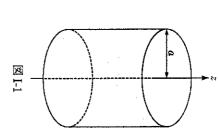
慶應義塾大学試験問題 物理学 C

2012 年 11 月 19 日(月)6 時限(試験時間 50 分) 問題用紙 回収不要 担当者 小原、神成、高野、福嶋

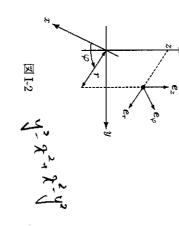
てよい。電気定数 ϵ_0 、磁気定数 μ_0 、真空中の光速 cの記号は断りなしに使ってよい。 た、万一与えられた条件だけでは解けない場合には、適当な量を定義したり,条件を明記した上で解い 注意:とくに指示がない場合、答案には結果のみならず、それを導いた過程についても記すこと。ま

問題【真空中に半径aの円柱状の無限に長い絶縁例があり、その中に電荷が の単位ベクトルを e_o とする (図 I-2 参照)。互いに直交するこれらの 単位ベクトル e_τ, e_φ, e_z を用いて位置 (r, φ, z) におけるベクトル量 (r, φ, z) において、z 軸に垂直で z 軸から遠ざかる方向の単位ベクト 直な平面内の位置を 2次元極座標 (r,arphi) で表した円柱座標系 (r,arphi,z)分布している。図I-1のように円柱の中心軸を z 軸にとり、z 軸に垂 を表す。円柱の内外の位置 (r,arphi,z) における電荷密度 ho(r,arphi,z) が ルを e-、 z 軸を中心に回転する方向 (右ねじが ez 方向に進む方向) を用いて考える。z軸の正の向きの単位ベクトルを ez とする。位置 $ho(r,arphi,z) = \left\{egin{array}{ll}
ho_0\left(rac{r}{a}
ight)^2 & \cdots & r \leq a, \ 0 & \end{array}
ight.$



で与えられている。ここで、mは定数である。

- (1) z軸を中心軸とする半径 R、高さんの円柱内の全電荷 Q(R,h)
- (2) 位置 (r, φ, z) における電界 Ε(r, φ, z) を求めなさい。
- (3) $a \le r \le b$, $0 \le \varphi < 2\pi$, $0 \le z \le h$ の範囲の空間に落えられた $^{\hat{}}$ 静電エネルギー U_{E} を求めなさい。
- $rac{1}{r}=0,\,z=0$ の点(原点)を基準点として、位置 (r,φ,z) に おける電位 $\phi(r,\varphi,z)$ を求めなさい。



問題 II 位置r=(x,y,z) における電位 $\phi(r)$ が

$$\phi(r) = \begin{cases} -\phi_0\left(\frac{z}{a}\right) + \phi_1 \ln\left(\frac{x^2 + y^2}{a^2}\right) & \cdots & x^2 + y^2 \neq 0, \ z < -a \end{cases} \qquad \begin{cases} \chi^2 + y^2 \\ \frac{1}{2}\phi_0\left(\frac{z}{a}\right)^2 + \phi_1 \ln\left(\frac{x^2 + y^2}{a^2}\right) & \cdots & x^2 + y^2 \neq 0, \ -a \le z \le a \end{cases} \qquad \downarrow \phi_0 \wedge \chi^2 \\ \phi_0\left(\frac{z}{a}\right) + \phi_1 \ln\left(\frac{x^2 + y^2}{a^2}\right) & \cdots & x^2 + y^2 \neq 0, \ a < z \\ \phi_0\left(\frac{z}{a}\right) + \phi_1 \ln\left(\frac{x^2 + y^2}{a^2}\right) & \cdots & x^2 + y^2 \neq 0, \ a < z \\ 0 & \chi^2 + \chi^2 \end{pmatrix} - \chi \phi_0 \wedge \chi^2 \chi^2$$
ったている。ここで、 ϕ_0, ϕ_1, a (> 0) は完数である。

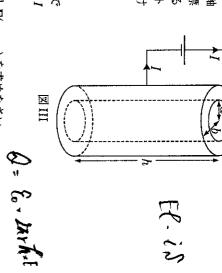
で与えられている。ここで、 $\phi_0,\,\phi_1,\,a\,(>0)$ は定数である。

- (1) $x^2+y^2\neq 0$ のとき、位置 $\mathbf{r}=(x,y,z)$ における電界 $\mathbf{E}(\mathbf{r})$ を求めなさい。
- (2) $x^2+y^2\neq 0$ のとき、位置 $\mathbf{r}=(x,y,z)$ における電荷密度 $\rho(\mathbf{r})$ を求めなさい。

問題 III 図 III のように、半径 a、高さ h の円筒状の電極 A と半径 b、 ル量を表す (図 I-2 参照)。A と B の間は、位置 (r, φ, z) におけ 単位ベクトル er, e_v, e_z を用いて位置 (r, φ, z) におけるベクト 系 (r, φ, z) を用いて考える。問題Ιで定義した互いに直交する る電気伝導率 σ(r,φ,z) が えて配置してある。a < b である。中心軸を z 軸にとり、z 軸 高さ h の円筒状の電極 B が中心軸を共通にして、高さをそろ に垂直な平面内の位置を 2 次元極座標 (r,arphi) で表した円柱座標



が流れている場合を考える。 ある。AB 間の電位差が一定に保たれ、A から B に一定電流 Iとなるように導体が詰めてある。ここで、 の (>0) は定数で

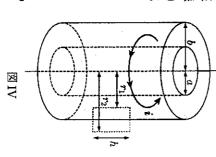


- (1) AB 間の位置 (r, φ, z) における電流密度 $i(r, \varphi, z)$ と電界 $E(r, \varphi, z)$ を求めなさい。
- (2) AB 間の電位差 V を求め、AB 間の全電気抵抗 R を求めなさい
- (3) $a < r_1 < r_2 < b$ とするとき、中心からの距離r が $r_1 < r < r_2$ の範囲の電荷 $Q(r_1, r_2)$ をガウ スの法則の積分形を用いて求めなさい。
- (4) $a < r_1 < r_2 < b$ とするとき、中心からの距離r が $r_1 < r < r_2$ の範囲で単位時間に発生する ジュール熱 P(r1, r2)を求めなさい。 Emore 2 6

問題IV 真空中に内半径 a、外半径 bの円筒状の無限に長い値掛がある。円 標 (r, φ) で表した円柱座標系 (r, φ, z) を用いて考える。問題 I で定義 した互いに直交する単位ベクトル e_r, e_o, e_z を用いて位置 (r, φ, z) におけるベクトル量を表す (図 I-2 参照)。 この導体に定常電流が流 筒の中心軸をェ軸にとり、ェ軸に垂直な平面内の位置を2次元極座 れている。位置 (r,arphi,z) における電流密度 i(r,arphi,z) は







- 多数のソレノイドの重ね合わせと考えることができる。
- (1) $0 \le r_1 \le b < r_2$ とするとき、 $r_1 \le r \le r_2$, $\varphi = -$ 定、 $0 \le z \le h$ で指定される長方形 (図 IV 中の点線の長方形) を貫く全電流 $I(r_1,r_2)$ をを求めなさい。
- (2) 位置 (r,φ,z) における磁束密度 B(r,φ,z) を求めなさい。

