## 离散型随机变量

- 一、作业(提交时间: Oct. 16, 2023)
- 1. [39-1] 试确定常数 c, 使得下列函数成为某个随机变量 X 的分布列:
  - (1) P(X = k) = ck, k = 1, 2, ..., n;
  - (2)  $P(X = k) = \frac{c\lambda^k}{k!}, \quad k = 1, 2, ...,$  其中  $\lambda > 0.$
- 2. [40-3] 一个口袋中有 5 个球, 在这 5 个球上分别标有数字 1,2,3,4,5. 从袋中不放回任取 3 个球, 每个球被取到的可能性相同, 求取到的球上标明的最大数字 X 的分布列.
- 3. [43-1] 从一批含有 10 件正品及 3 件次品的产品中一件一件地抽取. 设每次抽取时, 各件产品被抽到的可能性相等. 下列 3 中情形下, 分别求出直到取得正品为止所需次数 X 的分布列.
  - (1) 每次取出的产品立即放回这批产品中再取下一件产品;
  - (2) 每次取出的产品都不放回这批产品中;
  - (3) 每次取出一件产品后总是放回一件正品.
- 4. [44-4] 从学校乘汽车到火车站的途中有 4 个十字路口,假设在各个十字路口遇到红灯的事件是相互独立的,并且概率都是 0.4,设 X 为途中遇到红灯的次数,求 X 的分布列.
- 5. [125-1] 已知随机变量 X 的分布列如下, 试求期望  $\mathbb{E}(X)$ 、 $\mathbb{E}(X^2)$ 、 $\mathbb{E}(3X^2+5)$  及标准差  $\mathbb{D}(X)$ .

X	-2	0	1
概率	0.3	0.2	0.5

## 二、练习

- 1. [39-2] 试确定常数 c, 使  $P(X=i) = \frac{c}{2i}(i=0,1,2,3)$  成为某个随机变量 X 的分布列, 并求:
  - (1)  $P(X \ge 2)$ ;
  - (2)  $P\left(\frac{1}{2} < X < \frac{5}{2}\right)$ .
- 2. [41-4] 已知随机变量 X 的分布列如下, 试求一元二次方程  $3t^2 + 2Xt + (X+1) = 0$  有实数根的概率.

$\overline{X}$	-2	-1	0	1	2	4
概率	0.2	0.1	0.3	0.1	0.2	0.1

- 3. [125-3] 设 X 表示 10 次相互独立重复射击中命中目标的次数, 每次命中目标的概率为 0.6. 试求期望  $\mathbb{E}(2X^2+3)$  及标准差  $\mathbb{D}(X)$ .
- 4. [124-30] 某流水生产线上每个产品不合格的概率为 p(0 ,各产品合格与否相互独立,当出现一个不合格品时立即停机检修. 设开机后第一次停机时已生产了的产品个数为 <math>X,求 X 的数学期望  $\mathbb{E}(X)$  和标准差  $\mathbb{D}(X)$ .
- 5. [45-7] 某工厂有 600 台车床, 已知每台车床发生故障的概率为 0.005, 用泊松分布近似计算以下问题:
  - (1) 如果厂里安排 4 名维修工, 求车床发生故障后都能得到及时维修的概率 (假定每台车床只需要 1 名维修工);
  - (2) 厂里需要安排多少名维修工, 才能使车床发生故障后都能得到及时维修的概率不小于 0.96?
- 6. [46-8] 据统计某地区想报名参加一年一度城市马拉松的长跑爱好者共有 10000 名, 其中女性 4000 名, 但只有 2000 名的名额. 现从中随机抽取 2000 名参加比赛, 求参赛者中女性数量 X 的分布列.
- 7. [46-9] 某人投篮命中率为 40%. 假定各次投篮是否命中相互独立,设X 表示他首次投中时累计已投篮的次数.求X 的分布列,并由此计算X 取偶数的概率.
- 8. [44-2] 设随机变量  $X \sim B(n,p)$ , 已知 P(X=1) = P(X-n-1), 求  $p \in P(X=2)$  的值.
- 9. [44-3] 设在 3 次相互独立试验中, 事件 A 出现的概率相等, 已知 A 至少出现 1 次的概率等于  $\frac{19}{27}$ , 求事件 A 在 1 次试验中出现的概率.
- 10. [45-5] 一张试卷上有 10 道题目, 每道题都为 4 个选项的选择题, 4 个选项中只有 1 项是正确的. 假设某位学生在做每道题时都是随机地选择, 求该位学生 1 题都不对的概率以及至少答对 6 题的概率.
- 11. [45-6] 某地在任何长为 t(周) 的时间内发生地震的次数  $N(t) \sim P(\lambda t)$ , 且在任意两个不相交的时间段内发生地震的次数相互独立. 求: (1) 相邻两周内至少发生 3 次地震的概率; (2) 在连续 8 周内无地震的情形下, 在未来 8 周中仍无地震的概率.