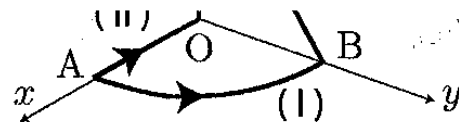


れの経路で  $F(\mathbf{r})$  のする仕事  $W_{(I)}$ ,  $W_{(II)}$  を求めなさい。



- (2) 3次元の力場が保存力であるための一般的な条件を、 $F_x, F_y, F_z$  を用いた式で書きなさい。
- (3) この問題の力  $F(\mathbf{r})$  が保存力となるように、 $a$  の値を求めなさい。
- (4) (3) の場合、ポテンシャル  $U(x, y, z)$  を求めなさい。ただし、 $U(0, 0, 0) = 0$  とする。

**問題 3.** 次の各設問に答えなさい。

- (1) 次の微分方程式の一般解を求めなさい。積分定数を含む形で解けばよい。ただし  $x$  は実数とし、最後は実関数の形で表しなさい。
  - (a)  $\ddot{x} + 2\dot{x} + 3x = 0$
  - (b)  $\ddot{x} + 2\dot{x} + x = 0$
- (2) エネルギー積分による方法で、微分方程式  $\ddot{x} = -x^3$  を積分しなさい。 $t = 0$  で  $\dot{x} = 0, x = 1$  のとき、 $\dot{x}^2$  を  $x$  の関数として表しなさい。

**問題 4.** 質量  $m$  の弾丸を水平方向に初速度  $v_0$  で打ち出した時の鉛直面内の運動を考える。水平方向に  $x$  軸を、鉛直上向きに  $y$  軸をとる。弾丸の位置ベクトルと速度ベクトルはそれぞれ  $\mathbf{r} = (x, y)$ ,  $\mathbf{v} = (v_x, v_y)$  と書かれ、重力加速度ベクトルは  $\mathbf{g} = (0, -g)$  である。水平方向 ( $x$  軸方向) には速度の2乗に比例する抵抗力  $-kv_x^2$  がかかる。鉛直方向 ( $y$  軸方向) に対しては抵抗が無視でき、力は重力のみがかかる。初期の位置ベクトルは  $\mathbf{r}(t=0) = (0, 0)$  である。

- (1)  $x, y$  に関してそれぞれ運動方程式をたてなさい。
- (2) (1) の  $x$  に関する運動方程式において  $\dot{x} = v_x$  とおき、初期条件を考慮して水平方向の速度の時間依存性を求めなさい。
- (3) (2) の解をさらに  $x$  に関する一階の微分方程式とみなして、 $x(t)$  を求めなさい。
- (4) 質点の軌跡を表す  $(x, y)$  が満たす式を求めなさい。