

Phystech @ DataScience



Организационная информация

Первый семестр (обязательный или спецкурс):

- Статистика
- Введение в анализ данных
- Введение в машинное обучение

Второй семестр (спецкурс):

Машинное обучение

Лектор: Ольга Калиниченко

Лекции: пятница 17:05

Семинары: суббота 17:05 / 18:30 с 19 февраля, раз в 2 недели.

Подробное расписание будет на сайте

https://mipt-stats.gitlab.io/courses/ad_mipt.html

Организационная информация

Профили:

- Физика;
- Биология;
- Педагогика;
- Теоретический (при наличии желающих).

Студенты кафедры инновационной педагогики выбирают профиль "педагогика".

Студенты 2 курса ЛФИ (обязательный курс) выбирают профиль "физика", кроме кафедры биофизики.

Организационная информация

Структура курса:

- Задания с автопроверкой в Яндекс. Контест;
- Домашние задания на 2 недели;
- В каждом: несколько теоретических и практических задач;
- Практика на языке Python;
- Сдача заданий через телеграм-бот (см. на сайте);
- Гостевые лекции про реальное применение статистики (отдельно для направлений)

Первые две лекции вводные, первые два дз даются на **неделю** и также являются отборочными.

Обязательно зарегистрируйтесь в боте и заполните форму (ссылка будет в боте и на сайте)!

У кого курс обязателен, ТОЖЕ заполняют.



Два потока



Базовый

В оценку входит:

Автопроверка (легкие)

Основной

В оценку входит:

Автопроверка (вся)

Ноутбуки

Вопросы в боте на лекциях и семинарах

Максимум хор(5)

95% - xop(5)

66% - уд(4)

33% - уд(3)

Максимум **отл(10)**

На основе рейтинга

Если списать: все участники списывания сдают устный экзамен.



Какой у меня поток?

▶ Обязательный курс на 2 курсе ЛФИ:

Поток на ваш выбор.

Магистратура кафедры инновационной педагогики:
 Основной поток

Проходящие курс Райгородского:

Можно получить оценку за курс А.М.Райгородского у нас. Прошел отбор \longrightarrow Основной поток + лекции А.М.

He прошел отбор \implies курс Райгородского

- Внесшие курс в инд.план до отбора + факультатив на 2 курсе ЛФИ: Прошел отбор \Longrightarrow Основной поток; Не прошел \Longrightarrow Базовый поток.
- Спецкурс: берете отрывной в конце
 Прошел отбор ⇒ Основной поток; Не прошел ⇒ Не слушаете курс.

Ô

Посещаемость

Для всех: посещаемость и баллы за задания влияют на проход в следующий семестр.

Для слушателей обязательного курса у 2 курса ЛФИ: информация о посещении семинаров (все потоки) передается в дирекцию ЛФИ.

Для остальных: Если вы не можете посещать лекцию по уважительной причине (другие пары), то вы **заочник** и на проход в следующий семестр влияют только дз. Но баллы за вопросы в боте не начисляются.

Лекции будут в записи в закрытом доступе, семинары не записываются.



Очно или онлайн?



Репетиция поцелуя во время эпидемии гриппа в 1937 году.

Imagno/Getty Images



Зачем это нужно?

Физика:

- Анализ физических данных
- Оценки параметров и построение моделей физических систем
- ▶ Проверка гипотез и многое другое

Биология:

- Проверка гипотез в экспериментах (почти в каждой статье)
- Анализ омиксных данных
- Классификация клеток, оценка уровня экспрессии генов, кластеризация
 микробиома, определение вторичной структуры ДНК и многое другое

Химия:

- ▶ Нахождение химического соединения с заданными свойствами
- ▶ Оценка параметров и построение моделей реакций
- ▶ Проверка гипотез и многое другое
 - Работа с погрешностями тоже основана на статистике.



Основные темы (весна)

- 1. Простые методы анализа данных и машинного обучения;
- 2. Точечное оценивание:

Свойства и методы поиска оценок; качество оценок и поиск наилучших оценок; оценки специального вида.

- 3. Доверительные интервалы;
- Непараметрический подход;
 Бутстреп; ядерная оценка плотности.
- 5. Проверка гипотез;

Критерии; p-value; множественная проверка гипотез; критерии согласия.

- Линейная регрессия;
 МНК; отбор признаков.
- 7. Корреляционный анализ;
- 8. Дисперсионный анализ.
- 9. Байесовский подход, метод Монте-Карло;



Основные книги по курсу

- Лагутин М.Б., Наглядная математическая статистика;
- L. Wasserman, All of Statistics;
- Russell B. Millar, Maximum Likelihood Estimation and Inference;
- Боровков А.А., Математическая статистика.



Обзор задач математической статистики

открываем другую презентацию:)



Примеры реальных задач





Оценки в экспериментах

Часто в экспериментах измеряется какая-либо величина.

Пример: концентрация вещества, свечение флуоресцентного маркера, энергия частицы.

Есть данные эксперимента — измерения каких-то характеристик.

Нужно сравнить полученные распределения с предсказаниями теории или найти зависимость.

- Оценить параметры точечные оценки
- ▶ Оценить погрешности доверительные интервалы
- Проверить, насколько хорошо данные согласуются с теорией
- Восстановить неизвестную зависимость от параметров (простейший пример — МНК)
 Все эти процедуры основываются на статистике.



Проверка гипотез

Почти в каждом эксперименте надо проверять различные предположения. Например, является трек треком нейтрино или другой частицы.

Часто гипотез не одна, а несколько.

Необходимо поддерживать небольшой "суммарный" уровень "ошибки" для того, чтобы можно было доверять выводам ученых.

Метод решения: множественная проверка гипотез

Пример: изучить роль интерлейкина-10 в подавлении воспаления.

В ходе работы неоднократно проверяются гипотезы различного рода о влиянии IL-10 на различные метаболические процессы.

Eddie et al. Anti-inflammatory effect of IL-10 mediated by metabolic reprogramming of macrophages,

https://science.sciencemag.org/content/356/6337/513



Лекарства против респираторного заболевания

- 2 лекарства;
- несколько испытуемых.

Каждый испытуемый

- вдыхает первое лекарство с помощью ингалятора;
- проходит упражнение беговой дорожке. Измеряется время достижения максимальной нагрузки;
- после периода восстановления эксперимент повторяется со вторым лекарством.

Отличается ли время достижения максимальной нагрузки для исследуемых лекарств?

Метод решения: дисперсионный анализ.

Kanji G.K. 100 statistical tests, 2006.





Эффективность жаропонижающих средств

- 4 лекарства, в составе которых один и тот же активный ингридиент присутствует в разных дозировках;
- 4 группы из 15 морских свинок;
- В каждой группе фиксируется изменение температуры после введения жаропонижающего.

Есть ли различия в действии препаратов?

Метод решения: дисперсионный анализ.

Bonnini S., Corain L., Marozzi M., Salmaso S. Nonparametric Hypothesis Testing - Rank and Permutation Methods with Applications in R, 2014.

Ô

Диагностика диабета

Около 500 пациентов, для которых известна информация:

- Пол, возраст;
- Индекс массы тела;
- Среднее кровяное давление;
- Измерения сыворотки крови;

Нужно предсказать риск развития диабета в течении года.

Метод решения: регрессионный анализ



Медицина — диагностика рака кожи

Нейронную сеть обучили на 130 000 изображений, в которых выделено 2000 различных заболеваний кожи.

Точность диагностики 91%, как и у коллектива из 21 дерматолога из Стэнфордской медицинской школы.

https://geektimes.ru/post/285154/

Предсказание генов

Задача: по последовательности генома найти места нахождения потенциальных генов, а также их смысловых частей.

Решение: марковские модели, байесовский подход

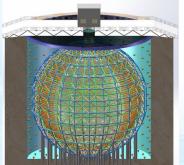


Анализ данных в физике частиц

Пример: эксперимент JUNO.

Нужно по данным количества и времена детекции нейтрино на каждом фотодетекторе определить координаты и энергию частицы.

Метод решения: машинное обучение.



https://neutel11.wordpress.com/2015/03/04/j-cao-juno-a-multi-purpose-neutrino-observatory/

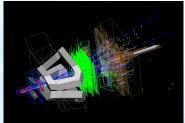


Большой адронный коллайдер

Данные, полученные на детекторе LHCb, проходят через несколько триггеров, которые оставляют только потенциально интересные события.

Классификацию событий можно делать методами машинного обучения.

Используя возможности машинного обучения (CatBoost), ученым удалось повысить эффективность системы триггеров на 40-50 процентов.

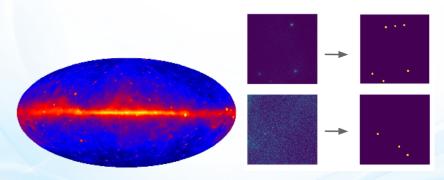


LHCb collaboration, CERN https://nplus1.ru/material/2017/10/25/cern-yandex



Шумоподавление изображений телескопа Ферми

Найти точечные источники на изображениях гамма-телескопа Fermi.



Метод решения: байесовский подход

Создан каталог источников и открыты "гигантские пузыри Ферми".

The Denoised, Deconvolved, Decomposed Fermi y-ray sky (Selig et al. 2015)

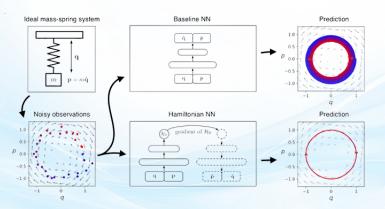
Альтернативный подход: нейронные сети





Выучивание гамильтониана из наблюдений

По измеренным траекториям выучить гамильтониан H(q,p) или лагранжиан $L(q,\dot{q})$, который затем можно использовать для изучения системы.





Аналитическая химия

Для того, чтобы новая методика количественного измерения была принята для использования, необходимо, чтобы погрешности, получаемые с помощью этой методики, были распределены нормально.

Метод решения: проверка гипотезы о нормальности выборки

Сравнение воспроизводимости результатов или методик:

Чем меньше погрешность, тем точнее методика.

Необходимо сравнить погрешности, получаемые разными методиками.

Метод решения: дисперсионный анализ



Обучение с подкреплением для стимулирования химических реакций

В ходе проведения химических реакций можно во времени менять различные параметры: температура, добавление катализаторов, и т.д.

Цель: получить искомое вещество

Варианты: получить в-во с наименьшими затратами; получить вещество с заданными свойствами. *Например, лекарство*.

Для решения задачи может применяться обучение с подкреплением - раздел машинного обучения, с помощью которого можно "обучать" принятие решений.

Практическая часть



Языки для анализа данных

MATLAB



Слабо специализированный, проприетарный.



Недостаточно гибкий в современных задачах. Тем не менее, незаменим для профессионалов.



Достаточно гибкий, большое число библиотек.



Слишком молодой.





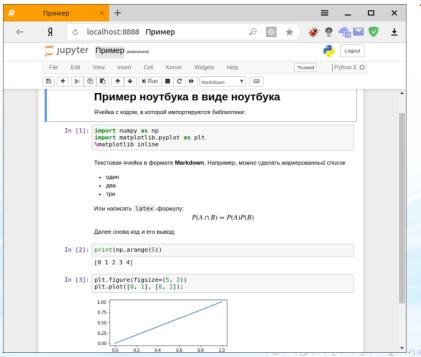
Jupyter Notebook — инструмент для создания документов-ноутбуков, которые сочетают в себе код и его выход, графики, текстовое описание, формулы.

Возможности:

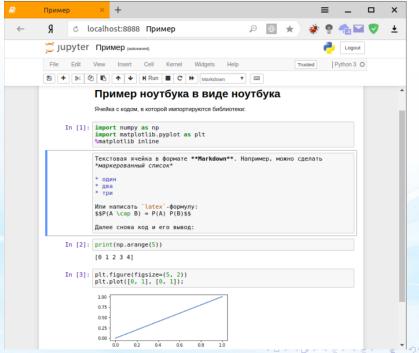
- редактирование кода в браузере, с подсветкой синтаксиса, автоотступами и автодополнением;
- запуск кода в браузере;
- отображение результатов вычислений с медиа представлением (схемы, графики);
- ▶ работа с языком разметки Markdown и LaTeX.

Поддержка ядер: Python (по умолчанию), R, Julia, C++, Java и др.



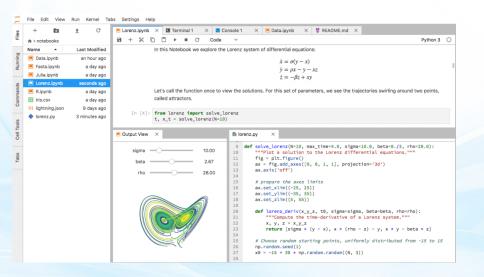






Ê

Jupyter Lab





Установка Jupyter

- ▶ Ubuntu и т.п. (сначала установите пакет pip3, если его нет): sudo pip3 install jupyter Установка Jupyter Lab: sudo pip3 install jupyterlab jupyter serverextension enable --py jupyterlab --sys-prefix
- ▶ В остальных случаях просто поставьте Anaconda: https://www.anaconda.com/download/

Запуск: jupyter notebook или jupyter lab

- ► Попробовать онлайн: https://jupyter.org/try
- Не получилось поставить => работа онлайн в Google Colab:
 https://colab.research.google.com/notebooks/intro.ipynb введение
 в Python и Colab



Библиотеки для анализа данных

Гарантированно будем использовать:

- numpy быстрые численные и матричные вычисления;
- ▶ scipy (stats) статистический пакет;
- ▶ matplotlib построение графиков;
- pandas работа с табличными данными;
- seaborn высокоуровневое построение графиков;
- sklearn методы машинного обучения.

Пример установки на Ubuntu:

sudo pip3 install numpy

Также полезны:

- statsmodels профессиональный стат. пакет;
- ▶ plotly интерактивные графики;
- ▶ ipywidgets виджеты.

Для освоения библиотек смотрите видеозаписи от нашей команды!



Введение

Основная задача математической статистики





Введение

Теория вероятностей

Зная природу случайного явления, посчитать характеристику этого явления.

Математическая статистика

По результатам экспериментальных данных высказать суждение о том, какова была природа этого явления.



Классический пример

На курсе N студентов; из них M выбирает спецкурс по анализу данных.

Задача в теории вероятностей

P(среди случайных n чел. ровно m слушателей спецкурса)-?

Предполагается, что М известно.

Задача в математической статистике

Среди случайных n чел. есть m слушателей спецкурса.

Оценить М.

Предполагается, что М не известно.



Еще пример

$$\xi \sim \mathcal{N}(a, \sigma^2)$$
 — случайная величина

Задача в теории вероятностей

Известно, что
$$a = 2.3, \sigma = 7.1$$

$$P(\xi \in [0,1]) - ?$$

E
$$\xi$$
-?

Задача в математической статистике

 $x_1,...,x_n$ — независимые реализации случайной величины ξ .

Оценить a и σ .

Вспоминаем оценки и погрешности в лабах!

Задача математической статистики

Пусть $x_1,...,x_n$ — численные характеристики n-кратного повторения некоторого явления.

Будем их воспринимать как независимые реализации $\xi \sim \mathsf{P}$.

Задача: по значениям $x_1, ..., x_n$ высказать некоторое суждение о распределении Р.

Решение: статистический вывод или обучение.

Основные понятия

Последовательность независимых одинаково распределенных случайных величин $X_1, \dots X_n$ называется выборкой.

Их значения x_1, \ldots, x_n как числа (на конкретном исходе) называются реализацией выборки.

Интуитивно: x_i - различные "измерения" какой-то величины. Это имеющиеся у нас данные.

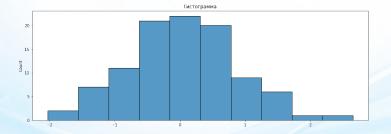
Давайте посмотрим, что вообще можно делать с данными!



Гистограмма

Пусть у нас есть реализация выборки $x_1, \ldots x_n \in \mathbb{R}$.

Идея: разделим всю числовую прямую на несколько "корзин" и посмотрим, сколько объектов (иксов) попало в каждую.



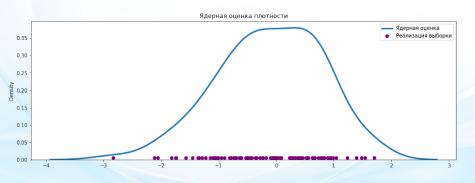
Можно построить график в виде столбиков, где высота столбика показывает, сколько объектов попало в соответствующую корзину.

Этот график по форме похож на график плотности распределения.



Ядерная оценка плотности

Идея: как-то оценить плотность распределения.

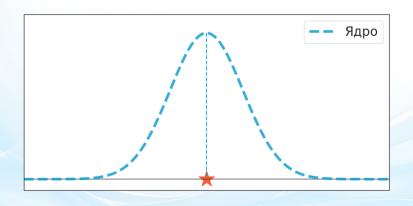


Как? Сейчас узнаем!

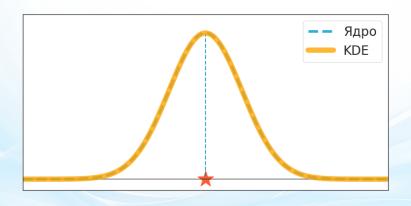








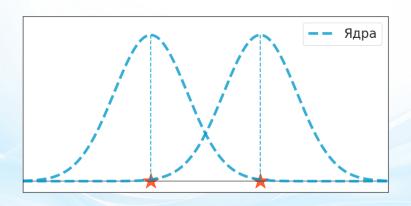




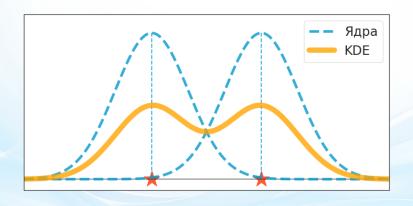








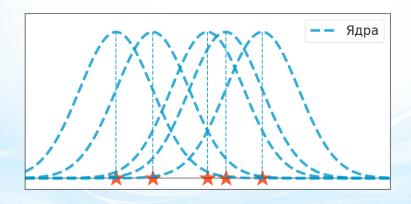




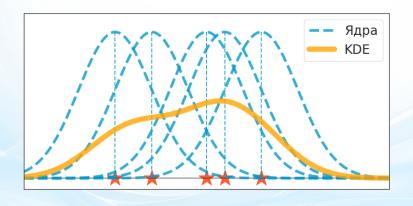












Определение

Пусть $X = (X_1, ..., X_n)$ — выборка из непрерывного распределения.

Выберем

- ightharpoonup q(x) ядро = некоторая "базовая" симметричная плотность;
- ho h > 0 ширина ядра, отвечающая за масштабирование.

Ядерная оценка плотности

$$\widehat{p}_h(x) = \frac{1}{nh} \sum_{i=1}^n q\left(\frac{x - X_i}{h}\right)$$

Пояснение: в каждую точку выборки поставили отмасштабированное ядро и усреднили.

Виды ядер

Гауссовское

$$q(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2}$$

Прямоугольное

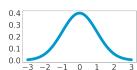
$$q(x) = \frac{1}{2}I\{|x| \leqslant 1\}$$

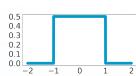
Треугольное

$$q(x) = (1 - |x|)I\{|x| \le 1\}$$

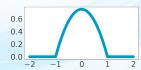


$$q(x) = \frac{3}{4}(1 - x^2)I\{|x| \le 1\}$$









Давайте посмотрим на все это на практике!



Статистики и оценки



Параметрический подход к статистике

Пусть у нас есть реализация $x_1, \ldots x_n$ выборки $X_1, \ldots X_n$.

Мы предполагаем, что элементы выборки имеют распределение из множества \mathscr{P} , где \mathscr{P} - какое-то заданное множество распределений.

Однако мы не знаем, какое именно, и хотим это как-то оценить по имеющейся реализации.

В параметрическом подходе мы также будем предполагать, что на множестве $\mathscr P$ введен параметр: $\mathscr P=\{\mathsf P_\theta\mid \theta\in\Theta\}$, где Θ – множество параметров. Такое семейство $\mathscr P$ называется параметрическим.

Задача об оценке истинного распределения сводится к задаче об оценке значения параметра.



Статистики и оценки

Пусть $X=(X_1,...,X_n)$ — выборка из неизвестного распределения $\mathsf{P}\in\mathscr{P}.$ Функция от выборки S(X) называется статистикой.

Примеры статистик:

- $ightharpoonup \overline{X} = rac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} X_i$ выборочное среднее;
- $igwedge \overline{X^k} = rac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i^k$ выборочный момент k-го порядка;
- $ightharpoonup S^2 = rac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i \overline{X})^2
 m Bыборочная дисперсия.$

Формально: Пусть $(\mathscr{X},\mathscr{B}_{\mathscr{X}},\mathscr{P})$, — вероятностно-статистическая модель, где $\mathscr{P} = \{\mathscr{P}_{\theta} | \theta \in \Theta\}$ — некоторое параметрическое семейство распределений, а Θ — множество параметров.

Если пара (E,\mathscr{E}) — некоторое измеримое пространство, а $S:\mathscr{X}^n \to E$ — измеримое отображение, то S называется статистикой.

Статистики и оценки

Пусть $X=(X_1,...,X_n)$ — выборка из неизвестного распределения $P\in \mathscr{P}.$ Функция от выборки S(X) называется статистикой.

Если при этом S принимает значения во множестве Θ , то S(X) называется точечной оценкой или просто оценкой параметра θ .

Обычно обозначается $\widehat{ heta}(X)$ или просто $\widehat{ heta}$.

Интуиция: пытаемся догадаться об истинном значении параметра на основании данных.

Иногда требуется оценить значение некоторой функции au(heta). В таком случае рассматривается E= au(heta), то есть образ множества параметров.

