

人工智能之机器学习

集成学习：随机森林、GBDT

上海育创网络科技有限公司

主讲人：刘老师(GerryLiu)

课程要求

- 课上课下 “九字” 真言
 - 认真听，**善摘录，勤思考**
 - **多温故，乐实践**，再发散
- 四不原则
 - **不懒散惰性，不迟到早退**
 - **不请假旷课，不拖延作业**
- 一点注意事项
 - 违反 “四不原则” ， 不推荐就业

课程内容

- 集成算法
- 随机森林
- 提升算法
- GBDT(迭代决策树)
- Adaboost
- Stacking

集成学习(Ensemble Learning)

- 集成学习的思想是将若干个学习器(分类器&回归器)组合之后产生一个新学习器。弱分类器(weak learner)指那些分类准确率只稍微好于随机猜测的分类器($\text{error rate} < 0.5$);
- 集成算法的成功在于保证弱分类器的多样性(Diversity)。而且集成不稳定的算法也能够得到一个比较明显的性能提升。
- 常见的集成学习思想有:
 - Bagging
 - Boosting
 - Stacking

集成学习(Ensemble Learning)

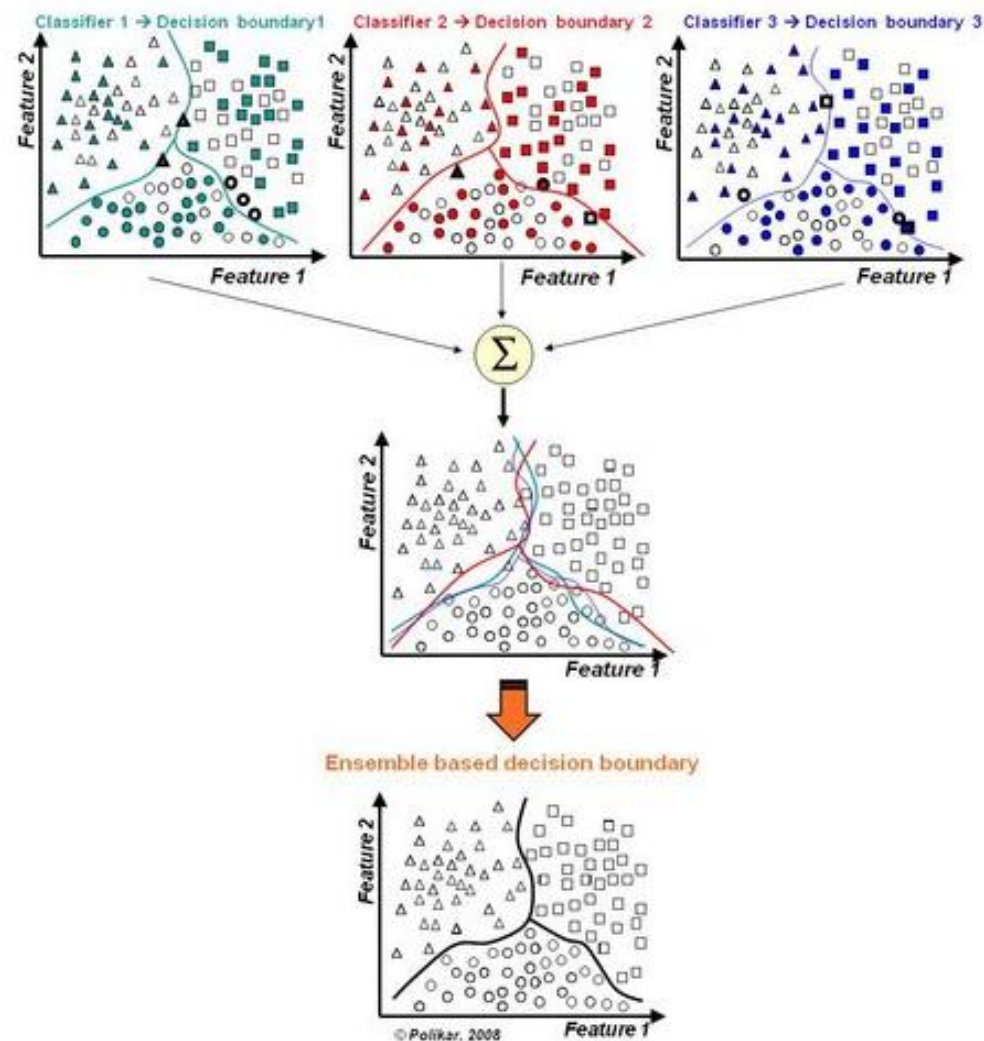


Figure 1: Combining an ensemble of classifiers for reducing classification error and/or model selection.

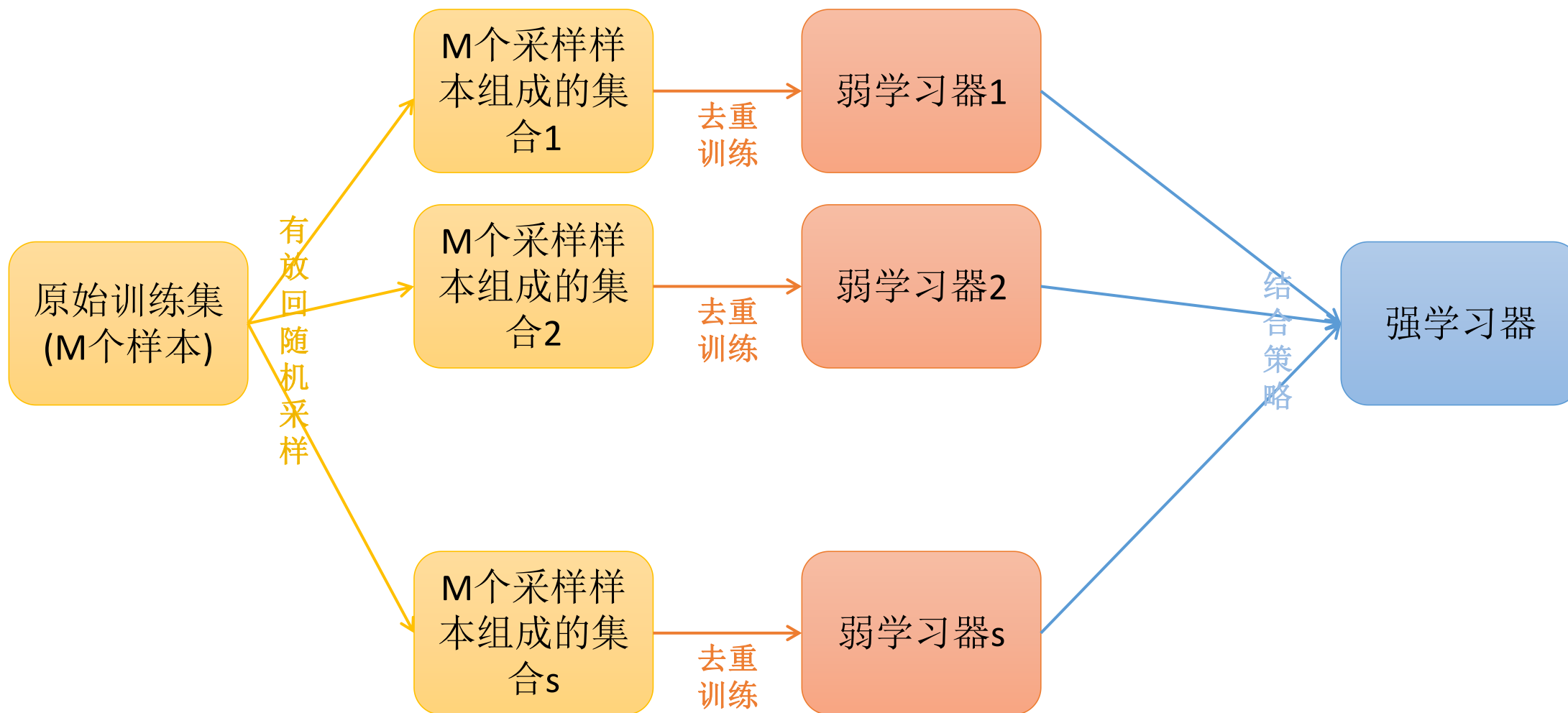
Why need Ensemble Learning?

- 1. 弱分类器间存在一定的差异性，这会导致分类的边界不同，也就是说可能存在错误。那么将多个弱分类器合并后，就可以得到更加合理的边界，减少整体的错误率，实现更好的效果；
- 2. 对于数据集过大或者过小，可以分别进行划分和有放回的操作产生不同的数据子集，然后使用数据子集训练不同的分类器，最终再合并成为一个大的分类器；
- 3. 如果数据的划分边界过于复杂，使用线性模型很难描述情况，那么可以训练多个模型，然后再进行模型的融合；
- 4. 对于多个异构的特征集的时候，很难进行融合，那么可以考虑每个数据集构建一个分类模型，然后将多个模型融合。

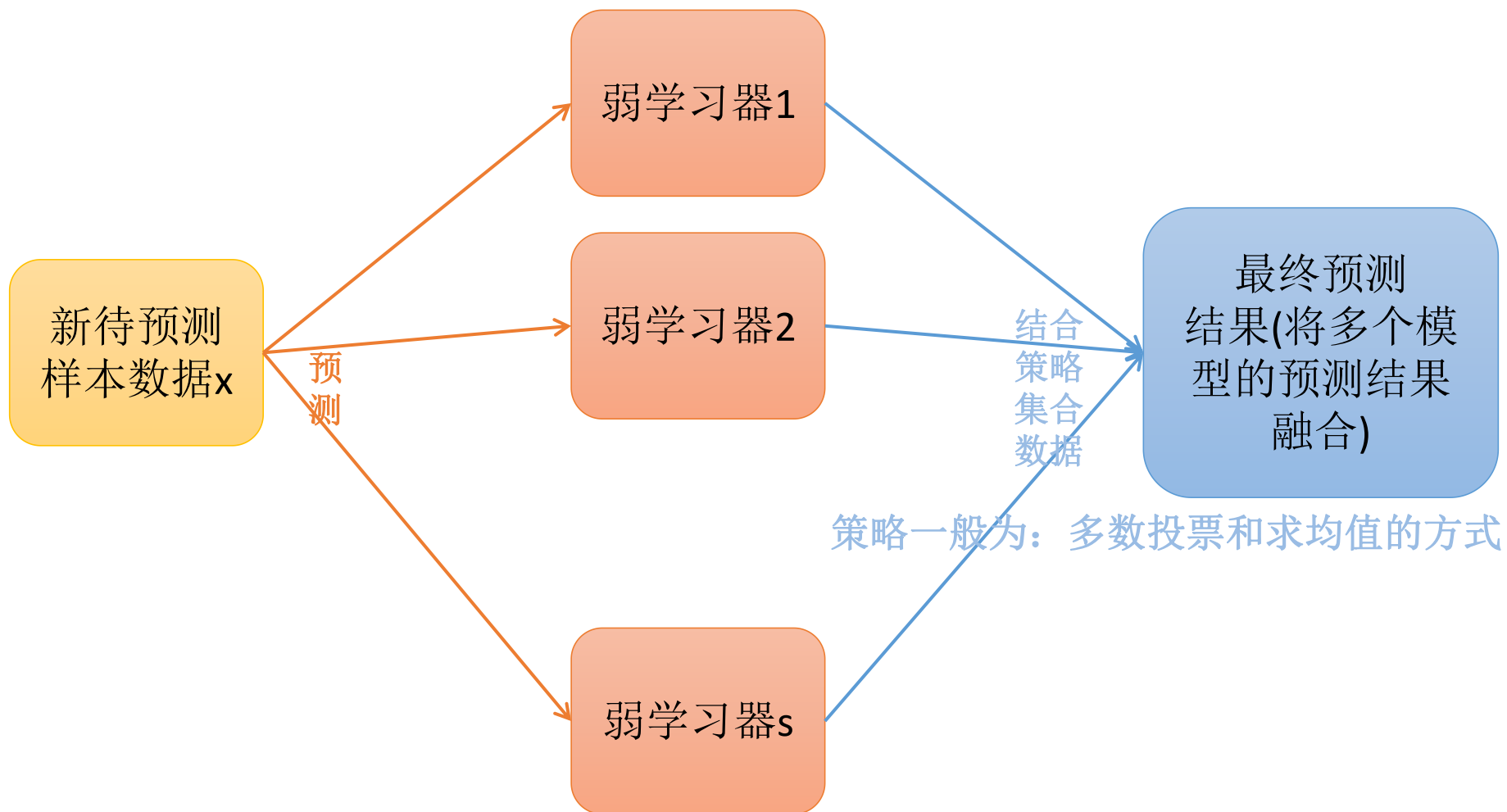
Bagging方法

- Bagging方法又叫做自举汇聚法(Bootstrap Aggregating), 思想是: 在原始数据集上通过**有放回的抽样**的方式, 重新选择出S个新数据集来分别训练S个分类器的集成技术。
- Bagging方法训练出来的模型在预测新样本分类/回归的时候, 会使用**多数投票**或者**求均值**的方式来统计最终的分类/回归结果。
- Bagging方法的弱学习器可以是基本的算法模型, eg: Linear、Ridge、Lasso、Logistic、Softmax、ID3、C4.5、CART、SVM、KNN等。
- 备注: Bagging方式是有放回的抽样, 并且每个子集的样本数量必须和原始样本数量一致, 所以抽取出来的子集中是存在重复数据的, 但是在模型训练的时候会将重复数据删除(相当于去重distinct), 也就是说真正用于训练模型的数据集样本和原始样本数是不一致。

Bagging方法_训练过程



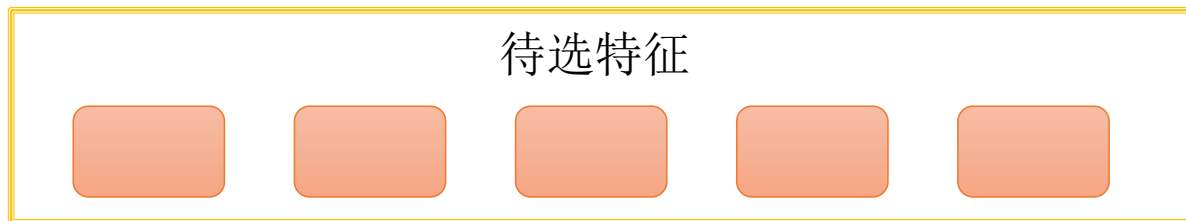
Bagging方法_预测过程



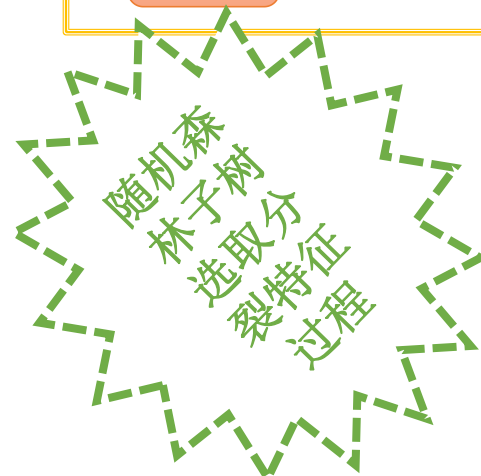
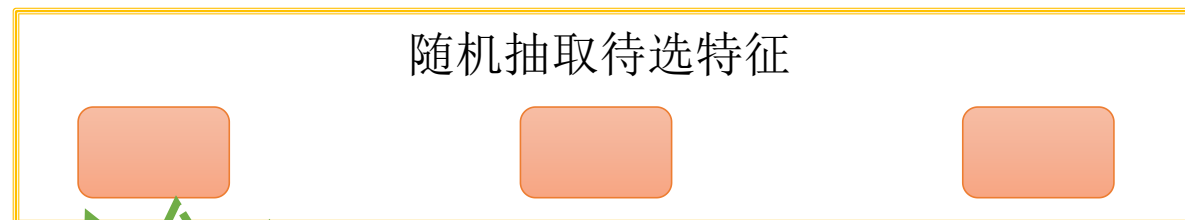
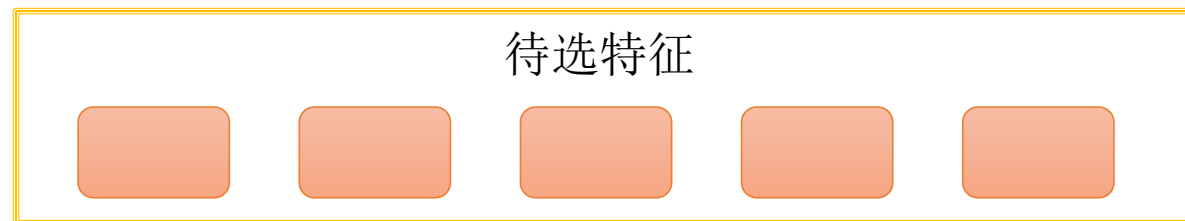
随机森林(Random Forest)

- 在Bagging策略的基础上进行修改后的一种算法
 - 1. 从原始样本集(n 个样本)中用Bootstrap采样(有放回重采样)选出 n 个样本; 真正用于模型训练的是这抽取出来的样本去重之后的数据集, 也就是一般情况用户模型训练的样本数目实际上不等于 n , 应该是小于 n 。
 - 2. 使用抽取出来的子数据集(去重后的)来训练决策树; 从所有属性中随机选择 K 个属性, 从 K 个属性中选出最佳分割属性作为节点来迭代的创建决策树
 - 3. 重复以上两步 m 次, 即建立 m 棵决策树;
 - 4. 这 m 个决策树形成随机森林, 通过投票表决结果决定数据属于那一类

随机森林(Random Forest)



分裂
特征



分裂
特征

RF的推广算法

- RF算法在实际应用中具有比较好的特性，应用也比较广泛，主要应用在：分类、回归、特征转换、异常点检测等。常见的RF变种算法如下：
 - Extra Tree
 - Totally Random Trees Embedding(TRTE)
 - Isolation Forest

Extra Tree

- Extra Tree是RF的一个变种，原理基本和RF一样，区别如下：
 - 1. RF会随机重采样来作为子决策树的训练集，而Extra Tree每个子决策树采用原始数据集训练；
 - 2. RF在选择划分特征点的时候会 and 传统决策树一样，会基于信息增益、信息增益率、基尼系数、均方差等原则来选择最优特征值；而Extra Tree会随机的选择一个特征值来划分决策树。
- Extra Tree因为是随机选择特征值的划分点，这样会导致决策树的规模一般大于RF所生成的决策树。也就是说Extra Tree模型的方差相对于RF进一步减少。在某些情况下，Extra Tree的泛化能力比RF的强。

Totally Random Trees Embedding(TRTE)

- TRTE是一种非监督的数据转化方式。将低维的数据集映射到高维，从而让映射到高维的数据更好的应用于分类回归模型。
- TRTE算法的转换过程类似RF+KDTree算法的方法，建立T个决策树来拟合数据(是类似KD-Tree一样基于特征属性的方差选择划分特征)。当决策树构建完成后，数据集里的每个数据在T个决策树中叶子节点的位置就定下来了，将位置信息转换为向量就完成了特征转换操作。
- 案例：有3棵决策树，各个决策树的叶子节点数目分别为:5,5,4，某个数据x划分到第一个决策树的第3个叶子节点，第二个决策树的第一个叶子节点，第三个决策树的第四个叶子节点，那么最终的x映射特征编码为:(0,0,1,0,0, 1,0,0,0,0, 0,0,0,1)

0 0 1 0 0

1 0 0 0 0

0 0 0 1

Isolation Forest(IForest)

- IForest是一种异常点检测算法，使用类似RF的方式来检测异常点；IForest算法和RF算法的区别在于：
 - 1. 在随机采样的过程中，一般只需要少量数据即可；
 - 2. 在进行决策树构建过程中，IForest算法会随机选择一个划分特征，并对划分特征随机选择一个划分阈值；
 - 3. IForest算法构建的决策树一般深度max_depth是比较小的。
- 区别原因：目的是异常点检测，所以只要能够区分异常的即可，不需要大量数据；另外在异常点检测的过程中，一般不需要太大规模的决策树。

Isolation Forest(IForest)

- 对于异常点的判断，则是将测试样本 x 拟合到 m 棵决策树上。计算在每棵树上该样本的叶子节点的深度 $h_t(x)$ 。从而计算出平均深度 $h(x)$ ；然后就可以使用下列公式计算样本点 x 的异常概率值， $p(s,m)$ 的取值范围为 $[0,1]$ ，越接近于1，则是异常点的概率越大。备注：如果落在的叶子节点为正常样本点，那么当前决策树不考虑，如果所有决策树上都是正常样本点，那么直接认为异常点概率为0.

$$p(x, m) = 2^{-\frac{h(x)}{c(m)}}$$

$$c(m) = 2 \ln(m-1) + \xi - 2 \frac{m-1}{m}; \quad m \text{ 为样本个数, } \xi \text{ 为欧拉常数}$$

RF随机森林总结

- RF的主要优点：
 - 1. 训练可以并行化，对于大规模样本的训练具有速度的优势；
 - 2. 由于进行随机选择决策树划分特征列表，这样在样本维度比较高的时候，仍然具有比较高的训练性能；
 - 3. 给以给出各个特征的重要性列表；
 - 4. 由于存在随机抽样，训练出来的模型方差小，泛化能力强；
 - 5. RF实现简单；
 - 6. 对于部分特征的缺失不敏感。
- RF的主要缺点：
 - 1. 在某些噪音比较大的特征上（数据特别异常情况），RF模型容易陷入过拟合；
 - 2. 取值比较多的划分特征对RF的决策会产生更大的影响，从而有可能影响模型的效果。

随机森林算法案例

- 使用随机森林算法API对乳腺癌数据进行分类操作，根据特征属性预测是否会得乳腺癌的四个目标属性的值，并理解随机森林中决策树数量和决策树深度对模型的影响
- 数据来源：[乳腺癌数据](#)

(bool) Hinselmann: target variable
 (bool) Schiller: target variable
 (bool) Cytology: target variable
 (bool) Biopsy: target variable

目标属性

Cervical cancer (Risk Factors) Data Set

Download: [Data Folder](#), [Data Set Description](#)

Abstract: This dataset focuses on the prediction of indicators/diagnosis of cervical cancer. The features cover demographic information, habits, and historic medical records.

| | | | | | |
|----------------------------|----------------|-----------------------|-----|---------------------|------------|
| Data Set Characteristics: | Multivariate | Number of Instances: | 858 | Area: | Life |
| Attribute Characteristics: | Integer, Real | Number of Attributes: | 36 | Date Donated | 2017-03-03 |
| Associated Tasks: | Classification | Missing Values? | Yes | Number of Web Hits: | 3687 |

```
class sklearn.ensemble.RandomForestClassifier(n_estimators=10, criterion='gini', max_depth=None,
min_samples_split=2, min_samples_leaf=1, min_weight_fraction_leaf=0.0, max_features='auto', max_leaf_nodes=None,
bootstrap=True, oob_score=False, n_jobs=1, random_state=None, verbose=0, warm_start=False,
class_weight=None)
```

[source]

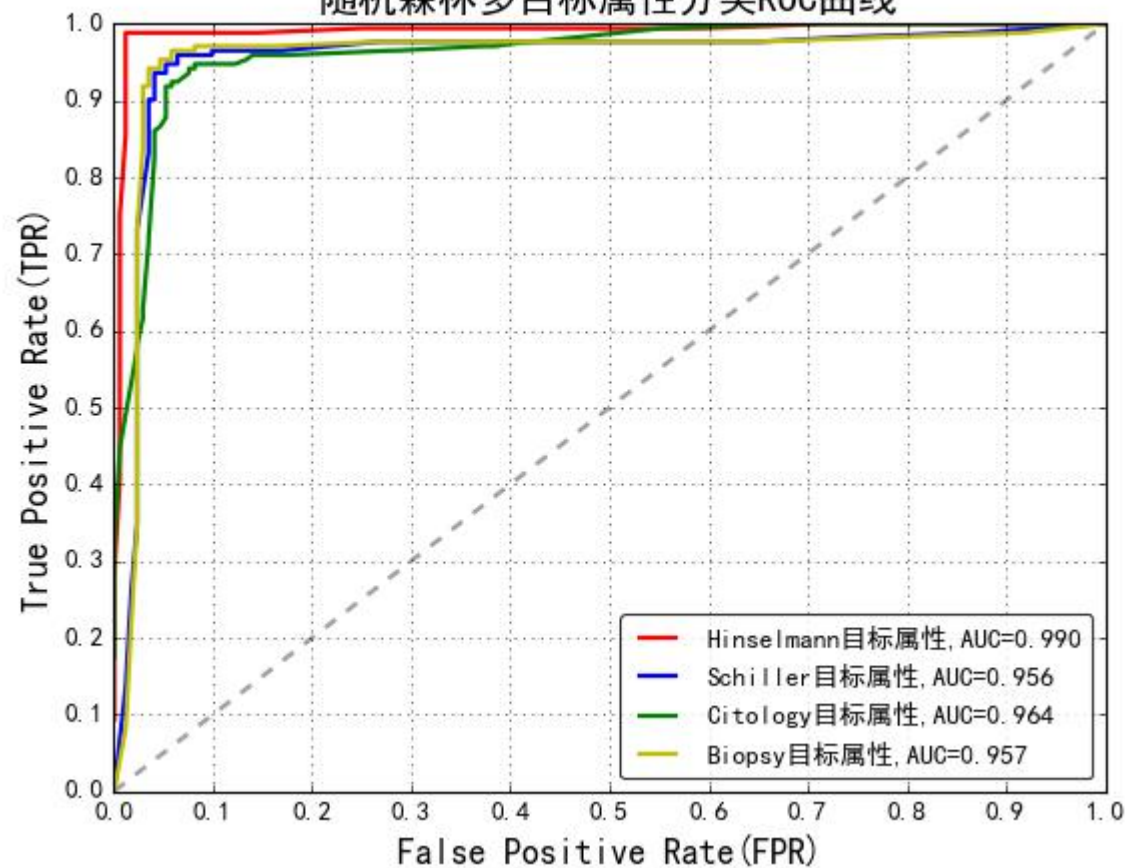
Attribute Information:

(int) Age
 (int) Number of sexual partners
 (int) First sexual intercourse (age)
 (int) Num of pregnancies
 (bool) Smokes
 (bool) Smokes (years)
 (bool) Smokes (packs/year)
 (bool) Hormonal Contraceptives
 (int) Hormonal Contraceptives (years)
 (bool) IUD
 (int) IUD (years)
 (bool) STDs
 (int) STDs (number)
 (bool) STDs:condylomatosis
 (bool) STDs:cervical condylomatosis
 (bool) STDs:vaginal condylomatosis
 (bool) STDs:vulvo-perineal condylomatosis
 (bool) STDs:syphilis
 (bool) STDs:pelvic inflammatory disease
 (bool) STDs:genital herpes
 (bool) STDs:molluscum contagiosum
 (bool) STDs:AIDS
 (bool) STDs:HIV
 (bool) STDs:Hepatitis B
 (bool) STDs:HPV
 (int) STDs: Number of diagnosis
 (int) STDs: Time since first diagnosis
 (int) STDs: Time since last diagnosis
 (bool) Dx:Cancer
 (bool) Dx:CIN
 (bool) Dx:HPV
 (bool) Dx

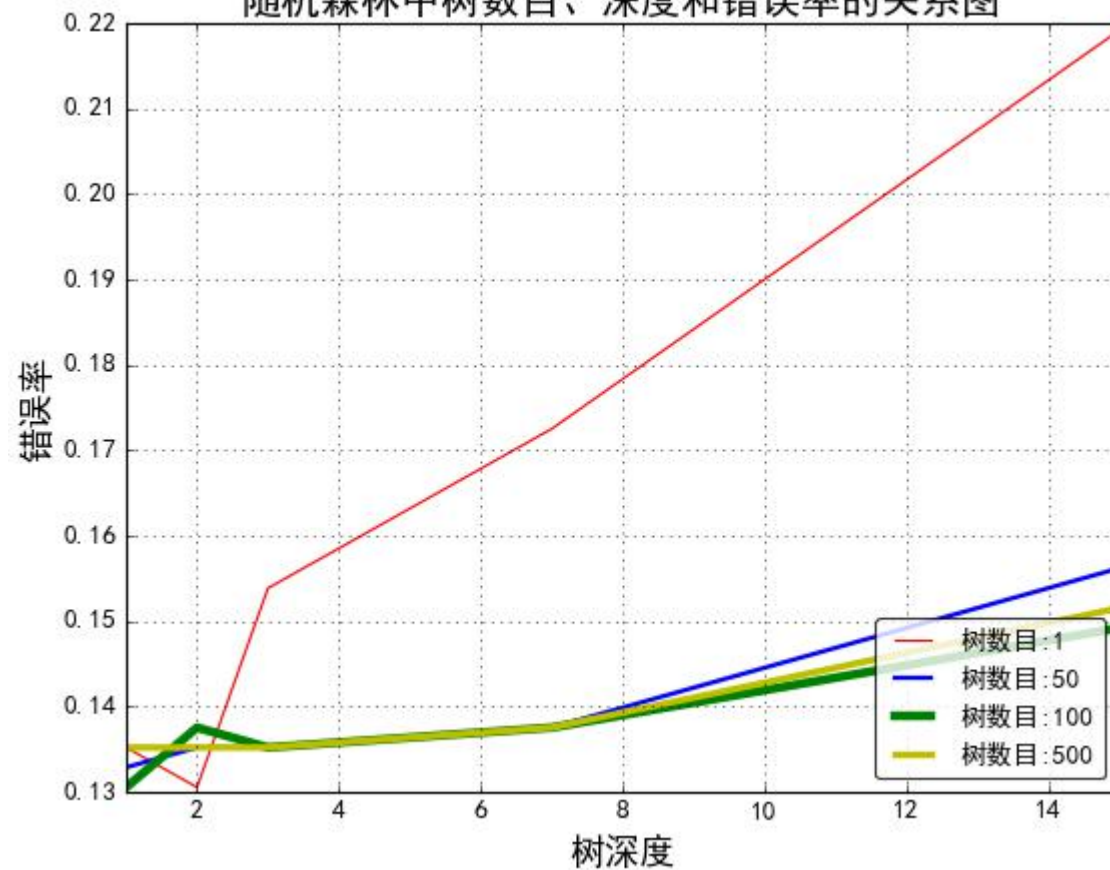
特征属性

随机森林算法案例

随机森林多目标属性分类ROC曲线



随机森林中树数目、深度和错误率的关系图



RF scikit-learn相关参数

| 参数 | RandomForestClassifier | RandomForestRegressor |
|-------------------|---|--|
| criterion | 指定划分标准，默认为gini，不支持其它参数 | 指定划分标准，可选"mse"和"mae"; 默认mse |
| loss | 不支持 | 指定误差的计算方式，可选参数"linear", "square", "exponential", 默认为"linear"; 一般不用改动 |
| n_estimators | 最大迭代次数，也就是最多允许的决策树的数目，值过小可能会导致欠拟合，值过大可能会导致过拟合，一般50~100比较适合，默认10 | |
| max_features | 给定在进行最佳特征划分的时候，选择多少个特征进行考虑；默认为auto; max_features=sqrt(n_features); 一般不建议改动，具体参数见官网文档。 | |
| max_depth | 给定树的深度，默认为None，表示一致扩展到叶子节点足够纯或者样本数小于min_samples_split | |
| min_samples_split | 给定树构建过程中，叶子节点中最少样本数量，默认为2 | |
| min_samples_leaf | 给定每个叶子节点中，最少的样本数目是多少，默认为2 | |
| bootstrap | 是否进行有放回的重采样，默认为True | |

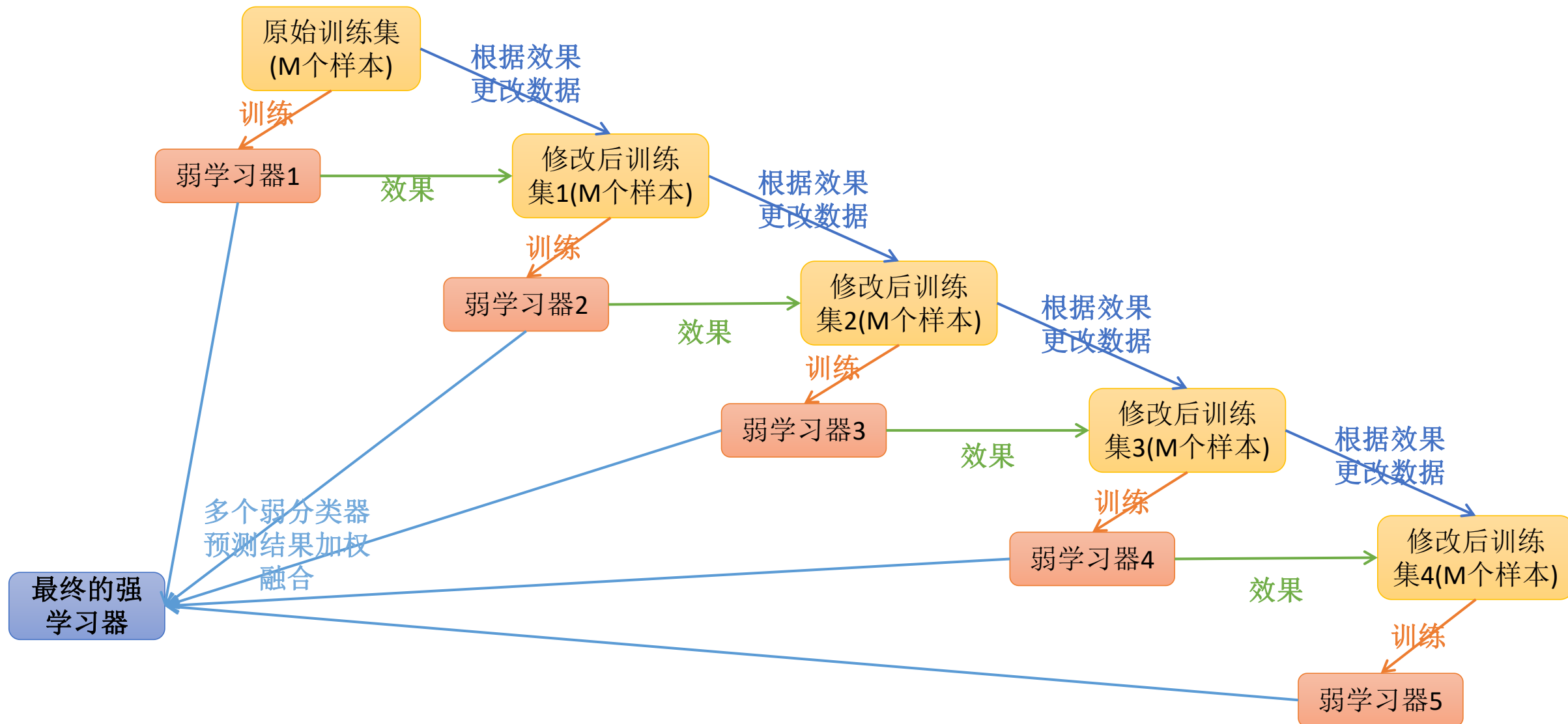
随机森林的思考

- 在随机森林的构建过程中，由于各棵树之间是没有关系的，相对独立的；在构建的过程中，构建第 m 棵子树的时候，不会考虑前面的 $m-1$ 棵树。
- 思考：
 - 如果在构建第 m 棵子树的时候，考虑到前 $m-1$ 棵子树的结果，会不会对最终结果产生有益的影响？
 - 各个决策树组成随机森林后，在形成最终结果的时候能不能给定一种既定的决策顺序呢？（也就是那颗子树先进行决策、那颗子树后进行决策）

Boosting

- 提升学习 (Boosting) 是一种机器学习技术, 可以用于**回归**和**分类**的问题, 它每一步产生**弱预测模型**(如决策树), 并**加权累加**到总模型中; 如果每一步的弱预测模型的生成都是依据损失函数的梯度方式的, 那么就称为梯度提升(Gradient boosting);
- 提升技术的意义: 如果一个问题存在**弱预测模型**, 那么可以通过提升技术的办法得到一个**强预测模型**;
- 常见的模型有:
 - Adaboost
 - Gradient Boosting(GBT/GBDT/GBRT)

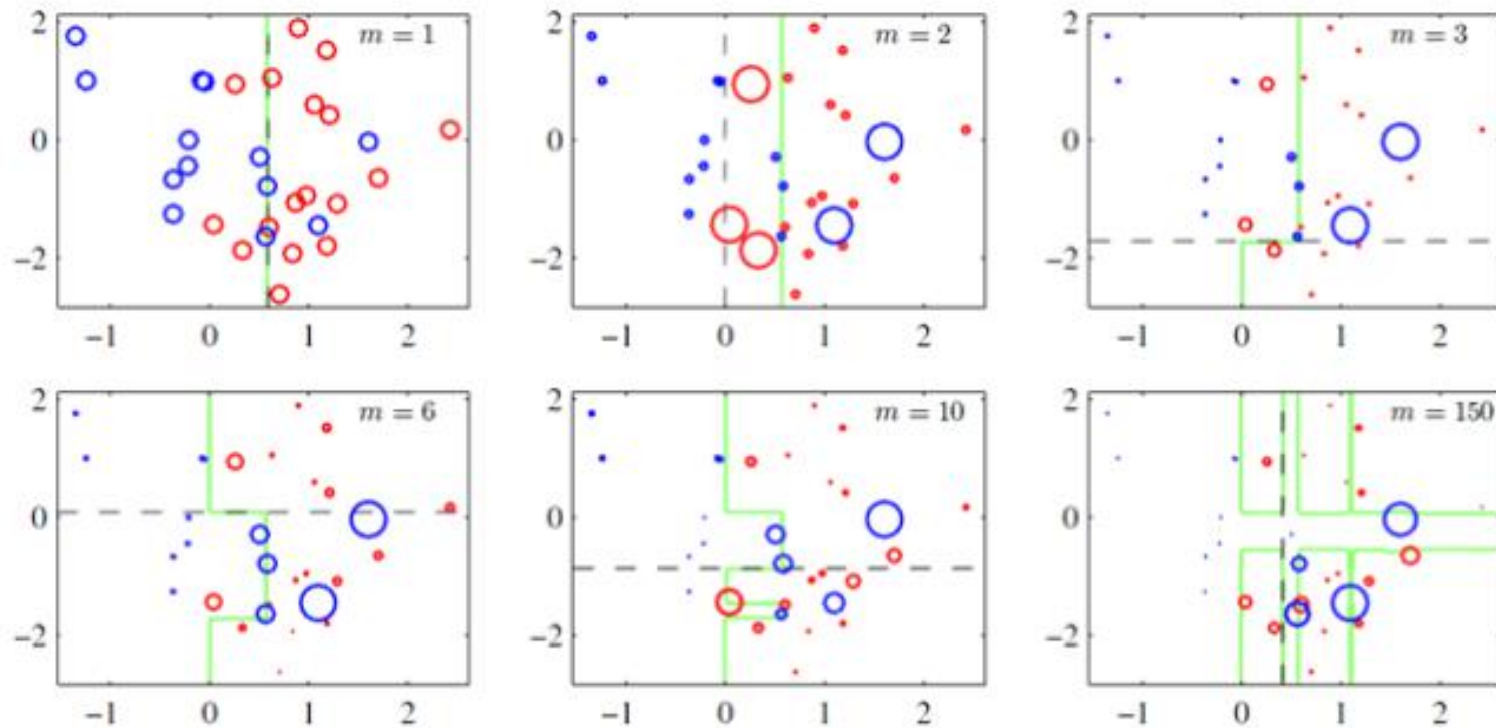
Boosting



AdaBoost算法原理

- Adaptive Boosting是一种迭代算法。每轮迭代中会在训练集上产生一个新的学习器，然后使用该学习器对所有样本进行预测，以评估每个样本的重要性(Informative)。换句话说来讲就是，算法/子模型会为每个样本赋予一个权重，每次用训练好的学习器标注/预测各个样本(训练数据)，如果某个样本点被预测的越正确，则将样本权重降低；否则提高样本的权重。权重越高的样本在下一个迭代训练中所占的权重就越大，也就是说越难区分的样本在训练过程中会变得越重要；
- 整个迭代过程直到错误率足够小或者达到一定的迭代次数为止。

样本加权



Adaboost算法

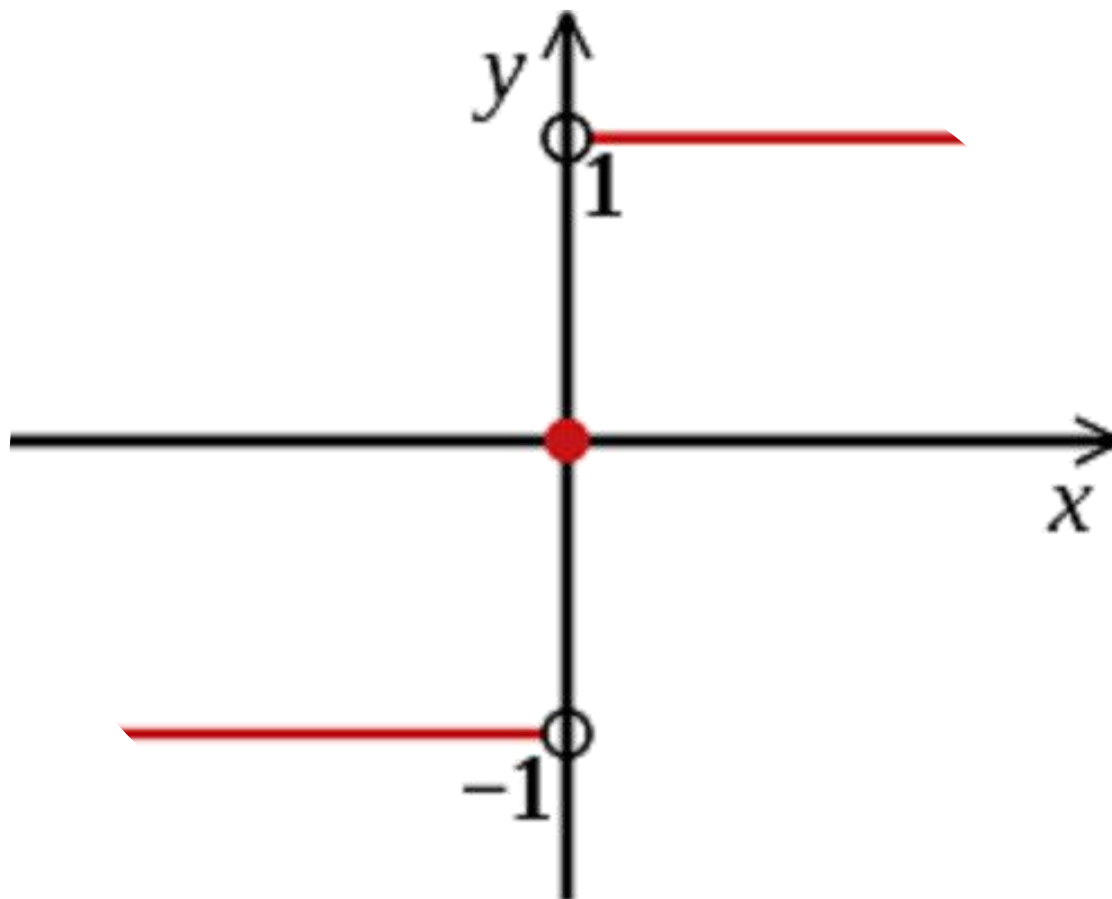
- Adaboost算法将基分类器的线性组合作为强分类器，同时给分类误差率较小的基本分类器以大的权值，给分类误差率较大的基分类器以小的权重值；构建的线性组合为：

$$f(x) = \sum_{m=1}^M \alpha_m G_m(x)$$

- 最终分类器是在线性组合的基础上进行Sign函数转换：

$$G(x) = \text{sign}(f(x)) = \text{sign} \left[\sum_{m=1}^M \alpha_m G_m(x) \right]$$

Sign函数



AdaBoost算法原理

- 最终的强学习器：
$$G(x) = \text{sign}(f(x)) = \text{sign}\left[\sum_{m=1}^M \alpha_m G_m(x)\right]$$
- 损失函数(以错误率作为损失函数)：
$$\text{loss} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n I(G(x_i) \neq y_i)$$
- 损失函数：
$$\text{loss} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n I(G(x_i) \neq y_i) \leq \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n e^{(-y_i f(x))}$$

$$loss = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n e^{(-y_i f(x_i))}$$

- 第k-1轮的强学习器:

$$f_{k-1}(x) = \sum_{j=1}^{k-1} \alpha_j G_j(x)$$

- 第k轮的强学习器:

$$f_k(x) = \sum_{j=1}^k \alpha_j G_j(x) \quad f_k(x) = f_{k-1}(x) + \alpha_k G_k(x)$$

- 损失函数: $loss(\alpha_m, G_m(x)) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n e^{(-y_i (f_{m-1}(x) + \alpha_m G_m(x)))}$

$$\text{loss}(\alpha_m, G_m(x)) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n e^{(-y_i(f_{m-1}(x) + \alpha_m G_m(x)))}$$

$$= \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n e^{-y_i f_{m-1}(x)} e^{(-y_i \alpha_m G_m(x))}$$

$$\xrightarrow{\text{令 } \bar{w}_{mi} = e^{-y_i f_{m-1}(x)}}$$

$$= \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \bar{w}_{mi} e^{(-y_i \alpha_m G_m(x))}$$

AdaBoost算法原理

- 使下列公式达到最小值的 α_m 和 G_m 就是AdaBoost算法的最终解

$$\text{loss}(\alpha_m, G_m(x)) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \bar{w}_{mi} e^{(-y_i \alpha_m G_m(x))}$$

- G这个分类器在训练的过程中，是为了让误差率最小，所以可以认为G越好其实就是误差率越小。

$$G_m^*(x) = \min_{G_m(x)} \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \bar{w}_{mi} I(y_i \neq G_m(x_i)) \quad \varepsilon_m = P(G_m(x) \neq y) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \bar{w}_{mi} I(y_i \neq G_m(x_i))$$

- 对于 α_m 而言，通过求导然后令导数为零，可以得到公式（log对象可以以e为底也可以以2为底）：

$$\alpha_m^* = \frac{1}{2} \ln \left(\frac{1 - \varepsilon_m}{\varepsilon_m} \right)$$

Adaboost算法构建过程一

- 1. 假设训练数据集 $T = \{(X_1, Y_1), (X_2, Y_2), \dots, (X_n, Y_n)\}$

- 2. 初始化训练数据权重分布

$$D_1 = (w_{11}, w_{12}, \dots, w_{1i}, \dots, w_{1n}), \quad w_{1i} = \frac{1}{n}, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

- 3. 使用具有权值分布 D_m 的训练数据集学习, 得到基本分类器

$$G_m(x): x \rightarrow \{-1, +1\}$$

- 4. 计算 $G_m(x)$ 在训练集上的分类误差

$$\varepsilon_m = P(G_m(x_i) \neq y_i) = \sum_{i=1}^n w_{mi} I(G_m(x_i) \neq y_i)$$

- 5. 计算 $G_m(x)$ 模型的权重系数 α_m :
$$\alpha_m = \frac{1}{2} * \log_2 \left(\frac{1 - \varepsilon_m}{\varepsilon_m} \right)$$

Adaboost算法构建过程二

- 6. 权重训练数据集的权值分布

$$D_{m+1} = (w_{m+1,1}, w_{m+1,2}, \dots, w_{m+1,i}, \dots, w_{m+1,n}) \quad w_{m+1,i} = \frac{w_{m,i}}{Z_m} e^{-\alpha_m y_i G_m(x_i)}$$

- 7. 这里 Z_m 是规范化因子(归一化)

$$Z_m = \sum_{i=1}^n w_{m,i} e^{-\alpha_m y_i G_m(x_i)}$$

- 8. 构建基本分类器的线性组合

$$f(x) = \sum_{m=1}^M \alpha_m G_m(x)$$

- 9. 得到最终分类器

$$G(x) = \text{sign}(f(x)) = \text{sign}\left(\sum_{m=1}^M \alpha_m G_m(x)\right)$$

Adaboost算法的直观理解

- 使用下列样本作为训练数据，试图使用AdaBoost算法学习一个强分类器

| 序号 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|----|---|---|---|----|----|----|---|---|---|----|
| X | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| Y | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | 1 | 1 | 1 | -1 |

- 初始化训练数据集的权值分布

$$D_1 = (w_{11}, w_{12}, \dots, w_{1i}, \dots, w_{1n}), \quad w_{1i} = \frac{1}{N}, \quad i = 1, 2, \dots, N$$

$$w_{1i} = 0.1$$

Adaboost算法的直观理解

- 对于m=1

| | | | | | | | | | | |
|----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| X | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| Y | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | 1 | 1 | 1 | -1 |
| w1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 |

- 在权值分布为D1的训练数据上，阈值v取2.5时误差率最低，故基本分类器为：

$$G_1(x) = \begin{cases} 1, x < 2.5 \\ -1, x > 2.5 \end{cases}$$

- G1(x)在训练数据集上的误差率： $\varepsilon_1 = P(G_1(x_i) \neq y_i) = 0.3$

- 计算G1的系数： $\alpha_1 = \frac{1}{2} \log_2 \frac{1 - \varepsilon_1}{\varepsilon_1} = 0.6112$

Adaboost算法的直观理解

- 更新数据集的权值分布

$$D_{m+1} = (w_{m+1,1}, w_{m+1,2}, \dots, w_{m+1,i}, \dots, w_{m+1,n}) \quad w_{m+1,i} = \frac{w_{m,i}}{Z_m} e^{-\alpha_m y_i G_m(x_i)}$$

$$\begin{aligned} D_2 &= (w_{21}, w_{22}, \dots, w_{2n}) \\ &= (0.0582, 0.0582, 0.0582, 0.0582, 0.0582, 0.0582, 0.1976, 0.1976, 0.1976, 0.0582) \end{aligned}$$

$$f_1(x) = 0.6112 G_1(x)$$

- 分类器 $\text{sign}(f_1(x))$ 在训练数据集上有3个误分类点

Adaboost算法的直观理解

| X | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
|----------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| Y | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | 1 | 1 | 1 | -1 |
| w1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 |
| G_1 | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 |
| G_{R1} | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 |

| alpha | value |
|------------|--------|
| α_1 | 0.6112 |

$$G_1(x) = \begin{cases} 1, & x < 2.5 \\ -1, & x > 2.5 \end{cases} \quad f_1(x) = 0.6112 G_1(x)$$

Adaboost算法的直观理解

- 对于m=2

| | | | | | | | | | | |
|----|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| X | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| Y | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | 1 | 1 | 1 | -1 |
| w2 | 0.0582 | 0.0582 | 0.0582 | 0.0582 | 0.0582 | 0.0582 | 0.1976 | 0.1976 | 0.1976 | 0.0582 |

- 在权值分布为D2的训练数据上，阈值v取5.5时误差率最低，故基

本分类器为：

$$G_2(x) = \begin{cases} -1, & x < 5.5 \\ 1, & x > 5.5 \end{cases}$$

- $G_2(x)$ 在训练数据集上的误差率

$$\varepsilon_2 = P(G_2(x_i) \neq y_i) = 0.0582 * 4 = 0.2328$$

Adaboost算法的直观理解

- 计算 G_2 的系数

$$\alpha_2 = \frac{1}{2} \log_2 \frac{1 - \varepsilon_2}{\varepsilon_2} = 0.8605$$

- 更新数据集的权值分布

| | | | | | | | | | | |
|----|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| X | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| Y | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | 1 | 1 | 1 | -1 |
| w3 | 0.1573 | 0.1573 | 0.1573 | 0.0281 | 0.0281 | 0.0281 | 0.0955 | 0.0955 | 0.0955 | 0.1573 |

$$f_2(x) = 0.6112G_1(x) + 0.8605G_2(x)$$

分类器 $\text{sign}(f_2(x))$ 在训练数据集上有4个误分类点

Adaboost算法的直观理解

| X | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
|------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| Y | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | 1 | 1 | 1 | -1 |
| w1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 |
| G1 | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 |
| w2 | 0.0582 | 0.0582 | 0.0582 | 0.0582 | 0.0582 | 0.0582 | 0.1976 | 0.1976 | 0.1976 | 0.0582 |
| G2 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| G_R2 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | 1 | 1 | 1 | 1 |

| alpha | value |
|------------|--------|
| α_1 | 0.6112 |
| α_2 | 0.8605 |

$$G_2(x) = \begin{cases} -1, & x < 5.5 \\ 1, & x > 5.5 \end{cases} \quad f_2(x) = 0.6112G_1(x) + 0.8605G_2(x)$$

Adaboost算法的直观理解

- 对于m=3

| | | | | | | | | | | |
|----|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| X | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| Y | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | 1 | 1 | 1 | -1 |
| w3 | 0.1573 | 0.1573 | 0.1573 | 0.0281 | 0.0281 | 0.0281 | 0.0955 | 0.0955 | 0.0955 | 0.1573 |

- 在权值分布为D3的训练数据上，阈值v取8.5时误差率最低，故基

本分类器为：

$$G_3(x) = \begin{cases} 1, & x < 8.5 \\ -1, & x > 8.5 \end{cases}$$

- $G_3(x)$ 在训练数据集上的误差率

$$\varepsilon_3 = P(G_3(x_i) \neq y_i) = 0.0281 * 3 = 0.0843$$

Adaboost算法的直观理解

- 计算G3的系数

$$\alpha_3 = \frac{1}{2} \log_2 \frac{1 - \varepsilon_3}{\varepsilon_3} = 1.7197$$

- 更新数据集的权值分布

| | | | | | | | | | | |
|----|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| X | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| Y | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | 1 | 1 | 1 | -1 |
| w4 | 0.0443 | 0.0443 | 0.0443 | 0.2473 | 0.2473 | 0.2473 | 0.0269 | 0.0269 | 0.0269 | 0.0443 |

$$f_3(x) = 0.6112G_1(x) + 0.8605G_2(x) + 1.7197G_3(x)$$

- 分类器 $\text{sign}(f_3(x))$ 在训练数据集上有3个误分类点

Adaboost算法的直观理解

| | | | | | | | | | | |
|------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| X | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| Y | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | 1 | 1 | 1 | -1 |
| w1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 |
| G1 | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 |
| w2 | 0.0582 | 0.0582 | 0.0582 | 0.0582 | 0.0582 | 0.0582 | 0.1976 | 0.1976 | 0.1976 | 0.0582 |
| G2 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| w3 | 0.1573 | 0.1573 | 0.1573 | 0.0281 | 0.0281 | 0.0281 | 0.0955 | 0.0955 | 0.0955 | 0.1573 |
| G3 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | -1 |
| G_R3 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | -1 |

| alpha | value |
|------------|--------|
| α_1 | 0.6112 |
| α_2 | 0.8605 |
| α_3 | 1.7197 |

$$G_3(x) = \begin{cases} 1, & x < 8.5 \\ -1, & x > 8.5 \end{cases}$$

$$f_3(x) = 0.6112G_1(x) + 0.8605G_2(x) + 1.7197G_3(x)$$

Adaboost算法的直观理解

- 对于m=4

| | | | | | | | | | | |
|----|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| X | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| Y | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | 1 | 1 | 1 | -1 |
| w4 | 0.0443 | 0.0443 | 0.0443 | 0.2473 | 0.2473 | 0.2473 | 0.0269 | 0.0269 | 0.0269 | 0.0443 |

- 在权值分布为D4的训练数据上，阈值v取2.5时误差率最低，故基

本分类器为：

$$G_4(x) = \begin{cases} 1, x < 2.5 \\ -1, x > 2.5 \end{cases}$$

- $G_4(x)$ 在训练数据集上的误差率

$$\varepsilon_4 = P(G_4(x_i) \neq y_i) = 0.0269 * 3 = 0.0807$$

Adaboost算法的直观理解

- 计算G4的系数

$$\alpha_4 = \frac{1}{2} \log_2 \frac{1 - \varepsilon_4}{\varepsilon_4} = 1.7539$$

$$f_4(x) = 0.6112G_1(x) + 0.8605G_2(x) + 1.7197G_3(x) + 1.7539G_4(x)$$

- 分类器 $\text{sign}(f_4(x))$ 在训练数据集上有0个误分类点

Adaboost算法的直观理解

| | | | | | | | | | | |
|------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| X | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| Y | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | 1 | 1 | 1 | -1 |
| w1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 |
| G1 | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 |
| w2 | 0.0582 | 0.0582 | 0.0582 | 0.0582 | 0.0582 | 0.0582 | 0.1976 | 0.1976 | 0.1976 | 0.0582 |
| G2 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| w3 | 0.1573 | 0.1573 | 0.1573 | 0.0281 | 0.0281 | 0.0281 | 0.0955 | 0.0955 | 0.0955 | 0.1573 |
| G3 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | -1 |
| w4 | 0.0443 | 0.0443 | 0.0443 | 0.2473 | 0.2473 | 0.2473 | 0.0269 | 0.0269 | 0.0269 | 0.0443 |
| G4 | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 |
| G4_R | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | 1 | 1 | 1 | -1 |

| alpha | value |
|------------|--------|
| α_1 | 0.6112 |
| α_2 | 0.8605 |
| α_3 | 1.7197 |
| α_4 | 1.7539 |

$$G_1(x) = \begin{cases} 1, x < 2.5 \\ -1, x > 2.5 \end{cases} \quad G_2(x) = \begin{cases} -1, x < 5.5 \\ 1, x > 5.5 \end{cases} \quad G_3(x) = \begin{cases} 1, x < 8.5 \\ -1, x > 8.5 \end{cases} \quad G_4(x) = \begin{cases} 1, x < 2.5 \\ -1, x > 2.5 \end{cases}$$

$$f_4(x) = 0.6112G_1(x) + 0.8605G_2(x) + 1.7197G_3(x) + 1.7539G_4(x)$$

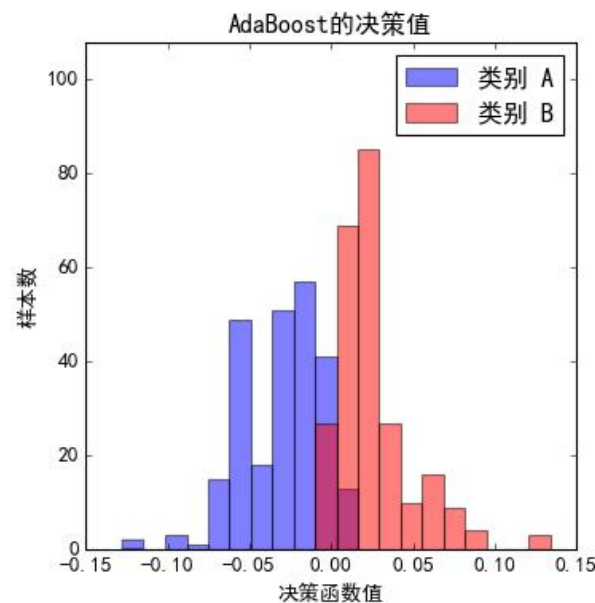
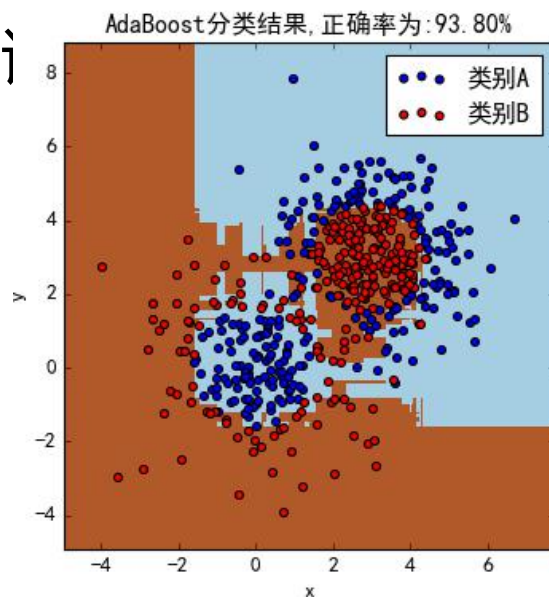
- 推导 α 求解过程中底数为e的情况下，该案例的最终参数情况：

| | | | | | | | | | | |
|----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| X | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| Y | 1 | 1 | 1 | -1 | -1 | -1 | 1 | 1 | 1 | -1 |
| w1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 | 0.1 |

$$\alpha_m = \frac{1}{2} * \ln \left(\frac{1 - \varepsilon_m}{\varepsilon_m} \right)$$

Adaboost案例一

- 基于python的sklearn模块中的API创建模拟数据，并进行Adaboost API进行数据分类开发测试



```
sklearn.datasets.make_gaussian_quantiles(mean=None, cov=1.0, n_samples=100, n_features=2, n_classes=3,
shuffle=True, random_state=None)
```

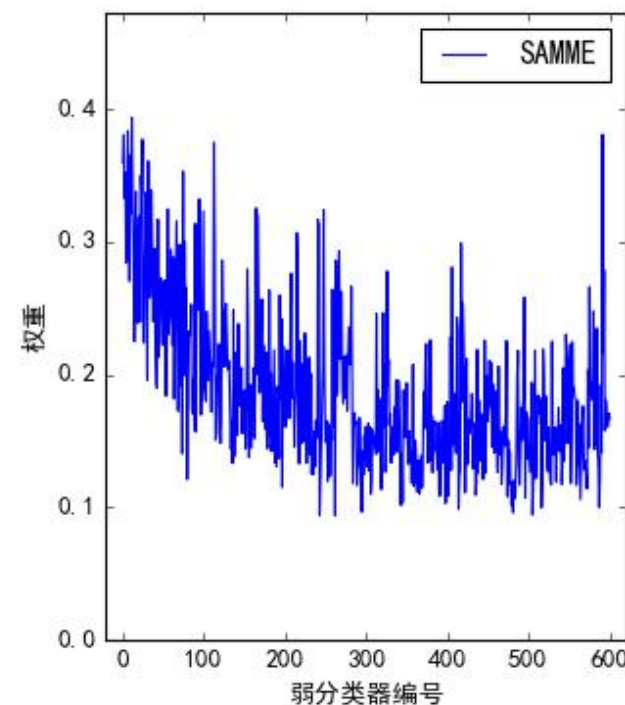
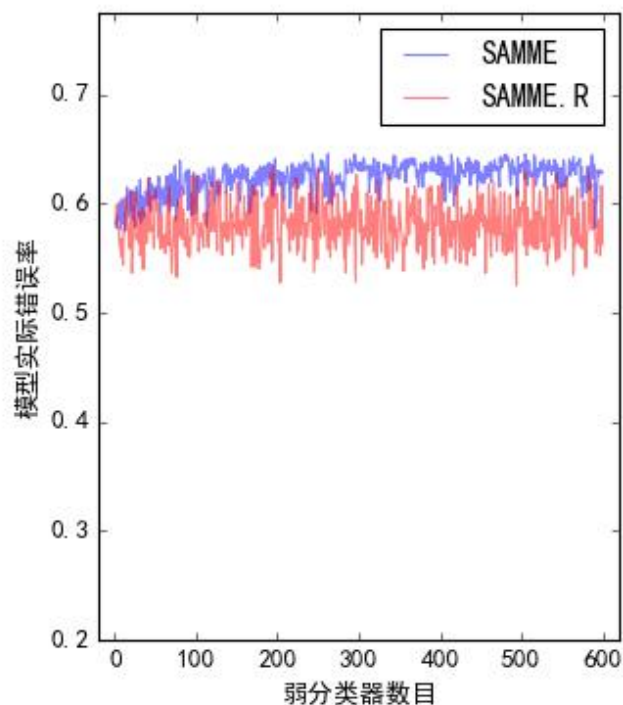
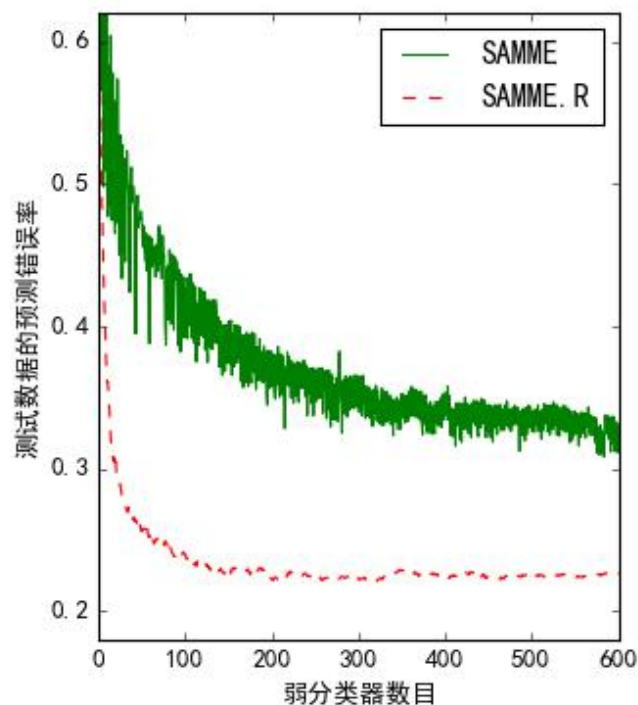
[\[source\]](#)

```
class sklearn.ensemble.AdaBoostClassifier(base_estimator=None, n_estimators=50, learning_rate=1.0, algorithm='SAMME.R',
random_state=None)
```

[\[source\]](#)

Adaboost案例二

- 基于python的sklearn模块中的API创建模拟数据，Adaboost API的参数algorithm的不同取值进行测试，并得到比较效果值



AdaBoost scikit-learn相关参数

| 参数 | AdaBoostClassifier | AdaBoostRegressor |
|----------------|---|--|
| base_estimator | 弱分类器对象，默认为CART分类树 DecisionTreeClassifier; | 弱回归器对象，默认为CART回归树DecisionTreeRegressor; |
| algorithm | SAMME和SAMME.R; SAMME表示构建过程中使用样本集分类效果作为弱分类器的权重; SAMME.R使用对样本集分类的预测概率大小作为弱分类器的权重。由于SAMME.R使用了连续的概率度量值，所以一般迭代比SAMME快，默认参数为SAMME.R; 强调：使用SAMME.R必须要求base_estimator指定的弱分类器模型必须支持概率预测，即具有predict_proba方法。 | 不支持 |
| loss | 不支持 | 指定误差的计算方式，可选参数"linear", "square", "exponential", 默认为"linear"; 一般不用改动 |
| n_estimators | 最大迭代次数，值过小可能会导致欠拟合，值过大可能会导致过拟合，一般50~100比较适合，默认50 | |
| learning_rate | 指定每个弱分类器的权重缩减系数v，默认为1; 一般从一个比较小的值开始进行调参; 该值越小表示需要更多的弱分类器 | |

$$f(x)=\sum_{m=1}^M\alpha_mG_m(x)\xrightarrow{\text{添加缩减系数}v}f(x)=\sum_{m=1}^Mv\alpha_mG_m(x)$$

AdaBoost总结

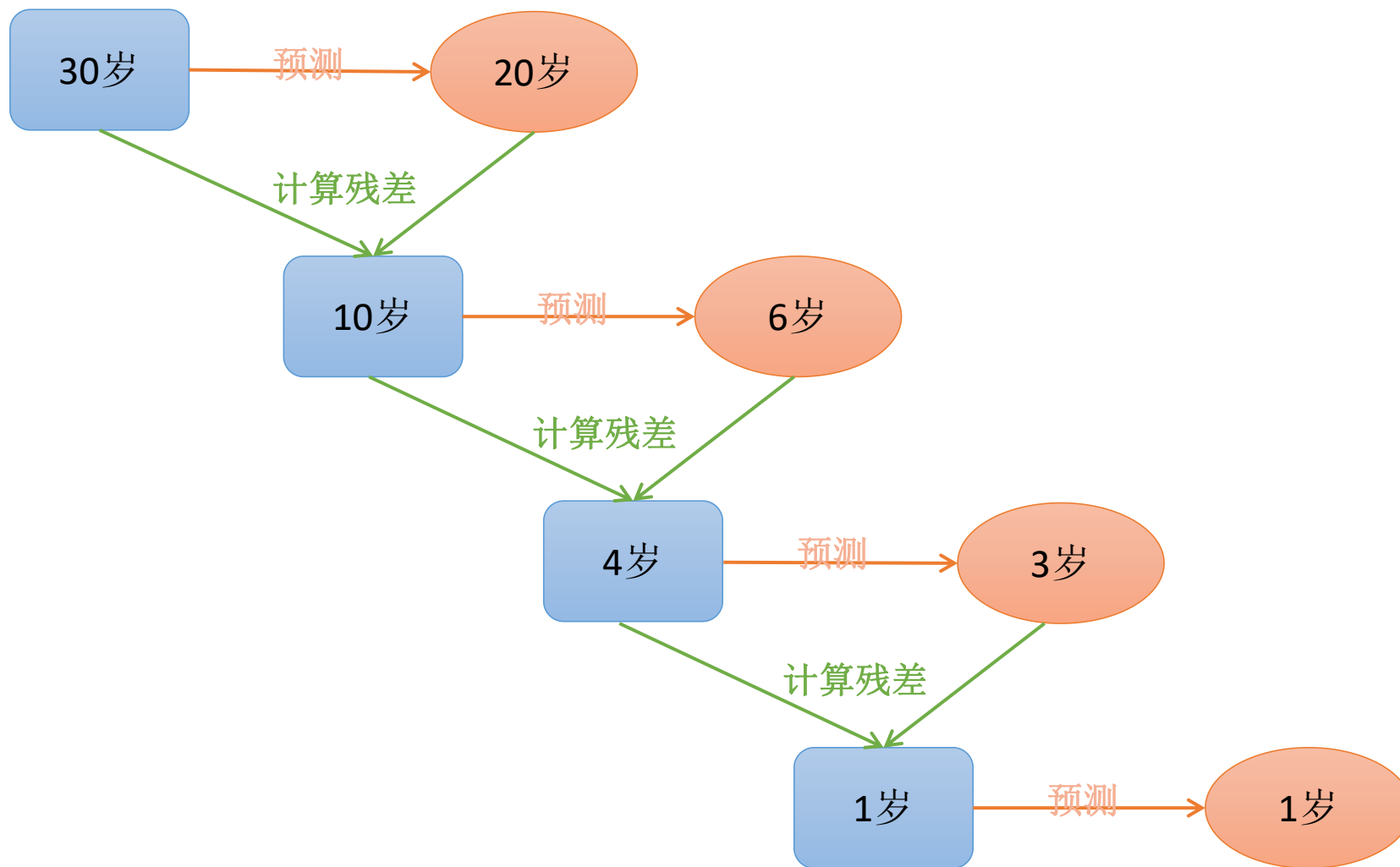
- AdaBoost的优点如下：
 - 可以处理连续值和离散值；
 - 模型的鲁棒性比较强；
 - 解释强，结构简单。
- AdaBoost的缺点如下：
 - 对异常样本敏感，异常样本可能会在迭代过程中获得较高的权重值，最终影响模型效果。

梯度提升迭代决策树GBDT

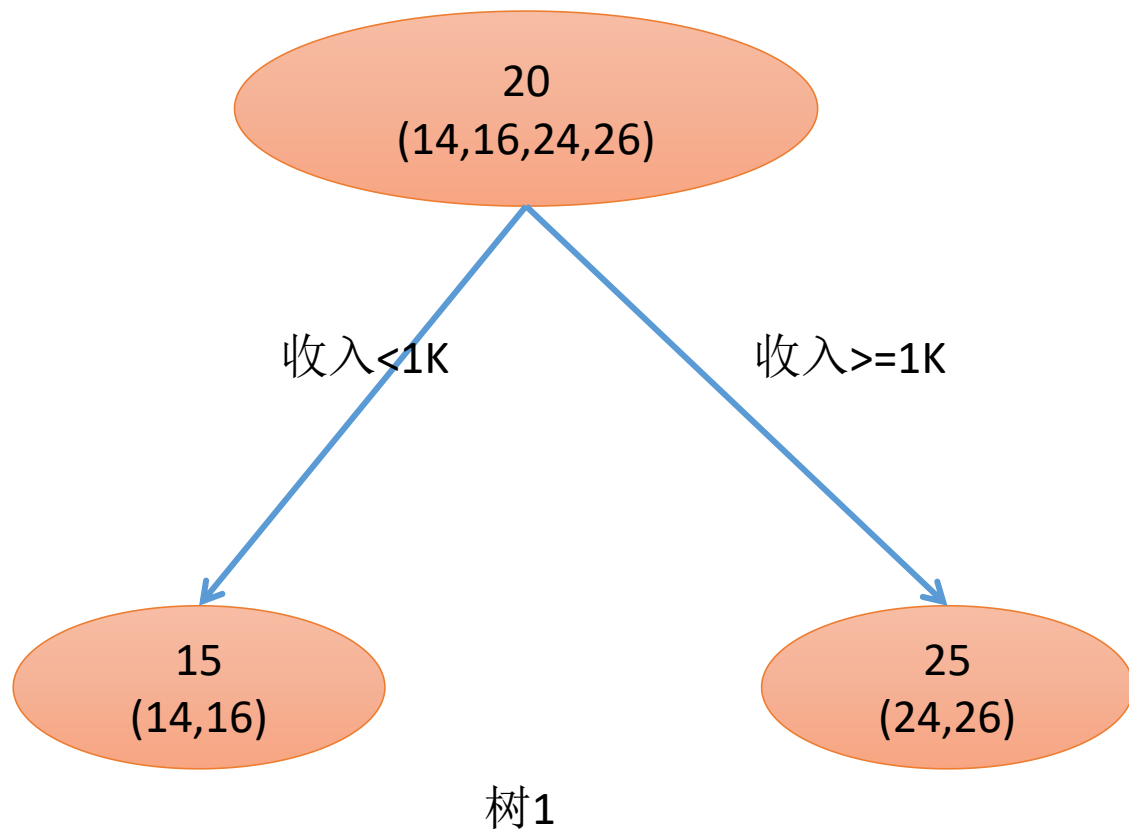
- GBDT也是Boosting算法的一种，但是和AdaBoost算法不同；区别如下：
AdaBoost算法是利用前一轮的弱学习器的误差来更新样本权重值，然后一轮一轮的迭代；GBDT也是迭代，但是GBDT要求弱学习器必须是回归CART模型，而且GBDT在模型训练的时候，是要求模型预测的样本损失尽可能的小。
- 备注：所有GBDT算法中，底层都是回归树。
- 别名：GBT(Gradient Boosting Tree)、GTB(Gradient Tree Boosting)、GBRT(Gradient Boosting Regression Tree)、GBDT(Gradient Boosting Decision Tree)、MART(Multiple Additive Regression Tree)

$$\begin{array}{ccc} f_{t-1}(x) & & f_t(x) \\ L(y, f_{t-1}(x)) & \xrightarrow{\text{训练弱学习器: } h_t(x)} & L(y, f_{t-1}(x) + h_t(x)) \end{array}$$

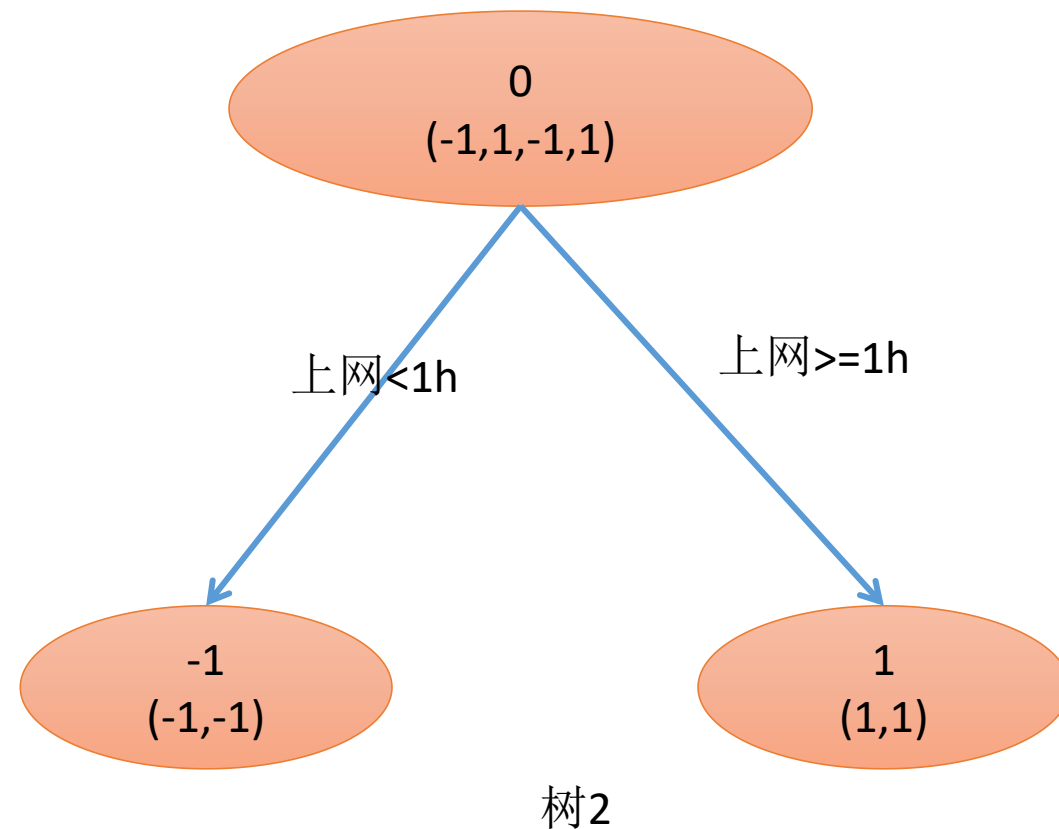
GBDT直观理解



GBDT直观理解



r



- 当给定步长时候，给定一个步长step，在构建下一棵树的时候使用step*残差值作为输入值，这种方式可以减少过拟合的发生

梯度提升迭代决策树GBDT

- GBDT由三部分构成：DT(Regression Decision Tree)、GB(Gradient Boosting)和Shrinkage(衰减)
- 由多棵决策树组成，所有树的结果累加起来就是最终结果
- 迭代决策树和随机森林的区别：
 - 随机森林使用抽取不同的样本构建不同的子树，也就是说第m棵树的构建和前m-1棵树的结果是没有关系的
 - 迭代决策树在构建子树的时候，使用之前子树构建结果后形成的残差作为输入数据构建下一个子树；然后最终预测的时候按照子树构建的顺序进行预测，并将预测结果相加

GBDT算法原理

- 给定输入向量 X 和输出变量 Y 组成的若干训练样本 $(X_1, Y_1), (X_2, Y_2), \dots, (X_n, Y_n)$, 目标是找到近似函数 $F(X)$, 使得损失函数 $L(Y, F(X))$ 的损失值最小。
- 损失函数一般采用最小二乘损失函数或者绝对值损失函数。

$$L(y, F(X)) = \frac{1}{2} (y - F(X))^2 \quad L(y, F(X)) = |y - F(X)|$$

- 最优解为:

$$F^*(X) = \arg \min_F L(y, F(X))$$

- 假定 $F(X)$ 是一族最优基函数 $f_i(X)$ 的加权和:

$$F(X) = \sum_{i=0}^M f_i(X) \quad \xrightarrow{\substack{\text{防止每个学习器能力过强,} \\ \text{可能导致过拟合;} \\ \text{给定一个缩放系数} v}} \quad F(X) = v \sum_{i=0}^M f_i(X)$$

- 以贪心算法的思想扩展得到 $F_m(X)$ ，求解最优 f

$$F_m(X) = F_{m-1}(X) + \arg \min_f \sum_{i=1}^n L(y_i, F_{m-1}(X_i) + f(X_i))$$

- 以贪心法在每次选择最优基函数 f 时仍然困难，使用梯度下降的方法近似计算
- 给定常数函数 $F_0(X)$

$$F_0(X) = \arg \min_c \sum_{i=1}^n L(y_i, c)$$

$$L(y, F(X)) = \frac{1}{2} (y - F(X))^2$$

- 计算损失函数的负梯度值：

$$\alpha_{im} = -\left[\frac{\partial L(y_i, F(x_i))}{\partial F(x_i)}\right]_{F(x)=F_{m-1}(x)}$$

- 使用数据 (x_i, α_{im}) ($i=1, \dots, n$) 计算拟合残差找到一个CART回归树，得到第m棵树

$$c_{mj} = \arg \min_c \sum_{x_i \in \text{leaf}_j} L(\alpha_{im}, c) \quad f_m(x) = \sum_{j=1}^{|\text{leaf}|_m} c_{mj} I(x \in \text{leaf}_{mj})$$

- 更新模型

$$F_m(x) = F_{m-1}(x) + \sum_{j=1}^{|\text{leaf}|_m} c_{mj} I(x \in \text{leaf}_{mj}) \quad \Rightarrow \quad F(x) = F_0(x) + \sum_{m=1}^M \sum_{j=1}^{|\text{leaf}|_m} c_{mj} I(x \in \text{leaf}_{mj})$$

GBDT回归算法和分类算法的区别

- 两者唯一的区别就是选择不同的损失函数、以及对应的负梯度值和模型初值采用不一样的值。
- 回归算法选择的损失函数一般是均方差(最小二乘)和绝对值误差, 分类算法中一般选择对数损失函数来表示。

$$\alpha_{im} = -\left[\frac{\partial L(y_i, F(x_i))}{\partial F(x_i)}\right]_{F(x)=F_{m-1}(x)}$$

GBDT回归算法和分类算法的区别

- 均方差损失函数

- 损失函数: $L(y, F_m(x)) = \frac{1}{2} (y - F_m(x))^2$
- 负梯度值: $\alpha_{im} = y_i - F_{m-1}(x)$
- 初始值: 一般采用均值作为初始值。

- 绝对误差损失函数

- 损失函数: $L(y, F_m(x)) = |y - F_m(x)|$
- 负梯度值: $\alpha_{im} = \text{sign}(y_i - F_{m-1}(x))$
- 初始值: 一般采用中值作为初始值。

GBDT回归算法和分类算法的区别

- 对数损失函数(二分类)

- 损失函数: $L(y, F_m(x)) = -(y \ln(p_m) + (1 - y) \ln(1 - p_m))$ $p_m = \frac{1}{1 + e^{-F_m(x)}}$
- 负梯度值: $\alpha_{im} = y_i - p_m$
- 初始值: 一般采用 $\ln(\text{正样本个数}/\text{负样本个数})$ 作为初始值。

- 对数损失函数(多分类K)

- 损失函数: $L(y, F_{ml}(x)) = -\sum_{k=1}^K y_k \ln p_k(x)$ $p_k(x) = \exp(f_k(x)) / \sum_{l=1}^K \exp(f_l(x))$
- 负梯度值: $\alpha_{iml} = y_{il} - p_{ml}(x)$
- 初始值: 一般采用0作为初始值。

GBDT总结

- GBDT的优点如下：
 - 可以处理连续值和离散值；
 - 在相对少的调参情况下，模型的预测效果也会不错；
 - 模型的鲁棒性比较强。
- GBDT的缺点如下：
 - 由于弱学习器之间存在关联关系，难以并行训练模型。也就是模型训练的速度慢。

GBDT scikit-learn相关参数

| 参数 | GradientBoostingClassifier | GradientBoostingRegressor |
|---------------|---|--|
| alpha | 不支持 | 当使用huber或者quantile损失函数的时候，需要给定分位数的值，默认为0.9；如果噪音数据比较多，可以适当的降低该参数值 |
| loss | 给定损失函数，可选对数似然函数deviance和指数损失函数exponential；默认为deviance；不建议修改 | 给定损失函数，可选均方差ls、绝对损失lad、Huber损失huber、分位数损失quantile；默认ls；一般采用默认；如果噪音数据比较多，推荐huber；如果是分段预测，推荐quantile |
| n_estimators | 最大迭代次数，值过小可能会导致欠拟合，值过大可能会导致过拟合，一般50~100比较适合，默认50 | |
| learning_rate | 指定每个弱分类器的权重缩减系数v，默认为1；一般从一个比较小的值开始进行调参；该值越小表示需要更多的弱分类器 | |
| subsample | 给定训练模型的时候，进行子采样的比例值，取值范围(0,1], 默认为1，表示不采用子采样；给值小于1表示采用部分数据进行模型训练，可以降低模型的过拟合情况；推荐[0.5,0.8]；采样采用的方式是不放回采样 | |
| init | 给定初始化的模型，可以不给定 | |

GBDT回归案例：波士顿房屋租赁价格预测(作业)

- 基于**波士顿房屋租赁数据**进行房屋租赁价格预测模型构建，使用集成学习的算法方式对模型进行构建，比较基于GBDT的模型效果和单模型(单个线性回归、单个决策树)情况下的R2的评估值的比较。
- 数据下载url: <http://archive.ics.uci.edu/ml/datasets/Housing>(现在没法下载啦)

Attribute Information:

 boston_housing.data

1. CRIM: per capita crime rate by town
2. ZN: proportion of residential land zoned for lots over 25,000 sq.ft.
3. INDUS: proportion of non-retail business acres per town
4. CHAS: Charles River dummy variable (= 1 if tract bounds river; 0 otherwise)
5. NOX: nitric oxides concentration (parts per 10 million)
6. RM: average number of rooms per dwelling
7. AGE: proportion of owner-occupied units built prior to 1940
8. DIS: weighted distances to five Boston employment centres
9. RAD: index of accessibility to radial highways
10. TAX: full-value property-tax rate per \$10,000
11. PTRATIO: pupil-teacher ratio by town
12. B: $1000(B_k - 0.63)^2$ where B_k is the proportion of blacks by town
13. LSTAT: % lower status of the population
14. MEDV: Median value of owner-occupied homes in \$1000's

| | | | | | | | | | | | | | |
|---------|-------|-------|---|--------|--------|-------|--------|---|-------|-------|--------|-------|-------|
| 0.31533 | 0.00 | 6.200 | 0 | 0.5040 | 8.2660 | 78.30 | 2.8944 | 8 | 307.0 | 17.40 | 385.05 | 4.14 | 44.80 |
| 0.52693 | 0.00 | 6.200 | 0 | 0.5040 | 8.7250 | 83.00 | 2.8944 | 8 | 307.0 | 17.40 | 382.00 | 4.63 | 50.00 |
| 0.38214 | 0.00 | 6.200 | 0 | 0.5040 | 8.0400 | 86.50 | 3.2157 | 8 | 307.0 | 17.40 | 387.38 | 3.13 | 37.60 |
| 0.41238 | 0.00 | 6.200 | 0 | 0.5040 | 7.1630 | 79.90 | 3.2157 | 8 | 307.0 | 17.40 | 372.08 | 6.36 | 31.60 |
| 0.29819 | 0.00 | 6.200 | 0 | 0.5040 | 7.6860 | 17.00 | 3.3751 | 8 | 307.0 | 17.40 | 377.51 | 3.92 | 46.70 |
| 0.44178 | 0.00 | 6.200 | 0 | 0.5040 | 6.5520 | 21.40 | 3.3751 | 8 | 307.0 | 17.40 | 380.34 | 3.76 | 31.50 |
| 0.53700 | 0.00 | 6.200 | 0 | 0.5040 | 5.9810 | 68.10 | 3.6715 | 8 | 307.0 | 17.40 | 378.35 | 11.65 | 24.30 |
| 0.46296 | 0.00 | 6.200 | 0 | 0.5040 | 7.4120 | 76.90 | 3.6715 | 8 | 307.0 | 17.40 | 376.14 | 5.25 | 31.70 |
| 0.57529 | 0.00 | 6.200 | 0 | 0.5070 | 8.3370 | 73.30 | 3.8384 | 8 | 307.0 | 17.40 | 385.91 | 2.47 | 41.70 |
| 0.33147 | 0.00 | 6.200 | 0 | 0.5070 | 8.2470 | 70.40 | 3.6519 | 8 | 307.0 | 17.40 | 378.95 | 3.95 | 48.30 |
| 0.44791 | 0.00 | 6.200 | 1 | 0.5070 | 6.7260 | 66.50 | 3.6519 | 8 | 307.0 | 17.40 | 360.20 | 8.05 | 29.00 |
| 0.33045 | 0.00 | 6.200 | 0 | 0.5070 | 6.0860 | 61.50 | 3.6519 | 8 | 307.0 | 17.40 | 376.75 | 10.88 | 24.00 |
| 0.52058 | 0.00 | 6.200 | 1 | 0.5070 | 6.6310 | 76.50 | 4.1480 | 8 | 307.0 | 17.40 | 388.45 | 9.54 | 25.10 |
| 0.51183 | 0.00 | 6.200 | 0 | 0.5070 | 7.3580 | 71.60 | 4.1480 | 8 | 307.0 | 17.40 | 390.07 | 4.73 | 31.50 |
| 0.08244 | 30.00 | 4.930 | 0 | 0.4280 | 6.4810 | 18.50 | 6.1899 | 6 | 300.0 | 16.60 | 379.41 | 6.36 | 23.70 |
| 0.09252 | 30.00 | 4.930 | 0 | 0.4280 | 6.6060 | 42.20 | 6.1899 | 6 | 300.0 | 16.60 | 383.78 | 7.37 | 23.30 |
| 0.11220 | 20.00 | 4.020 | 0 | 0.4280 | 6.9070 | 54.20 | 6.2261 | 6 | 200.0 | 16.60 | 201.25 | 11.20 | 22.00 |

Bagging、Boosting的区别

- 样本选择: Bagging算法是有放回的随机采样; Boosting算法是每一轮训练集不变, 只是训练集中的每个样例在分类器中的权重发生变化或者目标属性 y 发生变化, 而权重& y 值都是根据上一轮的预测结果进行调整;
- 样例权重: Bagging使用随机抽样, 样例是等权重; Boosting根据错误率不断的调整样例的权重值, 错误率越大则权重越大(Adaboost);
- 预测函数: Bagging所有预测模型的权重相等; Boosting算法对于误差小的分类器具有更大的权重(Adaboost)。
- 并行计算: Bagging算法可以并行生成各个基模型; Boosting理论上只能顺序生成, 因为后一个模型需要前一个模型的结果;
- Bagging是减少模型的variance(方差); Boosting是减少模型的Bias(偏度)。
- Bagging里每个分类模型都是强分类器, 因为降低的是方差, 方差过高需要降低是过拟合; Boosting里每个分类模型都是弱分类器, 因为降低的是偏度, 偏度过高是欠拟合。

Bagging、Boosting的区别

- error = Bias + Variance

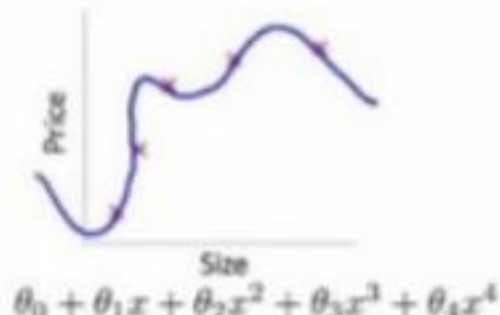
7) Bias/Variance Trade-off

High Variance (Overfitting)

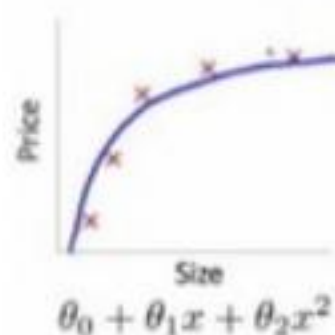
High Bias (Underfitting)



High bias
(underfit)



High variance
(overfit)



"Just right"

Bagging、Boosting的区别

- Bagging对样本重采样，对每一轮的采样数据集都训练一个模型，最后取平均。由于样本集的相似性和使用的同种模型，因此各个模型的具有相似的bias和variance;

$$E\left(\frac{\sum_{i=1}^n X_i}{n}\right) = E(X_i)$$

$$Var\left(\frac{\sum_{i=1}^n X_i}{n}\right) = \frac{Var(X_i)}{n}; \text{ 模型完全独立}$$

$$Var\left(\frac{\sum_{i=1}^n X_i}{n}\right) = Var(X_i); \text{ 模型完全相同}$$

Stacking

- Stacking是指训练一个模型用于组合(combine)其它模型(基模型/基学习器)的技术。即首先训练出多个不同的模型，然后再以之前训练的各个模型的输出作为输入来新训练一个新的模型，从而得到一个最终的模型。一般情况下使用单层的Logistic回归作为组合模型。

