

София 1635, ул. Монтевидео 21 meл.: 55 81 37, 55 21 35, факс: 957 19 30

## Департамент Информатика

Школа "Състезателно програмиране" Състезание, 22 февруари 2014 г.

### Задача A. DAG

Задачата за намиране на най-дълъг път в произволен граф е NP-пълна и се решава с пълно изчерпване. Когато в графа **няма цикли** задачата има ефективно и сравнително лесно за реализация решение, илюстрирано със следния псевдо код:

Algorithm DAG-SHORTEST-PATHS(G, s) Algorithm DAG-LONGEST-PATHS(G, s)

#### 1 compute a topological sorting of G2 for each vertex $v \in V[G]$ 2 for each vertex $v \in V[G]$ 3 $d[v] \leftarrow \infty$ 4 $\pi[v] \leftarrow nil$ 5 $d[s] \leftarrow 0$ 6 for each u taken in topologically sorted order 7 for each $u \in S$ $d[v] \leftarrow S$ 6 for each $u \in S$ $d[v] \leftarrow S$ 7 for each $u \in S$ $d[v] \leftarrow S$ 6 for each $u \in S$ $d[v] \leftarrow S$ 7 for each $u \in S$ $d[v] \leftarrow S$

7 **for** each 
$$v \in adj(u)$$
  
8 **if**  $d[v] > d[u] + w(u, v)$   
9  $d[v] \leftarrow d[u] + w(u, v)$   
10  $\pi[v] \leftarrow u$ 

7 **for** 
$$each \ v \in adj(u)$$
  
8 **if**  $d[v] < d[u] + w(u, v)$   
9  $d[v] \leftarrow d[u] + w(u, v)$   
10  $\pi[v] \leftarrow u$ 

Даден ви е *насочен ацикличен граф* с  $5 \le N \le 10000$  върха и M ( $N \le M \le 100000$ ) ребра, с положителни тегла, не по-големи от 10000. Иска се да намерите дължините на най-късия и най-дългия път, започващи от зададен стартов връх S и завършващи в кои да е други върха на графа, както и да изведете самите пътища.

За всеки тест на първия ред на стандартния вход са зададени N и M. Следват M реда с по три числа -  $\mathbf{u}$ ,  $\mathbf{v}$  и  $\mathbf{c}$ , описващи насочено ребро от  $\mathbf{u}$  до  $\mathbf{v}$  с цена  $\mathbf{c}$ . Най-накрая е зададен стартовия връх S. За край на входа служи една нула.

За всеки тест извеждайте на отделни редове дължините на най-късия и най-дългия път, започващи от S, както и самите пътища. Ако съществува повече от едно най-добро решение, извеждайте кое да е от тях. Следвайте изходния формат, показан в примера:

Вход	Изход
6 7	the shortest path from 6 ends in 3, cost: 1
6 5 10	6 3
1 4 11	the longest path from 6 ends in 4, cost: 17
1 2 4	6 3 1 4
3 1 5	
2 4 5	
6 3 1	
6 1 3	
6	
0	



София 1635, ул. Монтевидео 21 тел.: 55 81 37, 55 21 35, факс: 957 19 30

## Департамент Информатика

Школа "Състезателно програмиране" Състезание, 22 февруари 2014 г.

### Задача В. Полети

Авиокомпания предлага M (1  $\leq$  M  $\leq$  20000) еднопосочни полета до N (1  $\leq$  N  $\leq$  20000) града, като K (1  $\leq$  K  $\leq$  200, K  $\leq$  N) от тези градове са т.н. разпределителни, т.е. там става прекачването от един самолет на друг. Всеки полет от  $u_i$  до  $v_i$  задължително трябва да минава през поне един от тези разпределители. Предлага се най-много един директен полет между два града в дадена посока и няма полети започващи и завършващи в един и същи град.

Авиокомпания трябва да обработи Q заявки(1  $\leq$  Q  $\leq$  50000), на желаещи да летят от град  $a_i$  до град  $b_i$ . Ако това е възможно, то трябва да се изчисли минималната цена, на която това може да стане.

Вашата задача е да напишете програма, която изчислява броя на полетите, които могат да бъдат реализирани, както и сумарната им цена (тя може да не се побира в 32 битов целочислен тип).

На първия ред на стандартния вход е зададен броя на тестовете. На първия ред на всеки от тях са зададени N, M, K и Q. Следват M реда с по три числа –  $u_i$   $v_i$   $d_i$ , описващи директен полет от  $u_i$  до  $v_i$ , на цена  $d_i$  (1  $\leq$   $d_i$   $\leq$  10000), 1  $\leq$   $u_i$ ,  $v_i$   $\leq$  N,  $u_i$  !=  $v_i$ . Следват K реда, на които са зададени номерата на разпределителните. Следват Q реда със заявки –  $a_i$   $b_i$  (1  $\leq$   $a_i$ ,  $b_i$   $\leq$  N,  $a_i$  !=  $b_i$ ).

За всеки тест извеждайте по два реда. Първия трябва да съдържа броя на полетите, които могат да бъдат осъществени, а следващия ред съдържа минималната обща цена, на която това може да стане.

Вход	Изход
1	1
3 3 1 2	20
1 2 10	
2 3 10	
2 1 5	
2	
1 3	
3 1	

**Пояснение към примера:** За първата заявка единственият възможен маршрут е  $1 \to 2 \to 3$ , на цена 20. Втората заявка не може да бъде изпълнена, тъй като няма полети тръгващи от град 3.



София 1635, ул. Монтевидео 21 тел.: 55 81 37, 55 21 35, факс: 957 19 30

## Департамент Информатика

Школа "Състезателно програмиране" Състезание, 22 февруари 2014 г.

## Задача С. Думи

Езикът на племето "Мулунгу" е съставен само от малките латински букви: 'a', 'b' и 'c'. Под dума в този език се разбира всяка последователност от не повече от m букви, в която всяка буква от думата е равна на предходната или е по-назад в лексикографската наредба. Буквата 'a' е преди буквата 'b' и буквата 'b' е преди буквата 'c' в лексикографската наредба. Например в изречението "aaabccbabbbcc" има точно три думи: "aaabcc", "b", "abbbcc"

Дадено ви е изречение на езика на племето "Мулунгу", което е не по-дълго от n знака. Вие сте много любопитни и постоянно задавате въпроси от вида: "Колко думи има в интервала от i-тия знак на изречението до j-тия знак на изречението".

Напишете програма, която по дадено изречение и въпроси отговаря на всеки един от тях.

#### Вход

За всеки тест на първия ред е зададен текст, съдържащ само малките латински букви: 'a', 'b' и 'c'. На следващия ред е зададено едно число k — броят на въпросите. Следват k реда с по две числа i и j — номера на началния и номера на крайния знак от изречението, за който е поставен въпроса. Номерирането на знаците в изречението започва от 1.

### Изход

За всеки зададен въпрос на отделен ред изведете по едно число – броя на думите в интервала от i-тия до j-тия знак включително.

#### Ограничения:

 $1 \le n, m \le 20000$   $1 \le k \le 100000$  $1 \le i \le j \le n$ 

Вход	Изход
aaabccbabbbcc	3
5	1
1 13	2
3 6	1
3 7	3
8 9	
5 10	



София 1635, ул. Монтевидео 21 meл.: 55 81 37, 55 21 35, факс: 957 19 30

## Департамент Информатика

Школа "Състезателно програмиране" Състезание, 22 февруари 2014 г.

# Задача D. Трибоначи

Редицата на Трибоначи се дефинира по следния начин:

$$trib_0 = 0$$
,

 $trib_1 = 0$ ,

 $trib_2 = 1$ ,

$$trib_n = trib_{n-1} + trib_{n-2} + trib_{n-3}$$
 sa  $n \ge 3$ .

Нека P е естествено число и нека  $a_n$  е остатъка при деление на  $trib_n$  с P (т.е.  $a_n = trib_n \% P$ ). Напишете програма, която намира номера k на първия елемент на редицата  $a_n$  , от който тя започва да се повтаря, т.е. най-малкото естествено число k, за което  $a_k = a_0$ ,  $a_{k+1} = a_1$ ,  $a_{k+2} = a_2$ ,  $a_{k+3} = a_3$ , ... .

### Вход

За всеки тест на отделен ред на стандартния вход е зададено числото P ( $2 \le P \le 1000$ ). Края на входа е маркиран с две нули.

### Изход

За всеки тест програмата трябва да извежда числото k, на отделен ред. Ако естествено число k с описаното свойство не съществува, то програмата трябва да извежда -1.

Вход	Изход
2	4
10	124
31	331
0 0	

#### Обяснение на първия пример:

Редицата на Трибоначи е 0, 0, 1, 1, 2, 4, 7, 13, 24, ... .

Редицата  $a_n$  е 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, ... . Следователно k=4.



София 1635, ул. Монтевидео 21 тел.: 55 81 37, 55 21 35, факс: 957 19 30

## Департамент Информатика

Школа "Състезателно програмиране" Състезание, 22 февруари 2014 г.

## Задача Е. Сортиране

Имплементирате сортиращ алгоритъм, който изисква  $\mathbf{c^*n^*lg(n)}$  наносекунди, за да сортира  $\mathbf{n}$  цели положителни числа. По зададени  $\mathbf{c}$  ( $1 \le \mathbf{c} \le 100$ ) и време  $\mathbf{t}$  ( $1 \le \mathbf{t} \le 2000000000$ ) се иска да изведете максималния брой числа, които могат да бъдат сортирани за това време, т.е.  $\mathbf{c^*n^*lg(n)} \le \mathbf{t}$ . Търсеното число ще  $\mathbf{e}$  с плаваща запетая и  $\mathbf{c}$  допустима относителна или абсолютна грешка не по-голяма от 1e-9.

Имайте в предвид, че  $\lg$  е двоичен логаритъм и  $\lg(n) = \ln(n) / \ln(2)$ , където  $\ln$  е натурален логаритъм.

Всеки тестов пример ще бъде зададен на отделен ред на стандартния вход и ще съдържа числата с и t, разделени с интервал. Края на входа е маркиран с "end".

За всеки тестов пример извеждайте търсеното число, на отделен ред на стандартния изход.

Вход	Изход
1 8	4.0
2 16	4.0
37 12392342	23104.999312341137
1 2000000000	7.637495090348122E7
end	

### Пояснение към примерите:

В първия пример за 8 наносекунди можем да сортираме 4 числа, тъй като 1\*4\*lg(4) = 4\*2 = 8. Във втория пример c = 2 и ще ни трябва двойно повече време, за да сортираме 4 числа. В третия пример можем да сортираме почти 23105 числа, но не съвсем.



София 1635, ул. Монтевидео 21 тел.: 55 81 37, 55 21 35, факс: 957 19 30

## Департамент Информатика

Школа "Състезателно програмиране" Състезание, 22 февруари 2014 г.

### Задача F. Магически квадрати

Казваме, че квадратът на фигурата е *магически*, ако са равни сборовете на числата във всеки ред, всеки стълб и всеки от двата диагонала.

$a_1$	$a_2$	$a_3$
$a_4$	$a_5$	$a_6$
$a_7$	$a_8$	<i>a</i> <sub>9</sub>

Напишете програма, която по зададени девет цели положителни числа определя колко различни *магически* квадрата могат да се образуват от тях като се използват всички числа.

### Вход

За всеки тест на отделен ред на стандартния вход се въвеждат девет цели положителни числа, по-малки от 100.

### Изход

За всеки тест на отделен ред на стандартния изход да се изведе отговорът на задачата, както е показано в примера. Ако от зададените числа не може да се образува магически квадрат, програмата да извежда числото 0.

Вход	Изход
1 3 2 4 5 8 7 6 9	Case #1: 8
1 1 1 1 1 1 1 1	Case #2: 1



Задача G.

# НОВ БЪЛГАРСКИ УНИВЕРСИТЕТ

София 1635, ул. Монтевидео 21 тел.: 55 81 37, 55 21 35, факс: 957 19 30

# Департамент Информатика

Школа "Състезателно програмиране" Състезание, 22 февруари 2014 г.

Вход	
Изход	
Вход	Изход