to 3 842 500\$.
- (b) W okresach 1, 2 i 4 firma korzysta z ponadmiarowej produkcji:

$$y_1 = 15 > 0, \quad y_2 = 50 > 0, \quad y_4 = 50 > 0$$

- (c) W okresach 1 oraz 4 magazyn jest pusty na koniec okresu:

$$s_1 = 0, \quad s_4 = 0$$

4 Zadanie 4.

W zadaniu dany jest Graf $G = (N, A)$, gdzie N to zbiór wierzchołków – miast, a A to zbiór łuków – dróg łączących miasta. Celem jest znalezienie najtańszej trasy z miasta początkowego $j^\circ \in N$ do miasta docelowego $j^\circ \in N$, która nie przekracza określonego czasu podróży T .

4.1 Opis modelu

Mamy dane:

- Zbiór miast $N = \{1, 2, \dots, n\}$, gdzie n to liczba miast.
- Zbiór dróg $A \subseteq N \times N$, gdzie każda droga $(i, j) \in A$ łączy miasto $i \in N$ z miastem $j \in N$.
- $c_{ij} \geq 0$ – koszt przejazdu drogą $(i, j) \in A$.
- $t_{ij} \geq 0$ – czas przejazdu drogą $(i, j) \in A$.
- $i^\circ \in N$ – miasto początkowe.
- $j^\circ \in N$ – miasto docelowe.
- $T \geq 0$ – maksymalny dozwolony czas podróży.

4.1.1 Definicje zmiennych decyzyjnych

Zmiennymi decyzyjnymi są:

- $x_{ij} \in \{0, 1\}$ – zmienna binarna wskazująca, czy droga $(i, j) \in A$ jest wybrana w trasie.

4.1.2 Funkcja celu

Celem jest minimalizacja całkowitego kosztu przejazdu z miasta początkowego do miasta docelowego, co można zapisać jako:

$$\min \sum_{(i,j) \in A} c_{ij} x_{ij}$$

4.1.3 Ograniczenia

Ograniczenia, które musi spełniać model to:

- Zachowanie przepływu w każdym mieście $k \in N$:

$$\sum_{j:(k,j) \in A} x_{kj} - \sum_{i:(i,k) \in A} x_{ik} = \begin{cases} 1, & \text{jeśli } k = i^\circ \\ -1, & \text{jeśli } k = j^\circ \\ 0, & \text{w przeciwnym razie} \end{cases}$$

- Całkowity czas podróży nie może przekroczyć dozwolonego czasu T :

$$\sum_{(i,j) \in A} t_{ij} x_{ij} \leq T$$

- Zmienne decyzyjne są binarne:

$$x_{ij} \in \{0, 1\}, \quad \forall (i, j) \in A$$

4.2 Opis rozwiązywanych egzemplarzy

Kod rozwiązujący egzemplarze znajduje się w pliku `kody/circulation.jt`. W pliku należy podać dane:

- N – moc zbioru miast,
- s – wierzchołek początkowy,
- t – wierzchołek docelowy,
- T_{max} – maksymalny dozwolony czas podróży,
- $arcs$ – lista krotek reprezentujących drogi w formacie (miastoPoczątkowe, miastoDocelowe, koszt, czas),

Dla danych podanych w zadaniu mamy:

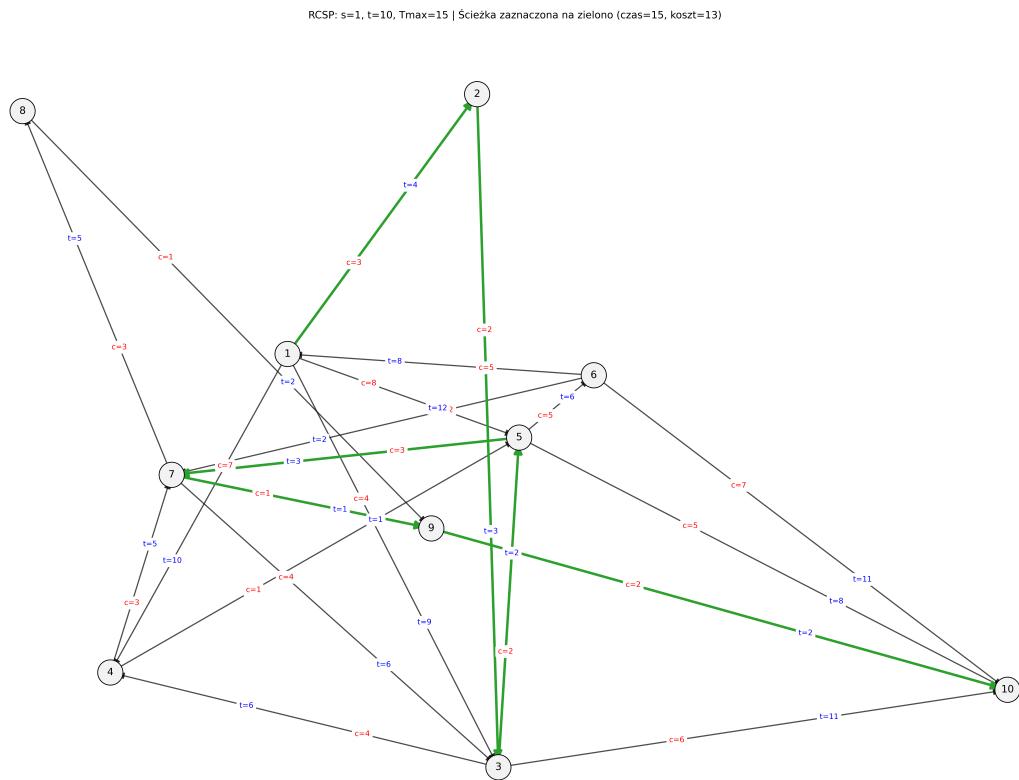
- $N = 10$,
- $s = 1$,
- $t = 10$,
- $T_{max} = 15$,
- $arcs$ – jak podane w poleceniu zadania

otrzymujemy następujące rozwiązanie:

- Koszt minimalny: 13,0,
- Czas ścieżki: 15,0 ($T_{max} = 15,0$),
- Ścieżka: $1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 5 \rightarrow 7 \rightarrow 9 \rightarrow 10$,

4.3 Wnioski

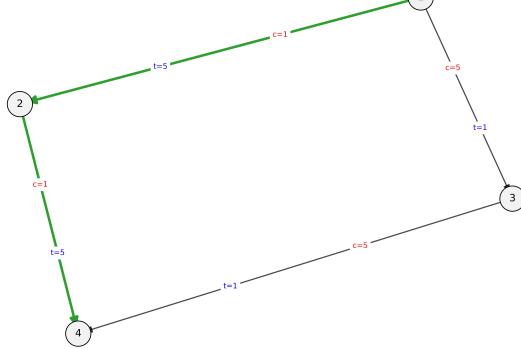
- Wyniki dla podanego egzemplarza znajdują się powyżej.
- Własny egzemplarz wygląda następująco: Dla tego egzemplarza mamy:
 - Najkrótsza ścieżka (bez ograniczenia czasowego): $1 \rightarrow 3 \rightarrow 6$, o koszcie 10,0 i czasie 20,0,



Rysunek 1: Własny egzemplarz zadania 4.

- Najtańsza ścieżka z ograniczeniem czasowym $T_{max} = 15$: $1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 5 \rightarrow 7 \rightarrow 9 \rightarrow 10$, o koszcie 13,0 i czasie 15,0.
- (c) Tak, ograniczenie na całkowitoliczbowość jest istotne. Rozważmy przykład grafu, gdzie mamy następujące dane:

W tym przypadku istnieją dwie ścieżki z wierzchołka 1 do wierzchołka 4:



Rysunek 2: Przykład grafu, gdzie ograniczenie całkowitoliczbowości jest istotne.

- Ścieżka $A : 1 \rightarrow 2 \rightarrow 4$, o koszcie $c_A = 1$ i czasie $t_A = 10$,
- Ścieżka $B : 1 \rightarrow 3 \rightarrow 4$, o koszcie $c_B = 10$ i czasie $t_B = 2$.

Przyjmując $T_{max} = 6$ przy założeniu całkowitoliczbowości zmiennych decyzyjnych, jedyną możliwą ścieżką jest B o koszcie 10, tylko w niej zostaje spełnione ograniczenie czasowe.

Natomiast relaksując założenie o całkowitoliczbowości: $x_{ij} \in [0, 1]$, optymalnym rozwiązaniem byłoby $x_{12} = x_{24} = x_{13} = x_{34} = 0.5$, co odpowiadałoby trasie będącej połową ścieżki A i połową ścieżki B . W takim przypadku koszt wyniósłby $c = \frac{1}{2} + \frac{10}{2} = 5.5$, a czas $t = \frac{10}{2} + \frac{2}{2} = 6$, co spełnia ograniczenie czasowe.

Zatem istnieją różne optymalne rozwiązania w zależności od założenia o całkowitoliczbowości zmiennych decyzyjnych.

- (d) Po usunięciu ograniczenia na czas przejazdu oraz całkowitoliczbowość dostajemy problem najbliższego przepływu w sieci.

5 Zadanie 5.

W zadaniu 5. należy rozwiązać problem podany na 2. liście ćwiczeń. Pojawia się tutaj problem *MIN COST CIRCULATION*, który polega na znalezieniu najbliższego przepływu w sieci z określonymi kosztami i pojemnościami na krawędziach oraz z ograniczeniami na przepływ w wierzchołkach. Konkretnie w zadaniu mamy zminimalizować łączną liczbę radiowozów wystawionych do patroli w różnych dzielnicach miasta.

5.1 Opis modelu

Mamy dane:

- Zbiór dzielnic $P = \{1, 2, \dots, n\}$, gdzie n to liczba dzielnic.
- Zbiór zmian $S = \{1, 2, \dots, m\}$, gdzie m to liczba zmian.
- Macierze ograniczeń dolnych i górnych na liczbę radiowozów U_{ij}, L_{ij} gdzie $i \in P, j \in S$,
- Wektor minimalnej liczby dostępnych radiowozów w dzielnicy a_i , gdzie $i \in P$,
- Wektor minimalnej potrzebnej liczby radiowozów w zmianie b_j , gdzie $j \in S$,

5.1.1 Definicje zmiennych decyzyjnych

Zmiennymi decyzyjnymi są:

- x_{ij} – liczba radiowozów przydzielonych do dzielnicy $i \in P$ w zmianie $j \in S$. Zakładamy całkowitoliczbowość zmiennych decyzyjnych: $x_{ij} \in \mathbb{Z}_{\geq 0}$.

5.1.2 Funkcja celu

Celem jest minimalizacja całkowitej liczby radiowozów przydzielonych do patroli, co można zapisać jako:

$$\min \sum_{i \in P} \sum_{j \in S} x_{ij}$$

5.1.3 Ograniczenia

Ograniczenia, które musi spełniać model to:

- Dla każdej dzielnicy $i \in P$ liczba radiowozów przydzielonych we wszystkich zmianach musi być co najmniej równa minimalnej wymaganej liczbie radiowozów:

$$\sum_{j \in S} x_{ij} \geq a_i$$

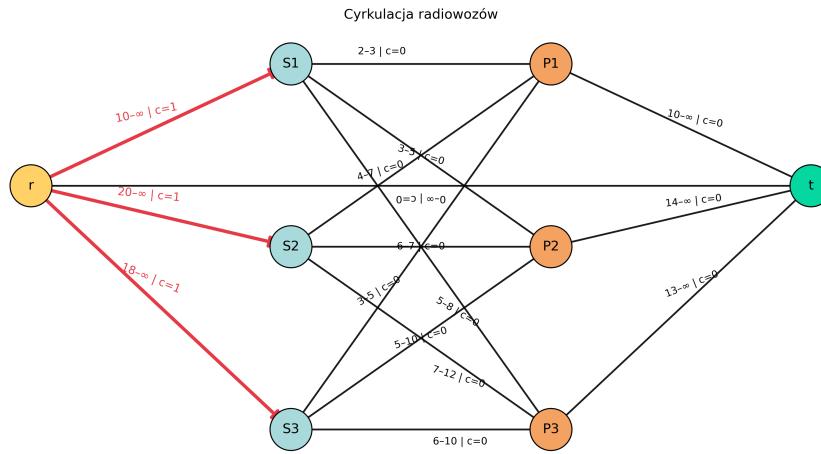
- Dla każdej zmiany $j \in S$ liczba radiowozów przydzielonych we wszystkich dzielnicach musi być co najmniej równa minimalnej wymaganej liczbie radiowozów:

$$\sum_{i \in P} x_{ij} \geq b_j$$

- Liczba radiowozów przydzielonych do dzielnicy $i \in P$ w zmianie $j \in S$ musi mieścić się w określonych granicach:

$$L_{ij} \leq x_{ij} \leq U_{ij}$$

Model będzie musiał znaleźć optymalny przepływ w sieci pokazanej na rysunku poniżej:



Rysunek 3: Model sieciowy problemu przydziału radiowozów do patroli w dzielnicach.

5.2 Opis rozwiązywanych egzemplarzy

Kod rozwiązujący egzemplarze znajduje się w pliku `kody/dzielnice.jl`. W pliku należy podać dane reprezentujące sieć postaci: (i, j, c, l, u) , gdzie i to dzielnica, j to zmiana, c to koszt jednostkowy przepływu (tutaj zawsze 1), l to dolna granica przepływu, u to górna granica przepływu. Dla podanych w zadaniu danych otrzymujemy następujące rozwiązanie:

- Całkowita liczba radiowozów przydzielonych do patroli wynosi 48.
- Szczegóły przydziału radiowozów do dzielnic i zmian przedstawia się następująco:

Łuki z dodatnim przepływem: $(i, j) [l..u | c] x=$

(1, 2) [10.0..Inf 1.0]	x=10.0
(1, 3) [20.0..Inf 1.0]	x=20.0
(1, 4) [18.0..Inf 1.0]	x=18.0
(2, 5) [2.0..3.0 0.0]	x=2.0
(2, 6) [3.0..5.0 0.0]	x=3.0
(2, 7) [5.0..8.0 0.0]	x=5.0
(3, 5) [4.0..7.0 0.0]	x=4.0
(3, 6) [6.0..7.0 0.0]	x=6.0
(3, 7) [7.0..12.0 0.0]	x=10.0
(4, 5) [3.0..5.0 0.0]	x=5.0
(4, 6) [5.0..10.0 0.0]	x=5.0
(4, 7) [6.0..10.0 0.0]	x=8.0
(5, 8) [10.0..Inf 0.0]	x=11.0
(6, 8) [14.0..Inf 0.0]	x=14.0
(7, 8) [13.0..Inf 0.0]	x=23.0
(8, 1) [0.0..Inf 0.0]	x=48.0

6 Zadanie 6.

W zdaaniu 6. pojawia się problem *MIN COVER SET*. W tej konkretnej instancji musimy znaleźć optymalne rozmieszczenie minimalnej ilości kamer potrzebnych do monitorowania placu z kontenerami.

6.1 Opis modelu

Mamy dane:

- Siatkę $V = \{1, \dots, n\} \times \{1, \dots, m\}$ reprezentującą plac z kontenerami o rozmiarze $n \times m$,
- Zbiór z miejscami zajętymi przez kontenery $C \subseteq V$,
- Liczbe k reprezentującą zasięg kamery (w jednostkach kratki siatki). Kamera widzi we wszystkich kierunkach pokrywając obszar w kształcie krzyża.¹

Możemy zdefiniować relację widoczności² \approx pomiędzy miejscami na siatce V . Niech $p = (r, c), q = (s, d) \in V$ to dwa miejsca na siatce. Wtedy:

$$p \approx q \iff (r = s \wedge |c - d| \leq k) \vee (c = d \wedge |r - s| \leq k)$$

Na podstawie tej relacji możemy zdefiniować zbiór miejsc widocznych z miejsca $p \in V$:

$$W(p) = \{q \in V : p \approx q\}$$

6.1.1 Definicje zmiennych decyzyjnych

Zmiennymi decyzyjnymi są:

- $x_{rc} \in \{0, 1\}$ – zmienna binarna wskazująca, czy w miejscu $(r, c) \in V$ została zainstalowana kamera.

6.1.2 Funkcja celu

Celem jest minimalizacja całkowitej liczby zainstalowanych kamer, co można zapisać jako:

$$\min \sum_{(r,c) \in V} x_{rc}$$

6.1.3 Ograniczenia

Ograniczenia, które musi spełniać model to:

- Kamery można instalować tylko w miejscach nie zajętych przez kontenery:

$$x_{rc} = 0, \quad \forall (r, c) \in C$$

- Każde miejsce zajęte przez kontener $p \in C$ musi być widoczne z co najmniej jednej kamery:

$$\forall p \in C : \sum_{\substack{q \in V \setminus C : \\ p \approx q}} x_q \geq 1,$$

- Zmienne decyzyjne są binarne:

$$\forall (r, c) \in V : x_{rc} \in \{0, 1\},$$

¹W poleceniu nie jest to do końca jasno sprecyzowane, czy kamera widzi w kształcie kwadratu, czy jednak krzyża, ale przyjmuję drugi wariant.

²Zakładam, że kamera widzi ponad kontenerami.

6.2 Opis rozwiązywanych egzemplarzy

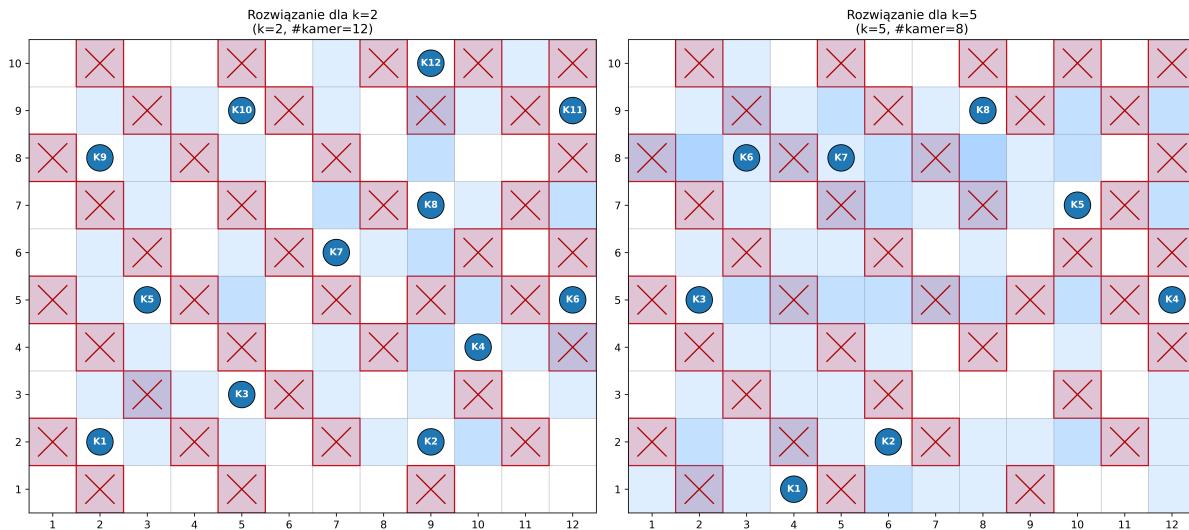
Kod rozwiązujący egzemplarze znajduje się w pliku `kody/kamery.jl`. W pliku należy podać dane:

- n – liczba wierszy siatki,
- m – liczba kolumn siatki,
- k – zasięg kamery,
- $containers$ – lista krotek reprezentujących miejsca zajęte przez kontenery,

Dla egzemplarza 10×12 z 40 kontenerami otrzymujemy następujące rozwiązanie:

- Dla $k = 2$ minimalna liczba kamer wynosi 12,
- Dla $k = 5$ minimalna liczba kamer wynosi 8.

Poniżej wizualizacja rozwiązań dla obu zasięgów kamer:



Rysunek 4: Wizualizacja rozmieszczenia kamer dla zasięgów $k = 2$ (po lewej) oraz $k = 5$ (po prawej).