دفترچەی مندسی جلد ا

دفترچەي مندسى دال

سیری در دنیای مندسمی محاسباتی

پیشگفتار

سکوت را می شکنیم و پس از ماه ها دوباره قلم را در دست می گیریم. حدود یک سال قبل نامه ای را دریافت کردیم که ما را در اندوه غرق کرد. نامه ی کوتاهی که دنیای هندسی پر امید ما را واژگون ساخت. نامه ای از طرف دال: «زمان خداحافظی فرا رسیده است و به ناچار باید شما را ترک کنم».

هر کجا که تصور می کردیم دال رفته باشد را جستجو کردیم اما اثری از او نیافتیم. در پایان ماه ها تلاش، وقتی که یأس از دست دادن دال در ذهن ما غالب شد، تصمیم گرفتیم شماره ی جدیدی از پنج شنبه های سخت را منتشر نکنیم و آن را کنار بگذاریم. نشریه ای که هر برگ آن بوی دال را می داد.

ما و سایر علاقمندان نشریهی پنجشنبههای سخت برای خواندن یادداشتهای دال، برای هر شمارهی این نشریه لحظه شماری کرده ایم تا روی برگهای این یادداشتها اوج بگیریم و افقهای ناشناختهای از دنیای علم را مشاهده کنیم. پس از زیر و رو کردن کتابهای تاریخ، سراغ نداریم خوانندگان هیچ نشریهای چنین احساس نزدیکی و وابستگی به یکی از نویسندگان آن داشته باشند. هنوز هم با افتخار نامههای پر مهر خوانندگان این نشریه را دریافت می کنیم.

با وجود درد فقدان دال و با توجه به چنین شوق بی نظیری از سوی خوانندگان گرامی، تصمیم گرفتیم نشریه ی جدیدی را با عنوان «یادداشتهای هندسی دال» منتشر کنیم. این نشریه که توسط سردبیر نگارش می شود، موضوعاتی را مطرح می کند که در یکی از دفتر چههایی که از دال در دست سردبیر باقی مانده است بیان شده اند. یادداشتهای دال بسیار خلاصه هستند؛ از این رو، در این نشریه آنها را کمی گسترش می دهیم و نکتههایی را به این یادداشتها اضافه می نماییم.

برای تماس با سردبیر با آدرس gholamirudi@nit.ac.ir مکاتبه نمایید.

محف من

در یکی از صفحههای آغازین دفتر چهاش دال می نویسد: من به مطالعه ی مسئلههای محاسباتی هندسی علاقمند هستم که در کاربردهای مختلف ظاهر می شوند و سعی می کنم برای آنها الگوریتم بیابم. الگوریتمهایی را ترجیح می دهم که به صورت نظری بتوان برای آن تضمینی اثبات کرد اما به الگوریتمهای هندسی که به صورت تجربی عملکرد آنها نشان داده می شود نیز علاقه دارم. کاربردهایی که اخیرا به آنها پرداختهام موضوعات مطرح شده در GIS، به خصوص در تحلیل مسیر و حرکت هستند. در تحلیل مسیر، موضوعات جالب زیادی مطرح هستند، از جمله گسستن مسیر، ساده سازی مسیر، یافتن ناحیههای توقف، یافتن مسیرهای مشابه، یافتن گروهها. برای آشنایی با برخی از این موضوعات، فصل مقدمه ی رسالههای دکترای زیر را توصیه می کنم.

- استالز (۲۰۱۵؛ پیوند): مسئلههای زیادی از جمله یافتن ناحیههای داغ و گسستن مسیر را بررسی می کند.
 - کنزاک (۲۰۱۸؛ پیوند): تمرکز ویژه ای بر الگوریتمهای تحلیل مسیر و کاربردهای نمایشی می کند.
 - دریمل (۲۰۱۳؛ پیوند): مخصوصا به محاسبهی فاصلهی فریشه (Fréchet) میپردازد.

سادەسازى مسير

در یکی از صفحههای دفتر چهی دال به مسئلهی ساده سازی خم اشاره شده است. حرکت یک اتومبیل، پرنده یا انسان توسط یک مسیر که از تعدادی رأس تشکیل می شود بیان می شود. دلایل مهمی وجود دارند که تعداد رأسهای این مسیرها کاهش یابند و الگوریتمهای متفاوتی برای این کار ارائه شده اند. دال می پرسد که آیا برای حالت محدود به یال در این مسئله (رأسهای مسیر ساده شده می توانند با حفظ ترتیب روی هر نقطه از یالهای مسیر ورودی قرار گیرند) الگوریتم تقریبی یا دقیق کارایی وجود دارد؟ در گزارشی (پیوند) الگوریتمی برای ساده سازی محدود به یال ارائه داده ام (سردبیر) که تعداد رأسهای مسیری حاصل حداکثر دو برابر تعداد رأسهای مسیر ساده شده با کمترین تعداد رأس است.

- آیا میتوان پیچیدگی زمانی این الگوریتم را که از برنامهریزی پویا استفاده میکند، بهبود داد؟
 - آیا میتوان یک الگوریتم قطعی کارا برای سادهسازی محدود به یال مسیر ارائه داد؟
 - آیا الگوریتم برخط سریعی برای این مسئله وجود دارد؟

يافتن گروهما

در صفحهای از دفترچهی هندسی دال، او به مقالهای اشاره می کند (پیوند) که در آن اشیاء متحرکی که به صورت کروهی حرکت می کنند شناسایی می شوند. آنها الگوریتمی برای این کار با پیچیدگی زمانی $O(au^{\mathsf{Y}} n^{\mathsf{D}} \log n)$ ارائه می دهند که در آن n تعداد اشیاء و τ تعداد رأسهای هر مسیر است. بدیهی است که چنین الگوریتمی در عمل بسیار کند است.

- آیا می توان پیچیدگی این الگوریتم را بهبود داد؟
- آیا الگوریتم تقریبی خوبی برای این مسئله وجود دارد؟
- آیا الگوریتم خوبی وجود دارد که پس از پیشپردازش، بتواند گروهها را با مقدارهای متفاوت arepsilon بیابد.

لانمی پرنده

در یکی از صفحه های قدیمی دفتر چه ی دال مسئله ای مطرح شده است که در گذشته در مورد آن نوشته ایم. خوانندگان گرامی نشریه ی پنج شنبه های سخت به خاطر دارند که در پنج شنبه ی سخت سی ام (پیوند) به یافتن مکان احتمالی لانه ی یک پرنده پرداختیم. در گزارشی (پیوند) روشی تقریبی برای یافتن مکان های ممکن لانه ارائه داده ام (سردبیر).

- آیا میتوان الگوریتم دقیق یا سریعتری برای این مسئله یافت؟
- چگونه می توان الگوریتم را تغییر داد تا لانهای را بیابد که چند پرنده به آن سر میزنند؟

