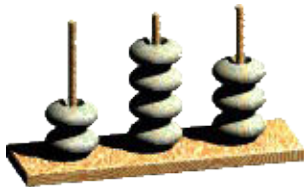


# Inteligentni sistemi

Nim game, Minimax, Alpha-Beta pruning



# Sta je teorija igara?

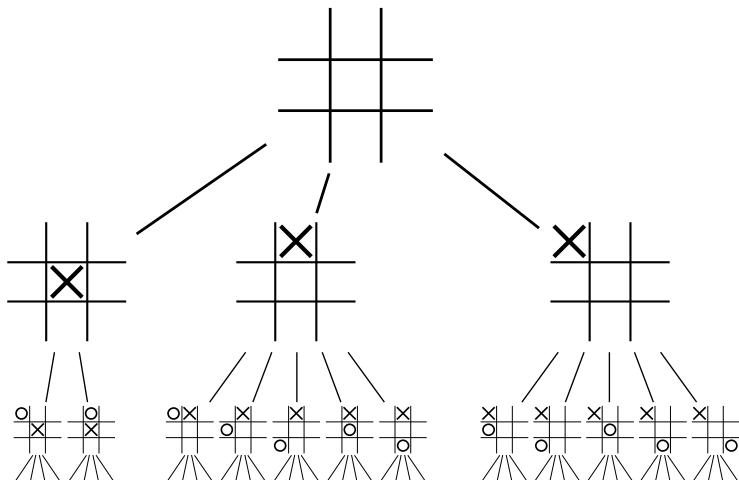
Igre mogu biti:

- kooperativne kad akteri saradjuju u zajednickom interesu i nekooperativne kada akteri pokusavaju da nadigraju jedni druge.

Upravo jedna od takvih igara je i Nim game koju cemo ovde prikazati.

# Game trees

Uz pomoc njih cemo donositi odluke o narednim koracima u igri



# IZGLED KLASA I OBJASNJENJE PROJEKTA NIM GAME

# MainFrame.java

MainFrame klasa je klasa od koje zapocinje izvorsavanje nase aplikacije. U ovoj klasi koristimo sledece funkcije:

private void initialize() - funkcija kojom se vrši inicijalizacija samog frame-a  
I pomocu koje se podesava izgled samog frame-a.

# IzborIgre.java

IzborIgre klasa, u ovoj klasi koristimo sledece funkcije:

private void initialize() - funkcija kojom se vrši inicijalizacija samog frame-a  
I pomoću koje se podesava izgled samog frame-a.

Takođe, u ovoj funkciji će se vršiti odabir broja stubova koji ćemo koristiti u igri i odabir jednog od 3 tipa igre:

- 1) igrač protiv igrača
- 2) igrač protiv računara
- 3) računar protiv računara

# Nim.java

Nim klasa, u ovoj klasi koristimo sledece funkcije:

Ova klasa se koristi za odredjivanje stanja zetona na nasoj tabli

public Nim(Node state) - konstruktor uz pomoc koga cuvamo trenutno stanje na nasoj Nim tabeli

public Nim() - konstruktor koji ce se koristiti za kreiranje objekta Node u zavisnosti od tipa igre koji smo odabrali

private static List<Node> generateChildNodes(Node node) – funkcija pomocu koje ce za odgovarajuce prosledjeno stanje cvora (oznacnog ovde kao Node) izgenerisati lista dece (tj. sva moguca stanja u odgovarajucem Minimax stablu koje ce u korenu imati bas ovaj cvor)

private static int minimaxAlfa

(Node node, int depth, boolean maximizingPlayer, int min, int max) - Implementacija minimax algoritma sa alfa-beta odsecanjem. Izgenerise se stablo pretrazivanja i svakom od dvorova se Dodeli odgovarajuca heuristicka vrednost.

# Nim.java

private static int minimax(Node node, int depth, boolean maximizingPlayer) - Implementacija minimax algoritma sa alfa-beta odsecanjem. Izgenerise se stablo pretrazivanja i svakom od dvorova se Dodeli odgovarajuca heuristicka vrednost.

private static int heuristicEvaluation(Node node) – funkcija za procenu heuristike odgovarajuceg prosledjenog cvora.

private static int nimSum(Node node) – racunanje statisticke funkcije procene

private static List<Integer> readPiles() - ispis stanja zetona na tabeli

public Node startGame() - povlacenje poteza na tabeli u zavisnosti od tipa igre

private void userMove() - prikaz poteza koji je korisnik napravio

private Node takmicarComputerMove() - koristi se kada je jedan igrac takmicarski racunar ili kada su oba .U zavisnosti od toga se pronalazi odgovarajuci potez koji je potrebno povuci.



# Nim.java

`private Node alfaComputerMove()` - koristi se kada je jedan igrač alfa-beta računar ili kada su oba. U zavisnosti od toga se pronalazi odgovarajući potez koji je potrebno povuci.

`private Node computerMove()` - koristi se kada je jedan igrač minimax računar ili kada su oba. U zavisnosti od toga se pronalazi odgovarajući potez koji je potrebno povuci.

`private Node move()` - služi za vraćanje novog stanja na tabeli

`private int readNum(String text)` – za čitanje broja zetona sa GUI-a

# Node.java

Klasa koja se koristi za cuvanje stabla dece za odgovarajuci cvor, za cuvanje trenutnog stanja na nasoj tabeli zetona I za samu heuristicku procenu datog odgovarajuceg cvora

```
public Node(Integer... piles)
```

```
public Node(Node parent, List<Integer> piles - konstruktori za inicijalizaciju cvora
```

```
public List<Integer> getPiles() - dohvatanje stanja na tabeli
```

```
public List<Node> getChildList() - dohvatanje stabla pretrazivanja koje u korenu ima  
dati cvor. To stablo predstavlja sve moguće korake  
u nasoj igri.
```

```
public int getHeuristicValue() - dohvatanje heuristicke vrednosti
```

```
public void setHeuristicValue(int heuristicValue) – postavljanje heuristicke vrednosti
```

```
public boolean isEmpty() - da li je nasa tabla prazna
```

# RasporedZetona.java

Klasa koja se koristi pri odabiru samog rasporeda zetona na nasoj tabeli.

`private void initialize()` - inicijalizacija samog GUI-a. Vrsi se provera da li na nasoj tabli postoje dva stuba sa istim brojem zetona.

`public void addSlider(JSlider s, String description, int I)` – za dodavanje komponenti Jslider-a kojima se oslikava pocetno stanje nase tabele u inicijalnom stanju.

# Tezina1Racunar.java

Klasa koja se koristi u situaciji kada je jedan od igrača racunar. U njoj se odabira tezina same igre takodje bira se koji tip od moguca 3 tipa igraca ce biti nas racunar.

`private void initialize()` - inicijalizacija samog frame-a i unos samih podataka o tezini igre i o tipu racunara.

# Tezina2Racunara.java

Klasa koja se koristi u situaciji kada su oba od igraca racunar. U njoj se odabira tezina same igre I takodje bira se koji tip od moguca 3 tipa igraca ce biti nasi racunari.

`private void initialize()` - inicijalizacija samog frame-a i unos samih podataka o tezini igre i o tipu svakog od oba racunara

# Nim.java (nimgame)

Klasa koja ce se koristiti da se odredi koji od igraca je na potezu sledeci, a koji  
Je trenutno aktivan igrac.

public Nim(int nPiles, int maxValue) – postavljanje stanja na tabeli na inicijalno stanje

public void resetGame(int nPiles, int maxValue) – funkcija koja postavlja to inicijalno  
stanje sistema

public void makeAMove(int index, int count) – uklanjanje odgovarajuceg broja zetona sa  
odgovarajuceg stuba uz pomoc funkcije igraji zamena mesta  
trenutno aktivnog igraca

public void igraji(int index, int count) - funkcija za uklanjanje zetona

public abstract boolean validInput(int numberOfObjects) – provera unosa

public abstract boolean gameOver() - da li se doslo do zavrsetka igre

# NimGame.java (nimgame)

Klasa koja ce se koristiti da se proverí validnost unosa i da se proverí da li je Nasa tabla prazna.

`public boolean validInput(int numberOfSticks)` – proverá unosa

`public boolean gameOver()` - da li se doslo do zavrsetka igre

# Pile.java (nimgame)

Klasa koja ce se koristiti da se sacuvaju podaci o broju stubova na tabeli, o broju zetona i koja pomaze pri uklanjanju zetona sa stubova.

`public Pile()` - postavljanje broja stubova na nultu vrednost

`public Pile(int n)` – odabir odgovarajuceg broja stubova

`public int size()` - informacija o broju stubova na tabli

`public void remove(int n)` – skidanje odgovarajuceg broja stubova sa table



# Resenje\_AlfaBeta.java (nimgame)

Klasa koja ce se koristiti u situaciji kada neki od racunara radi po principu alfa-beta odsecanja. Dakle, preduslov za koriscenje funkcija ove klase jeste da je upravo bar jedan od igraca racunar.

public Resenje\_AlfaBeta() -inicijalizacija samog frame-a

private void addPiles(int nPiles) –dodavanje odabranog broja zetona na odgovarajuće stubove I povlacenje poteza u zavisnosti koji od igraca je trenutno aktivan igrac.

public int size() - informacija o broju stubova na tabli

public void remove(int n) – skidanje odgovarajuceg broja stubova sa table

public void racunarSkidaZetone(int column, int limit) – funkcija koja se poziva u situaciji kada racunar sa odredenog stuba skida odgovarajuci broj zetona

# Resenje\_Takmicar.java (nimgame)

Klasa koja ce se koristiti u situaciji kada neki od racunara takmicarski racunar. Dakle, preduslov za koriscenje funkcija ove klase jeste da je upravo bar jedan od igraca racunar.

public Resenje\_Takmicar() -inicijalizacija samog frame-a

private void addPiles(int nPiles) –dodavanje odabranog broja zetona na odgovarajuće stubove I povlacenje poteza u zavisnosti koji od igraca je trenutno aktivan igrac.

public int size() - informacija o broju stubova na tabli

public void remove(int n) – skidanje odgovarajuceg broja stubova sa table

public void racunarSkidaZetone(int column, int limit) – funkcija koja se poziva u situaciji kada racunar sa odredenog stuba skida odgovarajuci broj zetona

# SimpleMinimaxPlayer.java (nimgame)

Klasa koja ce se koristiti u situaciji kada neki od racunara minimaxi racunar. Dakle, preduslov za koriscenje funkcija ove klase jeste da je upravo bar jedan od igraca racunar.

public SimpleMinimaxPlayer() -inicijalizacija samog frame-a

private void addPiles(int nPiles) –dodavanje odabranog broja zetona na odgovarajuće stubove i povlacenje poteza u zavisnosti koji od igraca je trenutno aktivan igrac.

public int size() - informacija o broju stubova na tabli

public void remove(int n) – skidanje odgovarajuceg broja stubova sa table

public void racunarSkidaZetone(int column, int limit) – funkcija koja se poziva u situaciji kada racunar sa odredenog stuba skida odgovarajuci broj zetona

# Tezina2Racunara.java (nimgame)

Klasa koja ce se koristiti u situaciji kada su oba igraca racunari. Potrebno je odrediti Koji od tipova racunara su ovi igraci I shodno tome odigrati odgovarajuce poteze.

private void initialize() -inicijalizacija samog frame-a i odabranje o kom tipu igraca odnosno racunara je ovde rec

# The100Game.java (nimgame)

Klasa koja ce se koristiti pri proveru da li su odgovarajuci unosi prilikom odabira tipa Igre u okvirima zadatih granica.

`public boolean validInput(int numberOfSticks)` – proveru unosa

`public boolean gameOver()` - da li se doslo do zavrsetka igre

# TwoComputers.java (nimgame)

Klasa koja ce se koristii u situaciji kada cemo za igrace imati dva racunara

public TwoComputers() – inicijalizacija samog frame-a postavljanje samog izgleda tabele na kojoj ce se nalaziti stubovi sa zetonima i gde ce se povlaciti potezi.

private void addPiles(int nPiles) – postavljanje izabranih zetona I samog rasporeda stubova shodno onome sto je vec u prethodnim koracima  
Odabrano

public void funkcija(int nPiles) – funkcija u kojoj ce se naizmenicno smenjivati povlacenje poteza dva racunara shodno vrsti racunara kojoj odgovara svaki od tih igraca.. Sami tipovi racunara su nesto sto je vec izabranao u prethodnim koracima

public void racunarSkidaZetone(int column, int limit) – uklanjanje zetona sa table za igranje

# TwoPlayers.java (nimgame)

Klasa koja ce se koristii u situaciji kada za igrace nemamo racunare dve ljude. Oba nasa igraca su ljudi i oni ce povlaciti poteze na nasoj tabli sa stubovima po svojoj zelji.

`public TwoPlayers()` – inicijalizacija samog frame-a postavljanje samog izgleda tabele na kojoj ce se nalaziti stubovi sa zetonima i gde ce se povlaciti potezi.

`private void addPiles(int nPiles)` – postavljanje izabranih zetona I samog rasporeda stubova shodno onome sto je vec u prethodnim koracima odabrano

# Drugilgrac.java(pomocno)

Klasa koja ce se koristikaoo pomocna pri izradi frame-a za drugog igraca

private void initialize() – inicijalizacija samog frame-a postavljanje samog izgleda tabele na kojoj ce se nalaziti stubovi sa zetonima i gde ce se povlaciti potezi



# Images

Takodje, prilikom izrade samog projekta koriscene su i slicice koje se nalaze u paketima Images i img, da bi izgled samih frame-ova bio lepsi i da bi sam interfejs bio u skladu sa ocekivanjima ljubitelja igrice

# Kratak prikaz implementiranog algoritma

Igra se može shvatiti kao stablo mogućih budućih stanja. Tekuće stanje igre je koren stabla (nalazi se u vrhu). U opstem slučaju ovaj cvor će imati nekoliko dece koja će predstavljati sve moguće poteze koje je moguće da igrač povuče. Svako od ove dece predstavlja stanje u igri nakon što protivnik povuče svoj potez. Ovi cvorovi će zatim imati svoju decu... Listovi stabla su finalna stanja nase igre, tj stanja u kojima više ni jedan potez ne može biti povučen jer je jedan od igrača pobedio.

## Minimax pretraga

Predpostavimo da dodelimo vrednost beskonacno listu koji se nalazi u stanju u kom mi pobeđujemo, a minus beskonacno stanju u kom gubimo. Ako možemo precizno preko stabla uz pomoć ove logike moći ćemo da ustanovimo da li će trenutno aktivni igrač pobediti ukoliko bira najbolji potez. Dodeljivamo odgovarajuću vrednost tekucem stanju u igri tako što ćemo rekurzivno koracati kroz stablo. Kad stignemo do cvorova mi ćemo vratiti odgovarajuću vrednost. U cvorovima u kojima igramo, uzimamo max od vrednosti dodeljenih deci jer želimo da odaberemo najbolju vrednost. U cvorovima u kojima se protivnik kreće uzimamo min. Pogledajmo pseudo-code:

```
fun minimax(n: node): int =  
  if leaf(n) then return evaluate(n)  
  if n is a max node  
    v := L  
    for each child of n  
      v' := minimax (child)  
      if v' > v, v:= v'  
    return v  
  if n is a min node  
    v := W  
    for each child of n  
      v' := minimax (child)  
      if v' < v, v:= v'  
    return v
```

## Funkcija procene

Vrlo cesto je ekspandovanje citavog stabla neefikasno zato sto ima veoma veliki broj mogucih stanja. Resenje je da pretrazujemo stablo do odredjene dubine. Kada se limit dubine u pretrazi prekorači onda se funkcija procene primenjuje na cvorove kao da se radi o cvorovima koji su listovi.

```

(* the minimax value of n, searched to depth d *)
fun minimax(n: node, d: int): int =
  if leaf(n) or depth=0 return evaluate(n)
  if n is a max node
    v := L
    for each child of n
      v' := minimax (child,d-1)
      if v' > v, v:= v'
    return v
  if n is a min node
    v := W
    for each child of n
      v' := minimax (child,d-1)
      if v' < v, v:= v'
    return v

```

## Alfa – beta pruning

Minimax pretražuje neke delove stabla koje zapravo I ne mora. Izbegavanje Pretrage delova stabla se naziva odsecanje, I mi cemo koristiti alfa-beta od Odsecanje. Koristicemo granica sa nazivima min I max da odsecemo delove stabla(tj podstabla) tako sto cemo da prekinemo pretragu stabla ranije.

Pogledajmo sledeci pseudo-code:

```

(* the minimax value of n, searched to depth d.
 * If the value is less than min, returns min.
 * If greater than max, returns max. *)
fun minimax(n: node, d: int, min: int, max: int):
int =
  if leaf(n) or depth=0 return evaluate(n)
  if n is a max node
    v := min
    for each child of n
      v' := minimax (child,d-1,...,...)
      if v' > v, v:= v'
      if v > max return max
    return v
  if n is a min node
    v := max
    for each child of n
      v' := minimax (child,d-1,...,...)
      if v' < v, v:= v'
      if v < min return min
    return v

```

```

(* the minimax value of n, searched to depth d.
 * If the value is less than min, returns min.
 * If greater than max, returns max. *)
fun minimax(n: node, d: int, min: int, max: int): int =
  if leaf(n) or depth=0 return evaluate(n)
  if n is a max node
    v := min
    for each child of n
      v' := minimax (child,d-1,v,max)
      if v' > v, v:= v'
    if v > max return max
  return v
  if n is a min node
    v := max
    for each child of n
      v' := minimax (child,d-1,min,v)
      if v' < v, v:= v'
    if v < min return min
  return v

```



## Takmicarski igrac

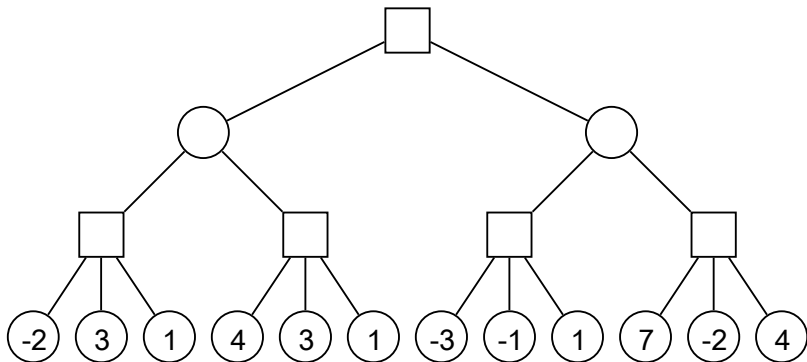
Koliko je efektivno alfa-beta odsecanje? To zavisi od redosleda u kom se deca obilaze. Ako se deca cvora obilaze u u najgorem moguće redosledu, onda se možda odsecanje neće ni dogoditi. Za max cvorove mi želimo da posetimo najbolje dete najpre tako da ne trosimo vreme na ostalu decu. Za min cvorove mi želimo da pretrazimo najgore dete prvo( iz nase perspektive, ne protivnikove).

Ovde kod nas smo izabrali da funkcija procene se koristi za rangiranje dece cvorova. Kada je optimalno dete izabrano onda će alfa-beta odsecanje dovesti do toga da se sva ostala deca odseku na svakom drugom nivou stabla, samo taj cvor će biti pretrazen. To znaci da se može postići veliki napredak u performansama



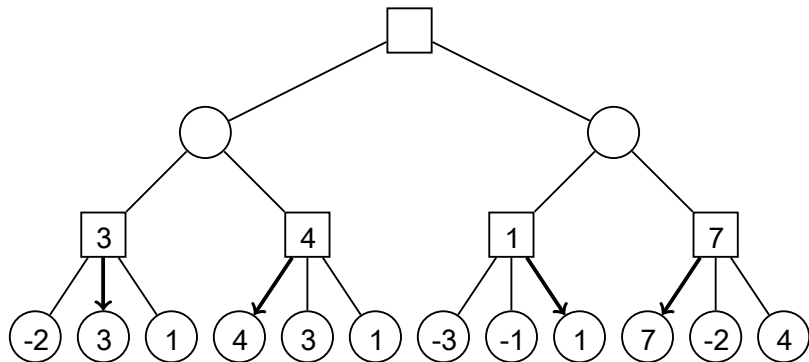
# Minimax example

$\square ?$  = A plays  $\Rightarrow$  maximize       $\circ ?$  = B plays  $\Rightarrow$  minimize



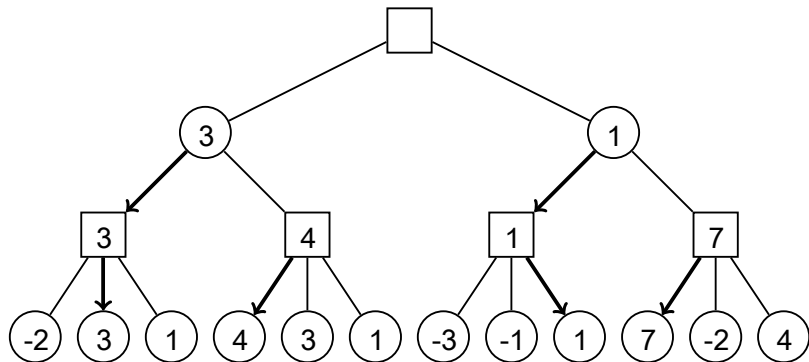
# Minimax example

$\square ?$  = A plays  $\Rightarrow$  maximize       $\circ ?$  = B plays  $\Rightarrow$  minimize



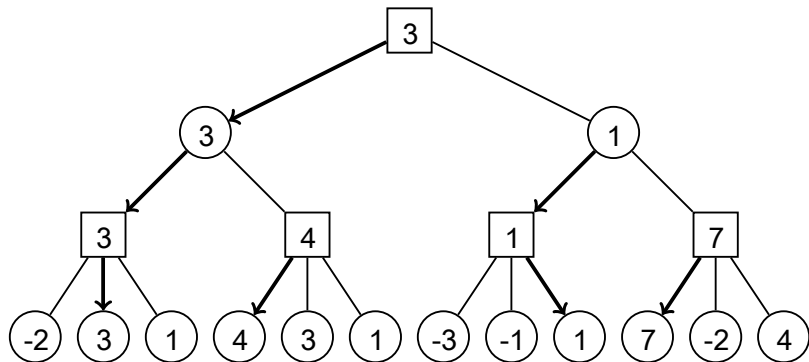
# Minimax example

$\square ?$  = A plays  $\Rightarrow$  maximize       $\circ ?$  = B plays  $\Rightarrow$  minimize

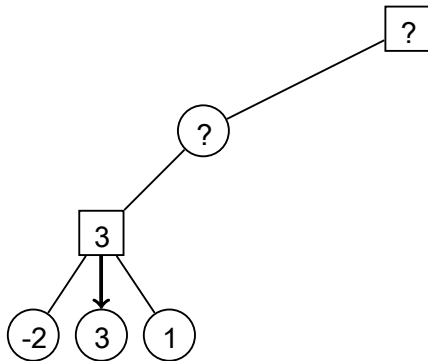


# Minimax example

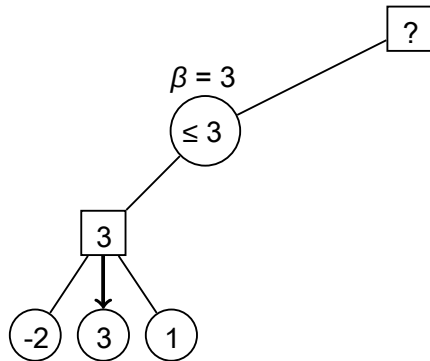
$\square ?$  = A plays  $\Rightarrow$  maximize       $\circ ?$  = B plays  $\Rightarrow$  minimize



# Alpha-beta example

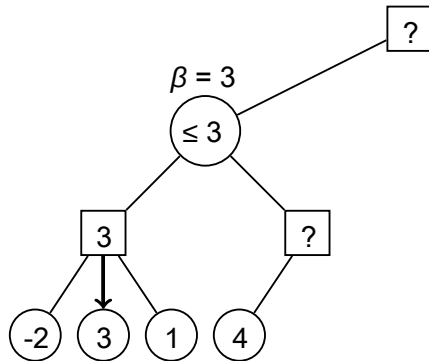


# Alpha-beta example

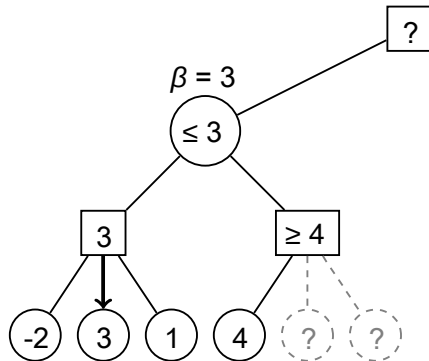




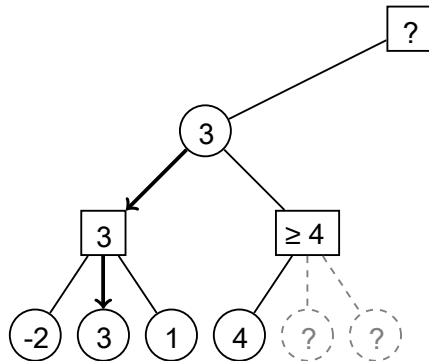
# Alpha-beta example



# Alpha-beta example

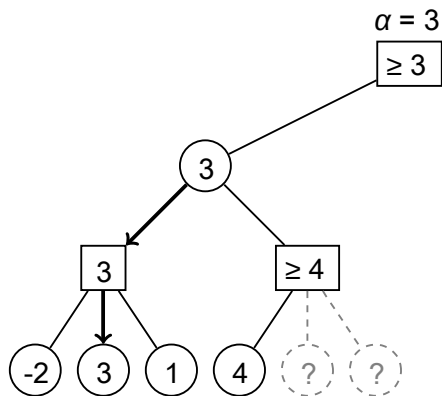


# Alpha-beta example

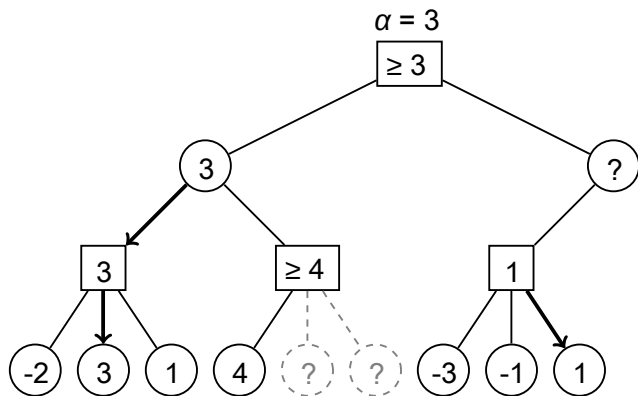


beta pruning!

# Alpha-beta example

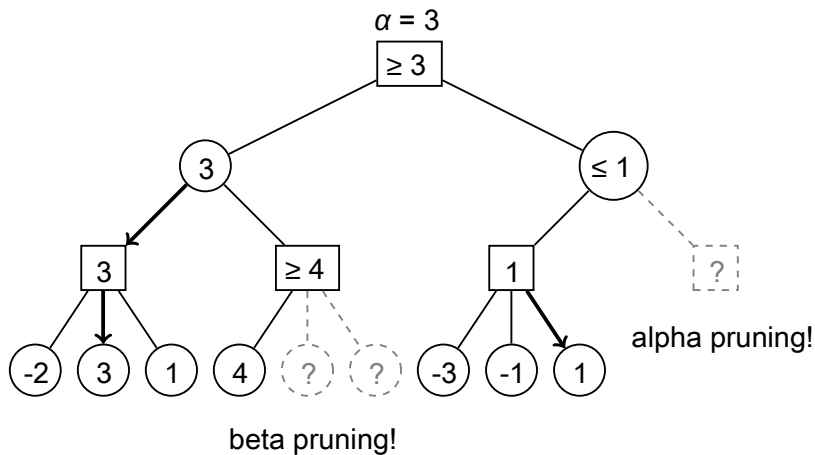


# Alpha-beta example



beta pruning!

# Alpha-beta example



# Alpha-beta example

