

プログラミング応用

<http://bit.ly/ouyou3d>

アルゴリズム (4)

後期 第2週

2018/9/27

本日は・・・

- ▶ クイックソートの概要
- ▶ 動作の例
- ▶ クイックの実装

クイックソートの概要

- ▶ **高速** (Quick) なソーティングアルゴリズムとしてよく知られている
- ▶ アルゴリズム基本方針
 - ① **基準**になるデータを決める
 - ② 基準データよりも大きなグループと小さなグループに**分ける**
 - ③ ①, ②を**再帰的**に繰り返す

動作例①

【例】 8人の身長を昇順に並べ替える

175	170	160	168	165	170	155	150
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

動作例②

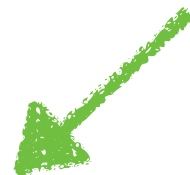
基準になるデータを決める
(ここでは配列の中央)

175	170	160	168	165	170	155	150
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

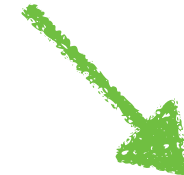
動作例③

基準データよりも大きなグループと小さなグループに分ける

175	170	160	168	165	170	155	150
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----



160	165	155	150
-----	-----	-----	-----

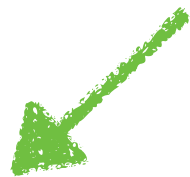


175	170	170
-----	-----	-----

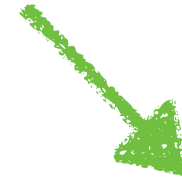
動作例④

分けたグループに対して**再帰的**に繰り返す

175	170	160	168	165	170	155	150
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----



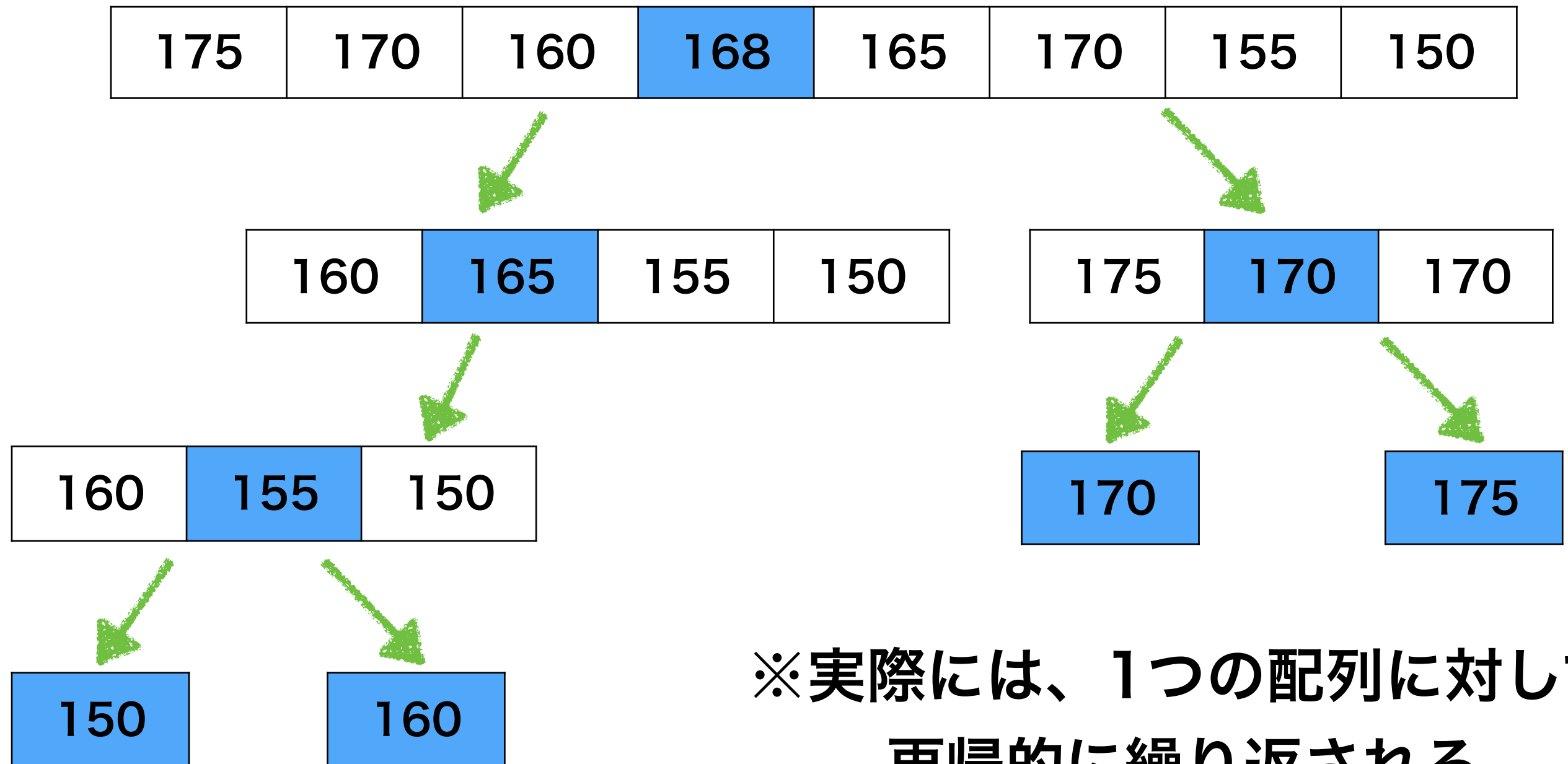
160	165	155	150
-----	-----	-----	-----



175	170	170
-----	-----	-----

動作例⑤

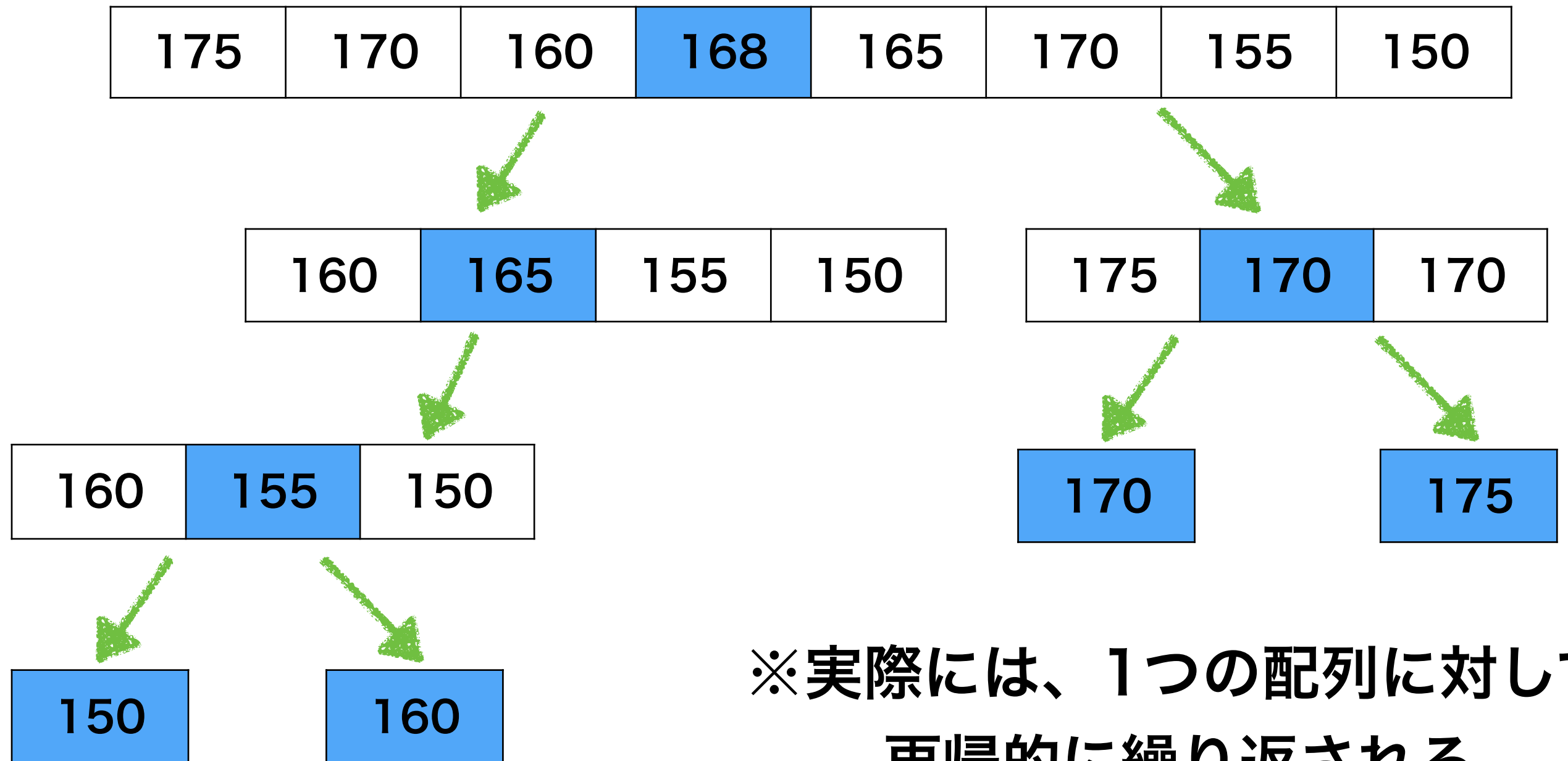
分けたグループに対して**再帰的**に繰り返す



※実際には、1つの配列に対して再帰的に繰り返される

動作例⑤

分けたグループに対して**再帰的**に繰り返す



※実際には、1つの配列に対して再帰的に繰り返される

アルゴリズムの基本方針

① **基準**になるデータを決める

→ 配列の中央の値にする

(他にも基準値の決め方は色々ある)

② 基準データよりも大きなグループと小さなグループに**分ける**

→ 配列内を基準値でグループに分ける必要がある

③ ①, ②を**再帰的**に繰り返す

配列のグループ分け

$x = \text{value}[(\text{left} + \text{right})/2]$ … 基準値 (配列中央の値)

left … グループに分ける配列の左端の添字

right … グループに分ける配列の右端の添字

left				x				right
0	1	2	3	4	5	6	7	8
5	7	1	4	6	2	3	9	8

$x = \text{value}[(0+8)/2]$ なので、

$x = \text{value}[4]$ となり、

このグループ分けの基準値は6となる

配列のグループ分け

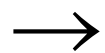
基準値6以下の数を**左側**、6以上の数を**右側**に移動したい

pl ... **左端から右へ**移動する添字を表す変数

pr ... **右端から左へ**移動する添字を表す変数

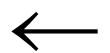
left				x	right			
0	1	2	3	4	5	6	7	8
5	7	1	4	6	2	3	9	8

pl



右へ移動

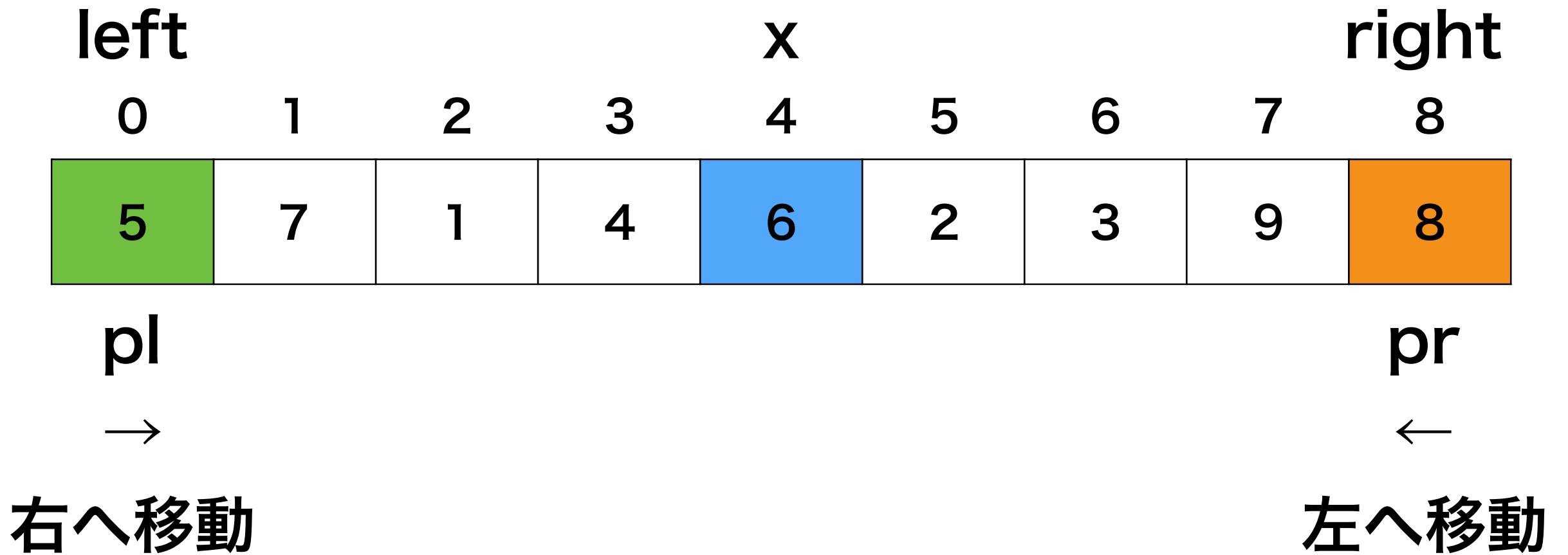
pr



左へ移動

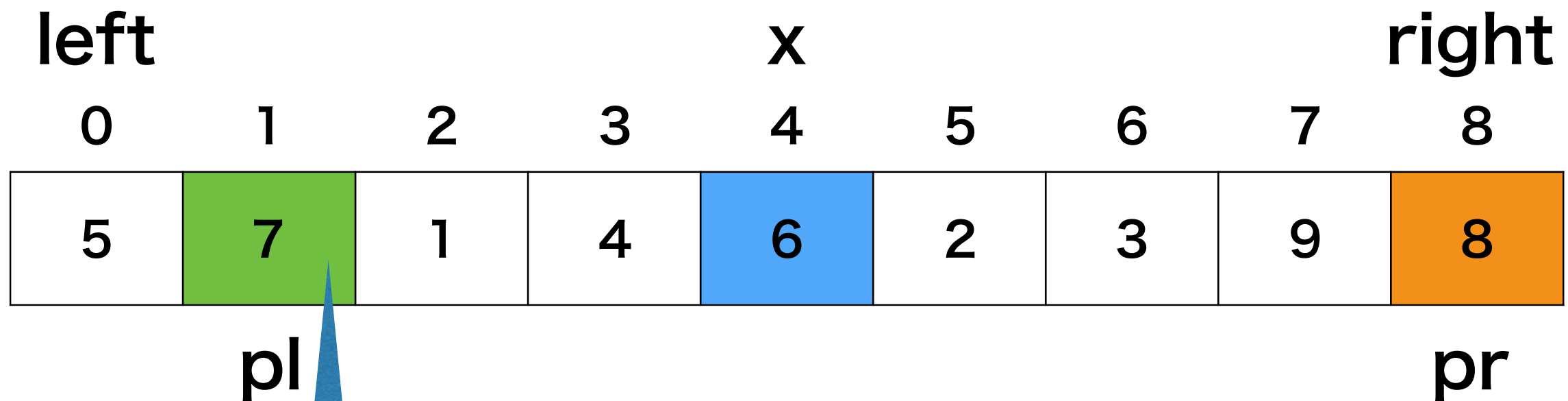
配列のグループ分け

plを左端 (left) 、 prを右端 (right) にする



配列のグループ分け

基準値6以上の値が見つかるまでplを右へ移動する
(pl++する)



7が見つかったのでplは1となる

配列のグループ分け

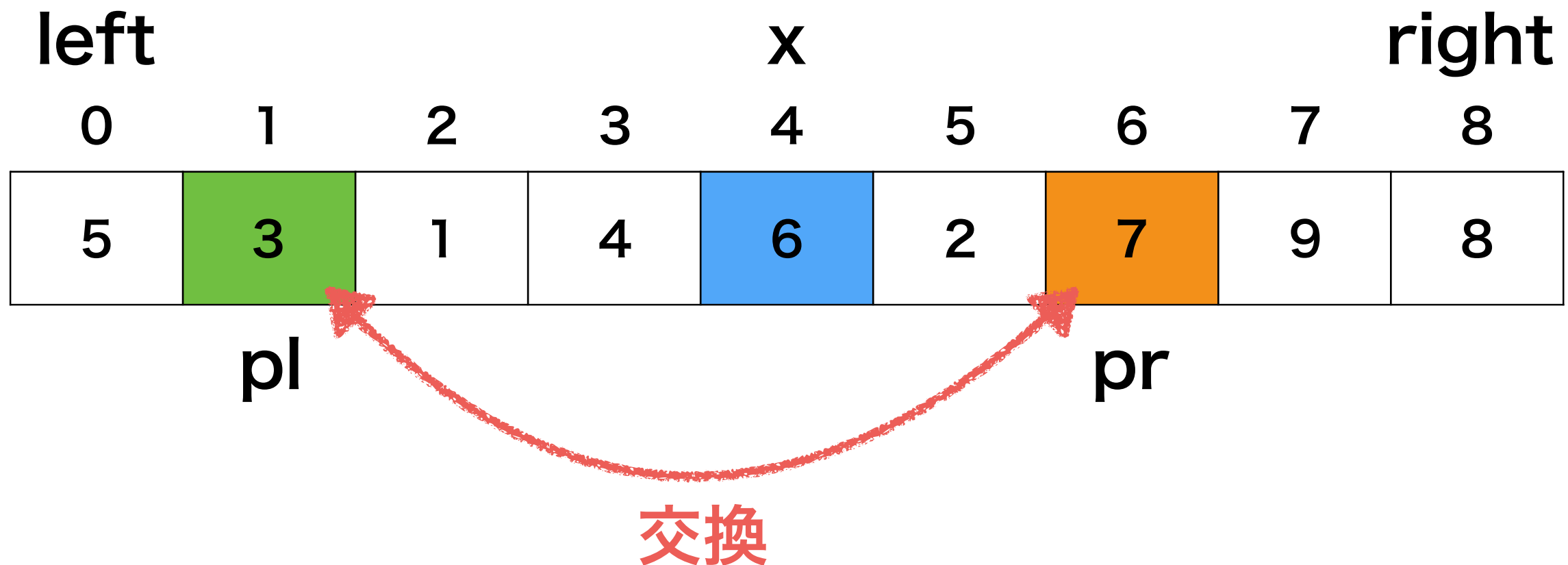
基準値6以下の値が見つかるまでprを左へ移動する
(pr--する)

left					x					right	
0	1	2	3	4	5	6	7	8			
5	7	1	4	6	2	3	9	8			
pl							pr				

3が見つかったのでprは6となる

配列のグループ分け

value[pl]とvalue[pr]の値を交換する



この処理を「 $pl > pr$ 」になるまで繰り返す

配列のグループ分け

基準値6以上の値が見つかるまでplを右へ移動する
(pl++する)

left				x		right			
0	1	2	3	4	5	6	7	8	
5	3	1	4	6	2	7	9	8	
				pl		pr			

基準値6が見つかったのでplは4となる

配列のグループ分け

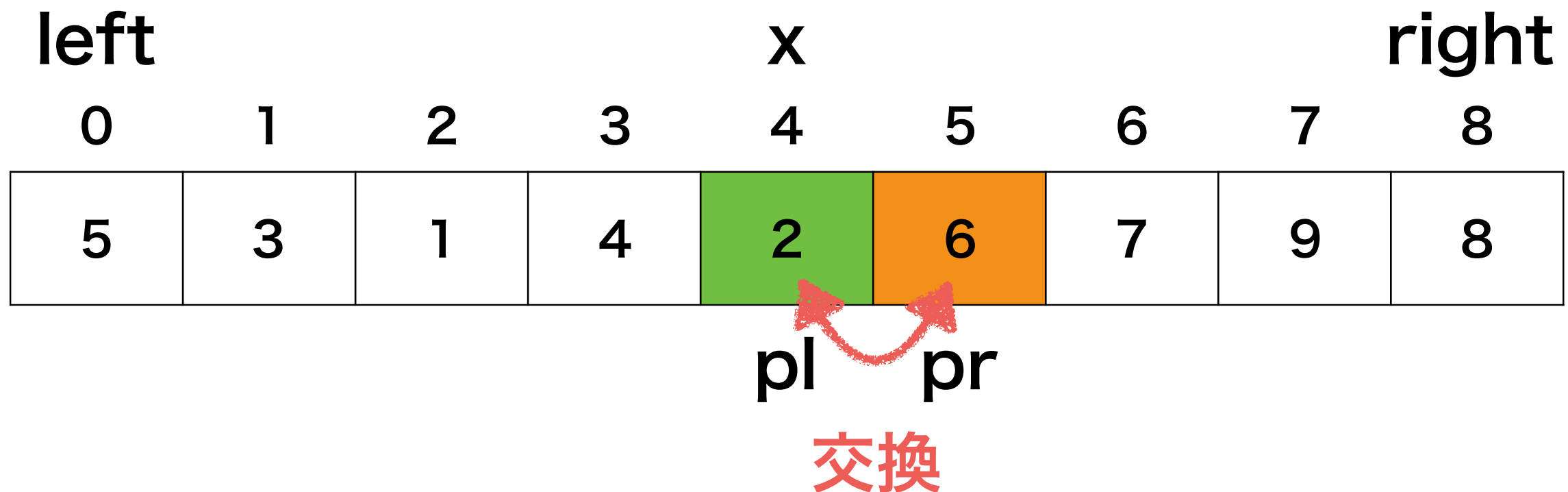
基準値6以下の値が見つかるまでprを左へ移動する
(pr--する)

left				x		right			
0	1	2	3	4	5	6	7	8	
5	3	1	4	6	2	7	9	8	
				pl	pr				

2が見つかったのでprは5となる

配列のグループ分け

value[pl]とvalue[pr]の値を交換する



この処理を「 $pl > pr$ 」になるまで繰り返す

配列のグループ分け

基準値6以上の値が見つかるまでplを右へ移動する
(pl++する)

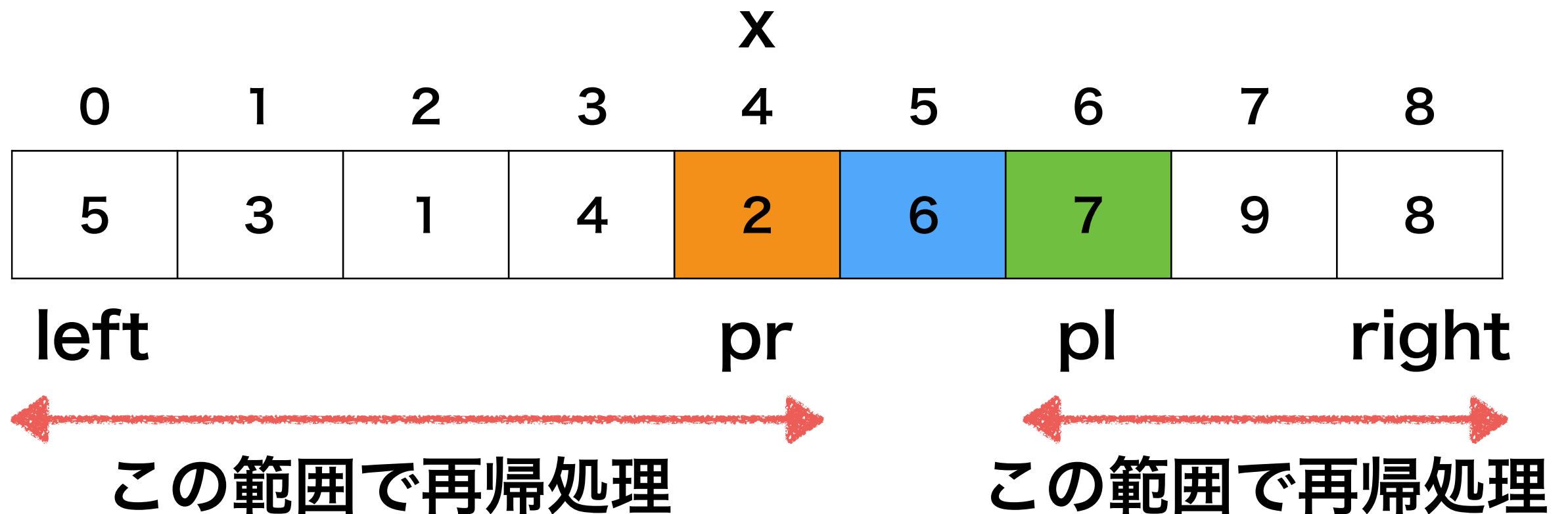
left				X				right	
0	1	2	3	4	5	6	7	8	
5	3	1	4	2	6	7	9	8	
				pr		pl			

この処理を「 $pl > pr$ 」になったので繰り返し終了

- ▶ left～pr番目は、6より小さいグループ
- ▶ pl～right番目は、6より大きいグループ

グループ分けの再帰処理

- ▶ left～pr番目に対して、再帰処理をする
- ▶ pl～right番目に対して、再帰処理をする



範囲の要素数が1になるまで再帰処理を繰り返す

今日の課題は

**課題を通して、クイックソートをする
プログラムを少しずつ作っていきます**

【準備】

前回の授業で作った関数show(), swap()を今回のプログラムにコピーして下さい。

【課題2-1】

引数で与えられたint型配列の値をクイックソートする関数quick()を作成して下さい。

[この関数のプロトタイプ宣言]

```
void quick(int value[], int left, int right);
```

```
/* 配列valueのleft番目からright番目に対してグループ分けをする */
```

```
/* 先に示したイラストを参考に作る */
```


【課題2-1】 ①

先に示したイラストを参考にして、
変数x, pl, prの宣言と初期値を代入して下さい。
(全てint型)

```
void quick(int value[], int left, int right)
{
    //課題①の処理
}
```

【課題2-1】 ②

先に示したイラストを参考にして、
以下のwhile文の中に、「基準値以上の値が見つかる
まで（つまり、基準値未満の値である間）plを右へ移動する（pl++する）」処理を追加して下さい。
(while文で作れます)

```
void quick(int value[], int left, int right)
{
    //課題①の処理
    while(1) { //グループ分けのための繰り返し処理
        //課題②の処理
    }
}
```

【課題2-1】 ③

先に示したイラストを参考にして、
課題②と同様に「基準値以下の値が見つかるまで（つまり、基準値より大きい値である間）prを左へ移動する（pr―する）」処理を追加して下さい。
(while文で作れます)

```
void quick(int value[], int left, int right)
{
    //課題①の処理
    while(1) { //グループ分けのための繰り返し処理
        //課題②の処理
        //課題③の処理
    }
}
```

【課題2-1】 ④

先に示したイラストを参考にして、

「 $pl > pr$ になったら繰り返しを終了する（breakする）」処理を追加して下さい。

```
void quick(int value[], int left, int right)
{
    //課題①の処理
    while(1) { //グループ分けのための繰り返し処理
        //課題②の処理
        //課題③の処理
        //課題④の処理（whileを終了する、つまりグループ分けを終了する）
    }
}
```

【課題2-1】 ⑤

「value[p1]とvalue[pr]の値を交換する」処理を追加して下さい。前回の関数swap()が使えます。

```
void quick(int value[], int left, int right)
{
    //課題①の処理
    while(1) { //グループ分けのための繰り返し処理
        //課題②の処理
        //課題③の処理
        //課題④の処理 (whileを終了する、つまりグループ分けを終了する)
        if(p1 <= pr) { //グループ分け続けるための条件
            //課題⑤の処理
            p1++; pr--; //交換後、p1とprを移動してグループ分けを続行
        }
    }
}
```

【課題2-1】 ⑥

left～pr番目に対する再帰呼出しと、
pl～right番目に対する再帰呼出しを追加して下さい。

```
void quick(int value[], int left, int right)
{
    //課題①の処理
    while(1) { //グループ分けのための繰り返し処理
        //課題②の処理
        //課題③の処理
        //課題④の処理 (whileを終了する、つまりグループ分けを終了する)
        if(pl <= pr) { //グループ分け続けるための条件
            //課題⑤の処理
            pl++; pr--; //交換後、plとprを移動してグループ分けを続行
        }
        //課題⑥の処理
    }
}
```

【課題2-1】

[mainの処理]

```
int v[10] = {9, 7, 6, 0, 1, 5, 2, 3, 4, 8};  
show(v, 10);  
quick(v, 0, 9);  
show(v, 10);
```

[実行結果]

9 7 6 0 1 5 2 3 4 8 (←ソート前の出力)

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 (←ソート後の出力)