

# 公理

$$1+1=1 \quad 11=1 \quad 1+0=0+1=1$$

$$0+0=0 \quad 00=0 \quad 10=01=0$$

交换律  $A+B=B+A \quad AB=BA$

结合律  $A(BC)=(A \cdot B)C \quad (A+B)+C=A+(B+C)$

分配律  $A(B+C)=AB+AC$   
 $(A+B)C=AC+BC$

异或运算



0-1律:  $A0=0 \quad A+1=1$

自等律  $A1=A \quad A+0=A$

互补律  $A\bar{A}=0 \quad A+\bar{A}=1$

重叠律  $A+A=A \quad A \cdot A=A$

反演律  $\overline{AB}=\bar{A}+\bar{B} \quad \overline{A+B}=\bar{A}\bar{B}$

还原律  $\bar{\bar{A}}=A$

$$A \oplus 1 = \bar{A} \quad A \oplus 0 = A$$

$$A \oplus A = 0 \quad A \oplus \bar{A} = 1$$

$$(A \oplus B) \oplus C = A \oplus (B \oplus C)$$

$$A(B \oplus C) = AB \oplus AC$$

如果  $A \oplus B = C$

那么  $A \oplus C = B, B \oplus C = A$

合并律  $AB + A\bar{B} = A \quad (A+B)(A+\bar{B}) = A$

吸收律  $A + AB = A \quad A(A+B) = A$

消因律  $A + \bar{A} \cdot B = A+B \quad A \cdot (\bar{A}+B) = AB$

包含律  $AB + \bar{A}C + BCDE = AB + \bar{A}C$

$(A+B)(\bar{A}+C)(B+C) = (A+B)(\bar{A}+C)$

$$A \oplus B = \bar{A}\bar{B} + AB$$

$$\overline{A \oplus B} = \bar{A}\bar{B} + AB$$