

دفترچه‌ی هندسی دال

سیری در دنیای هندسه‌ی محاسباتی

سکوت را می‌شکنیم و پس از ماه‌ها دوباره قلم را در دست می‌گیریم. حدود یک سال قبل نامه‌ای را دریافت کردیم که ما را در اندوه غرق کرد. نامه‌ی کوتاهی که دنیای هندسی پر امید ما را واژگون ساخت. نامه‌ای از طرف دال: «زمان خداحافظی فرا رسیده است و به ناچار باید شما را ترک کنم».

هر کجا که تصور می‌کردیم دال رفته باشد را جستجو کردیم اما اثری از او نیافتیم. در پایان ماه‌ها تلاش، وقتی که یأس از دست دادن دال در ذهن ما غالب شد، تصمیم گرفتیم شماره‌ی جدیدی از پنج‌شنبه‌های سخت را منتشر نکنیم و آن را کنار بگذاریم. نشریه‌ای که هر برگ آن بوی دال را می‌داد.

ما و سایر علاقمندان نشریه‌ی پنج‌شنبه‌های سخت برای خواندن یادداشت‌های دال، برای هر شماره‌ی این نشریه لحظه‌شماری کرده‌ایم تا روی برگ‌های این یادداشت‌ها اوج بگیریم و افق‌های ناشناخته‌ای از دنیای علم را مشاهده کنیم. پس از زیر و رو کردن کتاب‌های تاریخ، سراغ نداریم خوانندگان هیچ نشریه‌ای چنین احساس نزدیکی و وابستگی به یکی از نویسندگان آن داشته باشند. هنوز هم با افتخار نامه‌های پر مهر خوانندگان این نشریه را دریافت می‌کنیم.

با وجود درد فقدان دال و با توجه به چنین شوق بی‌نظیری از سوی خوانندگان گرامی، تصمیم گرفتیم نشریه‌ی جدیدی را با عنوان «یادداشت‌های هندسی دال» منتشر کنیم. این نشریه که توسط سردبیر نگارش می‌شود، موضوعاتی را مطرح می‌کند که در یکی از دفترچه‌هایی که از دال در دست سردبیر باقی مانده است بیان شده است. یادداشت‌های دال بسیار خلاصه هستند؛ از این رو، در این نشریه آنها را کمی گسترش می‌دهیم و نکته‌هایی را به این یادداشت‌ها اضافه می‌نماییم.

در یکی از صفحه‌های آغازین دفترچه‌اش دال می‌نویسد: من به مطالعه‌ی مسئله‌های محاسباتی هندسی علاقمند هستم که در کاربردهای مختلف ظاهر می‌شوند و سعی می‌کنم برای آنها الگوریتم بیابم. الگوریتم‌هایی را ترجیح می‌دهم که به صورت نظری بتوان برای آن تضمینی اثبات کرد اما به الگوریتم‌های هندسی که به صورت تجربی عملکرد آنها نشان داده می‌شود نیز علاقه دارم. کاربردهایی که اخیراً به آنها پرداخته‌ام موضوعات مطرح شده در GIS، به خصوص در تحلیل مسیر و حرکت هستند. برای آشنایی با برخی از این موضوعات، فصل مقدمه‌ی رساله‌های دکترای زیر را توصیه می‌کنم.

- استالز (۲۰۱۵؛ پیوند): مسئله‌های زیادی از جمله یافتن ناحیه‌های داغ و گسستن مسیر را بررسی می‌کند.
 - کنزاک (۲۰۱۸؛ پیوند): تمرکز ویژه‌ای بر الگوریتم‌های تحلیل مسیر و کاربردهای نمایشی می‌کند.
 - دریمیل (۲۰۱۳؛ پیوند): مخصوصاً به محاسبه‌ی فاصله‌ی فریشه (Fréchet) می‌پردازد.
- در تحلیل مسیر، موضوعات جالب زیادی مطرح هستند، از جمله گسستن مسیر، ساده‌سازی مسیر، یافتن ناحیه‌های توقف، یافتن مسیرهای مشابه، یافتن گروه‌ها.

ساده‌سازی مسیر

در یکی از صفحه‌های دفترچه‌ی دال به مسئله‌ی ساده‌سازی خم اشاره شده است. حرکت یک اتومبیل، پرنده یا انسان توسط یک مسیر که از تعدادی رأس تشکیل می‌شود بیان می‌شود. دلایل مهمی وجود دارند که تعداد رأس‌های این مسیرها کاهش یابند و الگوریتم‌های متفاوتی برای این کار ارائه شده‌اند. دال می‌پرسد که آیا برای حالت محدود به یال در این مسئله (رأس‌های مسیر ساده شده می‌توانند با حفظ ترتیب روی هر نقطه از یال‌های مسیر ورودی قرار گیرند) الگوریتم تقریبی یا دقیق کارایی وجود دارد؟ در گزارشی ([پیوند](#)) الگوریتمی برای ساده‌سازی ارائه داده‌ام (سردبیر). آیا می‌توان پیچیدگی زمانی این الگوریتم را بهبود داد یا یک الگوریتم قطعی کارا برای این مسئله ارائه داد؟

