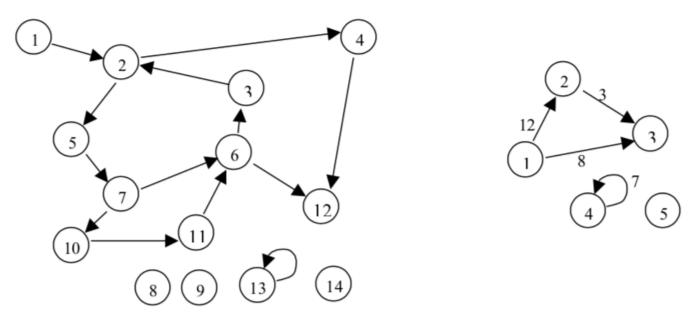
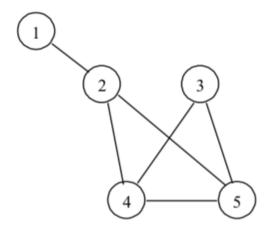
5. Представяне на граф. Обхождане на граф

Дефиниции [5.1, стр. 247]



- * Връх, възел (vertex, node), дъга, ребро (arc, edge), n върха, m ребра
- * Ориентиран и неориентиран граф, претеглен граф, компоненти на свързаност
- * Път в граф, напр. 10-11-6-3-2
- *Цикъл, напр. 5-7-6-3-2-5
- * Свързан граф,
- * Мултиграф (повторение на ребра)
- * Предшественици и наследници, инцидентност, съседност, степен на връх
- * Пълен граф, двуделен граф, подграф
- * Дърво (неориентиран свързан граф без цикли), кореново дърво, покриващо дърво

Представяне [5.2]



* Списък на ребрата [5.2.1]

Пример:

$$(1,2)$$
, $(2,4)$, $(2,5)$, $(3,4)$, $(3,5)$, $(4,5)$ памет $O(m)$, съседни ребра $O(m)$ или $O(\log m)$

* Матрица на съседство (достижимост) [5.2.2]

Пример:

 1
 2
 3
 4
 5

 1
 0
 1
 0
 0
 0

 2
 1
 0
 0
 1
 1

 3
 0
 0
 0
 1
 1

 4
 0
 1
 1
 0
 1

 5
 0
 1
 1
 1
 0

памет $O(n^2)$, съществуване на ребро между два върха O(1), наследници на връх O(n)

* Списък на наследниците [5.2.3]

Пример:

1 -> 2

 $2 \rightarrow 1, 4, 5$

 $3 \to 4, 5$

 $4 \rightarrow 2, 3, 5$

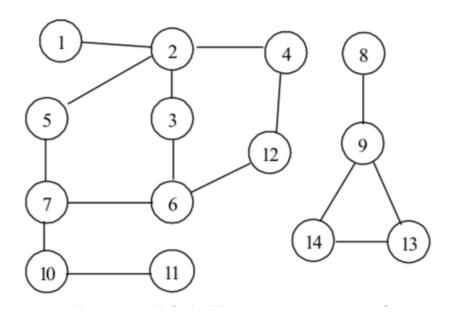
 $5 \rightarrow 2, 3, 4$

памет O(m), наследници на връх O(1), ребро между два върха O(6р.насл.) или $O(\log 6$ р.насл.)

* Матрица на инцидентност връх - дъга [5.2.4] *Пример:*

1 2 3 4 5
(1,2) 1 1 0 0 0
(2,4) 0 1 0 1 0
(2,5) 0 1 0 0 1
(3,4) 0 0 1 1 0
(3,5) 0 0 1 0 1
(4,5) 0 0 0 1 1
памет
$$O(m.n)$$
, ребро между два върха $O(m)$

Обхождане [5.3]



*Обхождане в ширина (<u>BFS</u>) [5.3.1] <u>лекция в МІТ</u> *Пример:*

1; 2; 3,4,5; 7,6,12; 10; 11

*Обхождане в дълбочина (<u>DFS</u>) [5.3.2]

Пример:

1,2,4,12,6,7,5; 10,11; 3

1,2,3,4,10,11;6,12,4; 3

*Най-кратък път между два върха по брой на върховете [5.4.1] $\protect\operatorname{\Pipumep}$:

```
1, 2, 4, 12, 6 (път)
1 2, 3, 6 (най-кратък път)
```

*Проверка за цикличност [5.4.1]

*Намиране на всички прости пътища между два върха [5.4.1]

Пример:

1, 2, 4, 12, 6 1 2, 3, 6

1, 2, 5, 7, 6