机器学习导论 (2024 春季学期)

四、决策树

主讲教师: 周志华

决策树模型

决策树基于"树"结构进行决策

- □ 每个"内部结点"对应于某个属性上的"测试"(test)
- □ 每个分支对应于该测试的一种可能结果(即该属性的某个取值)
- □ 每个"叶结点"对应于一个"预测结果"

学习过程:通过对训练样本的分析来确定"划分属性"(即内部结点所对应的属性)

预测过程:将测试示例从根结点开始,沿着划分属性所构成的"判定测试序列"下行,直到叶结点

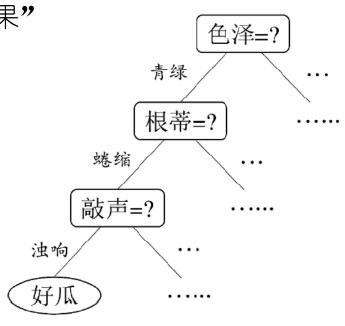


图 4.1 西瓜问题的一棵决策树

基本流程

策略: "分而治之" (divide-and-conquer)

自根至叶的递归过程

在每个中间结点寻找一个"划分" (split or test)属性

三种停止条件:

- (1) 当前结点包含的样本全属于同一类别, 无需划分;
- (2) 当前属性集为空,或是所有样本在所有属性上取值相同,无法划分;
- (3) 当前结点包含的样本集合为空,不能划分.

基本算法

```
输入: 训练集 D = \{(x_1, y_1), (x_2, y_2), \ldots, (x_m, y_m)\};
      属性集 A = \{a_1, a_2, \dots, a_d\}.
过程: 函数 TreeGenerate(D, A)
 1: 生成结点 node;
                                    递归返回,
2: if D 中样本全属于同一类别 C then
                                    情形(1)
     将 node 标记为 C 类叶结点; return
 4: end if
                                                             递归返回,
 5: if A = \emptyset OR D 中样本在 A 上取值相同 then
                                                             情形(2)
     将 node 标记为叶结点, 其类别标记为 D 中样本数最多的类; return
 7: end if
                                利用当前结点的后验分布
8: 从 A 中选择最优划分属性 a_*;
 9: for a<sub>*</sub> 的每一个值 a<sub>*</sub><sup>v</sup> do \
   为 node 生成一个分支; \Diamond D_v 表示 D 中在 a_* 上取值为 a_*^v 的样本子集;
10:
                                                                递归返回.
11:
    if D_v 为空 then
                                                                情形(3)
       将分支结点标记为叶结点, 其类别标记为 D 中样本最多的类; return
12:
13:
     else
                                              将父结点的样本分布作为
       以 TreeGenerate(D_v, A \setminus \{a_e\})为分支结点
14:
                                              当前结点的先验分布
     end if
15:
16: end for
                               决策树算法的
输出:以 node 为根结点的一棵决策树
                                   核心
```

信息增益 (information gain)

信息熵 (entropy) 是度量样本集合 "纯度" 最常用的一种指标 假定当前样本集合 D 中第 k 类样本所占的比例为 p_k ,则 D 的信息熵定义为

$$\operatorname{Ent}(D) = -\sum_{k=1}^{|\mathcal{Y}|} p_k \log_2 p_k$$

计算信息熵时约定: 若 p = 0, 则 $p \log_2 p = 0$.

Ent(D) 的最小值为 0, 最大值为 $log_2 |\mathcal{Y}|$.

 $\operatorname{Ent}(D)$ 的值越小,则D 的纯度越高

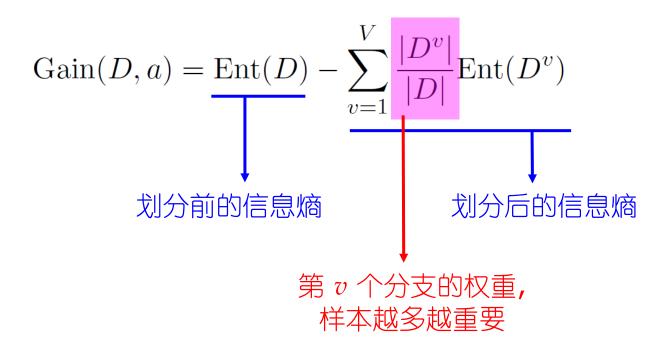
信息增益直接以信息熵为基础,计算当前划分对信息熵所造成的变化

信息增益

离散属性 a 的取值: $\{a^1, a^2, \dots, a^V\}$

 D^v : D 中在 a 上取值 = a^v 的样本集合

以属性 a 对数据集 D 进行划分所获得的信息增益为:



ID3算法中使用

一个例子

编号	色泽	根蒂	敲声	纹理	脐部	触感	好瓜
1	青绿	蜷缩	浊响	清晰	凹陷	硬滑	是
2	乌黑	蜷缩	沉闷	清晰	凹陷	硬滑	是
3	乌黑	蜷缩	浊响	清晰	凹陷	硬滑	是
4	青绿	蜷缩	沉闷	清晰	凹陷	硬滑	是
5	浅白	蜷缩	浊响	清晰	凹陷	硬滑	是
6	青绿	稍蜷	浊响	清晰	稍凹	软粘	是
7	乌黑	稍蜷	浊响	稍糊	稍凹	软粘	是
8	乌黑	稍蜷	浊响	清晰	稍凹	硬滑	是
9	乌黑	稍蜷	沉闷	稍糊	稍凹	硬滑	否
10	青绿	硬挺	清脆	清晰	平坦	软粘	否
11	浅白	硬挺	清脆	模糊	平坦	硬滑	否
12	浅白	蜷缩	浊响	模糊	平坦	软粘	否
13	青绿	稍蜷	浊响	稍糊	凹陷	硬滑	否
14	浅白	稍蜷	沉闷	稍糊	凹陷	硬滑	否
15	乌黑	稍蜷	浊响	清晰	稍凹	软粘	否
16	浅白	蜷缩	浊响	模糊	平坦	硬滑	否
17	青绿	蜷缩	沉闷	稍糊	稍凹	硬滑	否

该数据集包含17个 训练样例, $|\mathcal{Y}| = 2$, 其中正例占 $p_1 = \frac{8}{17}$ 反例占 $p_2 = \frac{9}{17}$

根结点的信息熵为

$$\operatorname{Ent}(D) = -\sum_{k=1}^{2} p_k \log_2 p_k = -\left(\frac{8}{17} \log_2 \frac{8}{17} + \frac{9}{17} \log_2 \frac{9}{17}\right) = 0.998$$

以属性"色泽"为例,其对应的3个子集分别为:

对**D**¹(色泽=青绿), 正例3/6, 反例3/6 于是:

编号	色泽	根蒂	敲声	纹理	脐部	触感	好瓜
1	青绿	蜷缩	浊响	清晰	凹陷	硬滑	是
2	乌黑	蜷缩	沉闷	清晰	凹陷	硬滑	是
3	乌黑	蜷缩	浊响	清晰	凹陷	硬滑	是
4	青绿	蜷缩	沉闷	清晰	凹陷	硬滑	是
5	浅白	蜷缩	浊响	清晰	凹陷	硬滑	是
6	青绿	稍蜷	浊响	清晰	稍凹	软粘	是
7	乌黑	稍蜷	浊响	稍糊	稍凹	软粘	是
8	乌黑	稍蜷	浊响	清晰	稍凹	硬滑	是
9	乌黑	稍蜷	沉闷	稍糊	稍凹	硬滑	否
10	青绿	硬挺	清脆	清晰	平坦	软粘	否
11	浅白	硬挺	清脆	模糊	平坦	硬滑	否
12	浅白	蜷缩	浊响	模糊	平坦	软粘	否
13	青绿	稍蜷	浊响	稍糊	凹陷	硬滑	否
14	浅白	稍蜷	沉闷	稍糊	凹陷	硬滑	否
15	乌黑	稍蜷	浊响	清晰	稍凹	软粘	否
16	浅白	蜷缩	浊响	模糊	平坦	硬滑	否
17	青绿	蜷缩	沉闷	稍糊	稍凹	硬滑	否

$$\operatorname{Ent}(D^1) = -\left(\frac{3}{6}\log_2\frac{3}{6} + \frac{3}{6}\log_2\frac{3}{6}\right) = 1.000$$

D²(色泽=乌黑), 正例4/6, 反例2/6

Ent(
$$D^2$$
) =
$$-(\frac{4}{6}\log_2\frac{4}{6} + \frac{2}{6}\log_2\frac{2}{6}) = 0.918$$
_

D³(色泽=浅白), 正例1/5, 反例4/5

Ent
$$(D^3)$$
 = $-(\frac{1}{5}\log_2\frac{1}{5} + \frac{4}{5}\log_2\frac{4}{5}) = 0.722$

编号	色泽	根蒂	敲声	纹理	脐部	触感	好瓜
1	青绿	蜷缩	浊响	清晰	凹陷	硬滑	是
2	乌黑	蜷缩	沉闷	清晰	凹陷	硬滑	是
3	乌黑	蜷缩	浊响	清晰	凹陷	硬滑	是
4	青绿	蜷缩	沉闷	清晰	凹陷	硬滑	是
5	浅白	蜷缩	浊响	清晰	凹陷	硬滑	是
6	青绿	稍蜷	浊响	清晰	稍凹	软粘	是
7	乌黑	稍蜷	浊响	稍糊	稍凹	软粘	是
8	乌黑	稍蜷	浊响	清晰	稍凹	硬滑	是
9	乌黑	稍蜷	沉闷	稍糊	稍凹	硬滑	否
10	青绿	硬挺	清脆	清晰	平坦	软粘	否
11	浅白	硬挺	清脆	模糊	平坦	硬滑	否
12	浅白	蜷缩	浊响	模糊	平坦	软粘	否
13	青绿	稍蜷	浊响	稍糊	凹陷	硬滑	否
14	浅白	稍蜷	沉闷	稍糊	凹陷	硬滑	否
15	乌黑	稍蜷	浊响	清晰	稍凹	软粘	否
16	浅白	蜷缩	浊响	模糊	平坦	硬滑	否
17	青绿	蜷缩	沉闷	稍糊	稍凹	硬滑	否

于是,属性"色泽"的信息增益为

$$Gain(D, 色泽) = Ent(D) - \sum_{v=1}^{3} \frac{|D^{v}|}{|D|} Ent(D^{v})$$
$$= 0.998 - \left(\frac{6}{17} \times 1.000 + \frac{6}{17} \times 0.918 + \frac{5}{17} \times 0.722\right) = 0.109$$

类似的, 其他属性的信息增益为

$$Gain(D, 根蒂) = 0.143$$

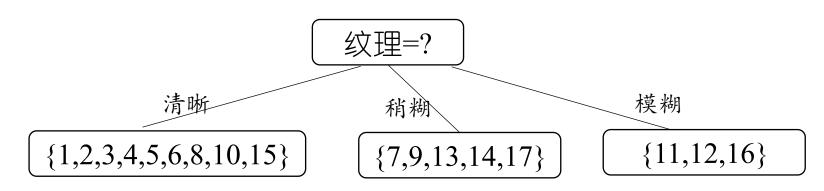
$$Gain(D, 纹理) = 0.381$$

$$Gain(D, 触感) = 0.006$$

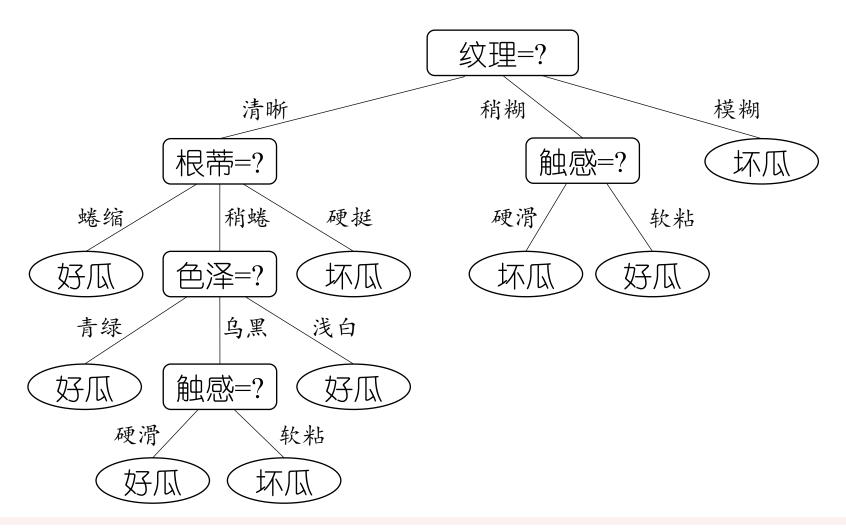
Gain(D, 敲声) = 0.141

Gain(D, 脐部) = 0.289

属性"纹理"的信息增益最大,被选为划分属性



对每个分支结点做进一步划分, 最终得到决策树



决策树简史

● 第一个决策树算法: CLS (Concept Learning System)

[E. B. Hunt, J. Marin, and P. T. Stone's book "Experiments in Induction" published by Academic Press in 1966]

• 使决策树受到关注、成为机器学习主流技术的算法: ID3

[J. R. Quinlan's paper in a book "Expert Systems in the Micro Electronic Age" edited by D. Michie, published by Edinburgh University Press in 1979]

• 最常用的决策树算法: C4.5

[J. R. Quinlan's book "C4.5: Programs for Machine Learning" published by Morgan Kaufmann in 1993]

J. Ross Quinlan (1943 -)

决策树简史(con't)

● 可以用于回归任务的决策树算法: CART (Classification and Regression Tree)

[L. Breiman, J. H. Friedman, R. A. Olshen, and C. J. Stone's book "Classification and Regression Trees" published by Wadsworth in 1984]

● 基于决策树的最强大算法之一: RF (Random Forest)

[L. Breiman's MLJ'01 paper "Random Forest"]

这是一种"集成学习"方法→第8章



Leo Breiman (1928-2005)

增益率 (gain ratio)

信息增益: 对可取值数目较多的属性有所偏好

有明显弱点,例如:考虑将"编号"作为一个属性

增益率:
$$Gain_ratio(D, a) = \frac{Gain(D, a)}{IV(a)}$$

其中
$$IV(a) = -\sum_{v=1}^{V} \frac{|D^v|}{|D|} \log_2 \frac{|D^v|}{|D|}$$

属性 a 的可能取值数目越多 (即 V 越大),则 IV(a) 的值通常就越大

启发式: 先从候选划分属性中找出信息增益高于平均水平的, 再从中选取增益率最高的

基尼指数 (gini index)

$$Gini(D) = \sum_{k=1}^{|\mathcal{Y}|} \sum_{k' \neq k} p_k p_{k'}$$

反映了从D中随机抽取两个样例, 其类别标记不一致的概率

$$=1-\sum_{k=1}^{|\mathcal{Y}|}p_k^2$$

 $=1-\sum_{k=0}^{|\mathcal{Y}|}p_k^2$. Gini(D) 越小,数据集 D 的纯度越高

属性 a 的基尼指数: $\operatorname{Gini_index}(D,a) = \sum_{i=1}^{v} \frac{|D^v|}{|D|} \operatorname{Gini}(D^v)$

在候选属性集合中,选取那个使划分后基尼指数最小的属性

划分选择 vs. 剪枝

研究表明: 划分选择的各种准则虽然对决策树的尺寸有较大影响, 但对泛化性能的影响很有限

例如信息增益与基尼指数产生的结果,仅在约2%的情况下不同

剪枝方法和程度对决策树泛化性能的影响更为显著

在数据带噪时甚至可能将泛化性能提升 25%

Why?

剪枝 (pruning) 是决策树对付"过拟合"的主要手段!

剪枝

为了尽可能正确分类训练样本,有可能造成分支过多 > 过拟合可通过主动去掉一些分支来降低过拟合的风险

基本策略:

- 预剪枝 (pre-pruning): 提前终止某些分支的生长
- 后剪枝 (post-pruning): 生成一棵完全树,再 "回头"剪枝

剪枝过程中需评估剪枝前后决策树的优劣 → 第2章

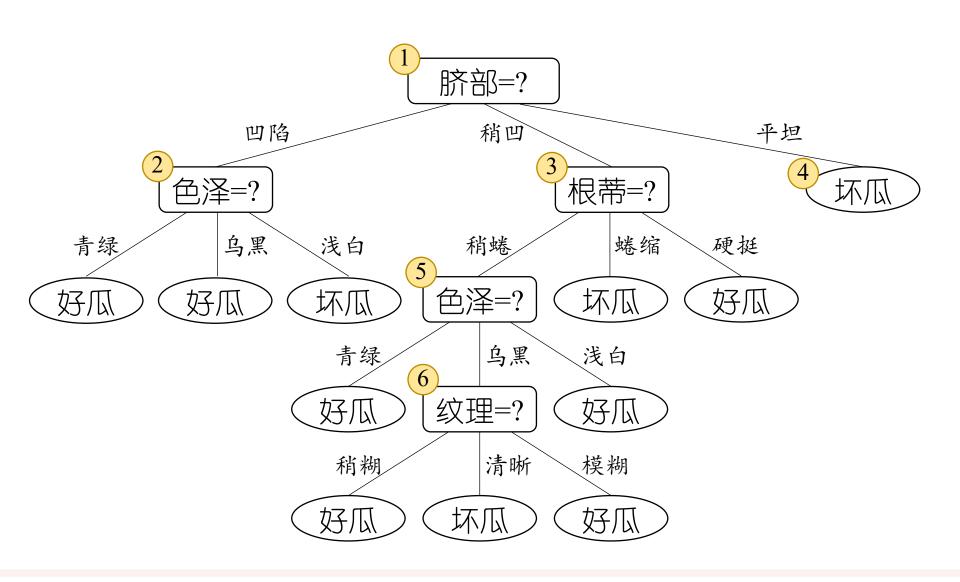
现在我们假定使用"留出法"

数据集

表 4.2 西瓜数据集 2.0 划分出的训练集(双线上部)与验证集(双线下部)

	编号	色泽	根蒂	敲声	纹理	脐部	触感	好瓜
\\\ /-	1 2 3 6 7	青鸟鸟青鸟	蜷缩缩蜷稍稍	 独闷 独闷 独响 独响	清清清清稍稍	四陷 凹陷 凹陷 稍凹 稍凹	一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 十 十 十 十 十 十 十	是是是是是
训练集	10 14 15 16 17	青	硬挺 稍蜷缩 蜷缩	清闷 油油 沉	清糊 稍晰 模糊	平坦 凹陷 稍凹 平坦 稍凹	软 程 報 報 程 程 程 程 程 程 程 程	否否否否否
	编号	色泽	根蒂	敲声	纹理	脐部	触感	好瓜
	4 5 8	青绿 浅白 乌黑	蜷缩 蜷缩 稍蜷	沉闷 浊响 浊响	清晰 清晰 清晰	凹陷 凹陷 稍凹	硬滑 硬滑 硬滑	是是是
验证集	9 11 12 13	乌黑 浅白 浅绿	稍蜷 硬挺 蜷缩	沉闷 清脆 浊响 浊响	稍糊 模糊 模糊 稍糊	稍凹 平坦 平坦 凹陷	硬滑 硬滑 软粘 硬滑	否否否否

未剪枝决策树



验
证
集

编号	色泽	根蒂	敲声	纹理	脐部	触感	好瓜
4 5 8	青绿 浅白 乌黑	蜷缩 蜷缩 稍蜷	沉闷 浊响 浊响	清晰 清晰 清晰	凹陷 凹陷 稍凹	硬滑 硬滑 硬滑	是是是
9 11 12 13	乌黑 浅白 浅白 青绿	稍蜷 硬缩 稍蜷	沉闷 清脆 浊响 浊响	稍糊 模糊 模糊 稍糊	稍凹 平坦 平坦 凹陷	硬滑 硬滑 软粘 硬滑	否否否否

结点1: 若不划分,则根结点为叶结点,类别标记为训练样例最多的类别,若选"好瓜",则验证集中{4,5,8} 被分类正确,验证集精度为 3/7 x 100% = 42.9%

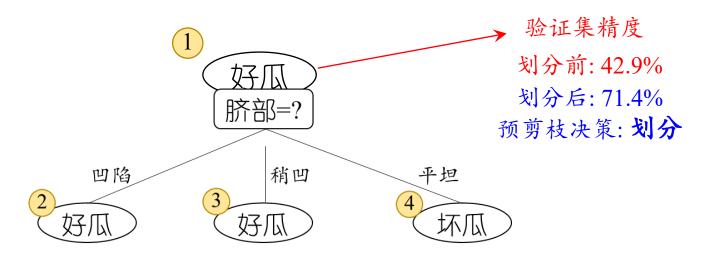
1 好瓜

验证集精度 划分前: 42.9%

验
证
集

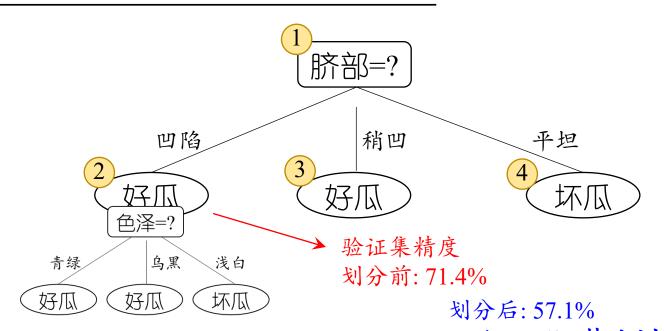
-								
	编号	色泽	根蒂	敲声	纹理	脐部	触感	好瓜
	4 5 8	青绿 浅白 乌黑	蜷缩 蜷缩 稍蜷	沉闷 浊响 浊响	清晰 清晰 清晰	凹陷 凹陷 稍凹	硬滑 硬滑 硬滑	是 是 是
	9 11 12 13	乌黑 浅白 浅白 青绿	稍蜷 硬挺 蜷缩 稍蜷	沉闷 清脆 浊响 浊响	稍糊 模糊 模糊 稍糊	稍凹 平坦 平坦 凹陷	硬滑 硬滑 软粘 硬滑	否否否否

结点1: 若不划分,则根结点为叶结点,类别标记为训练样例最多的类别,若选"好瓜",则验证集中{4,5,8} 被分类正确,验证集精度为 3/7 x 100% = 42.9%



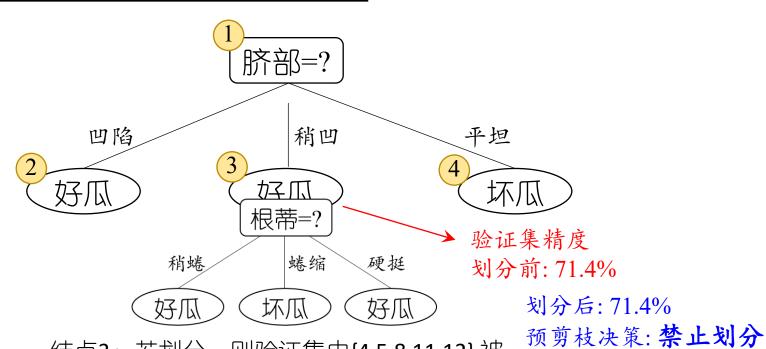
结点1若划分,则根据划分后结点②③④的训练样例,它们将分别标记为"好瓜""好瓜""坏瓜"。此时,验证集中编号为 {4,5,8,11,12}的样例被划分正确,验证集精度为 5/7 x 100% = 71.4%

	编号	色泽	根蒂	敲声	纹理	脐部	触感	好瓜
验	4 5 8	青绿 浅白 乌黑	蜷缩 蜷缩 稍蜷	沉闷 浊响 浊响	清晰 清晰 清晰	凹陷 凹陷 稍凹	硬滑 硬滑 硬滑	是 是 是
证 - 集	9 11 12 13	乌黑 浅白 青绿	稍 梃 蜷 稍 蜷	沉闷 清脆 浊响 浊响	稍糊 模糊 模糊 稍糊	稍凹 平坦 平坦 凹陷	硬滑 硬滑 软粘 硬滑	否否否否



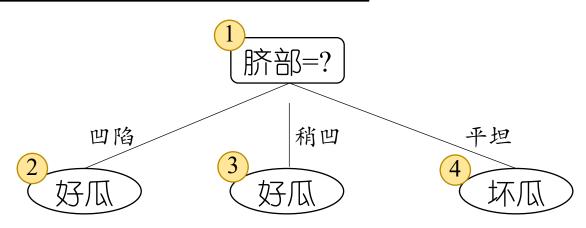
结点2: 若划分,则验证集中{4,8,11,12} 被分 ^{预剪枝决策}: **禁止划分** 类正确,验证集精度为 4/7 x100% = 57.1%

		编号	色泽	根蒂	敲声	纹理	脐部	触感	好瓜
验		4 5 8	青绿 浅白 乌黑	蜷缩 蜷缩 稍蜷	沉闷 浊响 浊响	清晰 清晰 清晰	凹陷 凹陷 稍凹	硬滑 硬滑 硬滑	是是是
证集	1	9 11 12 - 13	乌黑 浅白 浅白 青绿	稍蜷 硬缎 蜷蜷	沉闷 清脆 浊响 浊响	稍糊 模糊 模糊 稍糊	稍凹 平坦 平烟 凹陷	硬滑 硬滑 软粘 硬滑	否否否否



结点3: 若划分,则验证集中{4,5,8,11,12}被分类正确,验证集精度为 5/7 x100% = 71.4%

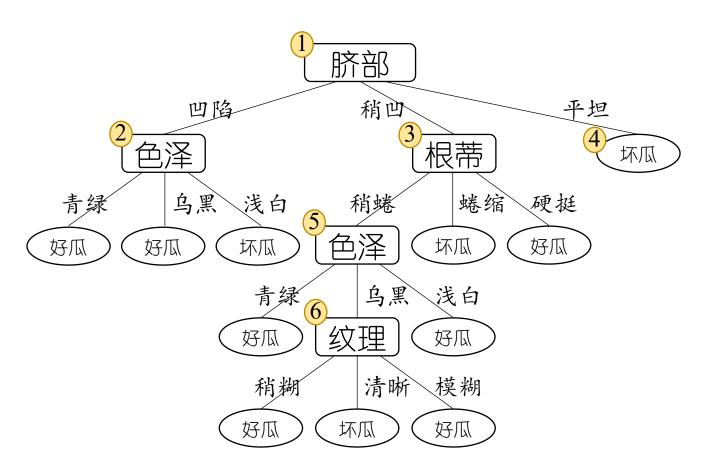
		编号	色泽	根蒂	敲声	纹理	脐部	触感	好瓜
验		4 5 8	青绿 浅白 乌黑	蜷缩 蜷缩 稍蜷	沉闷 浊响 浊响	清晰 清晰 清晰	凹陷 凹陷 稍凹	硬滑 硬滑 硬滑	是是是
证集	1	9 11 12 13	乌黑 浅白 浅白 青绿	稍蜷 硬缝缩 稍蜷	沉闷 清脆 浊响 浊响	稍糊 模糊 模糊 稍糊	稍凹 平坦 平坦 凹陷	硬滑 硬滑 软粘 硬滑	否否否否



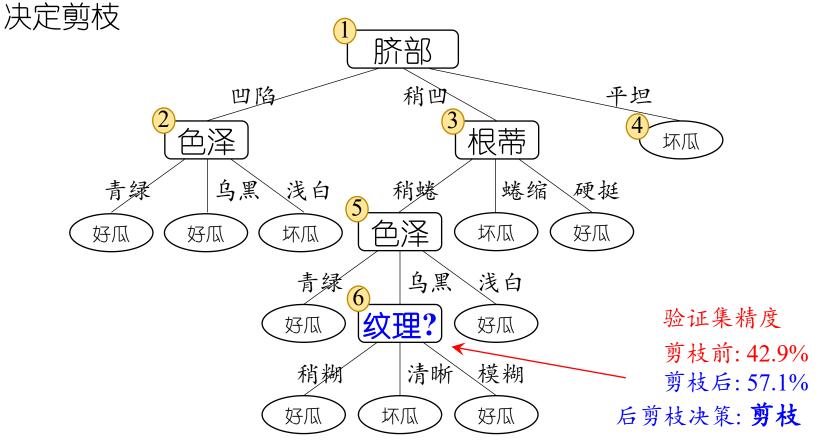
最终, 预剪枝的得到的决策树

后剪枝

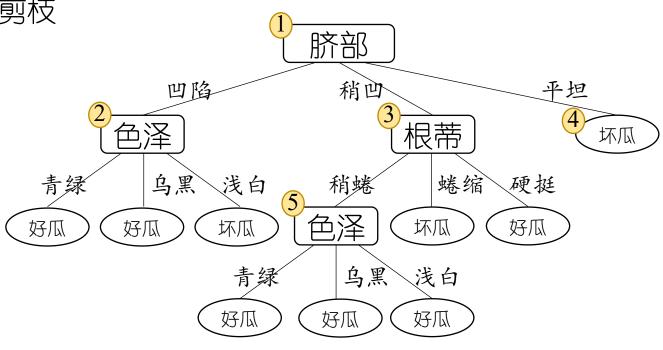
先生成一棵完整的决策树, 其验证集精度测得为 42.9%



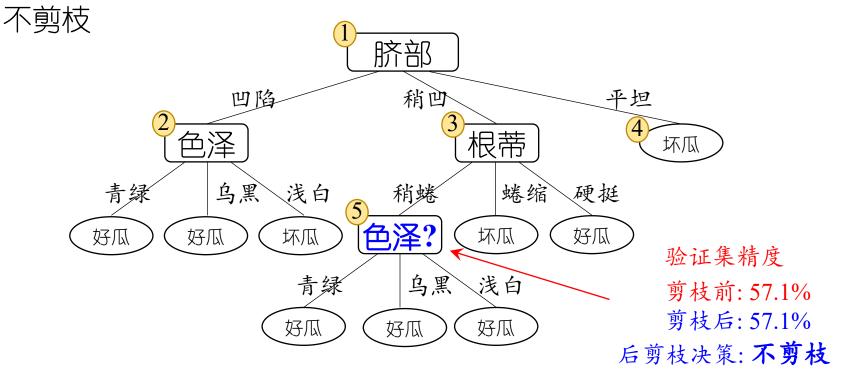
首先考虑结点⑥,若将其替换为叶结点,根据落在其上的训练样例 {7,15} 将其标记为"好瓜",测得验证集精度提高至 57.1%,于是



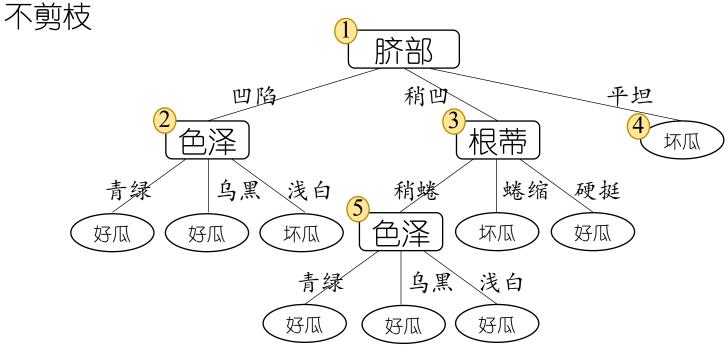
首先考虑结点⑥,若将其替换为叶结点,根据落在其上的训练样例 $\{7,15\}$ 将其标记为"好瓜",测得验证集精度提高至 57.1%,于是决定剪枝



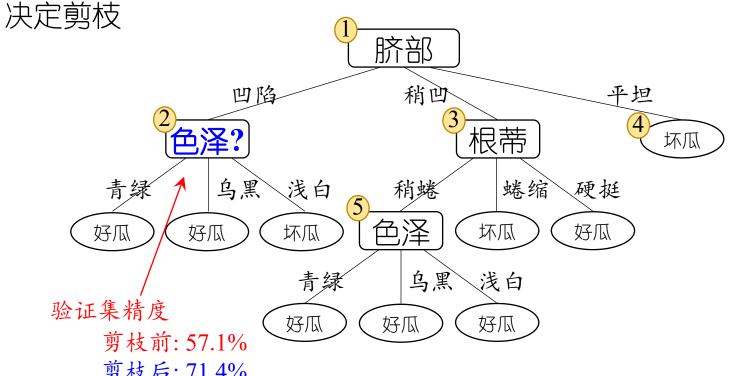
然后考虑结点⑤,若将其替换为叶结点,根据落在其上的训练样例 $\{6,7,15\}$ 将其标记为"好瓜",测得验证集精度仍为 57.1%,可以



然后考虑结点⑤,若将其替换为叶结点,根据落在其上的训练样例 $\{6,7,15\}$ 将其标记为"好瓜",测得验证集精度仍为 $\mathbf{57.1\%}$,可以



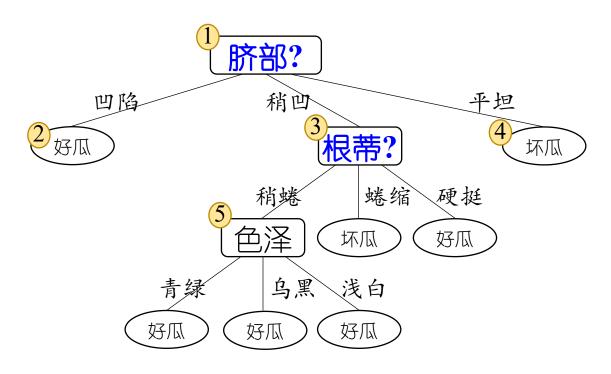
对结点②, 若将其替换为叶结点, 根据落在其上的训练样例 $\{1,2,3,14\}$, 将其标记为"好瓜", 测得验证集精度提升至 71.4%,



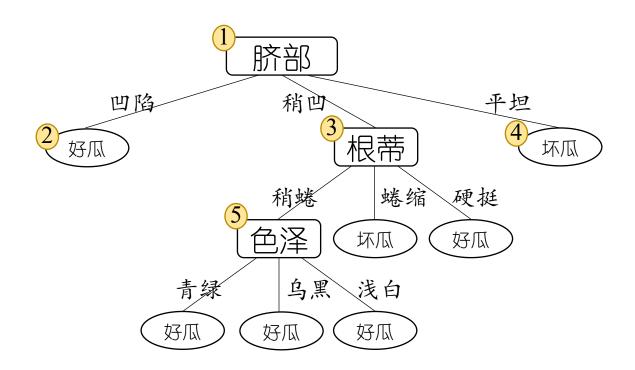
剪枝后: 71.4%

后剪枝决策:剪枝

对结点③和①, 先后替换为叶结点, 均未测得验证集精度提升, 于是不剪枝



最终,后剪枝得到的决策树:



预剪枝 VS. 后剪枝

□ 时间开销:

- 预剪枝:测试时间开销降低,训练时间开销降低
- 后剪枝: 测试时间开销降低, 训练时间开销增加

□ 过/欠拟合风险:

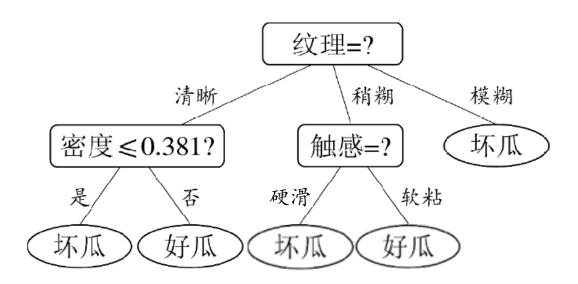
- 预剪枝: 过拟合风险降低, 欠拟合风险增加
- 后剪枝: 过拟合风险降低, 欠拟合风险基本不变
- □ 泛化性能: 后剪枝 通常优于 预剪枝

连续值

基本思路:连续属性离散化

常见做法:二分法 (bi-partition)

- n 个属性值可形成 n-1 个候选划分
- 然后即可将它们当做 n-1 个离散属性值处理



缺失值

现实应用中,经常会遇到属性值"缺失"(missing)现象

仅使用无缺失的样例? → 对数据的极大浪费

使用带缺失值的样例, 需解决:

Q1: 如何进行划分属性选择?

Q2: 给定划分属性, 若样本在该属性上的值缺失, 如何进行划分?

基本思路: 样本赋权, 权重划分

公理

眩郭

舳咸

/44 IT

盐盐

	狮方	巴洋	恨市		 汉理	所部	無恐	好瓜
	1	_	蜷缩	浊响	清晰	凹陷	硬滑	是
	2	乌黑	蜷缩	沉闷	清晰	凹陷	_	是
クネンナエケカナ 大	3	乌黑	蜷缩	_	清晰	凹陷	硬滑	是
仅通过无缺失值	4	青绿	蜷缩	沉闷	清晰	凹陷	硬滑	是
的样例来判断划	5	_	蜷缩	浊响	清晰	凹陷	硬滑	是
	6	青绿	稍蜷	浊响	清晰	_	软粘	是
分属性的优劣	7	乌黑	稍蜷	浊响	稍糊	稍凹	软粘	是
	8	乌黑	稍蜷	浊响	_	稍凹	硬滑	是
	9	乌黑	_	沉闷	稍糊	稍凹	硬滑	否
	10	青绿	硬挺	清脆	_	平坦	软粘	否
	11	浅白	硬挺	清脆	模糊	平坦	_	否
	12	浅白	蜷缩	_	模糊	平坦	软粘	否
	13	_	稍蜷	浊响	稍糊	凹陷	硬滑	否
学习开始时,根结点包	14	浅白	稍蜷	沉闷	稍糊	凹陷	硬滑	否
含样例集 D 中全部17个	15	乌黑	稍蜷	浊响	清晰	_	软粘	否
	16	浅白	蜷缩	浊响	模糊	平坦	硬滑	否
样例,权重均为 1	17	青绿	_	沉闷	稍糊	稍凹	硬滑	否

岳 泾

编是

坦塞

以属性 "色泽"为例,该属性上无缺失值的样例子集 \tilde{D} 包含 **14** 个样例,信息熵为 \tilde{D} \tilde{D}

 $\operatorname{Ent}(\tilde{D}) = -\sum_{k=1}^{\infty} \tilde{p}_k \log_2 \tilde{p}_k = -\left(\frac{6}{14} \log_2 \frac{6}{14} + \frac{8}{14} \log_2 \frac{8}{14}\right) = 0.985$

一个例子

令 \tilde{D}^1 , \tilde{D}^2 , \tilde{D}^3 分别表示在属性"色泽"上取值为"青绿""乌黑"以及"浅白"的样本子集,有

$$\operatorname{Ent}(\tilde{D}^{1}) = -\left(\frac{2}{4}\log_{2}\frac{2}{4} + \frac{2}{4}\log_{2}\frac{2}{4}\right) = 1.000 \quad \operatorname{Ent}(\tilde{D}^{2}) = -\left(\frac{4}{6}\log_{2}\frac{4}{6} + \frac{2}{6}\log_{2}\frac{2}{6}\right) = 0.918$$

$$\operatorname{Ent}(\tilde{D}^{3}) = -\left(\frac{0}{4}\log_{2}\frac{0}{4} + \frac{4}{4}\log_{2}\frac{4}{4}\right) = 0.000$$

因此,样本子集 \tilde{D} 上属性"色泽"的信息增益为

于是,样本集 D 上属性 "色泽"的信息增益为

$$Gain(D, 色泽)$$
 = ρ × $Gain(\tilde{D}, 色泽) = \frac{14}{17} \times 0.306 = 0.252$ 样本集中 属性 a 上无缺失值的样例占比

一个例子

类似地可计算出所有属性在数据集上的信息增益

Gain(D, 色泽) = 0.252

Gain(D, 根蒂) = 0.171

Gain(D, 敲声) = 0.145

Gain(D, 纹理) = 0.424

Gain(D, 脐部) = 0.289

Gain(D, 触感) = 0.006

	进入	"纹理=	=清晰"	分支
--	----	------	------	----





样本权重在各子结点仍为1

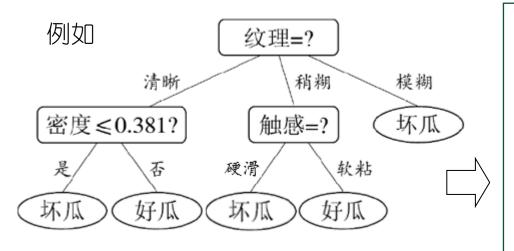
在"纹理"上出现缺失值, 样本 8, 10 同时进入三个 分支,三分支上的权重分 别为 7/15,5/15,3/15

编号	色泽	根蒂	敲声	纹理	脐部	触感	好瓜
1	_	蜷缩	浊响	清晰	凹陷	硬滑	是
2	乌黑	蜷缩	沉闷	清晰	凹陷		是
3	乌黑	蜷缩		清晰	凹陷	硬滑	是
4	青绿	蜷缩	沉闷	清晰	凹陷	硬滑	是
5		蜷缩	浊响	清晰	凹陷	硬滑	是
6	青绿	稍蜷	浊响	清晰	_	软粘	是
7	乌黑	稍蜷	浊响	稍糊	稍凹	软粘	是
8	乌黑	稍蜷	浊响	_	稍凹	硬滑	是
9	乌黑	_	沉闷	稍糊	稍凹	硬滑	否
10	青绿	硬挺	清脆	_	平坦	软粘	否
11	浅白	硬挺	清脆	模糊	平坦	_	否
12	浅白	蜷缩	_	模糊	平坦	软粘	否
13	_	稍蜷	浊响	稍糊	凹陷	硬滑	否
14	浅白	稍蜷	沉闷	稍糊	凹陷	硬滑	否
15	乌黑	稍蜷	浊响	清晰	_	软粘	否
16	浅白	蜷缩	浊响	模糊	平坦	便渭	台
17	青绿	_	沉闷	稍糊	稍凹	硬滑	否

权重划分

从"树"到"规则"

- 一棵决策树对应于一个 "规则集"
- 每个从根结点到叶结点的分支路径对应于一条规则



好处:

- □改善可理解性
- □进一步提升泛化能力

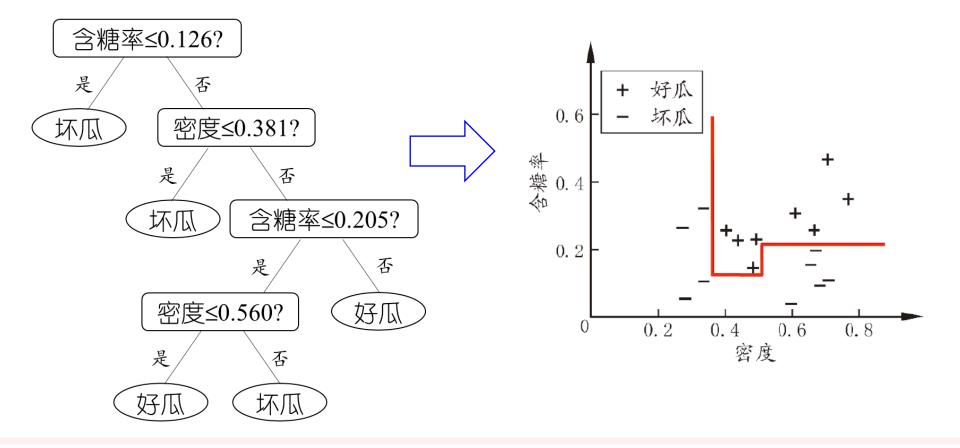
- IF (纹理=清晰) ∧ (密度≤0.381) THEN 坏瓜
- IF (纹理=清晰) ^ (密度>0.381) THEN 好瓜
- IF (纹理=稍糊) ^ (触感=硬滑)
 THEN 坏瓜
- IF (纹理=稍糊) ^ (触感=软粘) THEN 好瓜
- IF (纹理=模糊) THEN 坏瓜

由于转化过程中通常会进行前件合并、泛化等操作例如 C4.5Rule 的泛化能力通常优于 C4.5决策树

轴平行划分

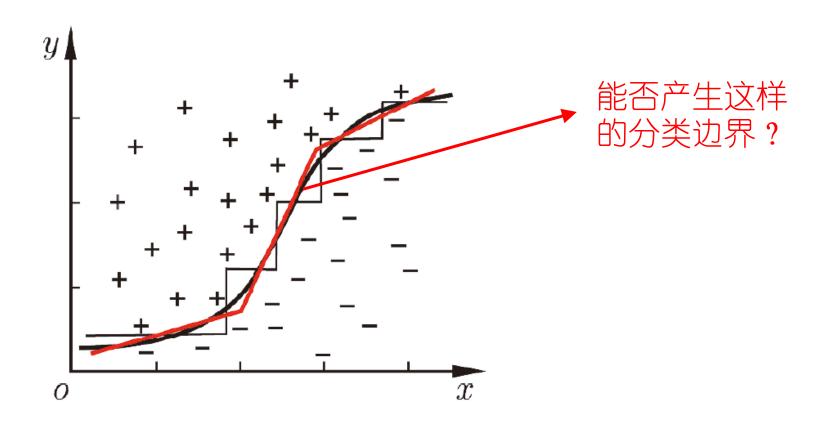
单变量决策树: 在每个非叶结点仅考虑一个划分属性

产生"轴平行"分类面



轴平行 vs. 倾斜

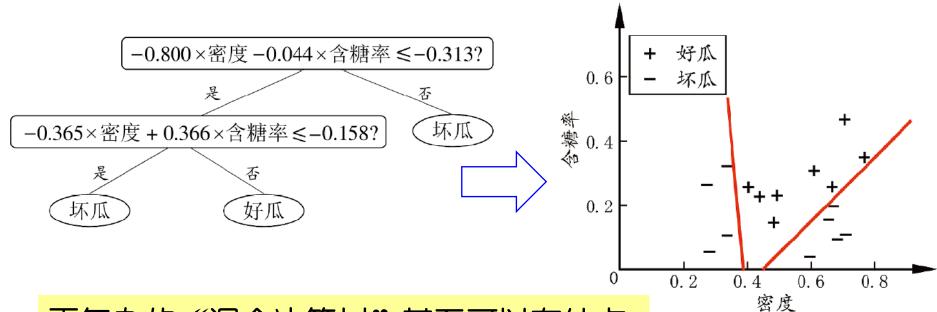
当学习任务所对应的分类边界很复杂时,需要非常多段划分才能获得较好的近似



多变量(multivariate)决策树

多变量决策树:每个非叶结点不仅考虑一个属性

例如"斜决策树" (oblique decision tree) 不是为每个非叶结点寻找最优划分属性,而是建立一个线性分类器



更复杂的"混合决策树"甚至可以在结点嵌入神经网络或其他非线性模型

前往第五站

