# 数学1B 中間試験

2015年11月26日(木)

担当: 白石博

shiraishi@math.keio.ac.jp

#### 問題1(10点)

等式  $\int_0^\infty x^n e^{-x} dx = n!$  を証明せよ. ただし, n は非負の整数とする.

## 問題 2 (15 点 × 2)

次の不定積分を求めよ,

(1) 
$$\int \frac{1}{x + \frac{1}{2x + \frac{1}{x}}} dx \qquad (2) \int \frac{1}{x^6 + x^4 - x^2 - 1} dx$$

# 問題3(15点)

次の定積分を求めよ.

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{5}{3\sin x + 4\cos x} dx$$

### 問題4(15点)

次の重積分を計算せよ.

$$\iint_D y \cos x dx dy, \qquad D: 0 \le x \le y^2, \ 0 \le y \le \sqrt{\pi/2}$$

### 問題 5 (15 点 × 2)

次の重積分を計算せよ.

(1) 
$$\iint_{D} \frac{1}{\sqrt{1-x^{2}}} dx dy, \qquad D: 0 \le x \le y \le 1$$
(2) 
$$\iiint_{D} x^{2} dx dy dz, \qquad D: \frac{x^{2}}{a^{2}} + \frac{y^{2}}{b^{2}} + \frac{z^{2}}{c^{2}} \le 1, \ x \ge 0, y \ge 0, z \ge 0$$

## 問題 6 ( $+\alpha$ 点, $\alpha \geq 0$ )

講義への感想・批判・要望など、あるいは重積分の応用例について述べよ.